#### Билет 1.

- 1. (1 балл) Дать определения суммы векторов и произведения вектора на число.
- **2.** (*1 балл*) Записать формулу для вычисления косинуса угла между векторами, заданными в ортонормированном базисе.
- 3.~(1~балл)~ Сформулировать свойство коммутативности (симметричности) скалярного произведения и свойство антикоммутативности (антисимметричности) векторного произведения.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления скалярного произведения векторов, заданных в ортонормированном базисе.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 2.

- 1. (1 балл) Дать определение правой и левой тройки векторов.
- 2. (1 балл) Записать формулу для расстояния между скрещивающимися прямыми.
- **3.** (1 балл) Записать формулу для вычисления скалярного произведения двух векторов, заданных в ортонормированном базисе.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления векторного произведения в правом ортонормированном базисе.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 3.

- **1.** (1 балл) Дать определение ортогональной скалярной проекции вектора на направление.
  - **2.**  $(1 \, 6ann)$  Записать формулу для расстояния от точки до прямой в пространстве.
- **3.** (1 балл) Сформулировать геометрические критерии линейной зависимости 2-х и 3-х векторов.
  - 4. (2 балла) Вывести формулу для расстояния между скрещивающимися прямыми.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

### Билет 4.

- 1. (1 балл) Дать определение равенства геометрических векторов.
- 2. (1 балл) Записать уравнение плоскости, проходящей через 3 данные точки.
- **3.** (1 балл) Сформулировать свойство линейности скалярного произведения.
- **4.** (2 балла) Доказать геометрический критерий линейной зависимости трёх векторов.

#### Билет 5.

- 1. (1 балл) Дать определение векторного произведения векторов.
- **2.** (1 балл) Записать канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве. Объяснить геометрический смысл входящих в эти уравнения параметров.
- **3.** (1 балл) Записать формулу для вычисления смешанного произведения в правом ортонормированном базисе.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления смешанного произведения трёх векторов в правом ортонормированном базисе.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

# Билет 6.

- 1. (1 балл) Дать определение базиса и координат вектора.
- **2.** (1 балл) Записать общее уравнение плоскости и уравнение «в отрезках». Объяснить геометрический смысл входящих в эти уравнения параметров.
- **3.** (1  $\mathit{балл}$ ) Записать формулу для вычисления векторного произведения в правом ортонормированном базисе.
  - 4. (2 балла) Доказать свойство линейности смешанного произведения.

min: 3 балла, max: 5 баллов
- — — — — — — — — — — — — — — — АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 7.

- **1.** (*1 балл*) Дать определение линейно зависимой и линейно независимой системы векторов.
  - **2.** (1 балл) Записать условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
- **3.** (1 балл) Сформулировать свойство коммутативности (симметричности) скалярного произведения и свойство антикоммутативности (антисимметричности) векторного произведения.
- **4.**  $(2 \, \textit{балла})$  Вывести формулу для расстояния от точки до плоскости, заданной общим уравнением.

### Билет 8.

- 1. (1 балл) Дать определения суммы векторов и произведения вектора на число.
- **2.** (*1 балл*) Записать уравнение прямой, проходящей через две данные точки в пространстве.
  - **3.** (1 балл) Сформулировать свойство линейности векторного произведения векторов.
  - 4. (2 балла) Доказать свойство линейности скалярного произведения.

#### Билет 9.

- 1. (1 балл) Дать определения коллинеарных и компланарных векторов.
- 2. (1 балл) Записать формулу для расстояния между скрещивающимися прямыми.
- **3.** (1 балл) Записать формулу для вычисления скалярного произведения двух векторов, заданных в ортонормированном базисе.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления скалярного произведения векторов, заданных в ортонормированном базисе.

## Билет 10.

- **1.** (1  $\mathit{балл}$ ) Дать определение ортогональной скалярной проекции вектора на направление.
  - **2.** (1 балл) Записать условие принадлежности двух прямых одной плоскости.
- 3.~(1~балл)~ Сформулировать свойство перестановки (кососимметричности) смешанного произведения.
  - 4. (2 балла) Вывести формулу для расстояния от точки до прямой в пространстве.

## Билет 11.

- 1. (1 балл) Дать определение смешанного произведения векторов.
- **2.** (1 балл) Записать канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве. Объяснить геометрический смысл входящих в эти уравнения параметров.
  - 3. (1 балл) Сформулировать свойство линейности смешанного произведения.
- **4.**  $(2 \ балла)$  Вывести формулу для вычисления векторного произведения в правом ортонормированном базисе.

### Билет 12.

- 1. (1 балл) Дать определение векторного произведения векторов.
- **2.** (1  $\mathit{балл}$ ) Записать формулу для вычисления косинуса угла между векторами, заданными в ортонормированном базисе.
- **3.** (1 балл) Записать формулу для вычисления векторного произведения в правом ортонормированном базисе.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления смешанного произведения трёх векторов в правом ортонормированном базисе.

#### Билет 13.

- **1.** (*1 балл*) Дать определение линейно зависимой и линейно независимой системы векторов.
- **2.** (1 балл) Записать общее уравнение плоскости и уравнение «в отрезках». Объяснить геометрический смысл входящих в эти уравнения параметров.
  - 3. (1 балл) Сформулировать свойство линейности скалярного произведения.
  - 4. (2 балла) Доказать теорему о разложении вектора по базису.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 14.

- 1. (1 балл) Дать определение скалярного произведения векторов.
- **2.** (1 балл) Записать условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
- **3.** (1 балл) Записать формулу для вычисления смешанного произведения в правом ортонормированном базисе.
  - 4. (2 балла) Доказать свойство линейности скалярного произведения.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 15.

- 1. (1 балл) Дать определение равенства геометрических векторов.
- 2. (1 балл) Записать формулу для расстояния от точки до прямой в пространстве.
- **3.** (1 балл) Сформулировать геометрические критерии линейной зависимости 2-х и 3-х векторов.
  - 4. (2 балла) Доказать свойство линейности смешанного произведения.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

### Билет 16.

- **1.** (1 балл) Дать определение ортогональной скалярной проекции вектора на направление.
- **2.** (1 балл) Записать формулу для расстояния от точки до плоскости, заданной общим уравнением.
  - **3.** (1 балл) Сформулировать теорему о разложении вектора по базису.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления скалярного произведения векторов, заданных в ортонормированном базисе.

#### Билет 17.

- 1. (1 балл) Дать определения суммы векторов и произведения вектора на число.
- **2.** (*1 балл*) Записать уравнение прямой, проходящей через две данные точки в пространстве.
- **3.** (1 балл) Сформулировать свойство коммутативности (симметричности) скалярного произведения и свойство антикоммутативности (антисимметричности) векторного произведения.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для расстояния от точки до плоскости, заданной общим уравнением.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 18.

- 1. (1 балл) Дать определение векторного произведения векторов.
- 2. (1 балл) Записать формулу для расстояния между скрещивающимися прямыми.
- 3. (1 балл) Сформулировать свойство линейности векторного произведения векторов.
- **4.** (2 балла) Доказать геометрический критерий линейной зависимости трёх векторов.

## Билет 19.

- **1.** (*1 балл*) Дать определение линейно зависимой и линейно независимой системы векторов.
  - 2. (1 балл) Записать уравнение плоскости, проходящей через 3 данные точки.
- **3.** (1 балл) Записать формулу для вычисления скалярного произведения двух векторов, заданных в ортонормированном базисе.
  - 4. (2 балла) Вывести формулу для расстояния между скрещивающимися прямыми.

### Билет 20.

- 1. (1 балл) Дать определение смешанного произведения векторов.
- 2. (1 балл) Записать условия параллельности и перпендикулярности плоскостей.
- **3.** (1 балл) Сформулировать свойство перестановки (кососимметричности) смешанного произведения.
  - **4.** (2 балла) Вывести формулу для расстояния от точки до прямой в пространстве.

#### Билет 21.

- 1. (1 балл) Дать определение скалярного произведения векторов.
- 2. (1 балл) Записать условие принадлежности двух прямых одной плоскости.
- 3. (1 балл) Сформулировать свойство линейности скалярного произведения.
- 4. (2 балла) Доказать свойство линейности скалярного произведения.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 22.

- 1. (1 балл) Дать определение базиса и координат вектора.
- 2.~(1~балл) Записать формулу для расстояния от точки до плоскости, заданной общим уравнением.
- **3.** (1 балл) Записать формулу для вычисления смешанного произведения в правом ортонормированном базисе.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления векторного произведения в правом ортонормированном базисе.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 23.

- 1. (1 балл) Дать определения коллинеарных и компланарных векторов.
- 2. (1 балл) Записать формулу для расстояния от точки до прямой в пространстве.
- **3.** (*1 балл*) Записать формулу для вычисления векторного произведения в правом ортонормированном базисе.
- **4.** (2 балла) Вывести формулу для вычисления смешанного произведения трёх векторов в правом ортонормированном базисе.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

### Билет 24.

- 1. (1 балл) Дать определение равенства геометрических векторов.
- **2.** (1 балл) Записать общее уравнение плоскости и уравнение «в отрезках». Объяснить геометрический смысл входящих в эти уравнения параметров.
  - **3.** (1 балл) Сформулировать свойство линейности векторного произведения векторов.
  - 4. (2 балла) Доказать свойство линейности смешанного произведения.

### Билет 25.

- 1. (1 балл) Дать определение правой и левой тройки векторов.
- **2.** (*1 балл*) Записать уравнение прямой, проходящей через две данные точки в пространстве.
  - **3.** (1 балл) Сформулировать свойство линейности смешанного произведения.
  - 4. (2 балла) Доказать геометрический критерий линейной зависимости трёх векторов.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

# Билет 26.

- 1. (1 балл) Дать определение смешанного произведения векторов.
- **2.** (*1 балл*) Записать формулу для вычисления косинуса угла между векторами, заданными в ортонормированном базисе.
- **3.** (1 балл) Сформулировать свойство перестановки (кососимметричности) смешанного произведения.
  - 4. (2 балла) Вывести формулу для расстояния от точки до прямой в пространстве.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 27.

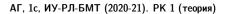
- 1. (1 балл) Дать определение скалярного произведения векторов.
- 2. (1 балл) Записать условие принадлежности двух прямых одной плоскости.
- **3.** (*1 балл*) Сформулировать геометрические критерии линейной зависимости 2-х и 3-х векторов.
  - 4. (2 балла) Вывести формулу для расстояния между скрещивающимися прямыми.

min: 3 балла, max: 5 баллов

АГ, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

### Билет 28.

- 1. (1 балл) Дать определение базиса и координат вектора.
- 2. (1 балл) Записать уравнение плоскости, проходящей через 3 данные точки.
- **3.** (1 балл) Сформулировать теорему о разложении вектора по базису.
- 4. (2 бама) Доказать теорему о разложении вектора по базису.



## Билет 29.

- 1. (1 балл) Дать определения коллинеарных и компланарных векторов.
- **2.** (1 балл) Записать формулу для расстояния от точки до плоскости, заданной общим уравнением.
  - 3. (1 балл) Сформулировать теорему о разложении вектора по базису.
- **4.**  $(2 \, \textit{балла})$  Вывести формулу для расстояния от точки до плоскости, заданной общим уравнением.

																								m	nin: 🤅	3 6	алла	a, 1	max:	5 6	балл	10В
_	 _	_	 	-	_	_	_	_	_	_	_	_	_	_	_	-	_	_	_	_	_	_		 			 (2020	_				- ия)

# Билет 30.

- 1. (1 балл) Дать определение правой и левой тройки векторов.
- 2.~(1~балл) Записать канонические и параметрические уравнения прямой в пространстве. Объяснить геометрический смысл входящих в эти уравнения параметров.
  - 3. (1 балл) Сформулировать свойство линейности смешанного произведения.
  - 4. (2 балла) Доказать теорему о разложении вектора по базису.