



Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 1

Aufgabe 1 (Test des Frameworks) -

Für die Bearbeitung der Übungsblätter existiert auf den Rechnern des CIP-Clusters in Raum G.14.11 ein Qt-Framework. Dieses befindet sich im Verzeichnis

/home/bildgen/cppqt

Um damit arbeiten zu können, gehen Sie wie folgt vor:

a) Falls in Ihrem Home-Verzeichnis nicht bereits ein Unterverzeichnis mit dem Namen bin existiert, erstellen Sie es mittels

cd ~ mkdir bin

Sie müssen sich danach neu einloggen, damit das Verzeichnis dem Suchpfad hinzugefügt wird.

b) Erzeugen Sie einen symbolischen Link auf das Compiler-Script g++drawqt in Ihrem soeben erzeugten Verzeichnis ~/bin:

ln -s /home/bildgen/cppqt/g++drawqt ~/bin

c) Ein Beispielprogramm finden Sie unter

/home/bildgen/cppqt/bsp1.cc

Kopieren Sie das Beispielprogramm in Ihr Home-Verzeichnis und rufen Sie das Compiler-Script mit der Quelltext-Datei des Beispiels als Parameter auf, um es zu kompilieren:

```
cp /home/bildgen/cppqt/bspl.cc .
g++drawqt bspl.cc
```

Erlaubte Dateiendungen sind c, cc, cpp und c++.

d) Das erzeugte Programm trägt den Namen der Quelltextdatei ohne deren Endung. Testen Sie das Beispielprogramm:

./bsp1

Eine vollständige Auflistung der Funktionalität des Qt-Frameworks finden Sie unter:

/home/bildgen/cppqt/doc/index.html

Es existiert noch ein weiteres Compiler-Script namens g++drawqt-g, welches mit Debug-Symbolen compiliert.

Aufgabe 2 (Einfache Linien)

Schreiben Sie ein Programm, das

- 1. ein zunächst leeres Bild erzeugt,
- 2. zwei Punkte einliest,
- 3. eine Linie zeichnet, die beide Punkte verbindet,
- 4. und 2 bis 3 solange wiederholt, bis der Anwender negative Koordinaten eingibt.

Implementieren Sie zum Zeichnen der Linien den *naiven* Algorithmus aus dem Skript (oder ggf. einen eigenen naiven Algorithmus) aber noch nicht die optimierten (inkrementellen) Varianten. Kommentieren Sie in Ihrem Programm, wie der Algorithmus funktioniert.

Verwenden Sie hierzu nur die Funktion Drawing::drawPoint() und *nicht* Drawing::drawLine().

Aufgabe 3 (Einfache Kreise) –

Schreiben Sie ein Programm, das

- 1. ein zunächst leeres Bild erzeugt,
- 2. einen Mittelpunkt *m* und einen Radius *r* einliest und
- 3. einen *gefüllten* Kreis um *m* mit Radius *r* malt.

Verwenden Sie nicht den optimierten (inkrementellen) Kreisalgorithmus, sondern lassen Sie ihren Algorithmus auf den *naiven* Varianten aus dem Skript (oder ggf. einer eigenen naiven Variante) beruhen. Kommentieren Sie in Ihrem Programm, wie der Algorithmus funktioniert.

Verwenden Sie nur die Funktion Drawing::drawPoint() und nicht Drawing::drawCircle().

Hinweis: Für den Zugriff auf die Ausbildungsrechner müssen Sie sich immer eine VPN-Verbindung einrichten (https://zim.uni-wuppertal.de/de/dienste/netzzugang/vpn.html), für Linux per SSH und für Windows z.B. per SmarTTY (siehe https://sysprogs.com/SmarTTY/).

Abgabe: Mi., 25.10.2023, 13:00 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 2

Aufgabe 4 (Scan Conversion für Linien)

In der Datei linien.cc im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/linien auf dem CIP-Cluster finden Sie eine halb-fertige Funktion drawLine, die Geraden mit Steigungen $-1 \le m \le 1$ mittels *inkrementeller*, *ganzzahliger Scan Conversion* malt. Ergänzen Sie die Fälle m < -1 und m > 1. Sie können zum Testen die Eingabedatei linien.in verwenden. Für diese Beispiel-Eingabedatei müssen die letzten vier grauen Linien die schwarzen, in umgekehrter Richtung verlaufenden, genau überdecken.

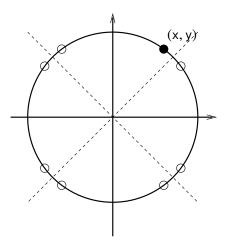
Aufgabe 5 (Scan Conversion für Kreise)

Schreiben Sie eine Funktion

die einen Kreis um den Punkt center mit Radius radius zeichnet. Im Falle filled = true soll der Kreis ausgefüllt werden.

Implementieren Sie hierzu einen inkrementellen, ganzzahligen Scan-Conversion-Algorithmus zum Zeichnen der Kreislinie und verwenden Sie eine Hilfsfunktion

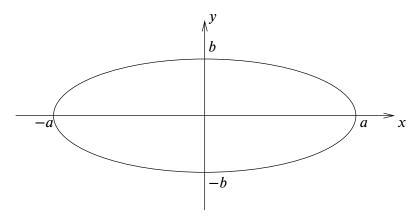
welche zu einem Punkt (x, y) im zweiten Oktanten alle hierdurch aus Symmetriegründen festgelegten Punkte zeichnet oder verbindet, vergleiche Skizze.



Ein Rahmenprogramm finden Sie unter /home/bildgen/Aufgaben/kreise.

Aufgabe 6 (Scan Conversion für Ellipsen)

Die Standardellipse

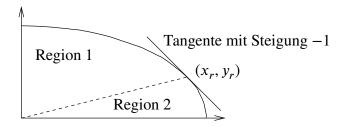


mit Mittelpunkt im Punkt (0,0) und den Halbachsen a und b ist durch die Gleichung

$$F(x, y) = b^2x^2 + a^2y^2 - a^2b^2 = 0$$

gegeben.

Der erste Quadrant muss nun in zwei Regionen aufgeteilt werden:



Für den Punkt (x_r, y_r) , an dem die Tangente Steigung -1 hat, gilt die Bedingung

$$a^2 y_r = b^2 x_r \,.$$

- a) Formulieren Sie einen inkrementellen Scan-Conversion-Algorithmus für Ellipsen. Verwenden Sie zunächst für Region 1 eine Variable d_1 für die Entscheidung zwischen Ost und Südost. Am Übergang zu Region 2 muss eine neue Variable d_2 initialisiert werden für die Wahl zwischen Südost und Süd. (Ganzzahlige Rechnung ist hier nicht verlangt.)
- b) Wie könnte man den Algorithmus modifizieren, damit ganzzahlig gerechnet werden kann?
- c) Implementieren Sie den Algorithmus aus Teil 6a oder die modifizierte Variante aus Teil 6b, sofern Sie Teil 6b bearbeitet haben. Benutzen Sie eine Funktion namens drawEllipsePoints, die zu einem Punkt zusätzlich die anderen drei aus Symmetriegründen festgelegten Punkte zeichnet.

Ein Rahmenprogramm für die Implementierung in Teil 6c finden Sie im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/ellipsen.

Abgabe: Mi., 08.11.2023, 13:00 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 3

Aufgabe 7 (Gefüllte Polygone) -

Schreiben Sie eine Funktion

die mittels Algorithmus 3.22 der Vorlesung ein mit einem Muster gefülltes Polygon zeichnet.

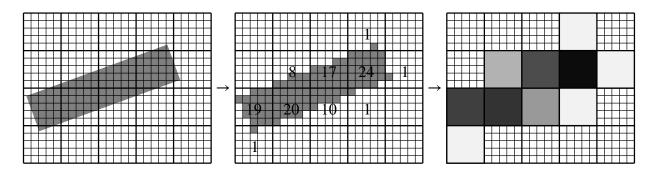
Hinweise:

- Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/polygone 3 auf dem CIP-Cluster finden Sie ein Rahmenprogramm und Beispiel-Eingabedateien.
- Schreiben Sie zunächst eine Funktion, welche das Polygon mit einer beliebigen Farbe füllt und modifizieren Sie diese anschließend, so dass mit einem Muster gefüllt wird.
- Durchlaufen Sie die Zeilen y_{min} bis y_{max}, die das Polygon enthalten, und datieren Sie in jedem Schritt eine Tabelle der aktiven Kanten auf. Es ist hilfreich, dies als eine Liste zu implementieren, die zu jeder Kante, welche die aktuelle y-Scan-Line schneidet, deren oberen Endpunkt, den aktuellen x-Wert sowie die Steigung enthält. Die Kanten werden nach x und ggf. nach Steigung sortiert gespeichert.
- Sorgen Sie dafür, dass die Füllung translationsinvariant, also unabhängig davon ist, an welcher Stelle des Bildes sich das Polygon befindet.
- Der Befehl pic.drawPoint(x, y, QColor(muster.pixel(xmuster,ymuster))) malt im Bild pic an die Stelle (x, y) einen Punkt in der Farbe, die das Muster muster an der Stelle (xmuster, ymuster) enthält. Breite und Höhe des Musters können Sie mit muster.width() und muster.height() ermitteln.

Aufgabe 8 (Ein einfaches Antialiasing-Verfahren für Linien)

Ergänzen Sie in der Datei antial.cc unter /home/bildgen/Aufgaben/anti-aliasing die Funktion drawAntialiasedWideLine,

die geglättete Linien beliebiger Breite zeichnet.



Verwenden Sie hierzu ein in beide Richtungen um einen Faktor f verfeinertes Raster (in der Abbildung ist also f = 5). Fassen Sie die Linie in diesem feineren Raster als Rechteck auf und bestimmen Sie, welche (Sub-)Pixel eingefärbt werden müssen. Die Intensität der Pixel im Originalraster wird dann proportional zur Anzahl der eingefärbten Subpixel gewählt.

Verwenden Sie bei der Programmierung *kein* zusätzliches zweidimensionales Feld; merken Sie sich statt dessen für jede Subpixelzeile Anfangs- und Endpunkt des Rechtecks.

Testen Sie auch mit Linienbreiten < 1.

Aufgabe 9 (Punktspiegelung im Raum)

Gegeben sei ein Punkt
$$S = \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix} \in \mathbb{R}^3$$
.

Bestimmen Sie die Transformationsmatrix $T \in \mathbb{R}^{4\times 4}$, die die Punktspiegelung an S in homogenen Koordinaten beschreibt.

Abgabe: Mi., 15.11.2023, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 4

Aufgabe 10 (Perspektivische Projektion) -

Programmieren Sie die perspektivische Projektion, die Überführung in normalisierte Koordinaten sowie die Umwandlung in Gerätekoordinaten. Ergänzen Sie hierzu im Rahmenprogramm projl.cc im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/projektion-1 die entsprechenden Teile der Funktionen

Matrix4x4 berechneTransformation(const Vec3D& cop, const Vec3D& vrp, const Vec3D& vup, int w, int h, double& un, double& vn)

und

Alle für die Berechnung benötigten Operationen sind bereits vorgegeben, Sie können also z.B. die Matrix-Multiplikation direkt mittels *-Operator verwenden. Unterstützt werden ausschließlich 4×4-Matrizen, geben Sie deshalb bei der Projektion und den nachfolgenden Transformationen für die *n*-Koordinate eine Nullzeile in der Matrix an.

Gehen Sie für die Berechnung der Transformation in berechneTransformation() in den folgenden Schritten vor und erzeugen Sie zunächst jeweils einzelne Matrizen mit dem gewünschten Effekt. vpn, umin, umax, vmin und vmax sind bereits vorgegeben.

- 1. Verschiebung des Aufpunktes der Projektionsebene (vrp) in den Ursprung.
- 2. Überführung in das (u, v, n)-Koordinatensystem.
 - a) Bestimmung des (u, v, n)-Koordinatensystems aus der Normalen der Projektionsebene, vpn, und der Aufwärtsrichtung, vup.
 - b) Rotation $z \mapsto n, x \mapsto u, y \mapsto v$.
- 3. Verschieben der transformierten Augenposition (cop überführt in das (u, v, n)-Koordinatensystem) in den Koordinatenursprung.
- 4. Standard perspektivische Projektion auf die (u, v)-Ebene.
- 5. Normalisierung der Koordinaten.

- a) Translation der unteren linken Ecke des Projektionsfensters in den Ursprung.
- b) Skalierung des Projektionsfensters, so dass es in das Einheitsquadrat passt.
- c) Speichern der Ausdehnung des Bildes im Einheitsquadrat, u_n und v_n (der entsprechende Code-Abschnitt ist vorgegeben).

Berechnen Sie nun die Gesamttransformation durch Matrix-Multiplikation in der richtigen Reihenfolge. Die Skalierung auf Gerätekoordinaten ist nicht Teil der Matrix, sie wird im Folgenden separat durchgeführt. Praktischer Grund hierfür ist das einfache 3D-Clipping in normalisierten Koordinaten.

Zum Zeichnen des Bildes ist dann noch Folgendes in maleLinien() zu tun:

- 1. Anwenden der Transformationsmatrix auf Anfangs- und Endpunkt der einzelnen Linien (der entsprechende Code-Abschnitt ist vorgegeben).
- 2. Umwandlung der homogenen Koordinaten in 2D-Koordinaten.
- 3. Skalierung auf Fenstergröße (Gerätekoordinaten) unter Verwendung von u_n und v_n .

Testen Sie Ihre Transformation mit den *.in-Dateien, z. B. "proj1 < Colosseum.in".

Aufgabe 11 (Strecken-Clipping nach Cohen und Sutherland) —

Sei das Kappungsfenster gegeben durch das achsenparallele Rechteck [2; 8] \times [1; 5] sowie Linien mit Anfangspunkt P_1 und Endpunkt P_2 .

a)
$$P_1 = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix}$$
, $P_2 = \begin{pmatrix} 10 \\ 4 \end{pmatrix}$ b) $P_1 = \begin{pmatrix} 3 \\ 3 \end{pmatrix}$, $P_2 = \begin{pmatrix} 6 \\ 0 \end{pmatrix}$

c)
$$P_1 = {7 \choose 0}, P_2 = {10 \choose 2}$$
 d) $P_1 = {5 \choose 6}, P_2 = {11 \choose 4}$

Bestimmen Sie mit dem Cohen-Sutherland-Verfahren jeweils Anfangs- und Endpunkt der gekappten Linie von Hand.

Aufgabe 12 (Strecken-Clipping nach Cyrus, Beck, Liang und Barsky) —

Gegeben seien das gleiche achsenparallele Rechteck und die gleichen Punkte wie in Aufgabe 11. Bestimmen Sie mit dem Cyrus-Beck-Liang-Barsky-Verfahren jeweils Anfangs- und Endpunkt der gekappten Linie. Sie können die Lösung wahlweise von Hand berechnen oder ein kleines Hilfsprogramm schreiben.

Abgabe: Mi., 22.11.2023, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 5

Aufgabe 13 (3D-Clipping für perspektivische Projektion) -

Die Projektion aus Aufgabe 10 enthielt noch einige Vereinfachungen. So wurde die z-Koordinate vernachlässigt und kein Clipping in normalisierten Sichtkoordinaten durchgeführt.

Das Rahmenprogramm proj2.cc im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/projektion-2 enthält alle Schritte für den allgemeinen Fall. Ihre Aufgabe ist, das fehlende Clipping zu ergänzen. Sie sollen hierbei keine optimierten Verfahren wie Cohen-Sutherland oder Cyrus-Beck-Liang-Barsky auf den 3D-Fall übertragen. Gehen Sie einfach von den Parameterdarstellungen der Gerade aus, d. h.

$$x(t) = x_0 + t(x_1 - x_0), \quad y(t) = y_0 + t(y_1 - y_0), \quad z(t) = z_0 + t(z_1 - z_0), \quad 0 \le t \le 1.$$

Alle notwendigen Parameter und Daten sind im Code vorgegeben. Für jede Kante wird die Funktion clip3D aufgerufen. Die Endpunkte der unbearbeiteten Kante werden als Referenz via anf und end übergeben. Führen Sie nun für die jeweilige Kante *nacheinander* Clipping an den Clippingebenen in normalisierten Sichtkoordinaten aus. Aktualisieren Sie dann anf und end mit den neuen Endpunkten der geclippten Kante.

1.
$$-1 \le z \le z_{\min}$$

Bestimmen Sie die Schnittpositionen t_1 , t_2 mit der Front- und Backplane aus $z(t_1) = -1$ und $z(t_2) = z_{\min}$. Beachten Sie auch den Sonderfall für Geraden, die in der x-y-Ebene liegen.

$$2. z \le x \le -z$$

Bestimmen Sie
$$t_1$$
, t_2 aus $x(t_1) = z(t_1)$ und $x(t_2) = -z(t_2)$.

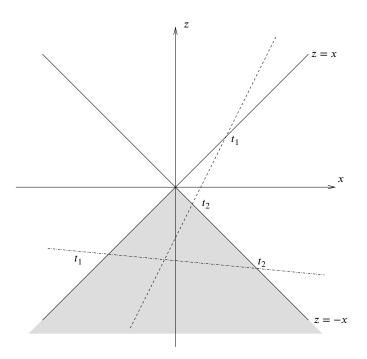
Überlegen Sie sich, welche verschiedenen Lagen eine Kante und ihre Endpunkte haben kann, so dass sie die zulässige (graue) Fläche schneidet (siehe Illustration). Dokumentieren Sie die verschiedenen Fälle entweder in Ihrem Quelltext oder mit Hilfe separater Zeichnungen (oder beides). Beachten Sie hier den Sonderfall, dass die Gerade parallel zur y-Achse liegt.

3.
$$z \le y \le -z$$

Analog zu Fall 2.

Testen Sie das Programm mit den Dateien Wuerfel?.info (es ist jeweils kommentiert, welcher Teil ausgeblendet werden sollte), Colosseum?.info und stsl.info sowie den zugehörigen Modellen Wuerfel.in, Colosseum.in und sts.in. Hierzu müssen Sie Ihr Programm z.B. wie folgt aufrufen:

cat Wuerfel.in Wuerfell.info | proj2



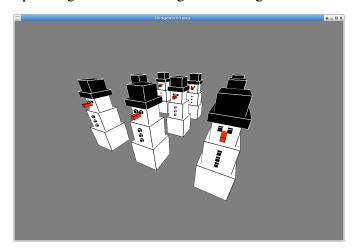
Aufgabe 14 (Modellierung mit OpenGL) –

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/opengl-1 finden Sie ein Rahmenprogramm zu dieser Aufgabe, das die Initialisierung von OpenGL für Sie übernimmt. Mittels eines Aufrufs von make können Sie es kompilieren.

Ergänzen Sie das Zeichnen einer Gruppe von Schneemännern. Vervollständigen Sie dafür die Funktionen drawSnowman und drawSnowmen.

Die einzelnen Teile der Schneemänner sollen aus Quadern bestehen. Dafür existiert bereits eine Funktion namens drawCube (const DrawColour& col), die einen Würfel mit den Eckpunkten (-1,-1,-1) und (1,1,1) sowie der übergebenen Farbe zeichnet. Mit glScalef und glTranslatef können Sie die Würfel skalieren und verschieben. Bei der Skalierung kann man für jede Koordinatenrichtung einen eigenen Faktor angeben, so dass man den Würfel in einen Quader transformieren kann. Weiterhin werden Sie die Befehle glPushMatrix und glPopMatrix an geeigneten Stellen benötigen.

Unten sehen Sie eine Beispielausgabe einer Lösung dieser Aufgabe.



Abgabe: Mi., 29.11.2023, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik Dr. Martin Galgon M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 6

Aufgabe 15 (Painter's Algorithm) -

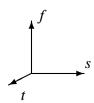
Der *Painter's Algorithm* ist ein besonders einfacher Algorithmus zur Elimination verdeckter Kanten und Flächen. Er ist anwendbar, wenn die Objekte sich nicht gegenseitig durchdringen, und basiert auf folgender Strategie: Man zeichnet einfach *alle* Objekte (Polygone müssen dabei ausgefüllt werden), wobei "*von hinten nach vorne*" gearbeitet wird. Dadurch werden die durch weiter vorne liegende Objekte verdeckten (und damit unsichtbaren) Teile der hinteren Objekte automatisch "übermalt".

Stellen Sie mit Hilfe des Painter's Algorithm den Graphen der Funktion

$$f(s,t) = 10e^{-\left(\frac{s^2}{25} + \frac{t^2}{100}\right)}$$

auf dem Bereich $(s, t) \in [-5, 5] \times [-5, 5]$ dar.

Approximieren Sie dabei den Graphen durch ein geeignetes Netz von Dreiecken und verwenden Sie zur Darstellung die sogenannte *Kabinett-Projektion*.



Dabei handelt es sich um eine Parallelprojektion, wobei die s- und die f-Achse waagerecht bzw. senkrecht dargestellt werden und die t-Achse um 30° geneigt und um den Faktor ½ verkürzt ist.

Verwenden Sie das Rahmenprogramm painters.cc unter /home/bildgen/Aufgaben/painters und implementieren Sie die Funktionen:

std::vector<Dreieck>& dreiecke)

Aufgabe 16 (Silhouetten-Algorithmus)

Implementieren Sie den Silhouetten-Algorithmus und stellen Sie wie in Aufgabe 15 mit dessen Hilfe den Graphen der Funktion f dar.

Verwenden Sie die gleiche Parallelprojektion wie in Aufgabe 15.

Das Rahmenprogramm silhouetten.cc im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/silhouetten dient als Grundlage. Implementieren Sie darin die Funktionen

bzw. die fehlenden Teile der Funktionen. Weitere Informationen zu den Ein- und Ausgabeparametern finden Sie im Rahmenprogramm.

Aufgabe 17 (*z-Buffer-Verfahren*) -

In der Datei proj3.cc unter /home/bildgen/Aufgaben/projektion-3 finden Sie ein fast fertiges Programm, das die Lösung zu Aufgabe 10 um das z-Buffer-Verfahren erweitert. Ergänzen Sie die folgenden Funktionen:

- clip3DPoint: Im Gegensatz zu Aufgabe 13 wird hier keine Linie gekappt, sondern lediglich getestet, ob ein gegebener Punkt im kanonischen Bildraum liegt.
- drawPointZ: Malt einzelne Pixel und aktualisiert den z-Buffer.

Abgabe: Mi., 06.12.2023, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 7

Aufgabe 18 (Färbung – Beleuchtungsmodell nach Phong) -

Das Rahmenprogramm proj4.cc im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/projektion-4 implementiert die perspektivische Projektion samt Füllung der Dreiecksflächen. Ergänzen Sie das Programm um eine pro Gitterpunkt berechnete Beleuchtung. Implementieren Sie hierzu in der Funktion

das Beleuchtungsmodell nach Phong für *eine* Lichtquelle. Die Funktion wird für jeden der drei Eckpunkte einer Dreiecksfläche aufgerufen und soll die Farbe an diesem Punkt berechnen. Die Interpolation der Farbe über die Fläche (Gouraud-Shading) übernimmt das Rahmenprogramm für Sie.

Die folgenden Größen sind vorgegeben:

Vec3D ecke Position der Ecke	in Weltkoordinaten
Vec3D normale Normale zur Fläch	ne in dieser Ecke (in Weltkoordinaten)
Vec3D auge Koordinaten des A	Auges in Weltkoordinaten
Vec3D licht Koordinaten der L	ichtquelle in Weltkoordinaten
VecRGB lightAmbient ambiente Lichtinte	ensität
VecRGB lightDiffuse diffuse Lichtintens	sität
VecRGB lightSpecular Lichtintensität für	winkelabhängige Reflexion
VecRGB materialAmbient ambienter Reflexion	onskoeffizient des Materials
VecRGB materialDiffuse diffuser Reflexion	skoeffizient des Materials
VecRGB materialSpecular winkelabhängiger	Reflexionskoeffizient des Materials
double materialSpecularity Exponent für wink	kelabhängige Reflexion
double c0, c1, c2 Konstanten für en	tfernungsabhängige Dämpfung

Die Rechnung mit Farbwerten innerhalb der Funktion erfolgt über dreidimensionale Vektoren, deren Einträge die drei Kanäle des RGB-Farbmodells darstellen. Die RGB-Intensitäten sind auf [0, 1] normiert. Für Lichter stellen diese Werte die Lichtintensität des jeweiligen Farbkanals dar, für Materialien bzw. Objektoberflächen deren Reflexionskoeffizienten für den jeweiligen Farbkanal.

Um nicht jeden Farbkanal einzeln berechnen zu müssen sind neben + und - geeignete Operatoren vorgegeben, z. B. VecRGB v1 * VecRGB v2 für elementweise Multiplikation.

Beachten Sie, dass negative Skalarprodukte auf dem Auge bzw. der Lichtquelle abgewandte Flächen hindeuten. Im Falle eines negativen Skalarproduktes ist der entsprechende Lichtanteil auf Null zu setzen, um keine negativen Lichtintensitäten zu erzeugen. Hierzu können sie die max()-Funktion benutzen.

Testen Sie Ihr Programm mit den *.in-Dateien.

Aufgabe 19 (Rundflug um den Eiffelturm) -

Erzeugen Sie eine Animation, die einen spiralförmigen Rundflug um den Eiffelturm zeigt. Fahren Sie hierzu nicht nach Paris, sondern verwenden Sie die Daten aus der Datei toureiffel.in. Starten Sie Ihren Flug am Boden (y = -662) und fliegen Sie bis zur Spitze (y = 550), wobei Sie den Turm einmal umrunden. Halten Sie einen konstanten Abstand von 800 Längeneinheiten von der Mitte des Turms (y-Achse) und blicken Sie immer waagerecht zur Mitte. Dann passen Ihre Aufnahmen auf Bilder der Größe 250×400 Pixel. Der Abstand zur Projektionsebene spielt hier keine große Rolle und kann recht willkürlich gewählt werden. Setzen Sie Ihren Film aus 100 Einzelbildern zusammen.

Verwenden Sie die Eingabedatei toureiffel.in und ignorieren Sie die Werte der ersten beiden Zeilen (COP und TGT). Erzeugen Sie aus Ihrem Flug eine animierte gif- oder mpg-Datei. Ein Beispielprogramm zur Erzeugung von Animationen finden Sie im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/rundflug. Zum Betrachten der Dateien können Sie gwenview verwenden, für gif-Ausgaben zusätzlich auch eog.

Falls Sie Aufgabe 18 nicht bearbeitet haben, lassen Sie die Beleuchtungsfunktion einfach die übergebene Farbe zurückgeben und setzen Sie den outline Parameter von maleDreiecke auf true.

Aufgabe 20 (Perspektivische Projektion mit OpenGL) –

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/opengl-2 finden Sie eine OpenGL-Implementierung der perspektivischen Projektion aus Aufgabe 13. Compilieren lässt sich das Programm mittels make. Weiterführende Informationen zu OpenGL finden Sie auf der Webseite

http://www.opengl.org/sdk/docs/man/.

OpenGL nutzt im Wesentlichen zwei Matrizen, um Objekte, welche in Objektkoordinaten gegeben sind, in normalisierte Koordinaten zu transformieren und anschließend zu clippen und zu zeichnen. Zum ersten handelt es sich dabei um die sogenannte ModelView-Matrix, welche die Objektkoordinaten in Augenkoordinaten überführt. Diese Matrix übernimmt also die Transformation des Augenpunktes (gegeben durch COP) in den Koordinatenursprung mit Blickrichtung (gegeben durch -VPN) entlang der negativen z-Achse, so wie es auf Seite 4-12 des Skriptes dargestellt ist. Die zweite Matrix ist die Projektionsmatrix, die die Augenkoordinaten im Unterschied zur Vorlesungen in einen Bildraum

$$B = \{(x, y, z)^T | -1 \le x \le 1, -1 \le y \le 1, -1 \le z \le 1\}$$

transformiert, an dem geclippt werden kann und welcher sich einfach auf den Bildschirm (den sogenannten Viewport) projizieren lässt.

Die Projektionsmatrix ist im Rahmenprogramm bereits mittels glFrustum gegeben und Ihre Aufgabe besteht zunächst darin, die ModelView-Matrix korrekt zu setzen. Verwenden Sie hierfür den Befehl gluLookAt der OpenGL Utility Library, deren Dokumentation Sie auch auf

http://www.opengl.org/sdk/docs/man/

finden. Sobald dies implementiert ist, sollte Ihr Programm bereits—bis auf das Clipping—die gleichen Bilder erzeugen, wie das Programm zu Aufgabe 13. Das Clipping in z-Richtung funktioniert ebenfalls bereits.

Um nun identische Bilder zur Lösung von Aufgabe 13 zu erhalten, muss ein künstliches Clipping auf die durch clip.uminf, clip.umaxf, clip.vminf und clip.vmaxf gegebene Ausdehnung auf der Projektionsebene erfolgen.

Ist die Projektionsebene gegeben durch [umin, umax] \times [vmin, vmax], ergibt sich der geclippte Bereich als [umin · clip.uminf, umax · clip.umaxf] \times [vmin · clip.vminf, vmax · clip.vmaxf].

Korrektes Clipping kann auf zwei Arten erzielt werden:

- 1. Mittels glClipPlane können Sie vier Clipping-Ebenen definieren, die durch den Koordinatenursprung verlaufen und den Sichtbereich in x- und y-Richtung auf der Projektionsebene auf den oben erwähnten geclippted Bereich einschränken. Hierfür müssen die Normalenvektoren der Ebenen in Abhängigkeit von znear und der Größen des geclippten Bereiches ermittelt werden.
- 2. Das Sichtfenster (Viewport) kann entsprechend beschränkt werden. Anschließend muss die Berechnung der Projektionsmatrix (glFrustum) angepasst werden, so dass die Projektion nun für den geclippten Bereich stattfindet.

Testen Sie Ihr Programm mit den gleichen Eingabedateien wie auch Aufgabe 13.

Aufgabe 21 (Hidden-Surface-Verfahren und Beleuchtung mit OpenGL) –

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/opengl-3 finden Sie eine OpenGL-Implementierung der Programme aus den Aufgaben 17 und 18. Aktivieren Sie die Verwendung des z-Buffer-Verfahrens mittels der Befehle glEnable und glDepthFunc mit passenden Parametern.

Informationen dazu finden Sie auf der Webseite http://www.opengl.org/sdk/docs/man/

Abgabe: Fr., 13.12.2023, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 8

Aufgabe 22 (Hermite-Kurven Schleife)

Betrachten Sie den Fall $p_1 = (a, a), p_4 = (a + b, a), r_1 = (\rho, \rho), r_4 = (\rho, -\rho)$ für $\rho \in \mathbb{R}$ und festes $a, b \in \mathbb{R}$. Skizzieren Sie, welche Kurventypen sich für verschiedene Werte von ρ ergeben und berechnen Sie, ab wann eine Schleife entsteht.

Aufgabe 23 (Hermite-Kurven) -

Ergänzen Sie im Rahmenprogramm hermite.cc, welches Sie im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/splines-1 finden können, die Funktion

die eine Hermite-Kurve zwischen zwei Punkten $p_1, p_4 \in \mathbb{R}^2$ mit Tangentenvektoren $r_1, r_4 \in \mathbb{R}^2$ zeichnet. Approximieren Sie die Kurve durch eine Folge von n Linien, indem Sie n-1 Zwischenpunkte bestimmen.

Aufgabe 24 (Bézier-Kurven) -

Schreiben Sie eine Funktion zum Zeichnen von Bézier-Kurven. Ergänzen Sie hierzu das Rahmenprogramm curves.cc im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/splines-2 entsprechend.

Es seien m + 1 Punkte $p_0, ..., p_m$ gegeben. Für die Funktion

void maleBezierKurve(Drawing& pic, const vector<DPoint2D>& p, int n)

ist vorausgesetzt, dass m ein Vielfaches von 3 ist. Die Kurve besteht dann aus $\frac{m}{3}$ einzelnen Kurvenstücken

Sie können zum Testen die Dateien points?.in benutzen.

Abgabe: Fr., 20.12.2023, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 9

Aufgabe 25 (B-Splines) –

Schreiben Sie eine Funktion zum Zeichnen von B-Splines. Ergänzen Sie hierzu in Ihrer Lösung zu Aufgabe 24 die Funktion

void maleBSpline(Drawing& pic, const vector<DPoint2D>& p, int n)

die den zu $p_0, ..., p_m$ gehörenden B-Spline (in einer anderen Farbe) malt. Markieren Sie zusätzlich zum Zeichnen der m-2 Abschnitte die Knotenpunkte zwischen diesen.

Aufgabe 26 (Catmull-Rom-Splines) —

Die Catmull-Rom-Splines können durch die Basismatrix

$$M_{CR} = \frac{1}{2} \begin{pmatrix} -1 & 2 & -1 & 0 \\ 3 & -5 & 0 & 2 \\ -3 & 4 & 1 & 0 \\ 1 & -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

definiert werden. Hierbei handelt es sich um einen interpolierenden Spline, d. h. zu gegebenen Punkten $p_0, ..., p_m$ werden $p_1, ..., p_{m-1}$ durch eine Kurve verbunden.

- 1. Zeigen Sie, dass die Kurve wirklich durch $p_1, ..., p_{m-1}$ verläuft und damit die Stetigkeit.
- 2. Berechnen Sie die Tangenten in den Punkten p_i , i=1,...,m-1, und zeigen Sie so, dass die Kurve C^1 -stetig ist.
- 3. Ist die Kurve C^2 -stetig? (Begründung!)
- 4. Ergänzen Sie in Ihrer Lösung zu Aufgabe 24 die Funktion maleCRSpline.

Aufgabe 27 (Hermite-Kurven Animation) –

Verwenden Sie Ihre Lösung aus Aufgabe 23, um sich die Abhängigkeit der Kurven von den Tangentenrichtungen und -längen in einer Animation zu veranschaulichen.

a) Starten Sie mit einer Geraden und lassen Sie dann den Tangentenvektor r_4 um den Endpunkt p_4 rotieren.

b) Legen Sie die beiden Endpunkte auf die Gerade y = x, verwenden Sie im unteren Punkt einen Tangentenvektor nach rechts (links) und im oberen Punkt einen Tangentenvektor nach oben (unten). Variieren Sie die Längen der Tangentenvektoren.

Aufgabe 28	(Objekterzeugung m	it Grammatiken,	, Blumenwiese)
------------	--------------------	-----------------	---------------	---

Erzeugen Sie eine Blumenwiese, auf der sich jedes Pflänzchen gemäß dem Beispiel aus Abschnitt 8.3.2 der Vorlesung entwickelt. Wählen Sie bei mehreren Ableitungsmöglichkeiten jeweils passende Wahrscheinlichkeiten, so dass sich insbesondere ein sinnvoller Anteil an Knospen weiterentwickelt. Beschränken Sie sich auf eine 2D-Darstellung und animieren Sie das Wachstum.

Aufgabe 29 (Partikelsysteme, Feuer)	

Erzeugen Sie eine Animation eines lodernden Feuers gemäß Beispiel 8.8 der Vorlesung. Eine 2D-Darstellung genügt.

Abgabe: Do., 10.01.2024, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

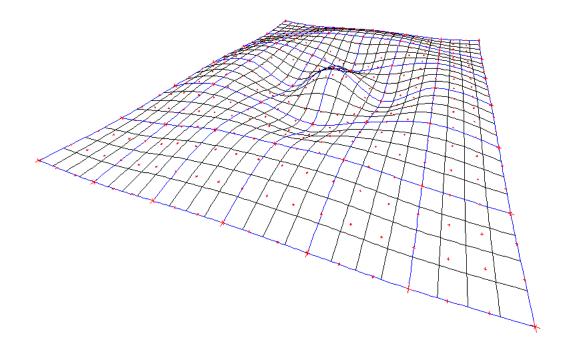
Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 10

Aufgabe 30 (Bézier-Flächen) -

Ergänzen Sie eine Funktion berechneBezierFlaeche, welche die Kanten der Bézier-Fläche bestimmt, im Rahmenprogramm surfaces.cc unter /home/bildgen/Aufgaben/flaechen.

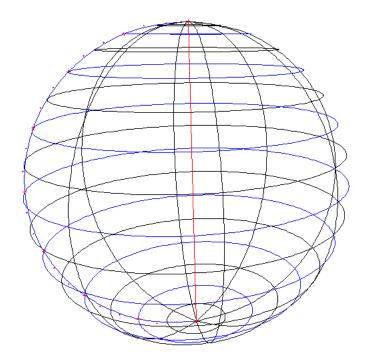


Zu jeweils 16 Punkten p[i][j],...,p[i + 3][j + 3] gehört ein Flächenstück bestehend aus anzkurv Kurvenstücken für jede der beiden Richtungen, wobei jedes Kurvenstück durch anzlin Linien approximiert wird.

Mit dem Befehl vk.push_back(Kante(anf, end, BLACK)); können Sie dem Kanten-Vektor die einzelnen Kantenstücke hinzufügen, wobei anf und end vom Typ Vec4D sind.

Aufgabe 31 (Rotationskörper)

Ergänzen Sie die Funktion berechneRotationsKoerper, welche die Kanten der (vertikalen) Bézier-Splines und die Kanten der (horizontalen) Kreise des Rotationskörpers bestimmt, im Rahmenprogramm rotk.cc unter /home/bildgen/Aufgaben/rotationskoerper.



Zu jeweils 4 Punkten p[i], ..., p[i + 3] in der x-y-Ebene gehören

- anzkurv Bézierkurven, die durch anzlinku Geradenstücke approximiert werden und durch Drehung der "Originalkurve" um die *x*-Achse entstehen,
- anzkreis Kreise um die x-Achse, die durch anzlinkr Geradenstücke angenähert werden.

Beachten Sie, dass die x-Achse hier ausnahmsweise nach oben zeigt. Wie in Aufgabe 30 sollen alle Geradenstücke in einen Kantenvektor eingefügt werden.

Aufgabe 32 (Bézier-Flächen mit OpenGL) —

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/opengl-4 finden Sie eine OpenGL-Implementierung der Bézier-Flächen aus Aufgabe 30. Ergänzen Sie in der Funktion

das Zeichnen der Flächenstücke. Gehen Sie dafür wie folgt vor:

- 1. Legen Sie mittels glMap2f und des Target-Parameters GL_MAP2_VERTEX_3, welcher dabei anzugeben ist, die Kontrollpunkte des aktuellen Flächenstücks fest.
- 2. Aktivieren Sie die Kontrollpunkte mittels glEnable.
- 3. Erzeugen Sie unter Verwendung des Befehls glMapGrid2f ein Mesh, das aus nMeshSize Partitionen in jeder Richtung besteht.
- 4. Zeichnen Sie die Bézier-Fläche mit glEvalMesh2.

Im Gegensatz zu Aufgabe 30 wird hier nicht zwischen anzkurv und anzlin unterschieden sondern es gibt nur einen Parameter nMeshSize für die Feinheit des Gitters.

Informationen zu den benötigten Befehlen erhalten Sie auf http://www.opengl.org/sdk/docs/man/

Aufgabe 33 (Rotationskörper mit OpenGL) ——

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/opengl-5 finden Sie eine OpenGL-Implementierung der Rotationskörper aus Aufgabe 31. Ergänzen Sie in der Funktion

void zeichneRotationskoerper(const vector<Vec3D>& p, RotkDaten daten)

das Zeichnen der Bézierkurven und Kreise, die den Rotationskörper darstellen.

Abgabe: Do., 17.01.2024, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 11

Aufgabe 34 (Raytracing nach Whitted)

Implementieren Sie rekursives Raytracing nach Algorithmus 10.5 und 10.6 des Skripts und verwenden Sie für das Auffinden der vom Strahl getroffenen Objekte den "naiven Ansatz" von Seite 10-10.

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/raytracing-1 finden Sie ein Archiv mit einem Rahmenprogramm, in dem Sie die Implementierung vornehmen können. Sie müssen nur Änderungen an der Datei raytracer.cc vornehmen. Compiliert wird das Rahmenprogramm durch Eingabe von make.

Folgende Methoden, Objekte und Strukturen werden für die Implementierung benötigt:

- Die Klasse Vector3d stellt einen Vektor mit drei double-Komponenten dar und besitzt unter anderem die Methoden
 - cross (const Vector3d&) zur Berechnung des Kreuzproduktes mit einem weiteren Vektor,
 - dot(const Vector3d&) zur Berechnung des Innenproduktes mit einem weiteren Vektor,
 - norm() liefert die euklidische Norm des Vektors und
 - cwiseProduct(const Vector3d&) kann zur komponentenweisen Multiplikation mit einem weiteren Vektor verwendet werden.

Außerdem sind die Operatoren +, -, += sowie -= zur Addition und Subtraktion von Vektoren, die Operatoren * und *= zur Multiplikation mit Skalaren und die Operatoren / und /= zur Division von Vektoren durch Skalare überladen.

- Die Klasse Image enthält das erzeugte Bild und stellt die Methoden
 - getWidth() und getHeight()
 - sowie setPixel(int x, int y, const Vector3d &rgb)

bereit. Verwenden Sie die Methode Raytracer::clampCol(Vector3d&) vor dem Aufruf von setPixel, damit die Farbwerte auf das Intervall [0; 1] beschränkt werden.

- Die Klasse Scene enthält sämtliche die Szene betreffenden Informationen. Sie benötigen folgende Methoden und Members:
 - getCamera() liefert ein Objekt der Klasse Camera, die weiter unten erläutert wird.
 - objects ist ein Vektor, der Pointer auf alle in der Szene vorhanden Objekte vorhält.
 - getBackground() liefert die Hintergrundfarbe der Szene.
 - lights ist ein Vektor, der Pointer auf alle in der Szene vorhanden Lichtquellen vorhält.

- Sie benötigen folgende Methoden der Klasse Camera:
 - getPosition() liefert die Position der Kamera als Vector3d.
 - getDirection() liefert die Blickrichtung der Kamera als Vector3d.
 - getUp() liefert den Up-Vektor der Kamera als Vector3d.
 - getHorAngle() liefert den horizontalen Blickwinkel der Kamera als double.
- Die verschiedenen Objekt-Typen sind von der Klasse Object abgeleitet und Sie benötigen:
 - isHitBy(const Ray&) gibt eine Instanz der Struktur HitInfo zurück.
- Alle Lichtquellen sind Instanzen der Klasse Light und Sie benötigen:
 - visibleFrom(const Scene&, const Vector3d&) bestimmt, ob die Lichtquelle vom übergebenen Punkt aus sichtbar ist und gibt die Information in einer Instanz der Struktur VisibleInfo zurück.
- Die Struktur Ray stellt einen Strahl mit Ausgangspunkt und Richtung dar. Alle Informationen dazu finden Sie in der Datei ray.h.
- Die Struktur HitInfo bündelt die Schnittpunkt-Informationen eines Strahls mit einem Objekt. Alle Informationen dazu finden Sie in der Datei hitinfo.h.
- Die Struktur VisibleInfo bündelt die Informationen, ob eine Lichtquelle von einem Punkt aus sichtbar ist. Alle Informationen dazu finden Sie in der Datei visibleinfo.h.

Aufgabe 35 (Raytracing nach Whitted - Teil 2) –

Erweitern Sie die Implementierung zum rekursiven Raytracing aus Aufgabe 34 um Lichtbrechung und die Darstellung von Tetraedern.

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/raytracing-2 finden Sie ein ein Rahmenprogramm, in dem Sie die Implementierung vornehmen können. Sie müssen nur Änderungen an den markierten Stellen in den Dateien raytracer.cc, triangle.cc und tetraeder.cc vornehmen. Orientieren Sie sich für die Implementierung der Klassen Tetraeder und Triangle an den Klassen Box und Parallelogram. In der Datei README wird beschrieben, wie Sie das Rahmenprogramm compilieren können.

Zusätzlich zu den erläuterten Methoden, Objekten und Strukturen aus Aufgabe 34 benötigen Sie die Methoden

- Object::getRefraction(), die den Brechungsindex für das Medium des Objekts als double liefert, und
- Object::getPigment(), die einen Vector3d zurückgibt und die Durchlässigkeit des Objekts für die drei Farbkomponenten darstellt.

Abgabe: Do., 24.01.2024, 13:15 Uhr





Angewandte Informatik
Dr. Martin Galgon
M.Sc. Jose Jimenez

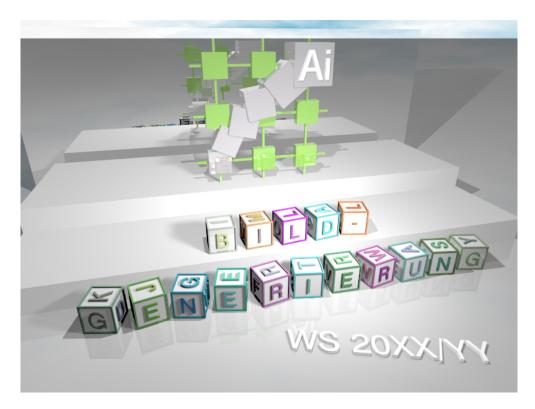
Bildgenerierung

Wintersemester 2023 / 2024

Übungsblatt 12

Aufgabe 36 (Modellierung mit Povray I)

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/povray-1 finden Sie die Datei modellierung.pov. Erweitern Sie dieses Povray-Skript an den markierten Stellen, damit Sie etwa folgendes Bild erhalten:

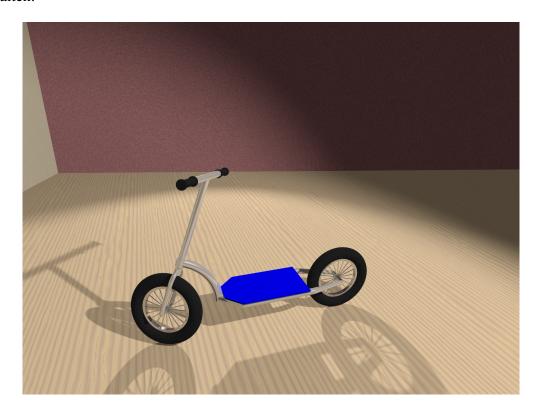


Sie müssen

- Lichtquellen,
- das grüne Gitter des Logos der Arbeitsgruppe "Angewandte Informatik",
- die fehlenden Würfel des Textes "Bildgenerierung",
- einen Teil des Podestes und
- den Schriftzug "WS 2021/22"

ergänzen.

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/povray-2 finden Sie die Dateien roller.pov und roller.inc. Erweitern Sie die Datei roller.inc an den markierten Stellen, damit Sie etwa folgendes Bild erhalten:

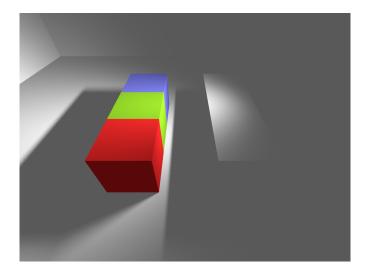


Hinweise zu beiden Aufgaben:

- Es wird jeweils ein Makefile mitgeliefert, mit dessen Hilfe Sie die Bilder einfach per Eingabe von make erstellen können.
- Höhere Auflösungen erhalten Sie mit make SIZE=xga oder make SIZE=full evtl. nach make clean.
- Schneller geht es mit make MODE=quick aber die Qualität wird schlechter.
- Einige einfache Beispielskripte sind beigefügt.
- Auf der Webseite http://www.povray.org/documentation/current/ finden Sie ein Tutorium und eine Befehlsreferenz.

Aufgabe 38 (*Radiosity mit Povray*)

Im Verzeichnis /home/bildgen/Aufgaben/povray-3 finden Sie die Datei radiosity.pov. Erweitern Sie das Povray-Skript an den markierten Stellen. Aktivieren Sie die Radiosity-Implementierung Povrays durch Setzen von "useRadiosity". Sie sollten nun farbige Gegenstände so platzieren, dass Sie auf dem weißen Quader ein "Abfärben" erkennen können. Das folgende Bild zeigt ein Beispiel für die Platzierung der Objekte, in dem allerdings Radiosity noch nicht aktiviert ist:



Abgabe: Do., 31.01.2024, 13:15 Uhr