

Übungen - Bildgenierung

Übung 09.

Jose Jimenez

Angewandte Informatik
Bergische Universität Wuppertal

January 17, 2024



Table of Contents

1 Aufgabe 30: Bézier-Flächen

2 Aufgabe 31: Rotationskörper



Beim letzten mal und im Vorlesung haben wir gelernt:

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i) \quad \text{und} \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T \quad (1)$$

und M sind die Basismatrizen.



Beim letzten mal und im Vorlesung haben wir gelernt:

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i) \quad \text{und} \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T \quad (1)$$

und M sind die Basismatrizen.

$$M_B = \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$



- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

Idee:

```
void berechneRotationsKoerper( vector<Kante>& vk, const
    ↪ vector<Vec3D> &p, int anzkurv = 5, int anzlinku = 20,
    int anzkreis = 5, int anzlinkr = 20 ){
    int m = p.size() - 1;
    for (k = 3; k <= m; k += 3) {
        /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/

        /*----- male Kurvenstücke -----*/

        /*----- male Kreise -----*/

    }
```

Wie?: letzten mal haben wir es gemacht



Rotationskörper

Beim letzten mal und im Vorlesung haben wir gelernt:

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i) \quad \text{und} \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T \quad (2)$$

und M sind die Basismatrizen.

$$M_B = \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

```
int m = p.size() - 1;
for (k = 3; k <= m; k += 3) { //Bézier
    cx[0] = -p[k - 3].x + 3 * p[k - 2].x - 3 * p[k - 1].x + p[k].x;
    cx[1] = 3 * p[k - 3].x - 6 * p[k - 2].x + 3 * p[k - 1].x;
    cx[2] = -3 * p[k - 3].x + 3 * p[k - 2].x;
    cx[3] = p[k - 3].x;
}
```

Es ist gleich für y , dann...



Rotationskörper

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T$

Hier:

$$G = (P_{i-3}, P_{i-2}, P_{i-1}, P_i) \quad \text{und} \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T \quad (3)$$

und M sind die Basismatrizen.

$$M_B = \begin{pmatrix} -1 & 3 & -3 & 1 \\ 3 & -6 & 3 & 0 \\ -3 & 3 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

```
int m = p.size() - 1;
for (k = 3; k <= m; k += 3) {
    for (d = 0; d < 2; d++){ //für x und y
        c[0][d] = -p[k - 3].el[d] + 3 * p[k - 2].el[d] - 3 * p[k - 1].el[d]
        ↪ + p[k].el[d];
        c[1][d] = 3 * p[k - 3].el[d] - 6 * p[k - 2].el[d]
        + 3 * p[k - 1].el[d];
        c[2][d] = -3 * p[k - 3].el[d] + 3 * p[k - 2].el[d];
        c[3][d] = p[k - 3].el[d];
    }
}
```

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

Idee:

```
void berechneRotationsKoerper( vector<Kante>& vk, const
    ↪ vector<Vec3D> &p, int anzkurv = 5, int anzlinku = 20,
    int anzkreis = 5, int anzlinkr = 20 ){
    int m = p.size() - 1;
    for (k = 3; k <= m; k += 3) {
        /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/
                               /*DONE*/

        /*----- male Kurvenstücke -----*/

        /*----- male Kreise -----*/

    }
```



Kurvenstücke malen

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

Die erste stück der Kurve ist:

```
...  
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
  /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/  
  /*DONE*/  
  
  /*----- male Kurvenstücke -----*/  
  anf = //Q(0) = C * T(0)  
  end = //Q(Δt) = C ΔT  
  /*----- male Kreise -----*/  
}
```

Wie kann man $Q(t)$ beschreiben?



Kurvenstücke malen

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

Die erste stück der Kurve ist:

...

```
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
  /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/  
                                     /*DONE*/  
  
  /*----- male Kurvenstücke -----*/  
  anf = //Q(0) = C * T(0)  
  end = //Q(Δt) = CΔT  
  /*----- male Kreise -----*/  
  
}
```

Beim letzten Mal haben wir erfahren, dass das Produkt wie folgt hergestellt wird:

$$Q(t) = c_0 t^3 + c_1 t^2 + c_2 t + c_3 t$$

$$Q(t) = ((c_0 t + c_1)t + c_2)t + c_3$$

dann...

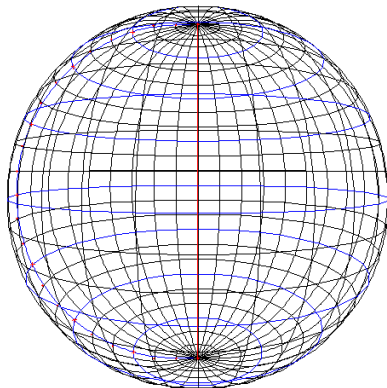
Kurvenstücke malen

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

```
...  
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
/*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/  
/*DONE*/  
  
/*----- male Kurvenstücke -----*/  
anf = Vec4D(c[3][0], c[3][1], 0, 1);  
  
end = Vec4D(((c[0][0] * t + c[1][0]) * t + c[2][0]) * t + c[3][0],  
↪ ((c[0][1] * t + c[1][1]) * t + c[2][1]) * t + c[3][1], 0, 1);  
  
vk.push_back(Kante(anf, end, BLUE));  
  
}
```

wir drehen unsere Kante von 0 auf 2π .





Kurvenstücke malen

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

```
...  
double deltakurv = 2.0 * M_PI / anzkurv;  
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
    /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/  
    /*DONE*/  
  
    /*----- male Kurvenstücke -----*/  
    anf = Vec4D(c[3][0], c[3][1], 0, 1);  
    end = Vec4D(((c[0][0] * t + c[1][0]) * t + c[2][0]) * t +  
↪ c[3][0],  
                ((c[0][1] * t + c[1][1]) * t + c[2][1]) * t +  
↪ c[3][1],  
                0, 1);  
    vk.push_back(Kante(anf, end, BLUE));  
  
}
```

wir drehen unsere Kante von 0 auf 2π .

Kurvenstücke malen

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

```
...
double deltakurv = 2.0 * M_PI / anzkurv;
for (k = 3; k <= m; k += 3){
    /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/
                                /*DONE*/

    /*----- male Kurvenstücke -----*/
    anf = //Q(0) = C * T(0)
    end = //Q(Δt) = CΔT
    vk.push_back(Kante(anf, end, BLUE));

    for (phi = deltakurv; phi <= 2*M_PI, phi += deltakurv){
        anf2 = ?
        end2 = ?
    }
}
```

Kurvenstücke malen

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

```
...
double deltakurv = 2.0 * M_PI / anzkurv;
for (k = 3; k <= m; k += 3){
/*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/
/*DONE*/
/*----- male Kurvenstücke -----*/
anf = //Q(0) = C * T(0)
end = //Q(Δt) = CΔT
vk.push_back(Kante(anf, end, BLUE));

for (phi = deltakurv; phi <= 2*M_PI, phi += deltakurv){
    anf2 = Vec4D(anf.el[0], cos(phi) * anf.el[1],
                sin(phi) * anf.el[1], 1);
    end2 = Vec4D(end.el[0], cos(phi) * end.el[1],
                sin(phi) * end.el[1], 1);
    vk.push_back(Kante(anf2, end2, BLACK));
}
}
```

Das ist für die erste geradenstück, wir müssen dasselbe für die anderen **anzlinku**
geradenstücke tun.



- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

Für die andere geradenstücke:

```
...  
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
/*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/  
/*DONE*/  
/*----- male Kurvenstücke -----*/  
//----- Alle Kante erzeugen-----  
end = C*T(0);  
for (i = 1, t = deltalinku; i <= anzlinku; i++, t+= deltalinku){  
    anf = end;  
    end = C*T(t);  
    vk.push_back(Kante(anf, end, BLUE));  
//-----for(0 ... 2π) {Kante drehen}
```

male Kurvenstücke: Completed!



```

...
double deltakurv = 2.0 * M_PI / anzkurv;
for (k = 3; k <= m; k += 3){
    /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/
    /*DONE*/

    // male Kurvenstuecke
    end = Vec4D(c[3][0], c[3][1], 0, 1);
    for (i = 1, t = deltalinku; i <= anzlinku; i++, t+= deltalinku){
        anf = end;
        end = //C*T(t);
        vk.push_back(Kante(anf, end, BLUE));
        for (j = 1, phi = deltakurv; j < anzkurv; j++, phi +=
↪ deltakurv) //drehen
        {
            anf2 = Vec4D(anf.el[0], cos(phi) * anf.el[1],
                        sin(phi) * anf.el[1], 1);
            end2 = Vec4D(end.el[0], cos(phi) * end.el[1],
                        sin(phi) * end.el[1], 1);
            vk.push_back(Kante(anf2, end2, BLACK));
        }
    }
}

```

- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

Was wir bisher gemacht haben:

```
...  
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
/*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/  
/*DONE*/  
  
/*----- male Kurvenstücke -----*/  
/*----- 1. Alle Kante erzeugen -----*/  
/*----- 2. for(0 ... 2π) -----*/  
/*DONE*/  
  
/*----- male Kreise -----*/  
}
```

Für die Kreise, ist das Konzept dasselbe. d.h:



- **Bézier-Kurven** $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad T = (t^3, t^2, t, 1)^T$

...

```
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
/*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/  
/*DONE*/  
  
/*----- male Kurvenstücke -----  
----- 1. Alle Kante erzeugen -----  
----- 2. for(0 ... 2π) -----*/  
/*DONE*/  
  
/*----- male Kreise -----  
----- 1. Alle Kante erzeugen -----  
----- 2. for(0 ... 2π) -----*/
```



$$Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad Q(t) = ((c_0 t + c_1)t + c_2)t + c_3$$

...

```
double deltakreis = 1.0 / (anzkreis - 1);
for (k = 3; k <= m; k += 3){
    /*----- berechne vorweg die Matrizen C[d] -----*/
        /*DONE*/

    /*----- male Kurvenstücke -----*/
        /*DONE*/

    /*----- male Kreise -----
        ----- 1. Alle Kante erzeugen -----*/
    end = C*T(0); //Q(t) = ((c0t + c1)t + c2)t + c3
    for (i = 0, t = 0; i < anzkreis; i++, t+= deltakreis)
    {
        anf = C*T(t)

        /* ----- 2. for(0 ... 2π) -----*/
    }
```



$$Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad Q(t) = ((c_0 t + c_1)t + c_2)t + c_3$$

```
...
double deltakreis = 1.0 / (anzkreis - 1);
for (k = 3; k <= m; k += 3){
    ...
    ----- 1. Alle Kante erzeugen -----*/
    end = C*T(0); //Q(t) = ((c0t + c1)t + c2)t + c3
    for (i = 0, t = 0; i < anzkreis; i++, t+= deltakreis)
    {
        anf = C*T(t)

        /* ----- 2. for(0 ... 2π) -----*/
        end2 = anf;
        for (phi = deltalinkr; phi <= 2*M_PI; phi += deltalinkr){
            anf2 = end2;
            end2 = Vec4D(anf.el[0], cos(phi) * anf.el[1],
                        sin(phi) * anf.el[1], 1);
            vk.push_back(Kante(anf2, end2, BLACK));
        }
    }
}
```

Rotationskörper

- $Q(t) = G_B M_B T = C_{Be} T \quad Q(t) = ((c_0 t + c_1)t + c_2)t + c_3$

Am Ende sieht unser Code so aus::

```
...  
int m = p.size() - 1;  
for (k = 3; k <= m; k += 3){  
    /*-----berechne vorweg die Matrizen C[i]-----*/  
  
    /*----- male Kurvenstücke -----  
        ----- 1. Alle Kante erzeugen -----  
        ----- 2. for(0 ... 2π) + pushBack -----*/  
  
    /*----- male Kreise -----  
        ----- 1. Alle Kante erzeugen -----  
        ----- 2. for(0 ... 2π) + pushBack -----*/  
}
```

