EE466 Lab 167 Mätning på elektriska kretsar

Jonas Sjöberg Högskolan i Gävle, Elektronikingenjörsprogrammet, tel12jsg@student.hig.se

Oscar Wallberg Högskolan i Gävle, Dataingenjörsprogrammet, tco13owg@student.hig.se

Labb utförd: ? Februari 2015 Instruktör: Efrain Zenteno

Sammanfattning

Syftet med laborationen är att praktiskt pröva några av de grundläggande sambanden och satserna i likströmsläran, samt att förstå enkla växelströmskretsar. Dessutom bör studenten efter genomförd laboration översiktligt förstå universalinstrumentets och oscilloskopets principiella funktionssätt, samt kunna tillämpa hanteringen av dessa instrument i mätning på elektriska kretsar.

Innehåll

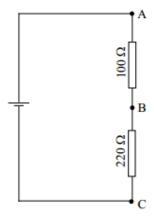
1	Inti	roduktion	4					
2	Mä	tning på seriekrets	4					
	2.1	Mätresultat	4					
	2.2	Kommentar	4					
3	Inverkan av en parallellgren på en krets							
	3.1	Mätresultat	5					
4	Mätning på parallellkrets							
	4.1	Mätresultat	6					
	4.2	Kommentar	6					
5	Mä	tning av resistans	6					
	5.1	Mätresultat	6					
		5.1.1 A	6					
		5.1.2 B	8					
		5.1.3 C	8					
		5.1.4 D	8					
		5.1.5 E	8					
	5.2	Teoretisk beräkning	8					
		5.2.1 A	8					
		5.2.2 B	8					
		5.2.3 C	8					
		5.2.4 D	9					
		5.2.5 E	9					
	5.3	Kommentar	9					
		5.3.1 A	9					
		5.3.2 B	9					
		5.3.3 C	9					
		5.3.4 D	9					
		5.3.5 E	9					
6	Mä	tning av emk och inre resistans i en tvåpol	10					
	6.1	Teoretisk härledning med Thévenins teorem	10					
7	Kar	rakteristik hos en lysdiod	13					
	7.1	·	13					
	7.2	Kommentar	15					
8	Mä	tning av växelspänning med universalinstrument och oscil-	-					
_	losk		17					

9	Studium av frekvensgång i en reaktiv krets				
	0.1 Mätresultat	17			
	0.2 Teoretisk beräkning	17			
	0.3 Kommentar	17			
10	Mätning av fasförskjutning i en reaktiv krets	17			
	0.1 Mätresultat	17			
	0.2 Teoretisk beräkning	17			
	0.3 Kommentar	17			
11	Mätning av resonansfrekvens				
	1.1 Mätresultat	17			
	1.2 Kommentar	17			
12	Resultat	17			
13	Referenser	18			

1 Introduktion

2 Mätning på seriekrets

Seriekretsen enligt figur 1 kopplades upp. 5 V valdes för spänningskällan.



Figur 1: Seriekrets

2.1 Mätresultat

Resistensen mellan A och B, R_1 , mättes upp till 100.561Ω och mellan B och C, R_2 , mättes 217.78Ω upp. Följande spänningar mättes därefter upp:

 $U_{AB}=1.58\mathrm{V}$

 $U_{BC} = 3.41 \mathrm{V}$

 $U_{AC} = 4.999 V$

2.2 Kommentar

Spänningsdelningslagen ger:

$$U_{AB} = U \times \frac{R_1}{R_1 + R_2}$$

$$U_{AB} = 4.999 \times \frac{100.561}{100.561 + 217.78}$$

$$U_{AB} = 1.579$$

$$U_{BC} = U \times \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$U_{BC} = 4.999 \times \frac{217.78}{100.561 + 217.78}$$

$$U_{BC} = 3.42$$

$$U_{AC} = U \times \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2}$$

$$U_{AC} = U = 4.999$$

Kirchhoff's 2:a lag:

Summan av samtliga emk:s som ingår i en sluten krets är lika med summan av potentialfallen, eller

$$u_1 + u_2 + \ldots + u_n = 0$$

där u_k betecknar en potentialändring.

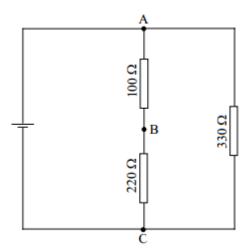
Enligt Kirchhoff's lag:

$$U - U_{AB} - U_{BC} = 0$$

4.99 - 1.579 - 3.42 = 0, vilket stämmer.

3 Inverkan av en parallellgren på en krets

Ytterligare en resistor på 330 Ω kopplades parallellt till kretsen från figur 1, se figur 2.



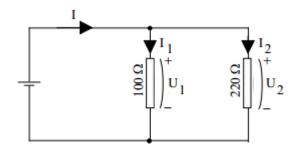
Figur 2: Parallellgren på föregående krets.

3.1 Mätresultat

Strömmen som mättes vid spänningskällan var 33mA och strömmen i punkt B var 15.466mA.

4 Mätning på parallellkrets

Två resistorer kopplades enligt figur 3. Sedan valdes 5 V för spänningskällan.



Figur 3: Parallellgren på föregående krets.

4.1 Mätresultat

 $I_1 = 47.35 \text{mA}$ $I_2 = 22.453 \text{mA}$ I = 72 mA

4.2 Kommentar

Kirchhoff's 1:a lag:

Summan av alla elektriska strömmar som flyter till en nod är lika med summan av alla strömmar som flyter från noden, eller $i_1+i_2\ldots+i_n=0$ där i_k betecknar en nodström.

Detta ger $I=I_1+I_2$ I=47.35+22.453=69.803 mA vilket ger en procentuell felmarginal på $\frac{72-69.803}{69.803}\times 100=3.147\%$.

5 Mätning av resistans

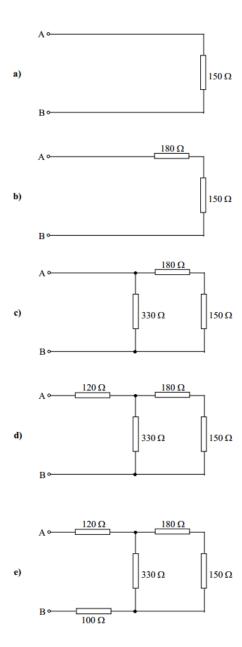
Kretsarna funna i figur 4 kopplades upp. De uppmätta resistanserna var följande:

 $R_1 = 154.4\Omega$ $R_2 = 177.75\Omega$ $R_3 = 328\Omega$ $R_4 = 118.3\Omega$ $R_5 = 99.9\Omega$

5.1 Mätresultat

5.1.1 A

 154.4Ω



Figur 4: Resistorkretsar.

5.1.2 B

 331.7Ω

5.1.3 C

 164.62Ω

5.1.4 D

 283.52Ω

5.1.5 E

 383.92Ω

5.2 Teoretisk beräkning

5.2.1 A

Resistansen R_A i A utgörs av ett enda motstånd och kan utläsas direkt till $R_A=R_1$ =154.4 Ω

5.2.2 B

Resistansen R_B i B är teoretiskt;

$$R_B = R_1 + R_2$$

= 154.4 Ω + 177.75 Ω
= 332.15 Ω

5.2.3 C

Resistansen R_C i C är teoretiskt;

$$R_C = \frac{1}{\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_1 + R_2}}$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{328\Omega} + \frac{1}{154.4\Omega + 177.75\Omega}}$$

$$= 165.03\Omega$$

5.2.4 D

Resistansen R_D i D är teoretiskt;

$$R_D = \frac{1}{\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_1 + R_2}} + R_4$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{328\Omega} + \frac{1}{154.4\Omega + 177.75\Omega}} + 118.3\Omega$$

$$= 283.33\Omega$$

5.2.5 E

Resistansen R_E i E är teoretiskt;

$$R_E = \frac{1}{\frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_1 + R_2}} + R_4 + R_5$$

$$= \frac{1}{\frac{1}{328\Omega} + \frac{1}{154.4\Omega + 177.75\Omega}} + 118.3\Omega + 99.9\Omega$$

$$= 383.23\Omega$$

5.3 Kommentar

Följande formel används för att beräkna den procentuella felmarginalen:

$$\frac{|\text{teoretiskt värde - uppmätt värde}|}{\text{uppmätt värde}} \times 100$$

5.3.1 A

Den teoretiska beräkningen och den uppmätta stämmer överens; 154.4 Ω .

5.3.2 B

$$\frac{|332.15 - 331.7|}{331.7} \times 100 = 0.136\%$$

5.3.3 C

$$\frac{|165.03 - 164.62|}{164.62} \times 100 = 0.231\%$$

5.3.4 D

$$\frac{|283.33 - 283.52|}{283.52} \times 100 = 0.067\%$$

5.3.5 E

$$\frac{|383.23 - 383.92|}{383.92} \times 100 = 0.18\%$$

6 Mätning av emk och inre resistans i en tvåpol

Dessa mätningar görs i syfte att undersöka konceptet tvåpol och demonstrera konceptet av att studera och räkna med reducering av komplexa nät med hjälp av Thévenins ekvivalens.

En så kallad experimentplatta eller breadboardänvänds för att konstruera kretsen som illustreras i Figur 5. Nätaggregatet V_1 är ett strömbegränsande laboratorieaggregat HP3631A. Spänningen U mäts över dekadresistorn R_3 med bänkmultimetern M_2 , en HP34401A. Strömmen I mäts genom att den handhållna multimetern Tenma 72-2050 kopplas mellan punkten A och R_3 . Källan som driver spänningen V_{AB} utgörs av V_1 , R_1 och R_2 .

Lasten som är ansluten till utgången utgörs av dekadresistorn R_3 . Resistansen hos multimetern M_2 parallellkopplas med R_3 och påverkar således kretsen på ett oönskat sätt. Om man antar att M_2 har en inre resistans på $10\,\mathrm{M}\Omega$ förändras lastens effektiva resistans. Förändringen är försumbar då R_3 har ett lågt värde men felvärdet blir klart påtagligt vid högre resistansvärden. Felvärdet kan beräknas med Ekvation 1 som vid en högre resistans enligt 2 blir 0,09%, vilket klart påverkar mätresultatet. Men eftersom den maximala resistansen som används är $100\,\mathrm{k}\Omega$ så kan belastning från multimetern förbises.

Utan belastning är spänningen vid tvåpolens "utgång", $V_{AB} = 7.16 \,\mathrm{V}$. ${
m Med}\ R_3$ ställd på sin maximala resistans är spänningen oförändrad. När värdet hos R_3 sänks börjar spänningen vid tvåpolens utgång också att sjunka. Halva tomgångsspänningen $\frac{V_{AB}}{2} = 3.58 \,\mathrm{V}$ avläses vid en last av $R_3 = 341 \,\Omega$. Strömmen genom lasten är då $I=10.531\,\mathrm{mA}.$

$$Felvärde(\%) = \frac{Uppmätt\ värde - Förväntat\ värde}{Förväntat\ värde} \times 100 \tag{1}$$

Vid en resistans på t.ex. $1 \text{ M}\Omega$ blir felvärdet enligt Ekvation 2.

Ett felvärde på 0,09% är utgör ett signifikant mätfel. I det här fallet är lastresistansen som effektivt parallellkopplas med multimetern mycket lägre än 1 M Ω och mätfelet blir inte fullt så allvarligt.

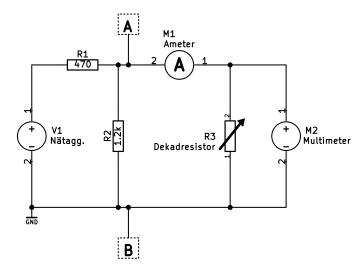
Felvärde
$$R_{last}(\%) = \frac{\left(\frac{1}{\frac{1}{R_3} + \frac{1}{RM_2}}\right) - R_3}{R_3} \times 100$$
 (2)
$$= \frac{\left(\frac{1}{\frac{1}{1M\Omega} + \frac{1}{10M\Omega}}\right) - 1M\Omega}{1M\Omega} \times 100$$
 (3)

$$=\frac{\left(\frac{1}{\frac{1}{1 \operatorname{M}\Omega} + \frac{1}{10 \operatorname{M}\Omega}}\right) - 1 \operatorname{M}\Omega}{1 \operatorname{M}\Omega} \times 100 \tag{3}$$

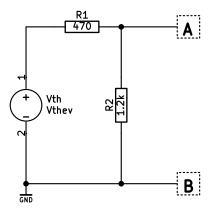
$$=0,09\%$$
 (4)

6.1Teoretisk härledning med Thévenins teorem

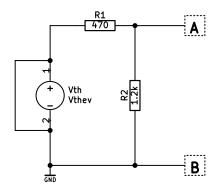
Kretsen som levererar spänningen ritas om till den i Figur 6.



Figur 5: Koppling vid mätning av EMK och inre resistans i en tvåpol.



Figur 6: Den obelastade kretsen som utgör källpolspänningen



Figur 7: Spänningskälla kortsluten för att hitta inre resistans

Den obelastade tomgångsspänningenmellan punkterna A och B, V_{AB} beräknas enligt Ekv. 5.

$$V_{AB} = V_{th} \times \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$V_{AB} = 10 \,\text{V} \times \frac{1.2 \,\text{k}\Omega}{470 \,\Omega + 1.2 \,\text{k}\Omega}$$

$$V_{AB} = 10 \,\text{V} \times \frac{1.2 \times 10^3}{470 + 1.2 \times 10^3}$$

$$V_{AB} = 7,185 \,\text{V}$$
(5)

Den inre resistansen beräknas genom att kortsluta spänningskällan. Kretsen blir då den i Figur 7.

Den inre resistansen utgörs av parallellkopplingen R_1 och R_2 och beräknas enligt Ekv. 6.

$$R_{th} = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}}$$

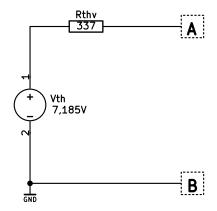
$$R_{th} = \frac{1}{\frac{1}{470\Omega} + \frac{1}{1.2 \text{ k}\Omega}}$$

$$R_{th} = 337,72 \Omega$$
(6)

De teoretiska värdena för Théveninekvivalensen i 7 används i Figur 8 som har ett beteende ekvivalent med den ursprungliga tvåpolen.

$$V_{AB} = 7,185 \,\mathrm{V}$$
 (7)

$$R_{th} = 337,72\,\Omega\tag{8}$$



Figur 8: Fullständig ekvivalent krets

7 Karakteristik hos en lysdiod

För att undersöka I/v-karakteristiken hos en lysdiod behövs kännedom om spänningen över lysdioden, V_{LED} samt strömmen genom lysdioden, I_{LED} . Kretsen i Figur 9 konstruerades på en kopplingsplatta. En röd lysdiod användes, vi kan anta att det röda ljusets våglängd är cirka 660 nm och därmed förvänta oss ett framspänningsfall på cirka 1.8 V vid 20 mA. Framspänningsfallet V_f brukar i datablad ofta specificeras vid 20 mA, som också många gånger är lysdiodens rekommenderade maxström.

Resistorn R_2 förhindrar strömmen I_{LED} att bli alldeles för stor i det fall att resistansen hos dekadresistorn R_1 är ställd till ett lågt värde eller direkt kortslutning. Den högsta ström som kan flyta genom kretsen uppskattas i Ekvation 9 till ett värde under den specificerade maxgränsen på 20 mA.

$$I_{LED_{max}} = \frac{V_1 - V_{D1}}{R_2}$$

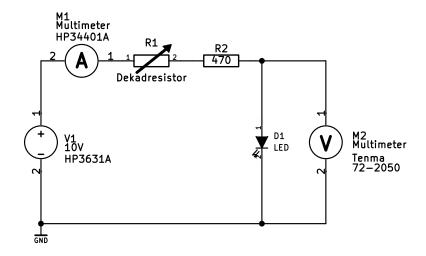
$$I_{LED_{max}} = \frac{10 \text{ V} - 1.8 \text{ V}}{470 \Omega}$$

$$I_{LED_{max}} = 17.4 \text{ mA}$$
(9)

Lysdioden är precis som namnet antyder en typ av diod och uppvisar en typisk diodkarakteristik, där strömmen I_{diod} är näst intill obefintlig då $V_{diod} < V_f$ för att sedan öka exponentiellt efter det att $V_{diod} \geq V_f$ och dioden börjar leda. Förhållandet mellan spänning och ström är olinjärt, ΔI är mycket stort över ett mycket litet område av ΔV .

Mätresultaten presenteras i Tabell 1, Figur 10 och Figur 12 under sektion 7.1.

7.1 Mätresultat



Figur 9: Labbkoppling för att bestämma $\rm I/v\text{-}karakteristik$ för en LED

R_3	I_{LED}	V_{LED}
500Ω	$16.38\mathrm{mA}$	1.78 V
600Ω	$13.66\mathrm{mA}$	$1.766\mathrm{V}$
700Ω	$11.725\mathrm{mA}$	$1.755\mathrm{V}$
800Ω	$10.269\mathrm{mA}$	$1.744\mathrm{V}$
900Ω	$9.1342\mathrm{mA}$	$1.737\mathrm{V}$
$1\mathrm{k}\Omega$	$8.260\mathrm{mA}$	$1.730\mathrm{V}$
$2k\Omega$	$3.3319\mathrm{mA}$	$1.685\mathrm{V}$
$3\mathrm{k}\Omega$	$2.3805\mathrm{mA}$	$1.671\mathrm{V}$
$4\mathrm{k}\Omega$	$1.8525\mathrm{mA}$	$1.662\mathrm{V}$
$5\mathrm{k}\Omega$	$1.5176\mathrm{mA}$	$1.655\mathrm{V}$
$6\mathrm{k}\Omega$	$1.2858\mathrm{mA}$	$1.648\mathrm{V}$
$7\mathrm{k}\Omega$	$1.1159\mathrm{mA}$	$1.643\mathrm{V}$
$8\mathrm{k}\Omega$	$985.6\mu\mathrm{A}$	$1.637\mathrm{V}$
$9\mathrm{k}\Omega$	$882.5\mu\mathrm{A}$	$1.6304\mathrm{V}$
$10\mathrm{k}\Omega$	$799.2\mu\mathrm{A}$	$1.630\mathrm{V}$
$20\mathrm{k}\Omega$	$408.7\mu A$	$1.605\mathrm{V}$
$30\mathrm{k}\Omega$	$275.3\mu\mathrm{A}$	$1.590\mathrm{V}$
$40\mathrm{k}\Omega$	$2077\mu\mathrm{A}$	$1.578\mathrm{V}$

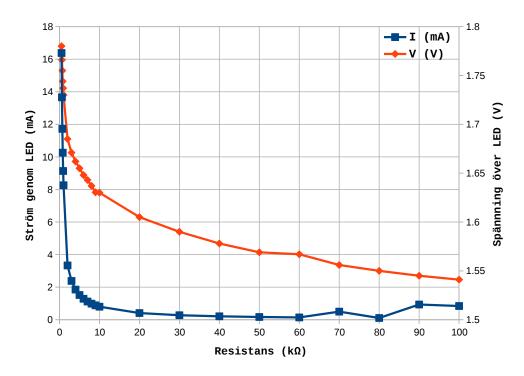
R_3	I_{LED}	V_{LED}
$50\mathrm{k}\Omega$	1667 μΑ	$1.569\mathrm{V}$
$60\mathrm{k}\Omega$	$139.2\mu A$	$1.567\mathrm{V}$
$70\mathrm{k}\Omega$	$496.\mu A$	$1.556\mathrm{V}$
$80\mathrm{k}\Omega$	$104.8\mu A$	$1.55\mathrm{V}$
$90\mathrm{k}\Omega$	$93.3\mu\mathrm{A}$	$1.545\mathrm{V}$
$100\mathrm{k}\Omega$	$84.0\mu\mathrm{A}$	$1.541\mathrm{V}$

Tabell 1: Mätresultat för kretsen i Figur 5.

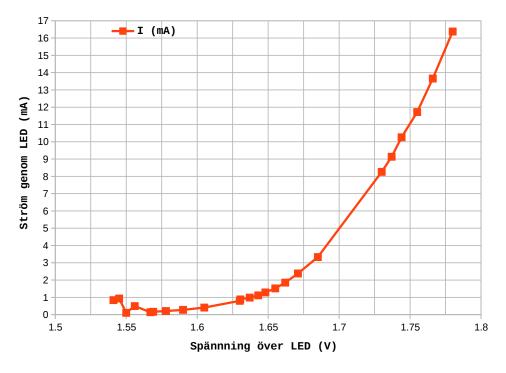
7.2 Kommentar

Mätningarna stämmer överens med antagandet att lysdiodens framspänningsfall V_f är omkring 1.8 V då $I_{LED}\approx 20\,\mathrm{mA}$.

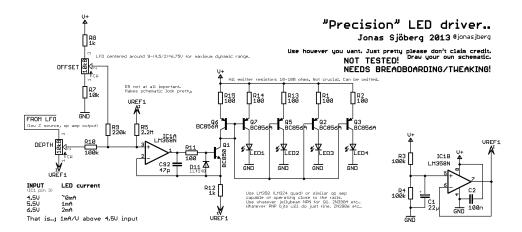
Lysdioder drivs som lämpligast med en låg spänning och en hög ström, ofta används kretsar som levererar en konstant ström, constant current source. till exempel kretsen i Figur ??om är en spänningsstyrd strömgenerator, som driver flera lysdioder med samma ström, med ett linjärt förhållande mellan styrspänning och diodström. Kretsen användes för att besvara en förfrågan om hur flera LEDs kan drivas med samma ström under en enkel +9V spänningsmatning.



Figur 10: Ström genom och spänning över LED som en funktion av resistans



Figur 11: Ström genom LED som en funktion av spänning över LED



Figur 12: Exempel på spänningsstyrd LED-drivare för osymmetrisk spänningsmatning

- 8 Mätning av växelspänning med universalinstrument och oscilloskop
- 9 Studium av frekvensgång i en reaktiv krets
- 9.1 Mätresultat
- 9.2 Teoretisk beräkning
- 9.3 Kommentar
- 10 Mätning av fasförskjutning i en reaktiv krets
- 10.1 Mätresultat
- 10.2 Teoretisk beräkning
- 10.3 Kommentar
- 11 Mätning av resonansfrekvens
- 11.1 Mätresultat
- 11.2 Kommentar
- 12 Resultat

13 Referenser