



КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Преподаватель Толпинская Н. Б.

Москва — 2021 г.

# Оглавление

<b>1</b>	<b>Задания</b>	<b>2</b>
1.1	Составить диаграмму вычисления следующих выражений. .	2
1.2	Написать функцию, вычисляющую гипотенузу прямоугольного треугольника по заданным катетам и составить диаграмму ее вычисления. . . . .	4
1.3	Написать функцию, вычисляющую объем параллелепипеда по 3-м его сторонам, и составить диаграмму ее вычисления.	4
1.4	Каковы результаты вычисления следующих выражений? . .	5
1.5	Написать функцию <code>longer-then</code> от двух списков-аргументов, которая возвращает Т, если первый аргумент имеет большую длину. . . . .	7
1.6	Каковы результаты вычисления следующих выражений . . .	7
1.7	Дана функция <code>mystery</code> , найти результаты выражений. . . . .	8
<b>2</b>	<b>Ответы на вопросы к лабораторной работе</b>	<b>10</b>
2.1	Базис . . . . .	10
2.2	Классификация функций . . . . .	11
2.3	Список, представление и интерпретация списков . . . . .	11
2.4	Функции <code>car</code> и <code>cdr</code> . . . . .	12
2.5	Назначение и отличие <code>list</code> от <code>cons</code> . . . . .	12

# 1 Задания

## 1.1 Составить диаграмму вычисления следующих выражений.

```
1 (equal 3 (abs -3))
```

```
1 (equal (+ 1 2) 3)
```

```
1 (equal (* 4 7) 21)
```

```
1 (equal (* 2 3) (+ 7 2))
```

```
1 (equal (- 7 3) (* 3 2))
```

```
1 (equal (abs (- 2 4)) 3)
```

1.2 Написать функцию, вычисляющую гипотенузу прямоугольного треугольника по заданным катетам и составить диаграмму ее вычисления.

```
1 (defun hypotenuse(a b) (sqrt (+ (* a a) (* b b))))
```

1.3 Написать функцию, вычисляющую объем параллелепипеда по 3-м его сторонам, и составить диаграмму ее вычисления.

```
1 (defun volume(a b h) (* a b h))
```

## 1.4 Каковы результаты вычисления следующих выражений?

```
1 (list 'a 'b c)
```

Результат: несвязанная переменная `c` (у переменной `c` не стоит блокирование вычисления и при попытке вычислить случается ошибка, потому что интерпретатор не может найти информацию о данном символе в `package`)

```
1 (cons 'a (b c))
```

Результат: несвязанная переменная `c` (конструкция `(b c)` рассматривается интерпретатором, как вычисляемое выражение, для вычисления которого нужно вызвать функцию `b` с аргументом `c`, поэтому сначала интерпретатор вычисляет `c`, а у переменной `c` не стоит блокирование вычисления и при попытке вычислить случается ошибка, потому что интерпретатор не может найти информацию о данном символе в `package`)

```
1 (cons 'a '(b c))
```

Результат: `(a b c)`.

```
1 (caddr (1 2 3 4 5))
```

Результат: недопустимый вызов функции (ввиду отсутствия блокировки вычисления `(1 2 3 4 5)` рассматривается как список, на первом месте которого стоит символ, соответствующий имени функции, которую нужно вызвать с остальными элементами списка в качестве аргументов функции (`1` — не функция))

```
1 (cons 'a 'b 'c)
```

Результат: некорректное количество аргументов (функция `cons` ожидает 2 аргумента, а передано 3)

```
1 (list 'a (b c))
```

Результат: несвязанная переменная `c` (конструкция `(b c)` рассматривается интерпретатором, как вычисляемое выражение, для вычисления которого нужно вызвать функцию `b` с аргументом `c`, поэтому сначала интерпретатор вычисляет `c`, а у переменной `c` не стоит блокирование вычисления и при попытке вычислить случается ошибка, потому что интерпретатор не может найти информацию о данном символе в `package`)

```
1 (list a '(b c))
```

Результат: несвязанная переменная (у переменной `a` не стоит блокирование вычисления и при попытке вычислить случается ошибка, потому что интерпретатор не может найти информацию о данном символе в `package`)

```
1 (list (+ 1 '(length '(1 2 3))))
```

Результат: ошибка вычисления (чистая математическая функция ожидает на вход `NUMBER`, а получена форма, вычисление которой заблокировано).

## 1.5 Написать функцию longer-then от двух списков-аргументов, которая возвращает Т, если первый аргумент имеет большую длину.

```
1 (defun longer_then(l1 l2) (> (length l1) (length l2)))
```

## 1.6 Каковы результаты вычисления следующих выражений

```
1 (cons 3 (list 5 6))
```

Результат: (3 5 6)

```
1 (list 3 'from 9 'gives (- 9 3))
```

Результат: (3 from 9 gives 6)

```
1 (+ (length '(1 foo 2 too)) (car '(21 22 23)))
```

Результат: 25 (4 + 21)

```
1 (cdr '(cons is short for ans))
```

Результат: (is short for ans)



```
1 (car (list one two))
```

Результат: несвязанная переменная `one` (у переменной `one` не стоит блокирование вычисления и при попытке вычислить случается ошибка, потому что интерпретатор не может найти информацию о данном символе в `package`)

```
1 (cons 3 '(list 5 6))
```

Результат: `(3 list 5 6)`

```
1 (car (list 'one 'two))
```

Результат: `one`

## 1.7 Дана функция `mystery`, найти результаты выражений.

Функция:

```
1 (defun mystery (x) (list (second x) (first x)))
```

Выражения:

```
1 (mystery '(one two))
```

Результат: `(two one)`

```
1 (mystery 'free)
```

Результат: функция `second` применима только к значениям типа `list`, а `free` – не `list`.

```
1 (mystery (last 'one 'two))
```

Результат: ошибка: `one` – не `list` (а функция принимает один аргумент типа `list`)

```
1 (mystery 'one 'two)
```

Результат: ошибка: неверное количество аргументов.

## 2 Ответы на вопросы к лабораторной работе

### 2.1 Базис

Базис состоит из:

1. структуры, атомы;
2. встроенные (примитивные) функции (`atom`, `eq`, `cons`, `car`, `cdr`);
3. специальные функции, управляющие обработкой структур, представляющих вычислимые выражения (`quote`, `cond`, `lambda`, `label`, `eval`).

Таким образом, функции, входящие в базис:

- `atom` — функция определения, является ли объект атомом (возвращает `T`, если да, иначе — `Nil`);
- `eq` — функция проверки атомов на равенство (возвращает `T`, если равны, иначе — `Nil`);
- `cons` — функция создания точечной пары;
- `car` — функция получения первого элемента точечной пары;
- `cdr` — функция получения второго элемента точечной пары;
- `cond` — функция, позволяющая организовать ветвление (чаще всего используется в частичных функциях и имеет вид: `(cond (p1 e1) (p2 e2) ... (pn en))`, где `pi` — предикат, а `ei` — форма, соответствующая предикату `ei`);
- `quote` — функция блокировки вычислений, аргумент не вычисляется;
- `eval` — функция-интерпретатор, противоположность функции `quote`, пытается вычислить аргумент;
- `lambda`;
- `label`.

## 2.2 Классификация функций

Функции в Lisp классифицируют следующим образом:

- чистые математические функции;
- рекурсивные функции;
- специальные функции — формы (сегодня 2 аргумента, завтра - 5);
- псевдофункции (создают эффект на внешнем устройстве);
- функции с вариативными значениями, из которых выбирается 1;
- функции высших порядков — функционал: используется для синтаксического управления программ (абстракция языка).

По назначению функции разделяются следующим образом:

1. конструкторы — создают значение (`cons`, например);
2. селекторы — получают доступ по адресу (`car`, `cdr`);
3. предикаты — возвращают `Nil`, `T`.

## 2.3 Список, представление и интерпретация списков

Список — частный случай S-выражения, структура данных, может быть пустым или непустым, непустой список содержит голову (в случае Lisp хранящую произвольное S-выражение) и хвост, который также должен являться списком.

Непустой список в Lisp представлен списковой ячейкой, точечная пара, первый элемент которой - произвольное S-выражение, второй - список; пустой - `Nil`.

Список ::= <пустой список> | <непустой список>, где  
<пустой список> ::= () | `Nil`,

$\langle \text{непустой список} \rangle ::= (\langle \text{S-выражение} \rangle . \langle \text{список} \rangle),$

В оперативной памяти списковая ячейка представляется бинарным узлом: 2 указателя, один из которых на голову списка, второй - на хвост.

## 2.4 Функции `car` и `cdr`

`car` — функция получения первого элемента точечной пары.

Примеры:

S-выражение	Результат выполнения <code>car</code>
$(A . B)$	$A$
$((A . B) . C)$	$(A . B)$
$A$	ошибка

`cdr` — функция получения второго элемента точечной пары.

S-выражение	Результат выполнения <code>cdr</code>
$(A . B)$	$B$
$(A . (B . C))$	$(B . C)$
$A$	ошибка

## 2.5 Назначение и отличие `list` от `cons`

`cons` — функция конструирования точечной пары, на вход получает 2 значения и делает из них точечную пару.

`list` — функция конструирования списка. На вход получает произвольное количество элементов и делает из них список.

Вызовы `(list 1 2 3 4)` и `(cons 1 (cons 2 (cons 3 (cons 4 Nil))))` эквивалентны, то есть дают одинаковый результат.