# EE466 Lab 119 Undersökning av RC-krets

Jonas Sjöberg
860224
Högskolan i Gävle,
Elektronikingenjörsprogrammet,
tel12jsg@student.hig.se
https://github.com/jonasjberg

Oscar Wallberg Högskolan i Gävle, Dataingenjörsprogrammet, tco13owg@student.hig.se

Labb utförd: TODO: Labben utförd datum Instruktör: Efrain Zenteno

#### Sammanfattning

Laborationsrapport för *EE466 – Elektrisk kretsteori*, Högskolan i Gävle. Syftet med laborationen är att analysera funktionen hos en RC krets. Laborationen innefattar överföringsfunktionen för en RC-krets, i både tids- och frekvensdomänen. Stegsvaret för en första ordningens krets. Bode-diagram. Begreppen brytfrekvens, frekvens- och faskaraktäristik.

# Innehåll

1	Intr	roduktion	3
<b>2</b>	Låg	passfilter	3
	2.1	Överföringsfunktion	3
3	Upp	omätning av Bode-diagram	4
	3.1	Experimentuppställning	4
	3.2	Beräkning	4
	3.3	Mätresultat	5
	3.4	Simularing	6
	3.5	Kommentar	6
4	Upp	omätning av stegsvaret	6
	4.1	Mätresultat	6
	4.2	Simularing	6
	4.3	Kommentar	8
5	Inve	erkan av källimpedans och belastningsimpedans	8
6	Inve	erkan av källimpedansen	8
	6.1	Mätresultat	8
7	Inve	erkan av belastningsimpedansen	9
	7.1	Mätresultat	9
	7.2	Simularing	10
	7.3	Kommentar	10
8	Res	ultat	11
9	Ref	erenser	11
	9.1	Källkod	11

### 1 Introduktion

I denna labb skall vi studera en passiv krets uppbyggd av ett motstånd och en kondensator. Om en sådan krets matas med en sinusformad insignal kommer den att släppa igenom vissa frekvenser medan andra frekvenser dämpas. Ett sådant frekvensberoende nät kallas därför ofta för filter. Om kretsen innehåller endast en reaktiv (dvs energilagrande) komponent (spole eller kondensator) kallar vi kretsen för ett första ordningens filter. Namnet kommer sig av att kretsen kan beskrivas med en första ordningens differentialekvation. Vi skall analysera kretsen både i frekvensplanet genom att mäta upp ett Bode-diagram och i tidsplanet genom att mäta upp kretsens stegsvar. Ett första ordningens lågpassfilter kan konstrueras enligt Figur 3.1.

## 2 Lågpassfilter

### 2.1 Överföringsfunktion

Uttryck (1) beskriver lågpassfiltrets överföringsfunktion i Bodes normalform.

$$H(j\omega) = \frac{U_{ut}}{U_{in}}$$

$$= \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}}$$

$$= \frac{1}{1 + j\omega RC}$$

$$H(j\omega) = \frac{1}{1 + j(\omega/\omega_1)}$$
(1)

där  $\omega_1 = \frac{1}{RC}$  är brytfrekvensen uttryckt som en vinkelfrekvens rad s<sup>-1</sup>. Eftersom  $\omega = 2\pi f$  kan vi också uttrycka överföringsfunktionen som:

$$H(f) = \frac{U_{ut}}{U_{in}}$$

$$H(f) = \frac{1}{1 + j2\pi RC}$$

$$H(f) = \frac{1}{1 + j(\frac{f}{f_1})} \operatorname{d\ddot{a}r} f_1 = \frac{1}{2\pi RC} \operatorname{Hz}$$
(2)

Den senare formen, ekv. (2) är att föredra när man plottar upp överföringsfunktionen från mätresultatet och är den form vi använder i labben.

Eftersom överföringsfunktionen är på komplex form har den både absolutbelopp och fasvinkel, ekv. (3):

$$|H(f)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_1}\right)^2}}$$

$$ArgH = -\arctan\frac{f}{f_1}$$
(3)

## 3 Uppmätning av Bode-diagram

#### 3.1 Experimentuppställning

En så kallad experimentplatta eller "breadboard" används för att konstruera kretsen som illustreras i Figur 3.1.

För att generera en sinusformad signal används signalgeneratorn HP33120A, vars utgång kopplas genom en BNC-förgrening till oscilloskopet Agilent 54621A och genom en BNC- banankontaktadapter, med "banankablar" till breadboardplattans skruvterminaler.

Oscilloskopets första kanal visar signalen från kretsens ingång, punkten Vout i Figur 3.1. Samma punkt utgör signalgeneratorns utgång och vid några mätningar användes en T-koppling av BNC-kablar för att mata signalgeneratorns utgång till både experimentkopplingen och oscilloskopet. En oscilloskopprob är ansluten till oscilloskopets andra kanal. Proben kopplas till kretsens utgång, punkten Vout i Figur 3.1 med en oscilloskop-prob. Proben ställs till att dämpa med en faktor av 10:1 och den vertikala skalan justeras en dekad nedåt, så att båda kanalerna visas med samma skalfaktor.

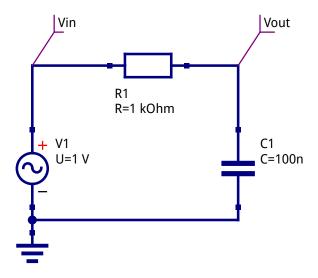
Impedansskillnaden mellan signalgenerator, kablage och mätutrustning antas vara hög nog för att inte ha någon avgörande inverkan på mätresultaten. Denna aspeketen återkommer i Sektion 5

#### 3.2 Beräkning

Brytfrekvensen  $f_1$  defineras som den frekvens då signalen har dämpats med 3 dB och beräknas från ekv. (2) enligt:

$$f_1 = \frac{1}{2\pi RC} \text{Hz} \tag{4}$$

För kopplingen med komponentvärden enligt Figur 3.1 beräknas brytfrekvensen  $f_1$  enligt ekv. (5):



Figur 1: Schematisk ritning av labbkoppling, första ordningens RC-filter.

$$f_{1} = \frac{1}{2\pi \times 1 \,\mathrm{k}\Omega \times 100 \,\mathrm{nF}} \mathrm{Hz}$$

$$= \frac{1}{2\pi \times 1 \times 10^{3} \times 100 \times 10^{-6}}$$

$$= \frac{10^{6}}{2\pi \times 10^{3} \times 100}$$

$$f_{1} = 1.591549431 \,\mathrm{Hz}$$

$$(5)$$

Vilket ger svaret i (6); signalen dämpas med 3 dB vid filtrets brytfrekvens  $f_1 \approx 1.592\,\mathrm{Hz}$ , varvid den "rullas av" med 20 dB per dekad (faktor av 10).

$$f_1 = 1.591549431 \,\text{Hz}$$
  
 $f_1 \approx 1.592 \,\text{Hz}$  (6)

#### 3.3 Mätresultat

Frekvens (Hz)	$U_{ut}$ (V)	$U_{ut}/U_{in}$ (V)	$20\log U_{ut}/U_{in}$ (dB)	$\phi$ (grader)
100	2.11	1.01	5	
200	2.06	0.99	10	
300	2	0.96	17	

Frekvens (Hz)	$U_{ut}$ (V)	$U_{ut}/U_{in}$ (V)	$20\log U_{ut}/U_{in}$ (dB)	$\phi$ (grader)
500	1.94	0.93	24	
700	1.84	0.88	29	
1000	1.75	0.84	33	
1200	1.66	0.79	37	
1300	1.56	0.75	42	
1500	1.49	0.71	45	
1700	1.39	0.67	49	
2000	1.39	0.67	49	

Tabell 1: Mätresultat för kretsen i Figur 3.1.

## 3.4 Simularing

För verifiering och visualisering av den teoretiska beräkningen körs en SPICE-simulering av kretsen i det GPL-licensierade open source programmet Qucs<sup>1</sup>. Simuleringsuppställningen och resultatet återfinns i Figurer 3.4, Figur 3.4 och Figur 3.4.

#### 3.5 Kommentar

# 4 Uppmätning av stegsvaret

Stegsvaret mäts genom att kretsen matas med en fyrkantsvåg med en periodtid som är tillräckligt lång för att utsignalen ( $V_{out}$  i Figur 3.1) ska hinna uppnå sitt slutvärde för varje halvperiod.

Kretsens tidskonstant  $\tau = RC$ 

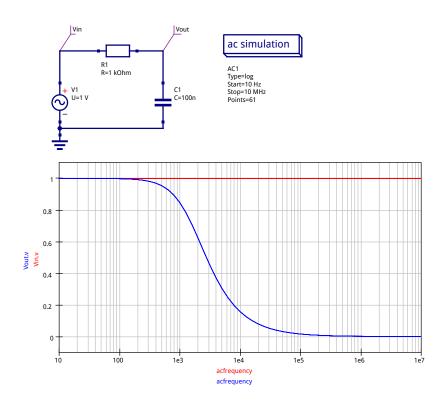
#### 4.1 Mätresultat

Uppmätt värde på 
$$\tau = 1$$
  
Vilket ger  $f_1 = 1$ Hz (7)

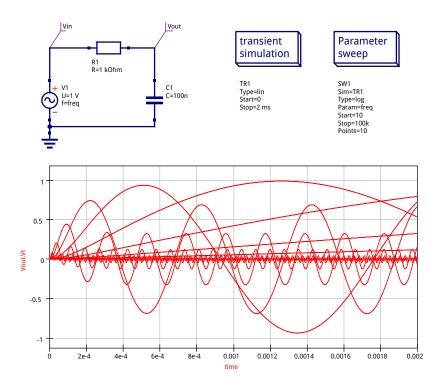
#### 4.2 Simularing

Kretsen simuleras i Qucs enligt Figur 4.2 och Figur 4.2.

<sup>1</sup>http://qucs.sourceforge.net/



Figur 2: Simulering av kretsens frekvensåtergivning.



Figur 3: Simulering av kretsen i tidsdomänen för olika frekvenser av  $V_1$ .

Figur 4.2 visar det enkla fallet. En fyrkantsvåg används för att illustrera hur kretsen svarar mot plötsliga förändringar. Grafen visar spänningen vid punkten Vout som en funktion av tid.

Figur 4.2 visar samma skeende då värdet av  $C_1$  sätts till några av vanligt förekommande värden (standardiserade i IEC 60063:1963) genom en "parameter sweep".

Värden av  $C_1$ : 10 nF, 100 nF, 220 nF, 470 nF, 1 µF, 2.2 µF och 4.7 µF.

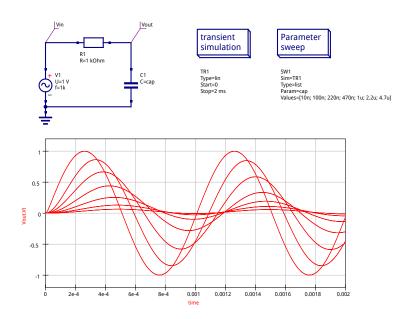
#### 4.3 Kommentar

# 5 Inverkan av källimpedans och belastningsimpedans

# 6 Inverkan av källimpedansen

#### 6.1 Mätresultat

 $U_{in} = 1V$ 



Figur 4: Simulering av kretsen i tidsdomänen för olika värden av  $C_1$ .

Frekvens (Hz)	$U_{ut}$ (V)	$U_{ut}/U_{in}$ (V)	$20\log U_{ut}/U_{in}$ (dB)
100	2.11	1.01	5
200	2.06	0.99	10
300	2	0.96	17
500	1.94	0.93	24
700	1.84	0.88	29
1000	1.75	0.84	33
1200	1.66	0.79	37
1300	1.56	0.75	42
1500	1.49	0.71	45
1700	1.39	0.67	49
2000	1.39	0.67	49

Tabell 2: Mätresultat för kretsen i Figur 3.1.

# 7 Inverkan av belastningsimpedansen

# 7.1 Mätresultat

 $U_{in} = 1V$ 

9

_	Frekvens (Hz)	$U_{ut}$ (V)	$U_{ut}/U_{in}$ (V)	$20 \log U_{ut}/U_{in} $ (dB)
-	100	2.11	1.01	5
	200	2.06	0.00	10

Frekvens (Hz)	$U_{ut}$ (V)	$U_{ut}/U_{in}$ (V)	$20 \log U_{ut}/U_{in}$ (dB)
1700	1.39	0.67	49
2000	1.39	0.67	49

Tabell 3: Mätresultat för kretsen i Figur 3.1.

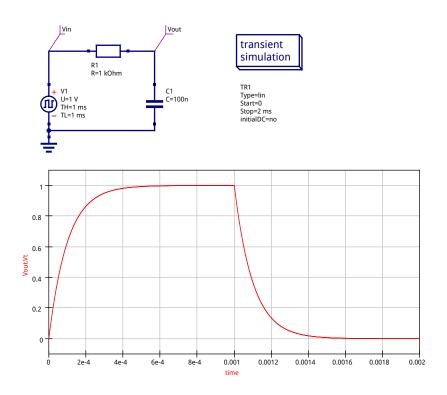
# 7.2 Simularing

Kretsen simuleras i Qucs enligt Figur 7.2 och Figur 7.2.

Källimpedansens påverkar på kretsen kan ses i Figur 7.2 som visar kretsens frekvensrespons då värdet av  $R_i$  sveps mellan  $50\,\Omega$  och  $10\,\mathrm{k}\Omega$  i 20 steg om  $523.684\,\Omega$ .

Påverkan från belastningsimpedansen ses i Figur 7.2 som visar kretsens frekvensrespons då värdet av  $R_o$  sveps mellan  $100\,\Omega$  och  $1\,\mathrm{M}\Omega$  i 101 steg om  $9.999\,\mathrm{k}\Omega$ .

#### 7.3 Kommentar



Figur 5: Simulering av kretsens stegsvar.

## 8 Resultat

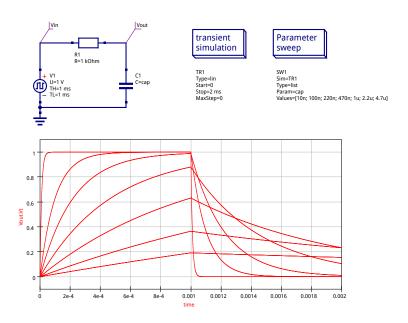
Sammanfattningsvis kan sägas att laborationen innehåller en mängd koncept som är mycket viktiga att få en grundlig förståelse för. Vi har inte stött på några direkta problem.

# 9 Referenser

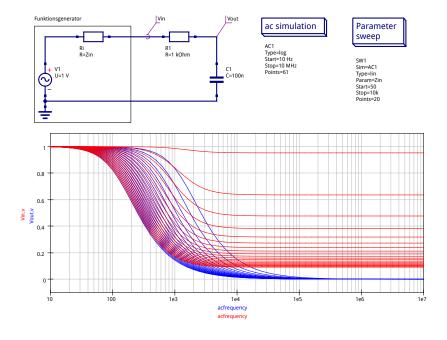
#### 9.1 Källkod

Källkod till rapporten med alla arbetsfiler till SPICE-simuleringen finns tillgängliga på https://github.com/jonasjberg/EE466-lab04 Hämta hem repon genom att exekvera följande från kommandoraden:

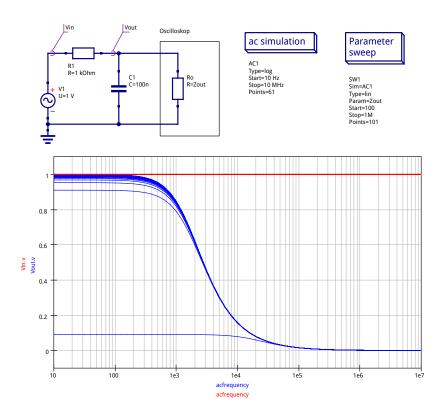
> \$ git clone git@github.com:jonasjberg/DVG303\_lab3.git



Figur 6: Simulering av kretsens stegsvar för olika värden av  $C_1$ .



Figur 7: Simulering av kretsens frekvensrespons för olika värden av  $R_i$ .



Figur 8: Simulering av kretsens frekvensrespons för olika värden av  ${\cal R}_o.$