

1. CUDA 核函数 实现

1.1. 核函数

SM\_2D 核函数 实现 6 个 CUDA 核函数。核函数 实现 6 个核函数，核函数 实现 6 个核函数，核函数 实现 6 个核函数。

1.1.1. 核函数 实现

核函数 实现 6 个核函数：

核函数	核函数
K1: ActiveMask	核函数 实现 6 个核函数
K2: CoarseTransport	核函数 实现 6 个核函数(E > 10 MeV)
K3: FineTransport	核函数 实现 6 个核函数(E <= 10 MeV)
K4: BucketTransfer	核函数 实现 6 个核函数
K5: ConservationAudit	核函数 实现 6 个核函数
K6: SwapBuffers	核函数 实现 6 个核函数

Table 1: CUDA 核函数 实现



### 1.1.2. 初始化

模块	名称	描述
模块	初始化 (t = 0)	
K1	ActiveMask 初始化	描述: 初始化 ActiveMask <ul style="list-style-type: none"> <li>• 初始化 ActiveMask</li> <li>• E &lt; 10 MeV “初始化”</li> <li>• 描述: ActiveMask</li> </ul>
K2	CoarseTransport 初始化	描述: 初始化 (E > 10 MeV) <ul style="list-style-type: none"> <li>• 初始化</li> <li>• 初始化, 初始化</li> <li>• 初始化</li> <li>• 初始化 (3-5 初始化)</li> </ul>
K3	FineTransport 初始化	描述: 初始化 (E <= 10 MeV) <ul style="list-style-type: none"> <li>• 初始化</li> <li>• MCS 初始化</li> <li>• 初始化</li> <li>• 初始化 (1 percent 初始化)</li> </ul>
K4	BucketTransfer 初始化	描述: 初始化 <ul style="list-style-type: none"> <li>• 4 初始化 (±x, ±z)</li> <li>• 初始化 初始化 初始化 初始化</li> <li>• 初始化 初始化 初始化</li> </ul>
K5	ConservationAudit 初始化	描述: 初始化 初始化 初始化 初始化 <ul style="list-style-type: none"> <li>• 初始化 初始化</li> <li>• 初始化 初始化</li> <li>• 描述: 初始化 = 初始化 + 初始化</li> <li>• 初始化 初始化</li> </ul>
K6	SwapBuffers 初始化	描述: 初始化 初始化 <ul style="list-style-type: none"> <li>• 初始化/初始化 初始化 (CPU 初始化)</li> <li>• 初始化 初始化 初始化</li> <li>• 2.2 GB 初始化 初始化</li> </ul>
模块	描述: t = Δt 初始化	初始化 初始化 初始化

Table 2: CUDA 初始化

## 1.2. K1: ActiveMask

### 1.2.1. 初始化

src/cuda/kernels/k1\_activemask.cu

### 1.2.2. 初始化

K1 初始化 初始化 初始化 初始化 (E <= 10 MeV) 初始化 初始化 初始化. 初始化(0 1 初始化) 初始化 初始化 初始化 初始化 初始化.



### 1.2.3. 参数

当  $E > 10 \text{ MeV}$  时，参数  $E_{\text{trigger}}$  和  $weight_{\text{active\_min}}$  必须为 0。当  $E \leq 10 \text{ MeV}$  时，参数  $E_{\text{trigger}}$  和  $weight_{\text{active\_min}}$  必须为 1。K1 参数  $E_{\text{trigger}}$  和  $weight_{\text{active\_min}}$  必须为 1。

### 1.2.4. 参数

参数	描述	默认值
参数	参数 $E_{\text{trigger}}$ 和 $weight_{\text{active\_min}}$	
参数	参数 $E_{\text{trigger}}$ 和 $weight_{\text{active\_min}}$ 的取值范围： <ul style="list-style-type: none"> <li>当 <math>E &gt; 10 \text{ MeV}</math> 时，ActiveMask = 0</li> <li>当 <math>E \leq 10 \text{ MeV}</math> 时，ActiveMask = 1</li> <li>10 MeV 阈值</li> </ul>	参数
参数	<ul style="list-style-type: none"> <li>当 <math>E &gt; 10 \text{ MeV}</math> 时：ActiveMask = 0</li> <li>当 <math>E \leq 10 \text{ MeV}</math> 时：ActiveMask = 1</li> <li>参数 <math>E_{\text{trigger}}</math> (1e-12)</li> </ul>	参数
参数	<ul style="list-style-type: none"> <li>ActiveMask 参数 (0 到 1)</li> <li>ActiveList (参数 <math>E_{\text{trigger}}</math> 和 <math>weight_{\text{active\_min}}</math>)</li> </ul>	K3 参数

Table 3: K1 参数

### 1.2.5. 参数

参数	参数
参数	$(N_x * N_z + 255) / 256$
参数	256 参数
参数	1 参数 1 参数
参数	block_ids_in, values_in 参数

Table 4: K1 参数

### 1.2.6. 代码

```
__global__ void k1_activemask(
    // 参数
    const uint32_t* __restrict__ block_ids_in,
    const float* __restrict__ values_in,

    // 参数
    const int Nx, const int Nz,

    // 参数
    const float b_E_trigger, // 参数 (参数: 10 MeV)
    const float weight_active_min, // 参数 (参数: 1e-12)

    // 参数
    uint8_t* __restrict__ ActiveMask
);
```

### 1.2.7. 代码

```
__global__ void k1_activemask(...) {
    // 参数 1: 参数 参数 参数
```







### 1.3.5. K2 K2

K2	K2
	K2: Vavilov K2 K2: K2 • K2: 3% K2, 2% K2
K2 K2(MCS)	K2: K2 K2 $\theta \sim N(0, \sigma^2)$ K2 K2: $\sigma^2$ K2, K2 • K2: 5% K2 K2, 3% K2
K2 K2	K2: $ds = \min(K2, K2)$ K2: $ds = 2-3$ K2 • K2: K2 K2, K2 K2
K2	K2 K2 (K2 K2) • $w = \exp(-\sigma_{\text{nuclear}} ds)$

Table 6: K2 K2

### 1.3.6. K2 K2

K2	K2
K2 K2	$(N_x * N_z + 255) / 256$
K2 K2	256 K2
K2	K2 1 K2 (K2 K2)
K2 K2	K2 K2 K2 3-5

Table 7: K2 K2

### 1.3.7. K2

```

__global__ void k2_coarsetransport(
    // K2 K2 (K2 K2)
    const uint32_t* __restrict__ block_ids_in,
    const float* __restrict__ values_in,
    const uint8_t* __restrict__ ActiveMask,

    // K2 K2
    const int Nx, const int Nz, const float dx, const float dz,
    const RLUT __restrict__ lut,

    // K2
    uint32_t* __restrict__ block_ids_out,
    float* __restrict__ values_out,
    double* __restrict__ EdepC,
    float* __restrict__ AbsorbedWeight_cutoff,
    float* __restrict__ AbsorbedWeight_nuclear,
    double* __restrict__ AbsorbedEnergy_nuclear,
    OutflowBucket* __restrict__ OutflowBuckets
);

```

### 1.3.8. K2 K2 K2

```

__device__ void coarse_transport_step(
    float& E, float& theta, float& x, float& z, float& w,
    float ds, const RLUT& lut

```



```

) {
    // 计算新的能量 (E_new, 新的能量)
    float E_new = lut.lookup_E_inverse(lut.lookup_R(E) - ds);

    // 计算新的角度 (theta, 新的角度)
    float sigma_theta = highland_sigma(E, ds, X0_water);
    theta_variance += sigma_theta * sigma_theta;

    // 计算新的权重 (w, 新的权重)
    float sigma_nuc = Sigma_total(E);
    w *= exp(-sigma_nuc * ds);

    // 更新位置 (x, y, z)
    x += ds * sin(theta);
    z += ds * cos(theta);

    E = E_new;
}

```

## 1.4. K3: 核子输运 (核子输运)

### 1.4.1. 核子

src/cuda/kernels/k3\_finetransport.cu

### 1.4.2. 核子输运

K3 核子输运模型, 用于计算核子在物质中的输运。该模型考虑了核子的散射和吸收过程, 并提供了高精度的计算结果。该模型适用于各种能量范围的核子输运计算。

### 1.4.3. 核子输运

核子输运模型用于计算核子在物质中的输运。该模型考虑了核子的散射和吸收过程, 并提供了高精度的计算结果。该模型适用于各种能量范围的核子输运计算。K3 核子输运模型在 10 MeV 到 1 mm 范围内, 核子输运效率达到 20% 以上。K3 核子输运模型在 1 percent 范围内, 核子输运效率达到 10% 以上。



1.4.4. 核素

核素	核素
核素核素	<ul style="list-style-type: none"><li>• ActiveList核素核素</li><li>• 核素核素核素核素核素核素</li></ul>
RNG 核素	<ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素核素核素</li><li>• 核素核素核素核素核素核素</li></ul>
核素核素	<ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素“核素”核素核素</li><li>• 核素核素核素核素</li></ul>
核素核素核素	<ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素核素核素</li><li>• 核素核素核素核素核素核素</li></ul>
核素核素核素核素	<ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素核素核素</li><li>• 核素(θ), 核素(E), 核素(x, z)</li></ul>
核素核素核素	<ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素核素核素</li><li>• 核素核素核素核素核素核素</li></ul>
核素核素核素核素	<ol style="list-style-type: none"><li>1. 核素核素核素 (核素 + 核素)</li><li>2. 核素核素核素核素核素核素</li><li>3. MCS 核素核素</li><li>4. 核素核素</li><li>5. 核素核素核素核素</li><li>6. 核素核素核素核素</li></ol>
核素核素核素	<ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素核素核素</li><li>• EdepC, AbsorbedWeight, AbsorbedEnergy</li></ul>

Table 8: K3 核素核素核素

1.4.5. 核素核素核素核素

核素核素核素核素	核素核素核素核素
核素核素核素核素核素核素核素核素 <ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素 (核素核素)</li><li>• 核素核素核素核素</li></ul>	核素核素核素核素核素核素核素核素 <ul style="list-style-type: none"><li>• 核素核素核素核素</li><li>• 核素核素核素核素</li></ul>

Table 9: 核素核素核素核素



#### 1.4.6. K3 K3

K3	1
K3 K3	(n_active + 255) / 256
K3 K3	256 K3
K3	K3 K3 1 K3
RNG K3	K3 K3 1 (K3 K3)
K3 K3	K3 K3 K3 4 KB

Table 10: K3 K3 K3

#### 1.4.7. K3

```
__global__ void k3_finetransport(
    // K3: K3 K3
    const int* __restrict__ ActiveList,
    const int n_active,

    // K3 K3 K3
    const uint32_t* __restrict__ block_ids_in,
    const float* __restrict__ values_in,

    // K3 K3 K3
    const int Nx, const int Nz, const float dx, const float dz,
    const RLUT __restrict__ lut,
    const curandStateMRG32k3a* __restrict__ rng_states,

    // K3
    uint32_t* __restrict__ block_ids_out,
    float* __restrict__ values_out,
    double* __restrict__ EdepC,
    float* __restrict__ AbsorbedWeight_cutoff,
    float* __restrict__ AbsorbedWeight_nuclear,
    double* __restrict__ AbsorbedEnergy_nuclear,
    OutflowBucket* __restrict__ OutflowBuckets
);
```

#### 1.4.8. K3 (K3)

```
__global__ void k3_finetransport(...) {
    int idx = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
    if (idx >= n_active) return;

    int cell = ActiveList[idx];
    curandStateMRG32k3a local_rng = rng_states[idx];

    float cell_Edep = 0.0;
    float cell_E_nuc = 0.0;
    float w_cutoff = 0.0;

    for (int slot = 0; slot < Kb; ++slot) {
        uint32_t bid = block_ids_in[cell * Kb + slot];
        if (bid == EMPTY_BLOCK_ID) continue;

        uint32_t b_theta, b_E;
        decode_block(bid, b_theta, b_E);
    }
}
```



```

for (int lid = 0; lid < LOCAL_BINS; ++lid) {
    float w = values_in[flat_index(cell, slot, lid)];
    if (w < weight_epsilon) continue;

    // 计算局部坐标
    int theta_local, E_local, x_sub, z_sub;
    decode_local_idx_4d(lid, theta_local, E_local, x_sub, z_sub);

    float theta = get_theta_from_bins(b_theta, theta_local);
    float E = get_energy_from_bins(b_E, E_local);
    float x = cell_x + get_x_offset_from_bin(x_sub, dx);
    float z = cell_z + get_z_offset_from_bin(z_sub, dz);

    // 蒙特卡洛模拟
    while (true) {
        float ds = compute_max_step_physics(E, lut);
        ds = fminf(ds, compute_boundary_step(x, z, dx, dz, theta));

        // 采样能量损失
        float dE_straggle = sample_energy_loss_with_straggling(E, ds, &local_rng);
        float E_new = lut.lookup_E_inverse(lut.lookup_R(E) - ds) + dE_straggle;
        E_new = fmaxf(E_new, E_cutoff);

        float dE = E - E_new;
        cell_Edep += w * dE;

        // MCS 模拟
        float sigma_theta = highland_sigma(E, ds, X0_water);
        float dtheta = sample_mcs_angle(sigma_theta, &local_rng);
        theta += dtheta;

        // 核反应
        float sigma_nuc = Sigma_total(E);
        float w_nuc = w * (1.0f - exp(-sigma_nuc * ds));
        w -= w_nuc;
        cell_E_nuc += w_nuc * E;

        // 粒子位置更新
        x += ds * sin(theta);
        z += ds * cos(theta);
        E = E_new;

        // 边界判断
        if (left_cell) {
            emit_to_bucket(OutflowBuckets, cell, face, theta, E, x, z, w);
            break;
        }

        if (E < E_cutoff) {
            w_cutoff += w;
            break;
        }
    }
}

// 累加沉积能量
atomicAdd(&EdepC[cell], cell_Edep);

```



```

    atomicAdd(&AbsorbedWeight_cutoff[cell], w_cutoff);
    atomicAdd(&AbsorbedWeight_nuclear[cell], w - w_cutoff);
    atomicAdd(&AbsorbedEnergy_nuclear[cell], cell_E_nuc);

    rng_states[idx] = local_rng;
}

1.4.9. 随机数生成
__device__ void sample_intra_bin(
    float& theta, float& E,
    int theta_local, int E_local,
    curandStateMRG32k3a* rng
) {
    // 生成随机数
    float u_theta = curand_uniform(rng) - 0.5f; // [-0.5, 0.5]
    float u_E = curand_uniform(rng) - 0.5f;

    // 更新参数
    theta += u_theta * dtheta_bin;
    E *= pow(10.0f, u_E * dlogE_bin); // 指数分布
}

```

## 1.5. K4: 核函数

### 1.5.1. 核函数

src/cuda/kernels/k4\_transfer.cu

### 1.5.2. 核函数

K4核函数(K2/K3) 用于计算核函数。它接收4个“核”（核函数： $\pm x, \pm z$ ）并返回K4核函数。K4核函数用于计算核函数。

### 1.5.3. 核函数

核函数用于计算核函数！K2/K3核函数用于计算核函数。核函数用于计算核函数。核函数用于计算核函数。



#### 1.5.4. 符号

符号	符号
符号	<p>符号 4 符号 符号:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>符号 0: +z 符号 符号</li> <li>符号 1: -z 符号 符号</li> <li>符号 2: +x 符号 符号</li> <li>符号 3: -x 符号 符号</li> </ul>
符号 符号	<p>符号 (ix, iz) 符号 符号:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>+z: cell + Nx (iz+1 &lt; Nz 符号)</li> <li>-z: cell - Nx (iz-1 &gt;= 0 符号)</li> <li>+x: cell + 1 (ix+1 &lt; Nx 符号)</li> <li>-x: cell - 1 (ix-1 &gt;= 0 符号)</li> </ul>
符号 符号	<p>符号 符号 符号:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>4 符号 符号 符号</li> <li>符号 符号 符号</li> <li>block_id 符号 符号 符号 <ul style="list-style-type: none"> <li>符号: 符号 符号 符号</li> <li>符号: 符号 符号</li> </ul> </li> <li>符号 符号 符号 (符号 符号)</li> </ol>
符号	<ul style="list-style-type: none"> <li>符号 符号 符号 符号 符号 符号</li> <li>符号 符号 符号 符号 (E, <math>\theta</math>, x, z)</li> <li>符号 符号 符号 符号</li> </ul>

Table 11: K4 符号 符号 符号

#### 1.5.5. 符号 符号 符号

符号 符号 符号	atomicCAS 符号
<p>符号 符号:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>符号 A 符号: slot[5] = EMPTY</li> <li>符号 B 符号: slot[5] = EMPTY</li> <li>符号 A 符号: slot[5] = BLOCK_42</li> <li>符号 B 符号: slot[5] = BLOCK_99</li> <li>→ 符号 A 符号 符号</li> </ul>	<p>符号 符号:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>符号 A: atomicCAS → 符号</li> <li>符号 B: atomicCAS → 符号</li> <li>符号 B: slot[6] 符号</li> <li>→ 符号 符号 符号</li> </ul>

Table 12: 符号 符号 符号 符号



### 1.5.6. 参数

输出	输出
输出	$(N_x * N_z + 255) / 256$
输出	256 输出
输出	输出 1 输出
输出	输出 (输出, 输出)
输出	输出 1 KB

Table 13: K4 参数

### 1.5.7. 函数

```
__global__ void k4_transfer(
    const OutflowBucket* __restrict__ OutflowBuckets,
    const int Nx, const int Nz,
    uint32_t* __restrict__ block_ids_out,
    float* __restrict__ values_out
);
```

### 1.5.8. 函数

```
__global__ void k4_transfer(...) {
    int cell = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
    if (cell >= Nx * Nz) return;

    int ix = cell % Nx;
    int iz = cell / Nx;

    // 4个邻居
    int neighbors[4] = {
        iz + 1 < Nz ? cell + Nx : -1, // +z
        iz - 1 >= 0 ? cell - Nx : -1, // -z
        ix + 1 < Nx ? cell + 1 : -1,   // +x
        ix - 1 >= 0 ? cell - 1 : -1    // -x
    };

    for (int face = 0; face < 4; ++face) {
        int src_cell = neighbors[face];
        if (src_cell < 0) continue;

        const OutflowBucket& bucket = OutflowBuckets[src_cell * 4 + face];

        for (int k = 0; k < Kb_out; ++k) {
            uint32_t bid = bucket.block_id[k];
            if (bid == EMPTY_BLOCK_ID) continue;

            int slot = find_or_allocate_slot(block_ids_out, cell, bid);
            if (slot < 0) continue;

            for (int lidx = 0; lidx < LOCAL_BINS; ++lidx) {
                float w = bucket.value[k][lidx];
                if (w > 0) {
                    atomicAdd(&values_out[flat_index(cell, slot, lidx)], w);
                }
            }
        }
    }
}
```







### 1.6.5. 参数

参数	描述
block_ids_in	(Nx * Nz + 255) / 256
block_ids_out	256 个
values_in	1 个
values_out	1 个 (1 个)

Table 15: K5 参数

### 1.6.6. 函数

```
__global__ void k5_audit(
    const uint32_t* __restrict__ block_ids_in,
    const float* __restrict__ values_in,
    const uint32_t* __restrict__ block_ids_out,
    const float* __restrict__ values_out,
    const float* __restrict__ AbsorbedWeight_cutoff,
    const float* __restrict__ AbsorbedWeight_nuclear,
    const double* __restrict__ AbsorbedEnergy_nuclear,
    const int Nx, const int Nz,
    AuditReport* __restrict__ reports
);
```

### 1.6.7. 函数

```
__global__ void k5_audit(...) {
    int cell = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
    if (cell >= Nx * Nz) return;

    // 初始化
    float W_in = 0.0f;
    for (int slot = 0; slot < Kb; ++slot) {
        if (block_ids_in[cell * Kb + slot] != EMPTY_BLOCK_ID) {
            for (int i = 0; i < LOCAL_BINS; ++i) {
                W_in += values_in[flat_index(cell, slot, i)];
            }
        }
    }

    // 初始化
    float W_out = 0.0f;
    for (int slot = 0; slot < Kb; ++slot) {
        if (block_ids_out[cell * Kb + slot] != EMPTY_BLOCK_ID) {
            for (int i = 0; i < LOCAL_BINS; ++i) {
                W_out += values_out[flat_index(cell, slot, i)];
            }
        }
    }

    // 初始化
    float W_cut = AbsorbedWeight_cutoff[cell];
    float W_nuc = AbsorbedWeight_nuclear[cell];

    // 计算
    float W_expected = W_out + W_cut + W_nuc;
    float W_diff = fabsf(W_in - W_expected);
}
```



```

float W_rel = W_diff / fmaxf(W_in, 1e-20f);

// 打印 结果
reports[cell].W_in = W_in;
reports[cell].W_out = W_out;
reports[cell].W_error = W_rel;
reports[cell].pass = (W_rel < 1e-6f);
}

```

## 1.7. K6: 交换

### 1.7.1. 简介

src/cuda/kernels/k6\_swap.cu

### 1.7.2. 测试用例

K6 测试用例 1: 交换 2.2 GB 内存。 2.2 GB 内存 交换 2.2 GB 内存。

### 1.7.3. 测试用例 2

K2-K4 测试用例 “out” 交换 2.2 GB 内存。 2.2 GB 内存 交换 2.2 GB 内存(2.2 GB) 交换 2.2 GB。

### 1.7.4. 测试用例 3

测试用例 1	测试用例 2
<p>测试用例 1:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>block_ids_in → A (2.2 GB)</li> <li>block_ids_out → B (2.2 GB)</li> <li>values_in → C</li> <li>values_out → D</li> </ul>	<p>测试用例 2:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>block_ids_in → B (2.2 GB)</li> <li>block_ids_out → A (2.2 GB)</li> <li>values_in → D</li> <li>values_out → C</li> </ul>
测试用例 3: 交换 2.2 GB 内存	测试用例 4: 交换 2.2 GB 内存

Table 16: K6 测试用例 3

### 1.7.5. 测试用例 4

测试用例 1: 交换 2.2 GB	测试用例 2: 交换 2.2 GB
<ul style="list-style-type: none"> <li>cudaMemcpy(new_in, old_out, 2.2 GB)</li> <li>耗时 100 ms</li> <li>测试用例 4</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>swap(in_ptr, out_ptr)</li> <li>耗时 0.001 microsec</li> <li>测试用例 4 0</li> <li>100,000 测试用例 4!</li> </ul>

Table 17: K6 测试用例 4

### 1.7.6. 测试用例 5

```

// 打印 结果 (2.2 GB 2.2 GB)
void k6_swap_buffers(
    uint32_t*& block_ids_in,
    uint32_t*& block_ids_out,
    float*& values_in,
    float*& values_out
) {
    std::swap(block_ids_in, block_ids_out);
    std::swap(values_in, values_out);
}

```



8x CPU 8 - GPU 8x8x8, 2.2 GB.

1.8.   

**1.8.1.** 

$\square\square$	$\square\square$
$\square\square \square\square (\square\square)$	<p><math>\square\square\square\square \square\square\square\square\square\square</math>:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li><math>\square\square\square 0 \square\square</math>: <math>\text{block\_ids\_in}[0], \text{values\_in}[0:31]</math></li> <li><math>\square\square\square 1 \square\square</math>: <math>\text{block\_ids\_in}[1], \text{values\_in}[32:63]</math></li> <li><math>\square\square\square 2 \square\square</math>: <math>\text{block\_ids\_in}[2], \text{values\_in}[64:95]</math></li> </ul> <p>GPU<math>\square \square\square\square \square\square\square \square\square\square\square\square\square \square\square</math>: “<math>\text{block\_ids\_in}[0:255] \square \text{values\_in}[0:8191] \square</math>”</p> <p><math>\rightarrow \square\square \square\square\square\square 20\text{-}30\square \square\square</math></p>
$\square\square \square\square (\square\square)$	<ul style="list-style-type: none"> <li><math>\square\square\square 0 \square\square</math>: <math>\text{block\_ids\_in}[0]</math></li> <li><math>\square\square\square 1 \square\square</math>: <math>\text{block\_ids\_in}[1000]</math></li> <li><math>\square\square\square 2 \square\square</math>: <math>\text{block\_ids\_in}[2000]</math></li> </ul> <p>GPU<math>\square 3\square\square \square\square \square\square\square \square\square\square\square\square \square\square \rightarrow 20\text{-}30\square \square\square</math></p>

Table 18:  $\square\square\square\square\square\square\square\square$ 

1.8.2. 

☐☐	☐☐ ☐☐☐	☐☐
K1	256 B	☐☐☐ ☐☐☐ ☐☐ ☐☐ ☐☐
K3	4 KB	☐☐ ☐ ☐☐
K4	1 KB	☐☐ ☐☐ ☐☐

Table 19:  $\mathbb{A}^1$ -homotopy invariant Chow groups

1.9.  $\begin{array}{|c|c|} \hline \times & \times \\ \hline \end{array}$   $\begin{array}{|c|c|c|} \hline \times & \times & \times \\ \hline \end{array}$   $\begin{array}{|c|c|} \hline \times & \times \\ \hline \end{array}$

☐☐	☐☐	☐☐
☐☐ ☐ ☐☐	K2, K3	☐ ☐ ☐☐☐ (60-90% ☐☐)
☐☐/☐☐ ☐☐	K2, K3	☐☐☐☐☐ 3-5☐ ☐☐ ☐☐
☐☐☐ ☐☐	K4	☐☐☐ ☐☐ ☐☐ ☐☐
☐ ☐ ☐☐☐	K3	☐☐ ☐☐
☐☐☐ ☐☐	K6	2.2 GB ☐☐☐ ☐☐ ☐☐
☐☐ ☐☐	☐☐	☐☐ ☐☐☐ ☐☐☐

Table 20:  $\mathbb{F}_2$   $\mathbb{F}_4$



## 1.10. 1D: 1D 1D 1D

### 1.10.1. 1D 1D 1D 1D

```
// 1D 1D
dim3 grid( (Nx * Nz + 255) / 256 );
dim3 block(256);

// K1: ActiveMask
k1_activemask<<<grid, block>>>(...);

// K3: 1D 1D (1D 1D 1D 1D)
dim3 grid_fine( (n_active + 255) / 256 );
k3_finetransport<<<grid_fine, block>>>(...);

// 1D 1D
cudaDeviceSynchronize();
```



### 1.10.2. 性能指标对比

指标	说明
GPU vs CPU	<b>CPU 性能:</b> 约 1000 亿次/秒 <b>GPU 性能:</b> 10,000 亿次/秒
CUDA 性能	性能提升倍数： • 约 100 倍 (单精度) • 约 50 倍 (双精度)
并行度	线程数: 1 到 1024 块数: 1 到 1024 (32-1024) 网格大小: 1 到 1024
内存带宽	峰值带宽: 约 100 GB/s (单精度) 实际带宽: 约 50 GB/s (单精度)
K1: ActiveMask	性能提升倍数： • 约 1000 倍 • 约 100 倍
K2 vs K3	<b>K2 (性能):</b> 约 100 亿次/秒 <b>K3 (性能):</b> 约 1000 亿次/秒 性能提升倍数: K3 约 10 倍
K4: 性能	性能提升倍数： • 约 100 倍 • 约 40 倍 • 约 10 倍
K5: 性能	性能提升倍数： 约 100 倍 + 约 10 倍 = 约 110 倍 性能提升倍数: 约 10 倍
K6: 性能	性能提升倍数： 约 100 倍 + 约 10 倍 (约 110 倍) 性能提升倍数: 约 10 倍 (10 倍)

Table 21: CUDA 性能指标对比

### 1.11. 性能提升

SM\_2D CUDA 性能提升约 6 倍 (约 100 亿次/秒)。

- **K1 (ActiveMask):** 约 1000 亿次/秒
- **K2 (性能):** 约 100 亿次/秒
- **K3 (性能):** 约 1000 亿次/秒
- **K4 (性能):** 约 10 亿次/秒
- **K5 (性能):** 约 100 亿次/秒
- **K6 (性能):** 约 100 亿次/秒

约 100 亿次/秒, 约 100 亿次/秒, 约 100 亿次/秒 GPU 约 100 亿次/秒。



—

## SM\_2D CUDA 2.0

2.0 - 2.0