#### Билет 1.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение бесконечно большой функции.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a} f(x) = 0$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о необходимом и достаточном условии эквивалентности бесконечно малых.

## Билет 2.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение эквивалентных бесконечно малых функций.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to 0} f(x) = -\infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о сумме бесконечно малых разных порядков.

### Билет 3.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение точки разрыва І рода.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a-0} f(x) = +\infty$ , где  $a\in\mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о произведении бесконечно малой на ограниченную функцию.

# Билет 4.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение возрастающей последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to\infty} f(x) = -\infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1  $\mathit{балл}$ ) Сформулируйте теорему о сумме конечного числа бесконечно малых функций.

min: 2 балла, max: 4 балла
- — — — — — — — — — — — — — — — — — — МА, 1с, ИУ-РЛ-БМТ (2020-21). РК 1 (теория)

## Билет 5.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение несравнимых бесконечно малых функций.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a+0} f(x) = \infty$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1  $\mathit{балл}$ ) Сформулируйте теорему об ограниченности сходящейся числовой последовательности.

#### Билет 6.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение непрерывности функции на отрезке.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to\infty} f(x) = +\infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о необходимом и достаточном условии эквивалентности бесконечно малых.

## Билет 7.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение убывающей последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a} f(x) = -\infty$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о сумме бесконечно малых разных порядков.

### Билет 8.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение ограниченной последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = +\infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о связи функции, ее предела и бесконечно малой.

## Билет 9.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение точки разрыва II рода.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a} f(x) = \infty$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о связи бесконечно малой и бесконечно большой функций.

## Билет 10.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение непрерывности функции в точке (любое).
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to 0} f(x) = \infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему об ограниченности сходящейся числовой последовательности.

#### Билет 11.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение бесконечно малых функций одного порядка.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a+0} f(x) = 0$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о произведении бесконечно малой на ограниченную функцию.

## Билет 12.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение бесконечно малой функции.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о сумме конечного числа бесконечно малых функций.

### Билет 13.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение неубывающей последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x \to -\infty} f(x) = \infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о сумме бесконечно малых разных порядков.

## Билет 14.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение приращения функции.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x \to +\infty} f(x) = -\infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о необходимом и достаточном условии эквивалентности бесконечно малых.

## Билет 15.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение точки устранимого разрыва.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a-0} f(x) = 0$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о связи бесконечно малой и бесконечно большой функций.

#### Билет 16.

- **1.** (1 балл) Сформулируйте определение окрестности  $-\infty$ .
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a} f(x) = b$ , где  $a \in \mathbb{R}, b \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о связи функции, ее предела и бесконечно малой.

## Билет 17.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение предела последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to\infty} f(x) = 0$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1  $\mathit{балл}$ ) Сформулируйте теорему об ограниченности сходящейся числовой последовательности.

### Билет 18.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение невозрастающей последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to 0} f(x) = b$ , где  $b\in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1  $\mathit{балл}$ ) Сформулируйте теорему о произведении бесконечно малой на ограниченную функцию.

# Билет 19.

- **1.** (1 балл) Сформулируйте определение окрестности точки  $x \in \mathbb{R}$ .
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to\infty} f(x) = \infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о необходимом и достаточном условии эквивалентности бесконечно малых.

## Билет 20.

- **1.** (1 балл) Сформулируйте определение окрестности  $+\infty$ .
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to\infty} f(x) = b$ , где  $b\in\mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о связи бесконечно малой и бесконечно большой функций.

#### Билет 21.

- **1.** (1 балл) Сформулируйте определение окрестности  $\infty$ .
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a} f(x) = +\infty$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о сумме конечного числа бесконечно малых функций.

## Билет 22.

- **1.** (1 балл) Сформулируйте определение порядка малости одной функции относительно другой.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a+0} f(x) = +\infty$ , где  $a\in\mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о связи функции, ее предела и бесконечно малой.

### Билет 23.

- **1.** (1 балл) Сформулируйте определение  $\varepsilon$ -окрестности точки  $x \in \mathbb{R}$ .
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to -\infty} f(x) = 0$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о произведении бесконечно малой на ограниченную функцию.

## Билет 24.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение точки разрыва.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a-0} f(x) = b$ , где  $a \in \mathbb{R}, b \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему об ограниченности сходящейся числовой последовательности.

## Билет 25.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение непрерывности функции на интервале.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to 0} f(x) = 0$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1  $\mathit{балл}$ ) Сформулируйте теорему о связи бесконечно малой и бесконечно большой функций.

#### Билет 26.

- 1. Сформулируйте критерий Коши существования предела последовательности. (2 бал-na)
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to 0} f(x) = +\infty$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о сумме бесконечно малых разных порядков.

## Билет 27.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение монотонной последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a-0} f(x) = \infty$ , где  $a \in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о сумме конечного числа бесконечно малых функций.

### Билет 28.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение по Гейне предела функции.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to a+0} f(x) = b$ , где  $a\in\mathbb{R},\ b\in\mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
  - 3. (1 балл) Сформулируйте теорему о связи функции, ее предела и бесконечно малой.

# Билет 29.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение фундаментальной последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to +\infty} f(x) = 0$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о необходимом и достаточном условии эквивалентности бесконечно малых.

## Билет 30.

- 1. (1 балл) Сформулируйте определение сходящейся последовательности.
- **2.** (2 балла) Сформулируйте определение по Коши  $\lim_{x\to -\infty} f(x) = b$ , где  $b\in \mathbb{R}$ . Приведите соответствующий пример (с геометрической иллюстрацией).
- **3.** (1 балл) Сформулируйте теорему о произведении бесконечно малой на ограниченную функцию.