Índice				. Geometria 6.1. Tipo PUNTO y Operaciones	
1.1 1.2	tructuras Fenwick Tree Trie (Jonaz) Segment Tree	2 2 2 2	((((3.2. Area de Poligono 12 3.3. Punto en Poligono 12 3.4. Interseccion de Segmentos 12 3.5. Angulo Entre Puntos y Distancia entre Segmentos 13 3.6. Convex-Hull (2D) (Jonaz) 13	ersidad de B
2.2 2.3 2.4 2.5 2.6 2.7 2.8	Dijsktra TopoSort (Jonaz) Kosaraju (Jonaz) Puentes, Puntos de Articulacion y Biconexas (Jonaz) SPFA Ciclo Hamiltoniano Minimo Dinic (aguanta multiejes y autoejes)	3 3 3 4 4 4 4 4	7. 7.	3.7. Sweep Line Facil (Interseccion de Segmentos/Closest Pair) 13 3.8. Sweep Line Dificil (Union de Rectngulos) 13 3.9. Radial Sweep 13 3.10. Minimum Bounding Circle 13 Varios 14 7.1. Longest Incresing Subsequence (LIS) 14 7.2. Maximum Subarray Sum 14 7.3. Rotar 90 una matriz (sentido horario) 14 7.4. Pandom + Imprimir Doubles 14	enos Aires - FCEN
3. Au 3.1 3.2	Probles Union-Find (Guty) LCA - Segment Tree (Jonaz) Binary Lifting (saltitos potencia de 2)	5 6 6 6	7	7.4. Random + Imprimir Doubles 14 7.5. Slding Window RMQ 14 7.6. Ternary Search 15	<u> </u>
4.2 4.3 4.4 4.5 4.6 4.7	ToString/ToNumber Tablita de Bordes (Jonaz) Knuth-Morris-Pratt (KMP) (Jonaz) Subsecuencia Comun mas larga (Guty o Jonaz)	7 7 7 7 7 7 8 8 8			
5.1 5.2 5.3 5.4 5.5 5.6 5.7 5.8	atematica PotLog	10			Page 1 of 15

ersidad de Buenos Aires - FCEN – BGL

Page 2 of 1

BGL-UBA - Reference

Cosas a tener en cuenta

Flags de Compilacin

1. Estructuras

1.1. Fenwick Tree

```
1 // TRABAJAR CON UN VECTOR INDEXADO EN 1 EN "fenwick" (DE TAMANO N+1)
   void add (tint k, tint x, vector<tint> &fenwick) // Suma x al indice k
     tint n = fenwick.size() -1:
     while (k \le n)
       fenwick[k] += x;
       k += (k \& -k);
10
   tint sum (tint k, vector<tint> &fenwick) // Devuelve la suma en el rango [1..k]
11
12
     tint s = 0;
13
     while (k >= 1)
14
15
       s += fenwick[k];
16
       k = (k \& -k):
17
18
19
     return s;
20
```

1.2. Trie (Jonaz)

1.3. Segment Tree

```
// Nodo del segment tree
struct Nodo
tint x;
Nodo (tint xx)
```

```
x = xx;
9
   // Operacion del segment tree : tiene que ser ASOCIATIVA
   Nodo op (Nodo n1, Nodo n2)
12
     return Nodo(n1.x+n2.x);
13
14
   vector<Nodo> buildSegTree (vector<Nodo> &v )
15
16
     // Completa el tamanho
17
     tint k = 4, n = v.size();
     while (k < 2*n)
19
       k <<= 1;
     // Rellena las hojas
     vector<Nodo> seg (k, Nodo(0));
     forn(i,n)
23
       seg[(k >> 1)+i] = v[i];
     // Completa los padres
     while (k > 0)
27
        seg[(k-1) >> 1] = op(seg[k-1], seg[k-2]);
28
       k = 2:
30
31
     return seg;
32
   // i es el indice de [0,n) en el arreglo original
   // Nodo es lo que queremos poner ahora como hoja
   void update(tint i, Nodo nodo,vector<Nodo> &seg)
36
     tint k = seg.size()/2 + i;
     seg[k] = nodo;
38
     while (k > 0)
40
        seg[k >> 1] = op(seg[k], seg[k^1]);
42
       k >>= 1:
43
     }
44
   Nodo queryAux(tint k, tint 1, tint r, tint i, tint j, vector<Nodo> &seg)
46
     if (i <= 1 && r <= j)</pre>
       return seg[k];
     if (r \le i or 1 \ge j)
       return Nodo(0); // Aca va el NEUTRO de la funcion "op"
     Nodo a = queryAux(2*k,1,(1+r) >> 1,i,j,seg);
```

```
Universidad de Buenos Aires - FCEN – BGL
```

```
Page 3 of 1
```

```
Nodo b = queryAux(2*k+1,(1+r) >> 1,r,i,j,seg);
     return op(a,b);
53
54
    // i,j son los indices del arreglo del que se hace la query
55
    // la query se hace en [i,j)
   Nodo query(tint i, tint j, vector<Nodo> &seg)
57
58
     return queryAux(1,0,seg.size() >> 1,i,j,seg);
59
60
    // USO:
61
   int main()
63
     tint n = 15;
64
     vector<Nodo> v (n, Nodo(0));
65
     forn(i,n)
66
       v[i] = Nodo((3*(i+1)) \% 7 - 9*(i-4) \%13);
67
     vector<Nodo> seg = buildSegTree(v);
68
     forn(i,n)
69
       cout << v[i].x << ","; // 13 7 7 14 1 -5 -5 2 -4 -4 3 -10 -3 -3 -9
70
71
     cout << query(3,11,seg).x << "\n"; // Devuelve 2</pre>
72
     update(6,Nodo(0),seg);
73
     cout << query(3,11,seg).x << "\n"; // Devuelve 7</pre>
74
75
     return 0:
76
```

2. Grafos

2.1. Dijsktra

```
1 | const tint INFINITO = 1e15;
   // parent : Inicializar (n,{}) : Guarda donde se realiza la minima distancia
   // ladj : Por cada vertice, un par {indice,peso}
   void dijkstra (tint comienzo, vector<vector<pair<tint,tint> > &ladj,
   vector<tint> &distance, vector<vector<tint> > &parent)
8
     priority_queue <pair<tint, tint> > q; // {-peso, indice}
     tint n = distance.size();
     forn(i,n)
11
       distance[i] = (i != comienzo)*INFINITO;
     vector<tint> procesado (n,0);
     q.push({0,comienzo});
     while (!q.empty())
15
16
       tint actual = q.top().second;
17
       q.pop();
18
       if (!procesado[actual])
19
20
21
         procesado[actual] = 1;
         for (auto vecino : ladj[actual])
22
23
           if (distance[actual] + vecino.second < distance[vecino.first])</pre>
24
25
             distance[vecino.first] = distance[actual] + vecino.second:
26
             q.push({-distance[vecino.first], vecino.first});
27
             parent[vecino.first] = {actual};
28
29
            else if (distance[actual] + vecino.second == distance[vecino.first])
30
             parent[vecino.first].push_back(actual);
32
33
34
35
36 // En distance quedan las minimas distancias desde comienzo
```

2.2. TopoSort (Jonaz)

2.3. Kosaraju (Jonaz)

2.4. 2-SAT (Jonaz)

2.5. Puentes, Puntos de Articulación y Biconexas (Jonaz)

2.6. SPFA

```
const tint maxN = 16384: // cantidad de nodos
   const tint INFINITO = 1e15; // suma de modulos de las aristas o algo asi
   tint best[maxN]:
   bool adentro[maxN];
   // ladj : {indice,peso}
    void spfa (tint start, vector<vector<pair<tint, tint> > &ladj)
     tint n = ladj.size();
     forn(i,n)
10
       best[i] = (i != start)*INFINITO;
11
     vector<tint> vecinos = {start}, nuevosVecinos;
12
      while (!vecinos.empty())
13
14
        tint actual = vecinos.back();
15
       vecinos.pop_back();
16
        adentro[actual] = false;
17
        for (auto vecino : ladj[actual])
18
19
          if (best[actual] + vecino.second < best[vecino.first])</pre>
20
21
            best[vecino.first] = best[actual] + vecino.second;
22
            if (!adentro[vecino.first])
23
24
              nuevosVecinos.push_back(vecino.first);
25
              adentro[vecino.first] = 1;
26
27
28
29
        if (vecinos.empty())
30
          vecinos.swap(nuevosVecinos);
31
32
33
```

2.7. Ciclo Hamiltoniano Minimo

```
const tint INFINITO = 1e15;
tint minimumHamiltonianCycle (vector<vector<tint> > &d)
```

```
4 | {
      tint r = d.size(), minHam = INFINITO;
      if (r > 1)
7
        vector<vector<tint> > dp ((1 << r), vector<tint> (r,INFINITO));
        for(tint mask = 1; mask < (1 << r); mask += 2)
10
        forn(i,r)
          if ((i > 0) && (mask & (1 << i)) && (mask & 1))
12
13
14
              if ((i != j) && (mask & (1 << j)))</pre>
                dp[mask][i] = min(dp[mask][i], dp[mask ^ (1 << i)][j] + d[j][i]);
15
16
17
        forsn(i.1.r)
          minHam = min(minHam,dp[(1 << r) - 1][i] + d[i][0]);
18
19
      else
20
        minHam = d[0][0];
21
      return minHam;
23 | }
```

2.8. Dinic (aguanta multiejes y autoejes)

```
1
   const tint maxN = 512;
3 | const tint INFINITO = 1e15:
   struct Arista
5
     tint start,end,capacity,flow;
     Arista (tint ss, tint ee, tint cc, tint ff)
       start = ss;
10
       end = ee;
       capacity = cc;
       flow = ff;
12
13
14 }:
vector<Arista> red; // Red residual
   vector<tint> ladj [maxN]; // (quarda vecinos como indices en red)
18
   tint n, s, t; // #Nodos, source, sink
tint ultimoVecino [maxN]; // ultimo vecino visitado en dfs
21 | tint nivel [maxN]; // Nivel del bfs
   void agregarArista (tint ss, tint ee, tint c)
23
24 | {
```

```
niversidad de Buenos Aires - FCEN – BGL
```

```
Page 5 of
```

```
ladj[ss].push_back( tint (red.size())); // guardamos el indice
25
      red.push_back(Arista(ss,ee,c,0));
26
     ladj[ee].push_back( tint (red.size()));
27
     red.push_back(Arista(ee,ss,c,0));
28
29
30
31
    bool bfs ()
32
33
     forn(i,n+1)
34
        nivel[i] = -1:
35
      vector<tint> vecinos = {s}, nuevosVecinos;
36
     nivel[s] = 0;
37
     while (!vecinos.empty() && nivel[t] == -1)
38
39
        tint actual = vecinos.back();
40
        vecinos.pop_back();
41
        for (auto iArista : ladj[actual])
42
43
          tint vecino = red[iArista].end;
44
          // Si bajo en uno el nivel y puedo mandar flujo en la red residual
45
          if (nivel[vecino] == -1 && red[iArista].flow < red[iArista].capacity)</pre>
46
47
            nivel[vecino] = nivel[actual] + 1;
48
            nuevosVecinos.push_back(vecino);
49
50
51
        if (vecinos.empty())
52
53
          swap(vecinos,nuevosVecinos);
54
          nuevosVecinos = {};
55
56
     }
57
     return (nivel[t] != -1);
58
59
60
    tint dfs (tint actual, tint flujo)
61
62
     if (flujo <= 0)</pre>
63
        return 0:
64
      else if (actual == t)
65
        return flujo;
66
      else
67
68
        while (ultimoVecino[actual] < tint(ladj[actual].size()))</pre>
69
70
```

```
tint id = ladj[actual][ultimoVecino[actual]];
71
           if (nivel[red[id].end] == nivel[actual] + 1)
72
73
             tint pushed = dfs(red[id].end,min(flujo,red[id].capacity-red[id].flow));
74
             if (pushed > 0)
75
            {
76
               red[id].flow += pushed;
77
              red[id^1].flow -= pushed;
78
               return pushed;
79
80
81
          }
          ultimoVecino[actual]++;
82
83
84
        return 0;
      }
85
86
87
    tint dinic ()
88
89
      tint flujo = 0;
90
      while (bfs())
91
92
93
        forn(i,n+1)
94
          ultimoVecino[i] = 0;
95
        tint pushed = dfs(s,INFINITO);
96
97
        while (pushed > 0)
98
        {
99
          flujo += pushed;
100
          pushed = dfs(s,INFINITO);
101
102
      }
103
      return flujo;
105 }
```

2.9. Flujo de Costo Mnimo

Universidad de Buenos Aires - FCEN –

3. Arboles

3.1. Union-Find (Guty)

```
const tint maxN = 131072:
    vector<tint> caminito:
    tint representante[maxN];
    tint tamanho[maxN];
    void inicializar (tint n)
     forn(i,n)
        representante[i] = i;
10
        tamanho[i] = 1;
11
12
13
14
    tint find (tint x)
15
16
     caminito = {};
17
      while (x != representante[x])
18
19
        caminito.push_back(x);
20
        x = representante[x];
21
22
     for (auto z : caminito)
23
        representante[z] = x;
24
     return x;
25
26
27
    bool same (tint a, tint b)
29
     return (find(a) == find(b));
30
31
32
    void unite (tint a, tint b)
33
34
     a = find(a);
35
     b = find(b);
36
     if (tamanho[a] < tamanho[b])</pre>
37
        swap(a,b);
38
     tamanho[a] += tamanho[b];
39
     representante[b] = a;
40
41
```

3.2. LCA - Segment Tree (Jonaz)

3.3. Binary Lifting (saltitos potencia de 2)

```
const tint maxN = 32768; // cantidad de nodos
   const tint maxK = 16; // lq(cantidadDeNodos)
   const tint NEUTRO = 1e8; // neutro de la operacion (ejemplo: minimo)
   tint d[maxN]; // profundidad
   pair<tint, tint> p[maxN] [maxK]; // {ancestro a distancia 2^k,
                                       Lo que queremos entre los 2<sup>k</sup> ancestros
   void dfs(tint actual, vector<vector<pair<tint,tint> > &ladj, tint padre)
10
     d[actual] = d[padre]+1;
11
     for (auto x : ladj[actual])
       if (x.first != padre)
13
14
         p[x.first][0] = {actual,x.second};
15
         dfs(x.first,ladj,actual);
16
17
18
   | }
19
20
   tint subir(tint a, tint c, tint &ans, bool tomaMinimo)
21
22
     tint k = 0;
     while (c > 0)
23
     {
24
       if (c %2)
25
26
          if (tomaMinimo)
27
            ans = min(ans,p[a][k].second);
28
         a = p[a][k].first;
29
30
31
       k++:
32
       c /= 2;
     }
33
34
     return a;
35
36
   tint answer (tint a, tint b)
38
39
     // IGUALAMOS LAS ALTURAS
40
     if (d[a] < d[b])
41
       swap(a,b);
42
```

```
tint Number:
7
     if ( ! (istringstream(s) >> Number) )
       Number = 0; // el string vacio lo manda al cero
     return Number:
11 }
12
13 string toString (tint number)
14
       ostringstream ostr;
15
       ostr << number:
16
       return ostr.str();
17
18 }
       Tablita de Bordes (Jonaz)
4.2.
      Knuth-Morris-Pratt (KMP) (Jonaz)
       Subsecuencia Comun mas larga (Guty o Jonaz)
       Edit-Distance
4.5.
    // Minima distancia entre strings si lo que se puede es: INSERTAR, REMOVER,
        MODIFICAR, SWAPS ADYACENTES
const tint maxN = 1024; // maximo largo de los strings
   const tint INFINITO = 1e15;
  string s1.s2:
   tint dist[maxN] [maxN];
   tint f(tint i, tint j)
     // Si un string es vacio, hay que borrar todo el otro
     if (i == -1 \text{ or } j == -1)
       return max(i,j)+1;
11
     if (dist[i][j] == INFINITO)
```

Strings

#include <iostream>

#include <sstream>

tint toNumber (string s)

2 | #include <string>

4.1. ToString/ToNumber

```
tint w = d[a] - d[b], ans = NEUTRO;
43
      a = subir(a,w,ans,true);
44
45
      // HACEMOS LA BINARY PARA BUSCAR EL LCA
46
      tint cInf = 0, cSup = maxN;
47
      while (cSup - cInf > 1)
48
49
        tint ra = a, rb = b;
50
        tint c = (cSup+cInf)/2;
51
        ra = subir(ra,c,ans,false);
52
        rb = subir(rb.c.ans.false):
53
        if (ra == rb)
54
          cSup = c;
55
        else
56
          cInf = c;
57
58
      // SUBIMOS LO QUE HAGA FALTA PARA LLEGAR AL LCA
59
      cSup *= (a != b);
60
      a = subir(a,cSup,ans,true);
61
     b = subir(b,cSup,ans,true);
62
     return ans;
63
64
65
    // INICIALIZACION
    int main()
67
68
     forn(i,maxN)
69
     forn(k,maxK)
70
        p[i][k] = \{-1, NEUTRO\};
71
     // HACEMOS EL PRIMER PASO EN FUNCION DEL GRAFO
      vector<vector<pair<tint,tint> > ladj (maxN); // listaDeAdyacencia del arbol
73
     d[0] = -1:
74
     dfs(0,ladj,0);
75
      // LLENADO DE LA TABLA
76
      forsn(k,1,maxK)
77
     forn(i,maxN)
78
79
        tint ancestro = p[i][k-1].first;
80
        if (ancestro >= 0)
81
          p[i][k] = {p[ancestro][k-1].first,
82
                     min(p[i][k-1].second,p[ancestro][k-1].second) };
83
84
85
```

else // Modificar s1[i] a s2[j] y resolver lo anterior

mini = min(mini,min(f(i-1,j)+1,f(i,j-1)+1));

mini = min(mini,f(i-k-2,j-2)+k+1);

mini = min(mini, f(i-1, j-1));

mini = min(mini,f(i-1,j-1)+1);

resuelvo lo anterior

tint n = s1.size(), m = s2.size();

dist[i][j] = INFINITO;

cout $<< f(n-1,m-1) << "\n";$

// Lo mejor de borrar el i-esimo de s1 o insertar al final de s1 a s2[j]

if (s1[i] == s2[j]) // Si coinciden, dejo como esta y resuelvo lo anterior

// Borramos los intermedios y swapeamos los ultimos 2 si funciona, lo hago y

 $if (i \ge 1 \&\& j \ge 1 \&\& s1[i] == s2[j-1] \&\& s1[i-k-1] == s2[j])$

{

tint mini = INFINITO;

forn(k,i)

dist[i][j] = mini;

return dist[i][j];

{

// USO:

int main()

forn(i,n)

forn(j,m)

return 0;

13

14

15

16

17

18

19

20

21

 22

23

24

25

26

27

28

29

30 31

32

33 34

35

36

37

38

40 41 }

Substring Palindromo (esPalindromo(s[i..j]))

```
_1 // Asumo i < j
   bool esPalindromo (tint i, tint j, vector<vector<tint> > &r, tint n)
     if (i+j >= n)
       return (r[i+j][n-i] - r[i+j][n-j-1]) == j-i+1;
       return (r[i+j][j+1] - r[i+j][i]) == j-i+1;
    // USO:
   int main()
10
11
        tint n = s.size(); // s nuestro string
12
       vector<vector<tint> > v (n, vector<tint> (n,0));
13
       forn(i,n)
14
```

```
forn(j,n)
15
         v[i][j] = (s[i] == s[j]);
16
       vector<vector<tint> > r (2*n-1,vector<tint> (n+1,0));
17
18
       forn(i,2*n-1)
19
       {
20
         tint sum = 0, x = min(i,n-1), y = 0;
21
         if (i \ge n)
22
           v = i-n+1;
23
         forn(j,n)
24
25
         {
            if (x >= 0 \&\& y < n)
26
27
              sum += v[x--][y++];
           r[i][j+1] = sum;
28
29
30
        // Ahora podemos preguntar si es palindromo s[i..j]
32 }
```

Suffix Array

4.8. Longest Common Prefix

versidad de Buenos Aires - FCEN – BGL

5. Matematica

5.1. PotLog

```
const tint nmod = 1000000007; // o el primo que deseamos
   tint potLogMod (tint x, tint y) // Calcula: (x^y) mod nmod
     tint ans = 1:
     while (y > 0)
       if (y %2)
         ans = (x * ans) % nmod;
       x = (x * x) \% nmod;
       y /= 2;
10
11
     return ans;
12
13
   tint invMod(tint a) // nmod PRIMO. Devuelve b tal que: (a*b) = 1 (mod nmod)
15
     return potLogMod(a,nmod-2);
16
17
```

5.2. Criba

```
const tint maxN = 1000500;
    tint p[maxN + 1] = \{1, 1\};
    tint phi[maxN];
    map<tint,tint> factorizar (tint n)
     map<tint, tint> f;
      while (n > 1)
        f[p[n]]++;
10
        n \neq p[n];
11
12
      return f:
13
14
    // USO:
15
    int main()
16
17
      // CRIBA COMUN : (p[n] = mayor primo que divide a n (n >= 2))
18
      for (tint i = 1; i <= maxN; ++i)</pre>
19
        if (p[i] == 1)
20
          for (tint j = i; j \le maxN; j += i)
21
            //if (p[j] == 1 \text{ or } i == 1) // Con \text{ esta linea da el menor primo}
22
            p[j] = i;
23
```

```
// CALCULA PHI(N): #Coprimos con N
for (tint i = 0; i < maxN; i++)
phi[i] = i;
for (tint i = 1; i < maxN; i++)
for (tint j = 2 * i; j < maxN; j += i)
phi[j] -= phi[i];
return 0;
}</pre>
```

- 5.3. Euclides Extendido (Guty)
- 5.4. Teorema Chino del Resto (Guty)
- 5.5. Eliminacion Gaussiana
- 5.6. Rabin-Miller

```
1
2 // USA: "PotLog", pero pasandole el modulo como parametro
  #include <random>
   const tint semilla = 38532164;
  mt19937 gen(semilla);
   tint mult(tint a, tint b, tint m)
8
     int largestBit = 0;
     while( (b >> largestBit) != 0)
10
       largestBit++;
11
     tint ans = 0;
     for(tint currentBit = largestBit - 1; currentBit >= 0; currentBit--)
13
14
       ans = (ans + ans);
15
       if (ans >= m)
         ans -= m:
       if ( (b >> currentBit) & 1)
19
20
21
         ans += a;
         if (ans >= m)
23
           ans -= m;
24
25
26
     return ans;
27 }
```

```
28
    bool esPrimoRM (tint n)
29
30
      if (n \le 1)
31
        return false:
32
      else if (n \le 3)
33
        return true;
34
      else if (n \% 2 == 0)
35
        return false;
36
      else
37
      {
38
        uniform_int_distribution<tint> dis(2, n-2);
39
        tint kOrig = 0, m = n-1;
40
        while (m \% 2 == 0)
41
42
          kOrig++;
43
          m /= 2;
44
45
        bool esPrimo = true;
46
        vector<tint> testigos = {2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37};
^{47}
        for (auto a : testigos)
48
        {
49
          if (a < n)
50
51
             tint b = potLogMod(a,m,n), k = kOrig;
52
             if (b == 1 \text{ or } b == n-1)
53
               continue;
54
             else
55
             {
56
               forn(j,k)
57
58
                b = mult(b,b,n);
59
                 if (b == n-1)
60
                   break;
61
                 else if (b == 1)
62
63
                   esPrimo = false;
64
                   break;
65
                 }
66
              }
67
               if (b != n-1)
68
69
                 esPrimo = false;
70
                 break;
71
72
            }
73
```

```
}
74
75
       return esPrimo;
76
     }
77
78 }
5.7. Pollard-Rho
1 // USA: Rabin-Miller
   tint gcd (tint a, tint b)
3
     if (a == 0)
5
       return b;
     return gcd (b % a, a);
7
   void factorizar (tint n, map<tint,tint> &f)
9
     while (n > 1)
10
11
       if (esPrimoRM(n))
12
13
         f[n]++;
14
         n /= n;
15
16
17
        else
18
       {
         uniform_int_distribution<tint> dis(1, n-1);
19
         tint a = dis(gen), b = dis(gen), x = 2, y = 2, d;
20
21
22
           x = (mult(x,x,n) + mult(a,x,n) + b) %n;
23
           y = (mult(y,y,n) + mult(a,y,n) + b) %n;
24
           y = (mult(y,y,n) + mult(a,y,n) + b) %n;
25
           d = gcd(abs(x-y),n);
26
27
         while (d == 1);
28
         if (d != n)
29
30
           factorizar(d,f);
32
           n /= d;
33
34
35
36
     }
37 }
5.8. FFT
```

```
Universidad de Buenos Aires - FCEN – BGL
```

```
Page 11 of
```

```
1 // USA : "PotLog" e "InvMod" con nmod = mod
                                                                                                       w = modulo(w * wlen);
                                                                                           47
    const tint mod = (1 << 21)*11 + 1 ; // es re primo</pre>
                                                                                           48
   const tint root = 38:
                                                                                           49
                                                                                                 }
    const tint root_1 = 21247462;
                                                                                           50
   const tint root_pw = 1 << 21 ; // largo del arreglo</pre>
                                                                                           51
                                                                                                 if (invert)
                                                                                           52
6
     * const tint mod = 7340033;
     * const tint root = 5 :
                                                                                                   tint nrev = invMod(n);
                                                                                           54
     * const tint root_1 = 4404020 ;
                                                                                           55
                                                                                                   forn(i,n)
     * const tint root_pw = 1 << 20 ;
                                                                                                     a[i] = modulo(a[i] * nrev) ;
                                                                                           56
                                                                                           57
11
                                                                                           58
12
    tint modulo (tint n)
13
                                                                                           59
                                                                                               void multiply (const vector<tint> &a, const vector<tint> &b, vector<tint> &res)
14
     return ((n % mod) + mod) % mod;
15
                                                                                           61
                                                                                                 vector<tint> fa(a.begin(), a.end() ), fb(b.begin(), b.end() );
                                                                                           62
16
    void fft (vector <tint> &a, bool invert )
                                                                                                 tint n = 1;
17
                                                                                                 while (n < max(tint(a.size()), tint(b.size())))</pre>
18
     tint n = a. size();
                                                                                                  n <<= 1;
19
     for (tint i = 1, j = 0; i < n; ++ i)
                                                                                                 n <<= 1;
20
                                                                                                 fa.resize(n), fb.resize(n);
21
       tint bit = n >> 1;
                                                                                                 fft (fa, false) , fft(fb, false);
^{22}
        while(j >= bit)
                                                                                                 forn(i,n)
23
                                                                                                 fa[i] *= fb[i]:
        {
24
                                                                                                fft(fa, true);
         j -= bit ;
25
                                                                                                 res = fa:
         bit >>= 1:
                                                                                           72
26
                                                                                           73 }
27
                                                                                           74 | // USO:
       j += bit ;
28
        if ( i < j )
                                                                                               int main()
29
          swap (a[i],a[j]);
                                                                                           76 | {
30
                                                                                                 vector< tint > a = \{1,0,0,1\};
31
     for (tint len = 2; len <= n; len <<= 1)
                                                                                                 vector< tint > b = \{1,0,0,1\};
32
                                                                                                 vector<tint> res;
33
        tint wlen = root;
                                                                                                 multiply(a,b,res);
34
        if (invert)
                                                                                                 for (auto x : res)
35
          wlen = root_1;
                                                                                                 cout << x << ""; // 1 0 0 2 0 0 1 0
36
        for (tint i = len ; i < root_pw ; i <<= 1)</pre>
                                                                                                 cout << endl:</pre>
37
         wlen = modulo(wlen * wlen);
                                                                                                 return 0;
38
        for (tint i = 0 ; i < n ; i += len)
                                                                                           85 | }
39
        {
40
          tint w = 1;
41
                                                                                           5.9. Regla de Simpson (Integracion Numerica) (Guty)
          forn(j,len/2)
42
43
            tint u = a[i+j], v = modulo(a[i+j+len/2] * w);
44
            a[i+j] = modulo(u+v);
45
            a[i+j + len/2] = modulo(u - v);
46
```

ersidad de Buenos Aires - FCEN – BGI

Page 12 of 1

6. Geometria

6.1. Tipo PUNTO y Operaciones

```
const ldouble epsilon = 1e-10;
   const ldouble pi = acos(-1);
   struct Punto
     ldouble x,y;
     Punto (ldouble xx, ldouble yy)
       x = xx;
10
       y = yy;
11
     Punto()
12
13
       x = 0.0;
14
       y = 0.0;
15
16
17
   Punto operator + (Punto p1, Punto p2)
18
19
     return Punto(p1.x+p2.x,p1.y+p2.y);
20
21
    Punto operator - (Punto p1, Punto p2)
22
23
     return Punto(p1.x-p2.x,p1.y-p2.y);
24
25
   Punto operator * (ldouble lambda, Punto p)
26
27
     return Punto(lambda*p.x, lambda*p.y);
28
29
   ldouble operator * (Punto p1, Punto p2)
30
31
     return p1.x*p2.x+p1.y*p2.y;
32
33
   ldouble operator ^ (Punto p1, Punto p2)
34
35
     return p1.x*p2.y - p1.y*p2.x;
36
37
   Punto operator ~ (Punto p)
38
39
     return Punto(-p.y,p.x);
40
41
42 | ldouble norma (Punto p)
```

```
43 | {
     return sqrt(p.x*p.x+p.y*p.y);
44
45
   bool operator < (Punto p1, Punto p2)</pre>
46
47
     return make_pair(p1.x,p1.y) < make_pair(p2.x,p2.y);</pre>
48
   bool operator == (Punto p1, Punto p2)
51
     return ((abs(p1.x-p2.x) < epsilon) && (abs(p1.y-p2.y) < epsilon));
52
53 | }
       Area de Poligono
ldouble areaTriangulo (Punto p1, Punto p2, Punto p3)
2
     return abs((p1-p3)^(p1-p2))/2.0;
3
4
   ldouble areaPoligono(vector<Punto> &polygon)
     ldouble area = 0.0;
     tint n = polygon.size();
     forn(i,n)
       area += polygon[i]^polygon[(i+1) %n];
     return abs(area)/2.0;
12
13 }
      Punto en Poligono
  | bool adentroPoligono(vector<Punto> &polygon, Punto p) // polygon EN EL SENTIDO
        DE LAS AGUJAS
2 | {
     bool adentro = true;
     tint n = polygon.size();
4
     forn(i,n)
       adentro &= (((p-polygon[i])^(p-polygon[(i+1) ½])) < 0);</pre>
     return adentro;
8 }
       Interseccion de Segmentos
1 | struct Segmento
2
     Punto start, end, dir;
     Segmento (Punto ss, Punto ee)
4
```

5

```
6
        start = ss:
        end = ee;
       dir = ee-ss;
10
    // res.second == 0 -> NO HAY INTERSECCION
11
    // res.second == 1 -> INTERSECAN EN UN PUNTO (que esta en res.first)
    // res.second == 2 -> SON COLINEALES E INTERSECAN EN TODO UN SEGMENTO (Da un
13
         extremo, si queremos el otro, correr otra vez con "otroExtremo" = true)
   pair<Punto,tint> interSeg (Segmento s1, Segmento s2, bool otroExtremo )
14
15
     if ((abs(s1.dir ^ s2.dir)) < epsilon) // son colineales</pre>
16
     {
17
        vector<pair<Punto, tint> > aux = {{s1.start - epsilon*s1.dir,1},
18
                                          {s1.end + epsilon*s1.dir,1},
19
                                          {s2.start - epsilon*s2.dir,2},
20
                                          {s2.end + epsilon*s2.dir,2}};
21
        sort(aux.begin(),aux.end());
22
        if (aux[0].second != aux[1].second)
23
          return make_pair(aux[1+otroExtremo].first,2);
^{24}
        else
25
          return make_pair(Punto(),0);
^{26}
     }
27
      else
28
29
       ldouble alfa = ((s2.start-s1.start)^s2.dir) / (s1.dir^s2.dir);
30
        if (0 <= alfa && alfa <= 1)
31
          return make_pair(s1.start+alfa*s1.dir,1);
32
        else
33
          return make_pair(Punto(),0);
34
35
36
```

Angulo Entre Puntos y Distancia entre Segmentos

```
1 Idouble angEntre (Punto p1, Punto p2, Punto p3) // P1^P2P3
2
     ldouble a = norma(p2-p3);
     ldouble b = norma(p1-p3);
     ldouble c = norma(p2-p1);
     return acos((a*a+c*c-b*b)/(2*a*c));
   ldouble dPuntoSeg (Punto p, Segmento s)
10
     if (angEntre(p,s.start,s.end) > pi/2 or angEntre(p,s.end,s.start) > pi/2)
11
       return min(norma(p-s.start),norma(p-(s.end)));
12
```

```
13
     else
       return abs( ((s.start-p)^(s.end-p)) / (norma(s.dir)) );
14
15 }
16
   ldouble dEntreSeg(Segmento s1, Segmento s2)
17
18
     ldouble a = min(dPuntoSeg(s1.start,s2),dPuntoSeg(s1.end,s2));
19
     ldouble b = min(dPuntoSeg(s2.start,s1),dPuntoSeg(s2.end,s1));
20
     return (interSeg(s1,s2,false).second == 0) * min(a,b);
21
22 }
```

Convex-Hull (2D) (Jonaz)

Sweep Line Facil (Interseccion de Segmentos/Closest Pair)

Sweep Line Dificil (Union de Rectngulos)

Radial Sweep

6.10. Minimum Bounding Circle

niversidad de Buenos Aires - FCEN – BG

7. Varios

7.1. Longest Incresing Subsequence (LIS)

```
tint LIS(vector<tint> &v) {
     if (v.empty()) return 0;
     tint 1 = 0;
                             // ultimo lugar de tails hasta ahora
     vi tails(v.size(), 0); // candidatos de final de sub secuencias
     tails[1] = v[0];
     forsn(i,1,v.size()) {
       // con upper_bound es no-decreciente
       tint me = lower_bound(tails.begin(),tails.begin()+l+1, v[i])-tails.begin();
10
       tails[me] = v[i];
11
       if (me > 1) 1 = me;
12
13
     return 1 + 1;
14
15
```

7.2. Maximum Subarray Sum

```
tint maximumSum (vector<tint> &a) // a no vacio

tint maxTotal = a[0], maxAca = a[0], n = a.size();

forsn(i,1,n)

maxAca = max(a[i],maxAca + a[i]);

maxTotal = max(maxTotal,maxAca);

return maxTotal;

return maxTotal;
}
```

7.3. Rotar 90 una matriz (sentido horario)

```
void rotar (vector<string> &origi)

tint n = origi.size();

string aux (n,'x');

vector<string> rotado (n,aux);

forn(i,n)

forn(j,n)

rotado[j][n-i-1] = origi[i][j];

origi = rotado;

}
```

7.4. Random + Imprimir Doubles

```
#include <iostream>
   #include <random>
   #include <iomanip>
   using namespace std;
   random_device rd;
   mt19937 gen(rd());
   uniform_int_distribution<int> dis1(1, 10000);
   uniform_real_distribution < long double > dis2(1, 10000);
11
12 | int main()
13
     cout << dis1(gen) << "\n";</pre>
14
     cout << fixed << showpoint << setprecision(16) << dis2(gen) << "\n";</pre>
15
     return 0;
17 }
```

7.5. Slding Window RMQ

```
void agrandarVentana (tint &r, deque<pair<tint,tint> > &rmq, vector<tint> &v)
3
     while (!rmq.empty() && rmq.back().first >= v[r])
       rmq.pop_back();
     rmq.push_back({v[r],r});
     r++:
9
   void achicarVentana (tint &1, deque<pair<tint, tint> > &rmq)
12 | {
     if (1 == rmq.front().second)
13
       rmq.pop_front();
14
15
     1++;
16
17
   pair<tint, tint> minimoVentana (deque<pair<tint, tint> > &rmq)
19
     return rmq.front();
20
21
22 // USO: En todo momento tenemos el minimo entre [l,r)
   int main()
23
24
     deque<pair<tint, tint> > rmq; // {numero, indice}
```

7 VARIOS - 7.6 Ternary Search

26

tint 1 = 0, r = 0;// l . r

```
BGL-UBA - Página 15 de 15
```

```
vector<tint> v = \{1,2,3,4,3,2,2,3,4\};
27
     agrandarVentana(r,rmq,v);
28
     agrandarVentana(r,rmq,v);
29
     agrandarVentana(r,rmq,v);
30
     agrandarVentana(r,rmq,v);
31
     agrandarVentana(r,rmq,v);
32
     achicarVentana(1,rmq);
33
     achicarVentana(1,rmq);
34
     cout << minimoVentana(rmq).first << endl; // {3,4}</pre>
35
     return 0;
36
37 }
        Ternary Search
 1 // Ternary en ENTEROS
    tint miniTernarySearch (tint a, tint b) // En [a,b] esta el minimo
 3
     tint 1 = a, r = b;
     while (abs(r - 1) > 5)
     {
        tint al = (2*l + r)/3;
        tint br = (1 + 2*r)/3;
        if (f(al) > f(br)) // cambiar a "<" para maximo
         l = al;
10
        else
11
          r = br;
12
13
     tint ans = 1e16;
14
     forsn(k,l,r+1)
15
        ans = min(ans,f(k)); // cambiar por "max" para maximo
16
     return ans;
17
18
    //Ternary en FLOATING POINT
19
    ldouble miniTernarySearch (ldouble tL, ldouble tR) // En [tL, tR] esta el minimo
20
21
      while (abs(tR - tL) > epsilon)
22
23
        ldouble tLThird = (2.0*tL + tR)/3.0;
24
        ldouble tRThird = (tL + 2.0*tR)/3.0;
25
        if (f(tLeftThird) > f(tRightThird)) // cambiar a "<" para maximo</pre>
26
          tLeft = tLeftThird;
27
        else
28
          tRight = tRightThird;
29
30
     return f((tLeft+tRight)/2.0);
31
32
```