Intelligence Artificielle et Analyse de données



Applications Python-PyTorch





Johan Peralez

Plan du cours :

- 1. Définir l'Intelligence Artificielle (IA)
- 2. Prérequis -ressources (programmation-mathématiques)
- 3. Introduction aux réseaux de neurones (NNs, Neural Networks)
 - 4.1. Problèmes de régression
 - 4.2. Descente de gradient, dérivation automatique
 - 4.3. Un NN simple (MLP)
- 4. Les réseaux de neurones récurrents (RNNs)
 - 4.1. Prédiction de trajectoire
 - 4.2. Principe des RNNs
 - 4.3. Implémentation des RNNs
- 5. Les réseaux de neurones convolutifs (CNNs)
 - 5.1. Problèmes de classification
 - 5.2. Principe des CNNs
 - 5.3. Implémentation des CNNs
- 6. Applications
 - 6.1. Apprentissage par renforcement
 - 6.2. Classification d'images (données CIFAR)

1. Définir l'Intelligence Artificielle (IA)



- L'IA est une notion floue et qui évolue rapidement ⇒ sa définition dépend:
 - du domaine (traitement d'image, contrôle, etc.)
 - e.g. distinguer des visages vs faire marcher un robot
 - de l'époque (depuis le milieu du XXe siècle)
 - e.g. Deep Blue vs Alpha Go

• Exemples:

- « L'automatisation d'activités que nous associons à la pensée humaine, comme la prise de décision, la résolution de problème ou l'apprentissage. » (BELLMAN 1978) subjectif (nous ?)
- « L'étude de comment **programmer les ordinateurs** pour qu'ils réalisent des tâches pour lesquelles les êtres humains sont **actuellement meilleurs**. » (RICH & KNIGHT 1991) paradoxal (jeu d'échec vs football ?)
- « Ensemble de **théories et de techniques** mises en œuvre en vue de réaliser des machines capables de **simuler l'intelligence humaine**. » (Larousse 2024)

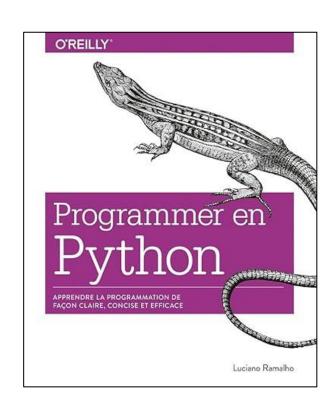
```
vague (définir intelligence ?)
```

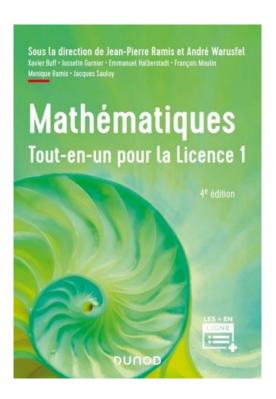
• Difficulté à définir l'IA = difficulté à définir l'Intelligence.

Selon [Larousse 2024], l'intelligence =

- 1. « Ensemble des fonctions mentales ayant pour objet la connaissance conceptuelle et rationnelle »
- 2. « Aptitude d'un être humain à s'adapter à une situation, à choisir des moyens d'action en fonction des circonstances »
- Approche "pragmatique":
 - IA = ensemble des méthodes qui sont habituellement classées dans l'IA par les gens de son domaine.
 - En traitement de l'image : réseaux de neurones (NNs) convolutifs (CNNs), algorithmes de segmentation, etc.
 - En contrôle : NNs récurrents (RNNs), algorithmes d'apprentissage par renforcement (RL), etc.

2. Prérequis -ressources (programmation-mathématiques)





- L'IA et l'analyse de données nécessitent des compétences :
 - en programmation

Python (langage le + utilisé en IA)

• en mathématiques

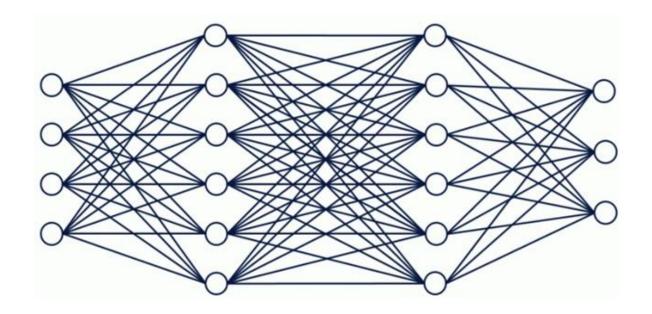
Algèbre linéaire, calcul différentiel, probabilités, statistiques

- Ressources Python en ligne:
 - Cours et exos de base :
 - https://www.learnpython.org/
 - https://www.france-ioi.org/algo/chapters.php
 - https://courspython.com/apprendre-numpy.html
 - Installation (programmer en local)
 - https://anaconda.org
 - https://pytorch.org/get-started/locally/
 - Programmer en ligne :
 - https://www.programiz.com/python-programming/online-compiler/
 - https://colab.research.google.com/



3. Introduction aux réseaux de neurones

- 3.1. Problèmes de régression
- 3.2. Descente de gradient, dérivation automatique
- 3.3. Un réseau de neurones simple (MLP)



3.1 Problèmes de régression

Formulation : apprendre à prédire une valeur de sortie y à partir d'une donnée d'entrée x

valeur
$$\hat{y} \rightarrow \hat{y} = h(x, \theta)$$

prédite fonction h paramètre(s) θ
choisie « à la main » à apprendre

afin de minimiser une fonction **coût** L (*loss*) :

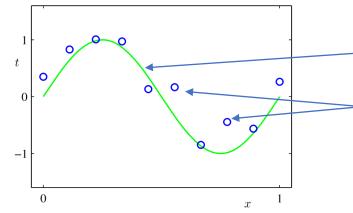
$$\min_{\theta} L(\{y\}, \{\hat{y}\})$$
données prédictions

⇒ problème d'optimisation

Remarque : nous verrons plus tard que h peut-être un réseau de neurones ...

Exemple:

Données:



[C. Bishop, Pattern recognition and Machine learning, 2006]

On choisit de prédire avec un polynôme d'ordre M :

$$\hat{t} = h(x, \theta) = \theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2 + ... + \theta_M x^M$$

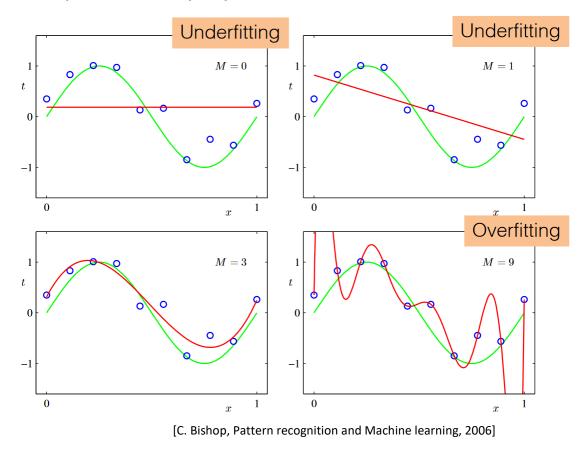
 $\sin(2\pi x)$

Sorties t générées avec cette fonction + du « bruit »

Et une fonction de coût « moindre carrés »:

$$L = \frac{1}{2} \sum (t - \hat{t})^2$$

Quel ordre M choisir pour notre polynôme?

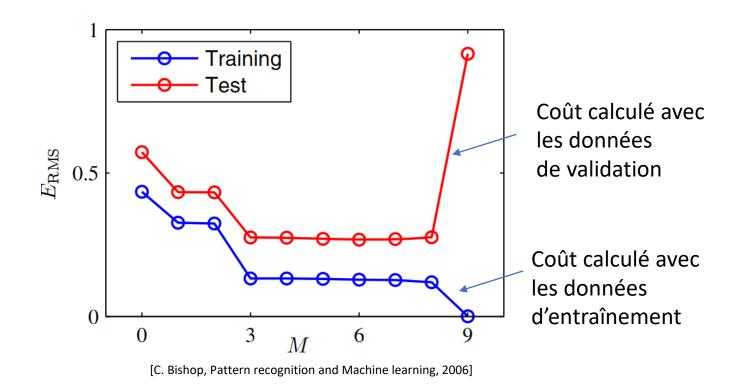


- Pour M trop petit : problème de sous-apprentissage (underfitting).
- Pour M trop grand : problème de sur-apprentissage (overfitting).

Remarque (**polynômes de Lagrange**) : pour n données distinctes il existe un (unique) polynôme d'ordre n-1 qui passe exactement par chaque donnée.

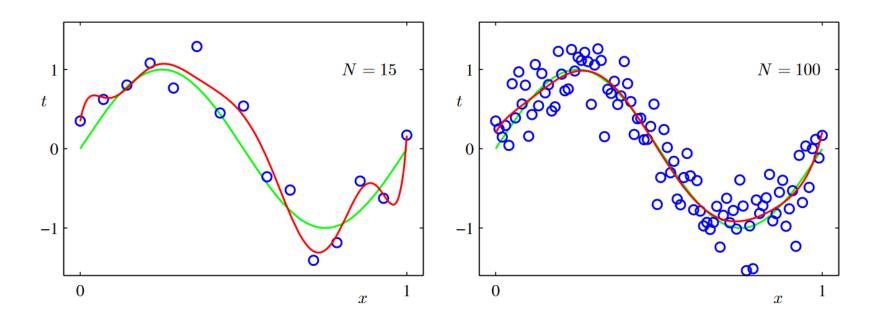
Séparation des données en, au moins, 2 ensembles :

- Données d'entraînement ($training\ set$). Pour l'apprentissage de θ , i.e. la résolution du problème d'optimisation.
- Données de validation (validation set).
 Permet de détecter le surapprentissage :



Big Data?

Augmenter (fortement) le nombre de données d'apprentissage permet de réduire le surapprentissage :



M=9

[C. Bishop, Pattern recognition and Machine learning, 2006]

3 grandes difficultés des problèmes d'apprentissage :

1. Expressivité

Mon modèle, i.e. ma fonction h, peut-elle apprendre des phénomènes complexes ?

2. Difficulté à entraîner

Le problème d'optimisation, i.e. minimiser la différence entre prédictions et données, est-il difficile ? e.g. si on résout par descente de gradient, la fonction coût est-elle dérivable ? lisse ?

3. Généralisation

Comment mon modèle se comporte sur des données qui ne sont pas dans le *training set* ? Capacité à interpoler / extrapoler ?

e.g. le surapprentissage implique une mauvaise généralisation.

Exercice 1 (Python, NumPy):

Générer et visualiser un jeu de données similaire à l'exemple ci-dessus.

1. Importer les librairies *numpy* et *matplotlib*

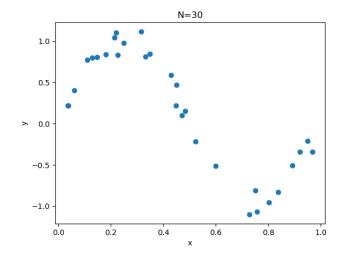
import numpy as np
from matplotlib import pyplot as plt

2. Paramètres

N = 30# nombre de points

- 3. Générer (aléatoirement entre 0 et 1) les données d'entrées $\{x\}$, de taille N. Utiliser la fonction np.random.uniform(...) pour utiliser une distribution uniforme.
- 4. Générer les données de sorties $\{y\}$, telles que $y=\sin(2\pi x)+w$.

 Utiliser la fonction np.random.normal(...) pour générer w à partir d'une distribution normale centrée d'écart type (standard deviation) de 0.1
- 5. Visualiser le jeu de données
 Utiliser plt.plot, plt.legend, plt.xlabel, etc.



3.3 Descente de gradient, dérivation automatique

Objectif: minimiser la fonction coût *L*.

 $\underline{\mathsf{Id\acute{e}e}}$: mise à jour des paramètres, dans la direction qui fait diminuer L le plus fortement.

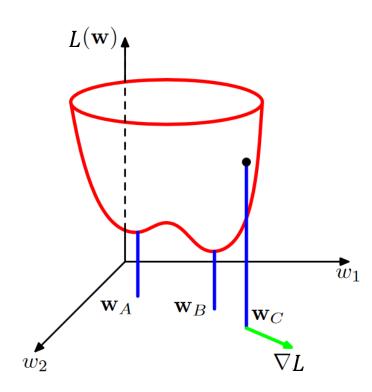
Mises à jour :

$$\theta^{k+1} = \theta^k - \eta. \nabla_\theta L(h(x, \theta^k), y)$$
Paramètre à Pas (learning Gradient (se note aussi $\frac{\partial L}{\partial \theta}$)
l'itération k rate)

<u>Convergence</u>: garantie pour un problème convexe, et

pour
$$0 < \eta < \frac{2}{k}$$
.

Illustration (non convexe): W_a est un minimum local.



Calculer le gradient $\nabla_{\theta} L = \left[\frac{\partial L}{\partial \theta_0}, \frac{\partial L}{\partial \theta_1}, \dots\right]^T$ revient à calculer les dérivées partielles $\frac{\partial L}{\partial \theta_i}$.

Ce calcul est à faire à chaque itération k (dépend de la valeur de θ) \Rightarrow calcul « à la main » prohibitif. Calcul par différences finies :

$$\frac{\partial \mathit{L}}{\partial \theta_i} \approx \frac{\mathit{L}(\mathit{h}(x,\widetilde{\theta}),\mathit{y}) - \mathit{L}(\mathit{h}(x,\theta),\mathit{y})}{\epsilon} \text{, avec } \widetilde{\theta} = [\theta_0, \ldots, \theta_{i-1}, \theta_i + \epsilon, \theta_{i+1}] \text{ et } \epsilon \text{ petit}$$

 \Rightarrow approximatif et coûteux (nombreuses évaluations de L).

<u>Calcul par dérivation automatique</u>:

dérivation **exacte** (formelle) à l'aide d'un **logiciel**⇒ plus précis et plus rapide.

<u>Exemple</u> (librairie Pytorch) :

```
import torch
x = torch.tensor([3.1], requires_grad = True) # initialise un scalaire (vecteur de taille 1)
y = x ** 2
grad = torch.autograd.grad(y, x) # calcule dy/dx = 2x
print(grad) # 6.2

x = torch.tensor([3.1, 2.0], requires_grad = True)
b = torch.tensor([5.5, 7.7])
y = b @ x # produit scalaire : y = b_1 * x_1 + b_2 * x_2
grad = torch.autograd.grad(y, x) # calcule dy/dx = [b_1, b_2]
print(grad) # [5.5, 7.7]
```

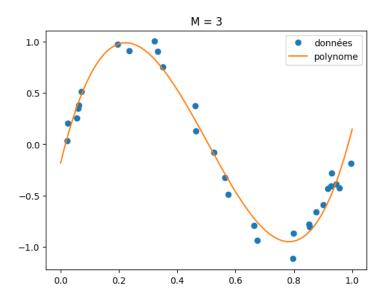
Exercice 1.suite (PyTorch):

Par descente de gradient, chercher le polynôme d'ordre 9 qui minimise la fonction coût L (moindres carrés). Compléter le programme:

```
# convertir données (numpy -> pytorch)
import torch
x, y = torch.tensor(x), torch.tensor(y)
# initialise theta
M = 3
theta = torch.zeros(M + 1, requires grad = True)
# fonction polynome
def get predict(x, coefs):
  y predict = torch.zeros like(x)
  for i in range(len(theta)):
    y predict = y predict + coefs[i] * x**i
  return y predict
# fonction coût
def get loss(y predict):
  return ((y predict - y)**2).mean()
# descente de gradient
```

Tester pour:

- M = 1, 2, 3, 8.
- Différents *learning rate* (=0.01, 0.5, 2)



<u>Pour aller plus loin</u>: générer un 2^{ème} ensemble de données (*test set*) et tracer le coût en fonction de M.

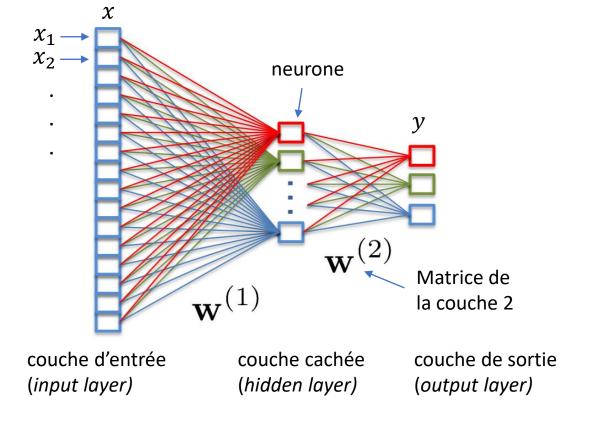
3.2 Un réseau de neurones simple : le MLP (multi-layers perceptron)

<u>Principe du MLP</u> (réseau dense) :

- Plusieurs couches (*layers*)
- Une couche transforme un vecteur d'entrée e en vecteur de sortie s.
- s est une combinaison linéaire de e, suivie (pour les couche cachées) par une non-linéarité σ .

\Rightarrow le MLP est une fonction :

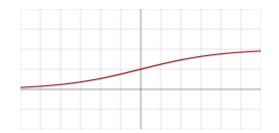
- Sortie d'une couche $i: s^{(i)} = \sigma(W^{(i)} \times e^{(i)} + b^{(i)})$
- Sortie du réseau : $y = W^{(2)} \times \sigma(W^{(1)} \times x + b^{(1)}) + b^{(2)}$
- Sortie d'un neurone : $s_j^{(i)} = w_j^{(i)} * e^{(i)} + b_j^{(i)}$



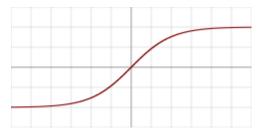
Entraı̂ner un MLP = apprendre (identifier) ses paramètres, i.e. les matrices $W^{(i)}$ (les poids) et les vecteurs $b^{(i)}$ (les biais).

Non-linéarités σ (fonction d'activation):

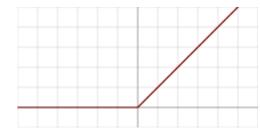
- Fonction scalaire, i.e. $\sigma: \mathbb{R} \to \mathbb{R}$
- Sur un vecteur, s'applique élément par élément, i.e. $\sigma([x_1, x_2, ...]) = [\sigma(x_1), \sigma(x_2), ...]$
- Les activations les + courantes :



Sigmoïde $\sigma(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$



Tangente hyperbolique $\sigma(x) = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1$



 $ReLU \\ \sigma(x) = \max(0, x)$

<u>Théorème d'approximation universelle</u>:

Un MLP peut approcher d'aussi près que l'on veut n'importe quelle fonction continue.

Pour cela une seule couche cachée suffit (à condition de prendre une taille suffisante, i.e. une matrice $W^{(1)}$ suffisamment grande) et une fonction d'activation non polynomiale (les fonctions ci-dessus respectent cette condition). Et ... il faut trouver les bons paramètres !

<u>Implémentation du MLP</u> (PyTorch):

Hérite de la classe torch.nn.Module.

Exemple pour une entrée de taille 3, une matrice $W^{(1)}$ (couche cachée) de taille 3×32 , et une sortie de taille 2.

```
class MLP(torch.nn.Module):
    def __init__(self):
        super().__init__()
        self.fcl=torch.nn.Linear(3, 32) # W^1, b^1
        self.fc2=torch.nn.Linear(32, 2) # W^2, b^2

def forward(self, x): # méthode appelée par MLP.forward(x) ou MLP(x)
        y = self.fc2(torch.functional.F.relu(self.fc1(x)))
        return y

model = MLP()
print(model)
print(list(model.parameters()))
```

Question: de quelle taille sont les vecteurs de biais ?

Entraînement du MLP:

PyTorch propose des outils pour faciliter la chaîne d'actions (pipeline) de l'entraînement :

- Classe DataSet pour la génération des données (train set, et valid set).
- L'implémentation de NNs.
- Des *optimizer* pour gérer la descente de gradient et la mise du *learning rate*.

Dans le code liés à ce cours, vous trouverez un exemple de pipeline. La descente de gradient utilisée est stochastique (stochastic gradient descent, SGD).

<u>Avec SGD</u>, à chaque itération, les données *train* sont découpées en sous-ensemble (*mini-batch*) et un calcul de gradient et une mise à jour des paramètres sont faits sur chaque *mini-batch*. Le découpage est fait aléatoirement à chaque itération (i.e. stochastique). Les avantages sont:

- Apprendre plus vite sur les grandes quantités de données (mises à jour plus fréquentes).
- Moins de risque d'être bloqué dans un minimum local.

Résultats (problème de régression simple):

Soit N le nombre de données d'entraînement. Nous fixerons N=200 (ce sont des données du problème).

Soit M le nombre de colonnes de $W^{(1)}$, epochs le nombre d'itérations, LR le learning rate. M, epochs, LR sont des réglages (hyperparamètres) de l'entraînement.

