# Índice

1.	. Cosas		
	1.1.	Segment Tree (Guty)	1
	1.2.	Inverso modular Primo y PotLog (Guty)	2
	1.3.	Dijkstra (Guty)	4
	1.4.	Edmonds Karp (Guty)	4
	1.5.	Trie (Jonaz)	٠
	1.6.	Geometra Basica Vectorial (Guty)	٠
	1.7.	Criba y Factorizacion (Jonaz)	4

## **BGL-UBA - Reference**

## 1. Cosas

## 1.1. Segment Tree (Guty)

```
1 // Nodo del segment tree
2 | struct Nodo{
     tint x;
     Nodo (tint xx)
       x = xx;
   // Operacion del segment tree : tiene que ser ASOCIATIVA
  Nodo op (Nodo n1, Nodo n2){
     return Nodo(n1.x+n2.x);
10 }
vector<Nodo> buildSegTree (vector<Nodo> &v ){
     // Completa el tamanho
     tint k = 4, n = v.size();
14
     while (k < 2*n)
      k *= 2;
     // Rellena las hojas
     vector<Nodo> seg (k, Nodo(0));
17
18
     forn(i,n)
       seg[k/2+i] = v[i];
     // Completa los padres
     while (k > 0) {
       seg[(k-1)/2] = op(seg[k-1], seg[k-2]);
22
       k = 2;
23
24
25
     return seg;
26
   // i es el indice de [0,n) en el arreglo original
28 // Nodo es lo que queremos poner ahora como hoja
void update(tint i, Nodo nodo, vector < Nodo > & seg){
     tint k = seg.size()/2 + i;
     seg[k] = nodo;
31
     while (k > 0){
       seg[k \gg 1] = op(seg[k], seg[k^1]);
       k /= 2;
34
     }
35
36
   Nodo queryAux(tint k, tint 1, tint r, tint i, tint j, vector<Nodo> &seg){
     if (i <= 1 && r <= j)</pre>
39
       return seg[k];
```

```
if (r \le i or 1 \ge j)
40
       return 0; // Aca va el NEUTRO de la funcion "op"
41
     Nodo a = queryAux(2*k,1,(1+r)/2,i,j,seg);
42
     Nodo b = queryAux(2*k+1,(1+r)/2,r,i,j,seg);
43
     return op(a,b);
44
45
46
    // i,j son los indices del arreglo del que se hace la query
47
    // la query se hace en [i,j)
48
   Nodo query(tint i, tint j, vector<Nodo> &seg){
49
     return queryAux(1,0,seg.size()/2,i,j,seg);
51
   int main(){
52
     t.int. n = 15:
53
     vector<Nodo> v (n, Nodo(0));
54
55
       v[i] = Nodo((3*(i+1)) \% 7 - 9*(i-4) \%13);
56
     vector<Nodo> seg = buildSegTree(v);
57
     imprimirVector(v);
58
     cout << query(3,11,seg).x << "\n";</pre>
59
     return 0;
60
61
```

#### 1.2. Inverso modular Primo y PotLog (Guty)

```
const tint nmod = 1000000007; // o el primo que deseamos
    tint potLogMod (tint x, tint y){ // Calcula: (x^y) mod nmod
     tint ans = 1:
     while (v > 0){
       if (v %2)
         ans = (x * ans) % nmod:
       x = (x * x) % nmod;
       y /= 2;
10
     return ans;
11
12
   tint invLog(tint a){// Solo funciona si nmod es primo y devuelve un numero b tal
13
         que: (a*b) = 1 \mod nmod
     return potLogMod(a,nmod-2);
14
15 }
```

### 1.3. Dijkstra (Guty)

```
const int INF = 1000000000; // Aca va una cota que funque para el problema en vez de 1000000000

struct Arista{
```

```
tint v1,v2,peso;
     Arista(tint vv1, tint vv2, tint pp){
4
       v1 = vv1:
       v2 = vv2;
       peso = pp;
   };
9
   bool operator < (Arista a1, Arista a2){</pre>
     return make_tuple(a1.peso,a1.v1,a1.v2) > make_tuple(a2.peso,a2.v1,a2.v2);
11
12
   vector<tint> dijkstra (vector<vector<tint> > &ladj, vector<vector<tint> > &w,
        tint s){ // Devuelve un vector d, tal que d[v] es la minima distancia de "s
     tint n = ladj.size();
14
     vector<tint> d (n,INF);
     priority_queue<Arista> v;
     d[s] = 0;
     for(auto vecino : ladj[s])
18
       v.push(Arista(s,vecino,w[s][vecino]));
     while (!v.empty()){
20
       if (d[v.top().v2] == INF \ or \ d[v.top().v1] + v.top().peso <= \ d[v.top().v2]){
         Arista e = v.top();
22
         v.pop();
23
         d[e.v2] = d[e.v1] + e.peso;
          for(auto vecino : ladj[e.v2])
           v.push(Arista(e.v2,vecino,w[e.v2][vecino]));
26
27
       }else
28
         v.pop();
     }
     return d;
30
31 }
```

### 1.4. Edmonds Karp (Guty)

```
// Hay que tener definidas de antemano:
// capacidades: Una matriz que en el lugar (i,j) guarda la capacidad que une al
nodo i con j.

// ladj: Para cada nodo tiene la lista de vecinos. Notar que al comenzar el
codigo se agregan las aristas que faltan para la red residual

// flow: Se debe dar un flujo inicial de 0

// flowPath: Guarda en el lugar (i,j) la cantidad de flujo que efectivamente
pasa por la arista que une i con j. Inicialmente debe ser una matriz de
ceros.

const tint INF = 999999999999;

tint maxFlow (vector<vector<tint> > &capacidades, vector<vector<tint> > &ladj,
```

1 COSAS - 1.5 Trie (Jonaz)

```
tint qNodos, tint source, tint terminal){
      tint flow = 0;
10
     vector<vector<tint> > flowPath (qNodos, vector<tint> (qNodos,0));
11
      tint capacityFound = -1;
12
     forn(i, ladj.size())
13
        for (auto &a : ladj[i])
14
          if (capacidades[i][a] != 0)
15
            ladj[a].push_back(i);
16
      while (capacityFound != 0){
17
        vector<tint> path (qNodos,-1);
18
        // Aca empieza el bfs
19
20
        path[source] = -2;
21
        capacityFound = 0;
22
        vector<tint> pathCapacity (qNodos,INF); // Aca va una cota para el flujo del
23
             problema
        deque<tint> visit = {source};
24
        while (!visit.empty()){
25
          tint actual = visit.front();
26
          visit.pop_front();
^{27}
          for (auto vecino : ladj[actual]){
28
            if (capacidades[actual][vecino] > flowPath[actual][vecino] && path[
29
                vecino] == -1){
              path[vecino] = actual;
30
              pathCapacity[vecino] = min(pathCapacity[actual], capacidades[actual][
31
                   vecino] - flowPath[actual][vecino]):
              if (vecino != terminal)
32
                visit.push_back(vecino);
33
              else{
34
                capacityFound = pathCapacity[vecino];
35
                visit.clear();
36
                break:
37
38
39
40
41
        // Aca termina el bfs
42
        if (capacityFound == 0)
43
44
        flow += capacityFound;
45
        tint v = terminal;
46
        while (v != source){
47
          tint u = path[v];
48
         flowPath[u][v] += capacityFound;
49
         flowPath[v][u] -= capacityFound;
50
51
```

```
}
52
53
     }
     return flow:
54
55 }
        Trie (Jonaz)
1 | const int MAXN = 100000;
_2 | int NODS = 1;
  struct trie {
       map<char, int> sig;
        char c;
        bool final;
   };
   trie t[MAXN];
   void resetNode(int i){
       t[i].sig.clear();
10
       t[i].final = false;
11
12 }
   void initT(){
13
       forn(i,nods){
           resetNode(i);
15
16
17
       NODS = 1:
18
   void insertar(string st){
19
     int pos=0;
20
     forn(i,st.size()){
21
       if(t[pos].sig.find(st[i]) == t[pos].sig.end()){
22
         t[pos].sig[st[i]] = NODS;
23
         resetNode(nods):
24
         t[nods].c = st[i];
25
         NODS++;
26
27
       pos = t[pos].sig[st[i]];
28
29
30
       t[pos].final = true;
31 |}
       Geometra Basica Vectorial (Guty)
1 | struct Punto{
     double x,v;
     Punto (double xx, double yy) { x = xx; y = yy; }
4
   Punto operator + (Punto p1, Punto p2){
     return Punto(p1.x+p2.x, p1.y+p2.y);
```

20

21

```
d de Buenos Aires - FCEN – BGI
```

```
Page 4 c
```

```
7 }
   Punto operator - (Punto p1, Punto p2){
     return Punto(p1.x-p2.x, p1.y-p2.y);
10
   Punto operator * (ldouble k, Punto p){
11
     return Punto(k*p.x, k*p.y);
12
13
   double operator * (Punto p1, Punto p2){
14
     return p1.x*p2.x + p1.y*p2.y;
15
16
   double norma(Punto p){
17
     return sqrt(p*p);
18
19
   double pcruz (Punto p1, Punto p2){
20
     return p1.x*p2.y - p2.x*p1.y;
21
22
   double areaTriangulo(Punto a, Punto b, Punto c){
23
     return abs(pcruz(b-a,c-a))/2.0;
24
25
   double areaParalelogramo(Punto a, Punto b, Punto c){
^{26}
     return abs(pcruz(b-a,c-a));
27
28
        Criba y Factorizacion (Jonaz)
   const int MAXN = 10000000; // hasta ahi se la re banca, y uno mas tambien
   // si p[i] = 0
                         => i es primo
   // si p[i] = j != 0 \Rightarrow j divide a i <math>(y j primo)
   int p[MAXN];
   // arma la criba
   void criba() {
     for(int i=4; i<MAXN; i+=2) p[i]=2;</pre>
     for(int i=3; i<MAXN; i+=2)</pre>
        if(!p[i]) for(int j=2*i; j<MAXN; j+=i) p[j] = i;</pre>
10
    // devuelve una factorizacion de N del tipo <primo, exponente>
11
   map<int,int> factorizar(int N){
12
        map<int,int> res;
13
        while(p[N]){
14
            res[p[N]]++;
15
            N \neq p[N];
16
17
       res[N]++;
18
        return res;
19
```

// devuelve vector con los factores primos que dividen a N en orden

vector<int> factorizarLista(int N){

```
BGL-UBA - Página 4 de 4
       vector<int> res:
23
        while(p[N]){
24
           res.push_back(p[N]);
25
           N \neq p[N];
26
27
28
       res.push_back(N);
       // puede omitirse si no interesa que esten ordenados
       sort(res.begin(), res.end());
30
       return res;
31
32 }
```