Übungen - Bildgenierung Übung 09.

Jose Jimenez

Angewandte Informatik Bergische Universität Wuppertal



Table of Contents

- Hermite-Kurven Animation
- Bézier-Kurven und B Splines
- Catmull-Rom-Splines
- Objekterzeugung mit Grammatiken
- Partikelsysteme, Feuer





BHermite Kurven

Recap:

$$Q(t) = t^{3} \underbrace{(2P_{1} - 2P_{4} + R_{1} + R_{4})}_{c_{0}} + t^{2} \underbrace{(-3P_{1} + 3P_{4} - 2R_{1} - R_{4})}_{c_{1}} + t \underbrace{(R_{1})}_{c_{2}} + \underbrace{(R_{1})}_{c_{2$$

$$Q(t) = c_0 t^3 + c_1 t^2 + c_2 t + c_3 t$$

$$Q(t) = ((c_0t + c_1)t + c_2)t + c_3$$

 c_i sind Vektoren, d.h., $c_i(x, y)$. Unser Lösung.



Hermite-Kurven Animation

- **1** Legen Sie die beiden Endpunkte auf die Gerade y = x,
- verwenden Sie im unteren Punkt einen Tangentenvektor nach rechts (links) und im oberen Punkt einen Tangentenvektor nach oben (unten).
- 3 Variieren Sie die Längen der Tangentenvektoren.

auf C++?:



Hermite-Kurven Animation

- **1** Legen Sie die beiden Endpunkte auf die Gerade y = x,
- 2 verwenden Sie im unteren Punkt einen Tangentenvektor nach rechts (links) und im oberen Punkt einen Tangentenvektor nach oben (unten).
- 3 Variieren Sie die Längen der Tangentenvektoren.

```
auf C++?:
```

```
int maindraw(){
   Drawing pic(600, 600);
   DPoint2D p1, p4, r1, r4;
   int b = 250;
   int c = 100;
   pic.show();
   //Nummer 1:
   p1 = DPoint2D(b, b);
   p4 = DPoint2D(b+c, b+c);
   ...
```

Hermite-Kurven Animation

- **1** Legen Sie die beiden Endpunkte auf die Gerade y = x,
- 2 verwenden Sie im unteren Punkt einen Tangentenvektor nach rechts (links) und im oberen Punkt einen Tangentenvektor nach oben (unten).
- 3 Variieren Sie die Längen der Tangentenvektoren.

```
int maindraw(){
 Drawing pic(600, 600);
 DPoint2D p1, p4, r1, r4;
 pic.show();
 p1 = DPoint2D(b, b); // Nummer 1
 p4 = DPoint2D(b+c, b+c);
 //Nummer 2 und 3:
 for (int rho = -600; rho <= 1000; rho += 10) {
      r1 = DPoint2D( rho, 0 ); // Nummer 2
      r4 = DPoint2D(0, rho);
```

- **1** Legen Sie die beiden Endpunkte auf die Gerade y = x,
- 2 verwenden Sie im unteren Punkt einen Tangentenvektor nach rechts (links) und im oberen Punkt einen Tangentenvektor nach oben (unten).
- 3 Variieren Sie die Längen der Tangentenvektoren.

```
int maindraw(){
  Drawing pic(600, 600);
  DPoint2D p1, p4, r1, r4;
  pic.show();
  p1 = DPoint2D(b, b);
  p4 = DPoint2D(b+c, b+c);
  for (int rho = -600; rho <= 1000; rho += 10){
      r1 = DPoint2D(rho, 0);
      r4 = DPoint2D( 0, rho );
      //Malen!!!
      pic = 255;
      maleHermiteKurve(pic, p1, p4, r1, r4, 50);
      IOThread::msleep(70);
     // FERTIG
```

recap Parametrischekurven:

$$Q(t) = ((c_0t + c_1)t + c_2)t + c_3$$

Die Frage ist denn natürlich: was sind die Koeffizienten c_i ?



recap Parametrischekurven:

$$Q(t) = ((c_0t + c_1)t + c_2)t + c_3$$

Die Frage ist denn natürlich: was sind die Koeffizienten c_i ? Die antwort ist: Hermite-Form

• Bézier-Kurven (9-6)

$$Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$$

• **B-Splines** (9-16)

$$Q_i(t) = G_{BS_i} M_{BS} T_i = C_B T_i$$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i)$$
 und $T = (t^3, t^2, t, 1)^T$



und *M* sind die Basismatrizen.

recap Parametrischekurven:

$$Q(t) = ((c_0t + c_1)t + c_2)t + c_3$$

Die Frage ist denn natürlich: was sind die Koeffizienten c_i ? Die antwort ist: Hermite-Form

• Bézier-Kurven (9-6)

$$Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$$

• **B-Splines** (9-16)

$$Q_i(t) = G_{BS_i} M_{BS} T_i = C_B T_i$$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i)$$
 und $T = (t^3, t^2, t, 1)^T$



und *M* sind die Basismatrizen.

- Bézier-Kurven $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$
- B-Splines $Q_i(t) = G_{BS_i}M_{BS}T_i = C_BT_i$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i)$$
 und $T = (t^3, t^2, t, 1)^T$ (2)

und M sind die Basismatrizen.

$$M_B = \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 4 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad M_{BS} = \frac{1}{6} \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 0 & 4 \\ -3 & 3 & 3 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$



- Bézier-Kurven $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$
- B-Splines $Q_i(t) = G_{BS_i}M_{BS}T_i = C_BT_i$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i)$$
 und $T = (t^3, t^2, t, 1)^T$ (2)

und M sind die Basismatrizen.

$$M_{B} = \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 4 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad M_{BS} = \frac{1}{6} \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 0 & 4 \\ -3 & 3 & 3 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Ok, klar, jetzt nur noch den Code implementieren. (Werte von C rechnen)



Bézier-Kurven $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i)$$
 und $T = (t^3, t^2, t, 1)^T$ (3)

und M sind die Basismatrizen.

$$M_{\mathcal{B}} = \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1\\ 3 & -6 & 3 & 0\\ -3 & 4 & 0 & 0\\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

```
for (k = 3; k \le m; k += 3) \{ //Bézier \}
    cx[0] = -p[k - 3].x + 3 * p[k - 2].x - 3 * p[k - 1].x + p[k].x;
   cx[1] = 3 * p[k - 3].x - 6 * p[k - 2].x + 3 * p[k - 1].x;
   cx[2] = -3 * p[k - 3].x + 3 * p[k - 2].x;
   cx[3] = p[k - 3].x;
end.x = cx[3]; end.y = cx[3];
for (i = 1; i \le n; ++i){
 t = ninv * i; anf = end;
 end.x = ((cx[0] * t + cx[1]) * t + cx[2]) * t + cx[3];
 end.y = ((cy[0] * t + cy[1]) * t + cy[2]) * t + cy[3];
 pic.drawLine(round(anf), round(end));
```

Catmull-Rom-Splines (ganz ähnlich)

• Catmull-Rom-Splines $Q(t) = G_B M_{CR} T = C_{CR} T$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i)$$
 und $T = (t^3, t^2, t, 1)^T$ (4)

und M sind die Basismatrizen.

$$\mathsf{M}_{\mathit{CR}} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -1 & 2 & -1 & 0 \\ 3 & -5 & 0 & 2 \\ -3 & 4 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

```
for (k = 3; k \le m; ++k) {
    cx[0] = (-p[k - 3].x + 3 * p[k - 2].x - 3 * p[k - 1].x + p[k].x) / 2.0;
    cx[1] = (2 * p[k - 3].x - 5 * p[k - 2].x + 4 * p[k - 1].x - p[k].x) /
    \hookrightarrow 2.0;
    cx[2] = (-p[k - 3].x + p[k - 1].x) / 2.0;
    cx[3] = p[k - 2].x;
}
```

Und gleich für cy[i].



Ok, wir brauchen wieder eine Animation. Und wir brauchen auch einige Pflanzen.



Ok, wir brauchen wieder eine Animation. Und wir brauchen auch einige Pflanzen. Wie üblich können wir Vektoren verwenden.

```
const int anzahlBilder = 30;
int maindraw()
{
  vector<Drawing> pics(anzahlBilder);
  vector<Blume> blumen{ .... } ?

  Drawing pic(1400, 800, 0);
  pic.show();
}
```

Blumen Class: darum kümmern wir uns später



1 und 4 sind einfach und wir haben die schon gemacht.



1 und 4 sind einfach und wir haben die schon gemacht.

```
int maindraw()
 for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background malen
      pic = DrawColour(227, 247, 227); // hellgrün
      // 2. Blumen weiterentwickeln lassen
      // 3. Blume malen
      // 4. Bild im Vektor speichern
      pics[i] = pic;
 Drawing::makeanim(pics, "blume", "gif", 30);
```

1 und 4 sind einfach und wir haben die schon gemacht.

```
int maindraw()
 for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background malen
      pic = DrawColour(227, 247, 227); // hellgrün
      // 2. Blumen weiterentwickeln lassen
      // 3. Blume malen
      // 4. Bild im Vektor speichern
      pics[i] = pic;
 Drawing::makeanim(pics, "blume", "gif", 30);
```

2 und 3... sie könnten Methoden der Klasse Blume sein.

Eine Blume sollte eine Position, eine Ableitung und 2 Methoden haben....



Erinnerung:

Ein Zweig z mit einer Knospe K an der Spitze kann sich auf verschiedene Arten entwickeln:

- Die Knospe kann absterben.
- Die Knospe kann eine Blüte B erzeugen und dann absterben.
- Die Knospe kann ein Blatt I erzeugen.
- Die Knospe kann austreiben:
 - Neben der Knospe entstehen evtl. eine oder zwei weitere Knospen.
 - Die ursprüngliche Knospe wächst weiter zu einem Zweig.
 - An der Spitze dieses Zweigs ist wieder eine Knospe.



Klase Blume: Eine Blume sollte eine Position, eine Ableitung und 2 Methoden haben....



Klase Blume: Eine Blume sollte eine Position, eine Ableitung und 2 Methoden haben....

```
const int anzahlBilder = 30;
class Blume{
private:
 DPoint2D position;
 string ableitung;
public:
 Blume(DPoint2D pos){
   position = pos;
    ableitung = "zK"; // Warum?
 }
 void weiter(); // Blumen weiterentwickeln lassen
 void maleMich(Drawing& pic); // Blume malen
```

Lass uns zuerst "weiter" implementieren.

```
void weiter(){
}
```

"Wählen Sie bei mehreren Ableitungsmöglichkeiten jeweils passende Wahrscheinlichkeiten, so dass sich insbesondere ein sinnvoller Anteil an Knospen weiterentwickelt".



Startwort und erinnerung

```
Nichtterminale: K, B
```

Terminale:
$$z, I, (,), [,]$$

Produktionen:
$$\mathbf{K} \to \mathbf{K} \mid \epsilon$$
 $\epsilon =:$ "nichts"

$$\mathbf{K} \to \mathbf{B}$$

$$\mathbf{B} \to \mathbf{B} \mid \epsilon$$

$$\textbf{K} \rightarrow \textbf{I}$$

$$K o zK \mid (K)zK \mid [K]zK \mid (K)[K]zK$$

$$Z = Zweig$$
, $K = Knospe$, $B = Blute$, $I = blatt$.



Nichtterminale: K, B

Terminale: z, I, (,), [,]

Produktionen: $\mathbf{K} \to \mathbf{K} \mid \epsilon$ $\epsilon =:$ "nichts"

 $\textbf{K} \rightarrow \textbf{B}$

 $\mathbf{B} \to \mathbf{B} \mid \epsilon$

 $\textbf{K} \rightarrow \textbf{I}$

 $K \rightarrow zK \mid (K)zK \mid [K]zK \mid (K)[K]zK$

Startwort: **zK**

Z = Zweig, K = Knospe, B = Blute, I = blatt.

Es gibt 2 Fälle, in denen wir Produktionen haben: **K** und **B**.



Es gibt 2 Fälle, in denen wir Produktionen haben: K und B.

```
void weiter(){
    string neu = "";
    double r;
    for (auto z : ableitung)
      switch (z){
          case 'K':
          case 'B':
          default:
            neu += z;
    ableitung = neu;
```

"Wählen Sie bei mehreren **Ableitungsmöglichkeiten** jeweils passende Wahrscheinlichkeiten, so dass sich insbesondere ein sinnvoller Anteil an Knospen weiterentwickelt".

Nichtterminale: K, B

Terminale: z, I, (,), [,]

Produktionen: $\mathbf{K} \to \mathbf{K} \mid \epsilon$ e: "nichts"

 $\textbf{K} \to \textbf{B}$

 $\mathbf{B} \to \mathbf{B} \mid \epsilon$

 $\textbf{K} \rightarrow \textbf{I}$

 $K \rightarrow zK \mid (K)zK \mid [K]zK \mid (K)[K]zK$

Startwort: **zK**



"Wählen Sie bei mehreren **Ableitungsmöglichkeiten** jeweils passende Wahrscheinlichkeiten, so dass sich insbesondere ein sinnvoller Anteil an Knospen weiterentwickelt".

> Nichtterminale: K. B

Terminale: z, I, (,), [,]

Produktionen: $\mathbf{K} \to \mathbf{K} \mid \epsilon$ $\epsilon =:$ "nichts"

 $K \rightarrow B$

 $B \rightarrow B \mid \epsilon$

 $\mathbf{K} \to \mathbf{I}$

 $K \rightarrow zK \mid (K)zK \mid [K]zK \mid (K)[K]zK$

zΚ Startwort:

Wir müssen also eine Zufallszahl zwischen 0 und 1 erzeugen, um zwischen diesen Optionen zu wählen.

switch(z) ...

```
case 'K':
 r = rnd01();
  if (r < 0.2) // 20%
  neu += 'K';
  else if (r < 0.25) // 5\%
  break; //\epsilon
  else if (r < 0.375) // 12.5%
  neu += 'B';
  else if (r < 0.5) // 12.5%
  neu += 'l';
```

```
else if (r < 0.625) // 12,5%
 neu += "zK";
 else if (r < 0.75) // 12,5%
 neu += "(K)zK";
 else if (r < 0.875) // 12.5%
 neu += "[K]zK":
 else // 12.5%
 neu += "(K)[K]zK";
 break;
case 'B':
```



```
void weiter(){
string neu = "";
    double r;
    for (auto z : ableitung)
      switch (z)
          case 'K':
             ... //gerade gemacht
          case 'B':
            r = rnd01();
            if (r < 0.5)
              neu += 'B'; // und \epsilon für r \geq 0.5
            break:
          default:
            neu += z;
    ableitung = neu;
```

Klase Blume: Eine Blume sollte eine Position, eine Ableitung und 2 Methoden haben....

```
const int anzahlBilder = 30;
class Blume{
private:
 DPoint2D position;
 string ableitung;
public:
 Blume(DPoint2D pos){
   position = pos;
    ableitung = "zK"; // Warum?
 }
 void weiter(); // Blumen weiterentwickeln lassen
 void maleMich(Drawing& pic); // Blume malen
```

Jetz, male Funktion:

Jetz, male Funktion:

```
void maleMich(Drawing& pic) const{
    // ??
}
```



```
void maleMich(Drawing& pic) const{
    for (auto z : ableitung)
      switch (z) {
          case 'K': // Knospe: kleiner blauer Kreis EINFACH
          case 'B': // Blüte: 3 rote Kreise, 2 klein, einer größer
          case 'z': // Zweig: braune Linie
          case 'l': // Blatt: größerer grüner Kreis
          case '(': // Neigung nach Links
          case '[': // Neigung nach Rechts
          case ')':
          case ']':
```

Schauen wir uns die implementierung an.



Back to main:

```
const int anzahlBilder = 30;
int maindraw()
  for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background malen
      // 2. Blumen weiterentwickeln lassen
      // 3. Blume malen
      // 4. Bild im Vektor speichern
  Drawing::makeanim(pics, "blume", "gif", 30);
```

```
int maindraw(){
 vector<Drawing> pics(anzahlBilder);
 vector<Blume> blumen{ DPoint2D(100, 10), DPoint2D(300, 10),
 DPoint2D(500, 10), DPoint2D(700, 10),
 DPoint2D(900, 10), DPoint2D(1100, 10) };
 Drawing pic(1400, 800, 0);
 pic.show();
 for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      pic = DrawColour(227, 247, 227); // hellgrün
      for (auto& b : blumen)
       b.weiter(): //Blumen weiterentwickeln
      for (auto& b : blumen)
       b.maleMich(pic); Blume malen
     pics[i] = pic; //Bild im Vektor speichern
 Drawing::makeanim(pics, "blume", "gif", 30);
 return 0:
```

① Ok, wir brauchen wieder eine Animation.



- Ok, wir brauchen wieder eine Animation.
- ② Und wir brauchen auch viele Partikeln.



- ① Ok, wir brauchen wieder eine Animation.
- ② Und wir brauchen auch viele Partikeln.

Wie üblich können wir Vektoren verwenden.

```
int maindraw()
{
  vector<Drawing> pics(anzahlBilder);
  vector<Partikel> p; //(???)
  Drawing pic(600, 600, 0);
}
```



Dann wollen wir in einer for-Schleife so etwas tun...

```
int maindraw(){
  for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background
      // 2. neue Partikel erzeugen
      // 3. Partikel bewegen
      // 4. verschwundene Partikel löschen
      // 5. Partikel malen
      // 6. Bild Speichern
```

Hilfreiche Konstanten



Hilfreiche Konstanten

Ok, zurück zu maindraw()



was können wir schon tun?

```
int maindraw(){
  for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background
      // 2. neue Partikel erzeugen
      // 3. Partikel bewegen
      // 4. verschwundene Partikel löschen
      // 5. Partikel malen
      // 6. Bild Speichern
```

```
int maindraw(){
  for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background
        pic = DrawColour(90, 180, 90); // grün
      // 2. neue Partikel erzeugen
        for (int j = 0; j < neuProBild; ++j)</pre>
        p.push_back(Partikel(....)));
      // 3. Partikel bewegen
      // 4. verschwundene Partikel löschen
      // 5. Partikel malen
      // 6. Bild Speichern
       pics[i] = pic;
```

Also, wir kümmern uns darum:

- Partikel bewegen
- verschwundene Partikel löschen
- Partikel malen



Also, wir kümmern uns darum:

- Partikel bewegen
- verschwundene Partikel löschen
- Partikel malen

Noch einmal: Wir brauchen so etwas wie eine "Partikel"-Klasse.



Klassenattribute

```
class Partikel
{
private:
    DPoint2D position;
    DPoint2D geschwindigkeit;

// Alter des Partikels: 0 bis 4, Start bei 0.8 (weiße Phase soll

→ kürzer sein)
    double gluehzustand;
};
```



Methoden:

- Konstruktor
- Bewegung
- Farbe (gluezustand)
- mahlen
- und Partikel Verschwinden.



Methoden:

```
class Partikel{
private:
  DPoint2D position;
 DPoint2D geschwindigkeit;
  double gluehzustand;
public:
  Partikel(DPoint2D startpos); // Konstruktor
  void weiter(); //bewegen
  bool verschwunden() const { return gluehzustand >= 4; }
  DrawColour farbe() const
  { return farbverlauf[static_cast<int>(gluehzustand)]; }
  // Partikel als einfache Punkte
  void maleMich(Drawing& pic) const { pic.drawPoint(position, farbe()); }
```



Konstructor



Bewegung

```
void Partikel::weiter()
{
    // dx, dy variieren in [-0.3,0.3]
    geschwindigkeit
    = geschwindigkeit + 0.6 * DPoint2D(rnd01() - 0.5, rnd01() - 0.5);
    // Gravitation: y reduzieren um 0.0015
    position = position + geschwindigkeit - 0.5 * DPoint2D(0, g);
    // Gravitation: y reduzieren um 0.003
    geschwindigkeit = geschwindigkeit - DPoint2D(0, g);
    // Leuchtkraft reduzieren
    gluehzustand += 0.05 * rnd01();
}
```

Fertig! Back to maindraw().



```
int maindraw(){
  for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background
        pic = DrawColour(90, 180, 90); // grün
      // 2. neue Partikel erzeugen
        for (int j = 0; j < neuProBild; ++j)</pre>
        p.push_back(Partikel(DPoint2D(300, 10)));
      // 3. Partikel bewegen
      // 4. verschwundene Partikel löschen
      // 5. Partikel malen
      // 6. Bild Speichern
       pics[i] = pic;
```

```
int maindraw(){
  for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background
        pic = DrawColour(90, 180, 90); // grün
      // 2. neue Partikel erzeugen
        for (int j = 0; j < neuProBild; ++j)</pre>
        p.push_back(Partikel(DPoint2D(300, 10)));
      // 3. Partikel bewegen
        for (auto& pp : p)
          pp.weiter();
      // 4. verschwundene Partikel löschen
      // 5. Partikel malen
      // 6. Bild Speichern
       pics[i] = pic;
```

Jose Jimenez

```
int maindraw(){
 for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
     // 1. Background
      // 2. neue Partikel erzeugen
      // 3. Partikel bewegen
        for (auto& pp : p)
          pp.weiter();
      // 4. verschwundene Partikel löschen
         for (auto it = p.begin(); it != p.end();) {
           if (it->verschwunden()) {
             it = p.erase(it); // Lösche das Element und ++
           }else {
             ++it; // Gehe zum nächsten Element
      // 5. Partikel malen
      // 6. Bild Speichern
      pics[i] = pic;
```

41 / 43

```
int maindraw(){
 for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
     // 1. Background
      // 2. neue Partikel erzeugen
      // 3. Partikel bewegen
        for (auto& pp : p)
          pp.weiter();
      // 4. verschwundene Partikel löschen
         for (auto it = p.begin(); it != p.end();) {
           if (it->verschwunden()) {
             it = p.erase(it); // Lösche das Element und ++
           }else {
             ++it: // Gehe zum nächsten Element
      // 5. Partikel malen
        for (auto pit = p.rbegin(); pit != p.rend(); ++pit)
        pit->maleMich(pic);
      // 6. Bild Speichern
      pics[i] = pic;
```

```
int maindraw(){
  for (int i = 0; i < anzahlBilder; ++i){</pre>
      // 1. Background
      // 2. neue Partikel erzeugen
      // 3. Partikel bewegen
      // 4. verschwundene Partikel löschen
      // 5. Partikel malen
      // 6. Bild Speichern
    Drawing::makeanim(pics, "feuer", "gif", 4);
```

