Índice	5.8. FFT
Indice         1. Estructuras       2         1.1. Fenwick Tree       2         1.2. Trie       2         1.3. Segment Tree       2         1.4. Order Statistic Tree (GCC)       3         2. Grafos       4         2.1. Dijsktra       4         2.2. TopoSort y Kosaraju       4         2.3. 2-SAT (Jonaz)       4         2.4. Puentes, Puntos de Articulacion y Biconexas (Jonaz)       4         2.5. SPFA       4         2.6. Ciclo Hamiltoniano Minimo       5         2.7. Dinic (aguanta multiejes y autoejes)       5         2.8. Flujo de Costo Mínimo       6         3. Arboles       7         3.1. Union-Find (Guty)       7         3.2. Union-Find (Jonaz)       7         3.3. Kruskal (usa UF de Jonaz)       7         3.4. LCA - Segment Tree (Jonaz)       7         3.5. Binary Lifting (saltitos potencia de 2)       9	6. Geometria 6.1. Tipo PUNTO y Operaciones 6.2. Area de Poligono 6.3. Punto en Poligono 6.4. Interseccion de Segmentos 6.5. Angulo Entre Puntos y Distancia entre Segmentos 6.6. Convex-Hull (2D) 6.7. Sweep Line Facil (Interseccion de Segmentos/Closest Pair) 6.8. Sweep Line Dificil (Union de Rectángulos) 6.9. Radial Sweep 6.10. Minimum Bounding Circle 7. Varios 7.1. Operaciones de bits 7.1. Operaciones de bits 7.2. Longest Incresing Subsequence (LIS) 7.3. Maximum Subarray Sum 7.4. Rotar 90° una matriz (sentido horario) 7.5. Random + Imprimir Doubles + Leading Zeroes 7.6. Slding Window RMQ 7.7. Ternary Search  BGL-UBA - Reference
4. Strings       9         4.1. ToString/ToNumber       9         4.2. Tablita de Bordes       9         4.3. Knuth-Morris-Pratt (KMP) (Jonaz)       9         4.4. Subsecuencia Comun mas larga       9         4.5. Edit-Distance       9         4.6. Substring Palindromo (esPalindromo(s[ij]))       10         4.7. Suffix Array       10         4.8. Longest Common Prefix       10	
5. Matematica       11         5.1. PotLog       11         5.2. Criba       11         5.3. Euclides Extendido       11         5.4. Teorema Chino del Resto       11         5.5. Eliminacion Gaussiana (Código ruso)       12         5.6. Rabin-Miller       12         5.7. Pollard-Rho       13	Page 1 of 19

### Cosas a tener en cuenta

### Flags de Compilación

```
g++ -std=c++11 -DACMTUYO -O2 -Wshadow -Wextra -D_GLIBCXX_DEBUG -Wall -c "\mathcal{t}"
g++ -std=c++11 -DACMTUYO -O2 -Wshadow -Wall -Wextra -D_GLIBCXX_DEBUG -o"\mathcal{t}" "\mathcal{t}"
time "./\mathcal{t}e"
```

### 1. Estructuras

### 1.1. Fenwick Tree

```
// TRABAJAR CON UN VECTOR INDEXADO EN 1 EN "fenwick" (DE TAMANO N+1)
   void add (tint k, tint x, vector<tint> &fenwick) { // Suma x al indice k
     tint n = fenwick.size() -1;
     while (k \le n) {
      fenwick[k] += x;
       k += (k \& -k);
     }
    // Devuelve la suma en el rango [1..k] (inclusive)
   tint sum (tint k, vector<tint> &fenwick) {
     tint s = 0;
11
     while (k \ge 1) {
12
       s += fenwick[k];
13
       k = (k \& -k);
15
     return s;
16
17 }
```

### 1.2. Trie

```
const int MAXN = 60000;

struct TrieNode {
   map<char, int> sig;
   bool final = false;
   void reset() { sig.clear(); final = false; }
};

TrieNode trie[MAXN];
int trie_n = 1;

void resetTrie() {
   trie_n = 1;
   trie[0].reset();
```

```
15 }
16
   void insertar(string st) {
     int pos = 0;
18
     for(int i=0; i<(int)st.size(); i++) {</pre>
19
       if (trie[pos].sig.find(st[i]) == trie[pos].sig.end()) {
20
         trie[pos].sig[st[i]] = trie_n;
21
         trie[trie n].reset():
23
         trie_n++;
24
       pos = trie[pos].sig[st[i]];
26
     trie[pos].final = true;
27
28
   bool buscar(string st) {
     int pos = 0;
     for(int i=0; i<(int)st.size(); i++) {</pre>
       if (trie[pos].sig.find(st[i]) == trie[pos].sig.end())
         return false;
34
       pos = trie[pos].sig[st[i]];
36
     return (trie[pos].final == true);
37
38 }
1.3. Segment Tree
1 // Nodo del segment tree
2 | struct Nodo {
     tint x;
     Nodo (tint xx) { x = xx; }
   // Operacion del segment tree : tiene que ser ASOCIATIVA
  Nodo op (Nodo n1, Nodo n2) {
     return Nodo(n1.x+n2.x);
vector<Nodo> buildSegTree (vector<Nodo> &v ) {
     // Completa el tamanho
     tint k = 4, n = v.size();
     while (k < 2*n)
      k <<= 1;
14
     // Rellena las hojas
     vector<Nodo> seg (k, Nodo(0));
     forn(i,n)
```

seg[(k >> 1)+i] = v[i];

// Completa los padres

while (k > 0) {

19

BGL-UBA - Página 3 de 19

```
Universidad de Buenos Aires - FCEN – BGL
```

```
Page 3 of 1
```

```
seg[(k-1) >> 1] = op(seg[k-1], seg[k-2]);
21
        k = 2;
22
23
     return seg;
24
25
    // i es el indice de [0,n) en el arreglo original
26
    // Nodo es lo que queremos poner ahora como hoja
    void update(tint i, Nodo nodo,vector<Nodo> &seg) {
28
     tint k = seg.size()/2 + i;
29
     seg[k] = nodo;
30
      while (k > 0) {
31
        seg[k >> 1] = op(seg[k], seg[k^1]);
32
        k >>= 1;
33
     }
34
35
    Nodo queryAux(tint k, tint 1, tint r, tint i, tint j, vector<Nodo> &seg) {
36
     if (i <= 1 && r <= j)</pre>
37
       return seg[k];
38
     if (r \le i or 1 \ge j)
39
       return Nodo(0); // Aca va el NEUTRO de la funcion "op"
40
     Nodo a = queryAux(2*k,1,(1+r) >> 1,i,j,seg);
41
     Nodo b = queryAux(2*k+1,(1+r) >> 1,r,i,j,seg);
42
      return op(a,b);
43
44
    // i,j son los indices del arreglo del que se hace la query
45
    // la query se hace en [i,j)
46
    Nodo query(tint i, tint j, vector<Nodo> &seg) {
47
     return queryAux(1,0,seg.size() >> 1,i,j,seg);
48
49
    // USO:
50
    int main() {
51
     tint n = 15:
     vector<Nodo> v (n, Nodo(0));
53
     forn(i,n)
54
        v[i] = Nodo((3*(i+1)) \% 7 - 9*(i-4) \%13);
55
     vector<Nodo> seg = buildSegTree(v);
56
      forn(i.n)
57
        cout << v[i].x << ""; // 13 7 7 14 1 -5 -5 2 -4 -4 3 -10 -3 -3 -9
58
59
      cout << query(3,11,seg).x << "\n"; // Devuelve 2</pre>
60
     update(6,Nodo(0),seg);
61
     cout << query(3,11,seg).x << "\n"; // Devuelve 7
62
     return 0;
63
64
```

```
typedef tree<int, null_type, less<int>, rb_tree_tag,
    tree_order_statistics_node_update> ordered_set;
    int main() {
10
      ordered set X:
      X.insert(1); X.insert(2); X.insert(4); X.insert(8); X.insert(16);
12
13
      // find_by_order(i): iterador al lugar donde se encuentra el i-esimo
14
      cout << *X.find_by_order(1) << endl; // 2</pre>
15
      cout << *X.find_by_order(2) << endl; // 4</pre>
16
      cout << *X.find_by_order(4) << endl; // 16</pre>
17
      cout << (X.end() == X.find_by_order(6)) << endl; // true</pre>
18
19
      // order_of_key(x): orden donde iria el elemento x
20
      cout << X.order_of_key(-5) << endl; // 0</pre>
      cout << X.order_of_key(1) << endl; // 0</pre>
22
      cout << X.order_of_key(3) << endl; // 2</pre>
      cout << X.order_of_key(4) << endl; // 2</pre>
24
      cout << X.order_of_key(400) << endl; // 5</pre>
25
      return 0:
26
27 }
```

#include <iostream>

using namespace std;

using namespace \_\_gnu\_pbds;

#include <ext/pb\_ds/assoc\_container.hpp>

### 1.4. Order Statistic Tree (GCC)

**BGL-UBA** - Página 4 de 19

### 2. Grafos

### 2.1. Dijsktra

```
const tint INFINITO = 1e15;
    // parent : Inicializar (n,{}) : Guarda donde se realiza la minima distancia
    // ladj : Por cada vertice, un par {indice,peso}
    void dijkstra (tint comienzo, vector<vector<pair<tint,tint> > &ladj,
   vector<tint> &distance, vector<vector<tint> > &parent) {
     priority_queue <pair<tint, tint> > q; // {-peso,indice}
     tint n = distance.size();
     forn(i.n)
10
       distance[i] = (i != comienzo)*INFINITO;
11
     vector<tint> procesado (n,0);
12
     q.push({0,comienzo});
13
     while (!q.empty()) {
14
       tint actual = q.top().second;
15
        q.pop();
16
        if (!procesado[actual]) {
17
          procesado[actual] = 1;
18
          for (auto vecino : ladj[actual]) {
19
            if (distance[actual] + vecino.second < distance[vecino.first]) {</pre>
20
              distance[vecino.first] = distance[actual] + vecino.second;
21
              q.push({-distance[vecino.first], vecino.first});
22
              parent[vecino.first] = {actual};
23
           }
24
            else if (distance[actual] + vecino.second == distance[vecino.first])
25
              parent[vecino.first].push_back(actual);
26
         }
27
       }
28
29
30
      En distance quedan las minimas distancias desde comienzo
```

### 2.2. TopoSort y Kosaraju

```
typedef vector<tint> vi;
void dfsTopo(vector<vi> &g, tint s, vi &vis, vi &ord, vi &comp) {
  vis[s] = true;
  for(auto ad : g[s]) if (!vis[ad]) dfsTopo(g, ad, vis, ord, comp);
  ord.push_back(s);
  comp.push_back(s);
}
vi topoSort(vector<vi> &g) { // Devuelve el orden topologico
  int N = g.size();
```

```
vi vis, ord, aux;
     vis.assign(N, 0);
11
     forn(i,N) if (!vis[i]) dfsTopo(g, i, vis, ord, aux);
     reverse(ord.begin(), ord.end());
13
     return ord:
14
15
    // Devuelve las componentes en orden topologico
16
    vector<vi> kosaraju(vector<vi> &graf) {
     vi ord = topoSort(graf);
18
     // Invertimos el grafo
19
     tint N = graf.size();
20
     vector<vi> grafInv(N, vi());
21
     forn(i,N) for(auto j : graf[i]) grafInv[j].push_back(i);
22
23
     vi vis(N, false), aux;
     vector<vi> comps;
25
     for (auto o : ord)
     if (!vis[o]) {
27
       vi comp; dfsTopo(grafInv, o, vis, aux, comp);
        comps.push_back(comp);
29
     }
30
     return comps;
31
32 }
```

### 2.3. 2-SAT (Jonaz)

### 2.4. Puentes, Puntos de Articulación y Biconexas (Jonaz)

### 2.5. SPFA

```
const tint maxN = 16384; // cantidad de nodos
2 | const tint INFINITO = 1e15; // suma de modulos de las aristas o algo asi
   tint best[maxN];
   bool adentro[maxN]:
   // ladj : {indice,peso}
   void spfa (tint start, vector<vector<pair<tint, tint> > &ladj) {
     tint n = ladj.size();
     forn(i,n)
9
       best[i] = (i != start)*INFINITO;
     vector<tint> vecinos = {start}, nuevosVecinos;
11
     while (!vecinos.empty()) {
12
       tint actual = vecinos.back();
13
       vecinos.pop_back();
14
       adentro[actual] = false;
15
```

}

if (vecinos.empty())

const tint INFINITO = 1e15;

 $if (r > 1) {$ 

forn(i,r)

forsn(i.1.r)

return minHam;

dp[1][0] = 0;

forn(j,r)

minHam = d[0][0];

16

17

18

19

20

21

22

23

24

25

26

27

28

10

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

21

}

else

for (auto vecino : ladj[actual]) {

if (!adentro[vecino.first]) {

adentro[vecino.first] = 1;

Ciclo Hamiltoniano Minimo

vecinos.swap(nuevosVecinos);

tint r = d.size(), minHam = INFINITO;

if (best[actual] + vecino.second < best[vecino.first]) {</pre>

best[vecino.first] = best[actual] + vecino.second:

nuevosVecinos.push\_back(vecino.first);

tint minimumHamiltonianCycle (vector<vector<tint> > &d) {

for(tint mask = 1; mask < (1 << r); mask += 2)</pre>

if ((i != j) && (mask & (1 << j)))</pre>

if ((i > 0) && (mask & (1 << i)) && (mask & 1))

minHam = min(minHam,dp[(1 << r) - 1][i] + d[i][0]);

vector<vector<tint> > dp ((1 << r), vector<tint> (r,INFINITO));

 $dp[mask][i] = min(dp[mask][i],dp[mask ^ (1 << i)][j] + d[j][i]);$ 

```
2.7. Dinic (aguanta multiejes y autoejes)
```

```
const tint maxN = 512;
const tint INFINITO = 1e15;
struct Arista {
   tint start,end,capacity,flow;
Arista (tint ss, tint ee, tint cc, tint ff) {
   start = ss;
end = ee;
```

```
capacity = cc;
       flow = ff;
10
   };
11
12
   vector<Arista> red; // Red residual
   vector<tint> ladj [maxN]; // (guarda vecinos como indices en red)
15
   tint n, s, t; // #Nodos, source, sink
   tint ultimoVecino [maxN]; // ultimo vecino visitado en dfs
   tint nivel [maxN]; // Nivel del bfs
19
   void agregarArista (tint ss, tint ee, tint c) {
20
     ladj[ss].push_back( tint (red.size())); // guardamos el indice
21
     red.push_back(Arista(ss,ee,c,0));
     ladj[ee].push_back( tint (red.size()));
     red.push_back(Arista(ee,ss,c,0));
25
26
   bool bfs () {
27
28
     forn(i,n+1)
       nivel[i] = -1;
29
     vector<tint> vecinos = {s}, nuevosVecinos;
     nivel[s] = 0:
31
     while (!vecinos.empty() && nivel[t] == -1) {
32
        tint actual = vecinos.back();
33
       vecinos.pop_back();
34
       for (auto iArista : ladj[actual]) {
35
          tint vecino = red[iArista].end;
36
         // Si bajo en uno el nivel y puedo mandar flujo en la red residual
37
          if (nivel[vecino] == -1 && red[iArista].flow < red[iArista].capacity) {</pre>
38
           nivel[vecino] = nivel[actual] + 1:
39
           nuevosVecinos.push_back(vecino);
40
41
42
       if (vecinos.empty()) {
          swap(vecinos,nuevosVecinos);
44
         nuevosVecinos = {};
45
46
47
     return (nivel[t] != -1);
48
49
50
   tint dfs (tint actual, tint flujo) {
     if (flujo <= 0)</pre>
52
       return 0;
53
```

2 GRAFOS BGL-UBA - Página 6 de 19

```
else if (actual == t)
54
       return flujo;
55
     else {
56
        while (ultimoVecino[actual] < tint(ladj[actual].size())) {</pre>
57
          tint id = ladj[actual][ultimoVecino[actual]];
58
          if (nivel[red[id].end] == nivel[actual] + 1) {
59
            tint pushed = dfs(red[id].end,min(flujo,red[id].capacity-red[id].flow));
60
            if (pushed > 0) {
61
              red[id].flow += pushed;
62
              red[id^1].flow -= pushed;
63
              return pushed;
64
65
         }
66
         ultimoVecino[actual]++;
67
68
       return 0;
69
70
71
72
    tint dinic () {
73
     tint flujo = 0;
74
     while (bfs()) {
75
       forn(i,n+1)
76
         ultimoVecino[i] = 0;
77
       tint pushed = dfs(s,INFINITO);
78
79
        while (pushed > 0) {
80
         flujo += pushed;
81
         pushed = dfs(s,INFINITO);
82
83
84
     return flujo;
85
86 }
```

### 2.8. Flujo de Costo Mínimo

Buenos Aires - FCEN - BGL

Page 6 of

### Arboles

### Union-Find (Guty)

```
const tint maxN = 131072;
    vector<tint> caminito:
    tint representante[maxN];
    tint tamanho[maxN]:
    void inicializar (tint n) {
     forn(i,n) {
        representante[i] = i;
        tamanho[i] = 1;
10
11
12
    tint find (tint x) {
13
      caminito = {};
14
      while (x != representante[x]) {
15
        caminito.push_back(x);
16
        x = representante[x];
17
18
      for (auto z : caminito)
19
        representante[z] = x;
20
      return x;
21
22
23
    bool same (tint a, tint b) { return (find(a) == find(b)); }
24
25
    void unite (tint a, tint b) {
26
     a = find(a);
27
     b = find(b):
28
     if (tamanho[a] < tamanho[b])</pre>
^{29}
        swap(a,b);
30
     tamanho[a] += tamanho[b];
31
     representante[b] = a;
32
33
```

### Union-Find (Jonaz)

```
class UF {
private: vector<int> p, rank; int comps;
public:
 UF(int N) {
   rank.assign(N, 0); comps = N;
   p.assign(N, 0); forn(i,N) p[i] = i;
```

```
int findSet(int i) { return (p[i] == i) ? i : (p[i] = findSet(p[i])); }
      bool sameSet(int i, int j) { return findSet(i) == findSet(j); }
      void unionSet(int i, int j) {
10
       if (!sameSet(i,j)) {
11
         int x = findSet(i), y = findSet(j);
12
         if (rank[x] > rank[y]) p[y] = x;
13
          else {
14
           p[x] = y;
15
           if (rank[x] == rank[y]) rank[y]++;
16
17
18
         comps--;
19
20
     int components() { return comps; }
22 | };
3.3. Kruskal (usa UF de Jonaz)
   struct Arista {
     tint peso, start, end;
     Arista(tint s, tint e, tint p) : peso(p), start(s), end(e) {}
     bool operator (const Arista& o) const {
       return make_tuple(peso, start, end) < make_tuple(o.peso, o.start, o.end);</pre>
   }};
   // Devuelve el peso del AGM, y en 'agm' deja las aristas del mismo.
   tint kruskal(vector<Arista> &ars, tint size, vector<Arista> &agm) {
     sort(ars.begin(), ars.end());
     tint min_peso = 0;
10
     UF uf(size):
11
     for(auto &a : ars) {
12
       if (!uf.sameSet(a.start, a.end)) {
13
         min peso += a.peso:
14
         uf.unionSet(a.start, a.end);
15
         agm.push_back(a);
17
         if ((tint)agm.size() == size-1) break; // Esto es que ya tiene V-1 aristas
     }}
18
19
     return min_peso;
20 }
```

### 3.4. LCA - Segment Tree (Jonaz)

### Binary Lifting (saltitos potencia de 2)

```
const tint maxN = 32768; // cantidad de nodos
  const tint maxK = 16; // lg(cantidadDeNodos)
3 const tint NEUTRO = 1e8; // neutro de la operacion (ejemplo: minimo)
```

**BGL-UBA** - Página 8 de 19

```
}
                                                                                            50
   tint d[maxN]; // profundidad
                                                                                                  // SUBIMOS LO QUE HAGA FALTA PARA LLEGAR AL LCA
                                                                                            51
   pair<tint, tint> p[maxN] [maxK];
                                                                                                  cSup *= (a != b);
                                                                                            52
    // {ancestro a distancia 2^k, Lo que queremos entre los 2^k ancestros}
                                                                                                  a = subir(a,cSup,ans,true);
                                                                                            53
                                                                                                  b = subir(b,cSup,ans,true);
                                                                                            54
    void dfs(tint actual, vector<vector<pair<tint,tint> > &ladj, tint padre) {
                                                                                            55
                                                                                                  return ans;
     d[actual] = d[padre]+1;
                                                                                            56
10
     for (auto x : ladj[actual])
                                                                                            57
11
       if (x.first != padre) {
                                                                                                // INICIALIZACION
                                                                                            58
12
         p[x.first][0] = {actual,x.second};
                                                                                                int main() {
13
         dfs(x.first,ladj,actual);
                                                                                                  forn(i.maxN)
14
                                                                                                  forn(k,maxK)
                                                                                            61
15
                                                                                                    p[i][k] = \{-1, NEUTRO\};
16
                                                                                            62
                                                                                                  // HACEMOS EL PRIMER PASO EN FUNCION DEL GRAFO
17
                                                                                            63
    tint subir(tint a, tint c, tint &ans, bool tomaMinimo) {
                                                                                                  vector<vector<pair<tint, tint> > ladj (maxN); // listaDeAdyacencia del arbol
18
     tint k = 0:
                                                                                                  d[0] = -1;
                                                                                            65
19
     while (c > 0) {
                                                                                                  dfs(0,ladj,0);
                                                                                            66
20
                                                                                                  // LLENADO DE LA TABLA
       if (c %2) {
^{21}
          if (tomaMinimo)
                                                                                                  forsn(k,1,maxK)
22
            ans = min(ans,p[a][k].second);
                                                                                                  forn(i,maxN) {
                                                                                            69
23
         a = p[a][k].first;
                                                                                                    tint ancestro = p[i][k-1].first;
24
                                                                                            71
                                                                                                    if (ancestro >= 0)
25
                                                                                                      p[i][k] = {p[ancestro][k-1].first,
       k++;
                                                                                            72
26
                                                                                                                  min(p[i][k-1].second,p[ancestro][k-1].second) };
       c /= 2;
                                                                                            73
27
                                                                                                 }
                                                                                            74
28
                                                                                            75 }
29
     return a;
30
31
    tint answer (tint a, tint b) {
32
     // IGUALAMOS LAS ALTURAS
33
     if (d[a] < d[b])
34
       swap(a,b);
35
     tint w = d[a] - d[b], ans = NEUTRO;
36
     a = subir(a,w,ans,true);
37
38
     // HACEMOS LA BINARY PARA BUSCAR EL LCA
39
      tint cInf = 0, cSup = maxN;
40
     while (cSup - cInf > 1) {
41
       tint ra = a, rb = b;
42
        tint c = (cSup+cInf)/2;
43
       ra = subir(ra,c,ans,false);
44
       rb = subir(rb,c,ans,false);
45
       if (ra == rb)
46
          cSup = c;
47
        else
48
          cInf = c;
49
```

# idad de Buenos Aires - FCEN – BC

## Page 0 of

## 4. Strings

### 4.1. ToString/ToNumber

```
#include <iostream>
   #include <string>
   #include <sstream>
   tint toNumber (string s)
     tint Number;
     if ( ! (istringstream(s) >> Number) )
       Number = 0; // el string vacio lo manda al cero
9
     return Number:
10
11
12
   string toString (tint number)
13
14
        ostringstream ostr;
15
       ostr << number;
16
       return ostr.str();
17
18 }
```

### 4.2. Tablita de Bordes

```
// Complejidad O(N)
    // Devuelve arreglo, en la posicion i la longitud del maximo borde hasta st[i].
    // En el ejemplo "abracadabra" devuelve 0 0 0 1 0 1 0 1 2 3 4
   vector<int> calcularBordes(string st) {
     int i=1, j=0, n=st.size();
     vector<int> bordes(n, 0);
     while(i<n) {
       while(j>0 && st[i] != st[j])
         i = bordes[i-1];
       if (st[i] == st[j])
10
         j++;
11
       bordes[i++] = j;
12
13
     return bordes;
14
15
    // String Matching con Bordes:
16
    // Concatenar S+'$'+T (donde $ no aparece en S ni T)
17
    // S chico, T grande
18
    // Calcular bordes, siempre que el borde maximo para alguna
19
    // posicion correspondiente a T sea de longitud |S|
20
   // entonces hay un substring en T que coincide con S.
```

### 4.3. Knuth-Morris-Pratt (KMP) (Jonaz)

### 4.4. Subsecuencia Comun mas larga

```
_{1} | const tint maxN = 128;
   tint p[maxN] [maxN];
   // Llamar lcs(s1,s2,n,m)
   tint lcs(string &s1, string &s2, tint i, tint j)
6
     if (p[i][j] == -1)
       if (i == 0 \text{ or } i == 0)
       p[i][j] = 0;
10
        else
12
          if (s1[i-1] == s2[j-1])
13
          p[i][j] = 1 + lcs(s1,s2,i-1,j-1);
14
          else
16
            p[i][j] = max(p[i][j],lcs(s1,s2,i-1,j));
            p[i][j] = max(p[i][j],lcs(s1,s2,i,j-1));
18
19
       }
20
21
     return p[i][j];
22
23 }
```

### 4.5. Edit-Distance

```
// Minima distancia entre strings si lo que se puede es: INSERTAR, REMOVER,
         MODIFICAR, SWAPS ADYACENTES
2 | const tint maxN = 1024; // maximo largo de los strings
   const tint INFINITO = 1e15;
  string s1,s2;
   tint dist[maxN][maxN]:
   tint f(tint i, tint j)
     // Si un string es vacio, hay que borrar todo el otro
     if (i == -1 \text{ or } j == -1)
       return max(i,j)+1;
11
     if (dist[i][j] == INFINITO)
13
        tint mini = INFINITO;
14
         // Lo mejor de borrar el i-esimo de s1 o insertar al final de s1 a s2[j]
15
```

**BGL-UBA** - Página 10 de 19

forn(k,i)

dist[i][j] = mini;

return dist[i][j];

{

// USO:

int main()

forn(i,n)

forn(j,m)

return 0:

16

17

18

19

20

21

22

23

 $^{24}$ 

25

26 27

28

29

30

31

32

33

34

35

36

37

38

39

40 41 }

```
Universidad de Buenos Aires - FCEN – BG
```

## 4.6. Substring Palindromo (esPalindromo(s[i..j]))

mini = min(mini,min(f(i-1,j)+1,f(i,j-1)+1));

mini = min(mini,f(i-k-2,j-2)+k+1);

else // Modificar s1[i] a s2[j] y resolver lo anterior

mini = min(mini,f(i-1,j-1));

mini = min(mini,f(i-1,j-1)+1);

resuelvo lo anterior

tint n = s1.size(), m = s2.size();

dist[i][j] = INFINITO;

cout  $<< f(n-1,m-1) << "\n";$ 

if (s1[i] == s2[j]) // Si coinciden, dejo como esta y resuelvo lo anterior

// Borramos los intermedios y swapeamos los ultimos 2 si funciona, lo hago y

 $if (i \ge 1 \&\& j \ge 1 \&\& s1[i] == s2[j-1] \&\& s1[i-k-1] == s2[j])$ 

```
// Asumo i < i
   bool esPalindromo (tint i, tint j, vector<vector<tint> > &r, tint n)
     if (i+j >= n)
       return (r[i+j][n-i] - r[i+j][n-j-1]) == j-i+1;
       return (r[i+j][j+1] - r[i+j][i]) == j-i+1;
    // USO:
   int main()
10
11
        tint n = s.size(); // s nuestro string
12
       vector<vector<tint> > v (n, vector<tint> (n,0));
13
       forn(i,n)
14
       forn(j,n)
15
         v[i][j] = (s[i] == s[j]);
16
       vector<vector<tint> > r (2*n-1,vector<tint> (n+1,0));
17
```

```
18
        forn(i,2*n-1)
19
20
          tint sum = 0, x = min(i,n-1), y = 0;
21
          if (i \ge n)
22
23
            y = i-n+1;
          forn(j,n)
24
26
            if (x >= 0 \&\& y < n)
              sum += v[x--][v++];
27
            r[i][j+1] = sum;
29
30
        // Ahora podemos preguntar si es palindromo s[i..j]
31
32 |}
```

### 4.7. Suffix Array

### 4.8. Longest Common Prefix

Page 10 of

**BGL-UBA** - Página 11 de 19

# ersidad de Buenos Aires - FCEN – BGL

### 5. Matematica

### 5.1. PotLog

```
const tint nmod = 1000000007; // o el primo que deseamos
   tint potLogMod (tint x, tint y) // Calcula: (x^y) mod nmod
     tint ans = 1:
     while (y > 0)
       if (y %2)
         ans = (x * ans) % nmod;
       x = (x * x) % nmod;
       y /= 2;
10
11
     return ans;
12
13
   tint invMod(tint a) // nmod PRIMO. Devuelve b tal que: (a*b) = 1 (mod nmod)
15
     return potLogMod(a,nmod-2);
16
17
```

### 5.2. Criba

```
const tint maxN = 1000500;
    tint p[maxN + 1] = \{1, 1\};
    tint phi[maxN];
    map<tint,tint> factorizar (tint n)
6
     map<tint, tint> f;
      while (n > 1)
       f[p[n]]++;
10
        n \neq p[n];
11
12
     return f:
13
14
    // USO:
15
    int main()
16
17
     // CRIBA COMUN : (p[n] = mayor primo que divide a n (n >= 2))
18
     for (tint i = 1; i <= maxN; ++i)</pre>
19
        if (p[i] == 1)
20
          for (tint j = i; j <= maxN; j += i)</pre>
21
            //if (p[j] == 1 or i == 1) // Con esta linea da el menor primo
22
            p[j] = i;
23
```

```
// CALCULA PHI(N): #Coprimos con N

for (tint i = 0; i < maxN; i++)

phi[i] = i;

for (tint i = 1; i < maxN; i++)

for (tint j = 2 * i; j < maxN; j += i)

phi[j] -= phi[i];

return 0;

}
```

### 5.3. Euclides Extendido

```
1 | tint gcd (tint a, tint b, tint &x, tint &y)
     if (a == 0)
3
4
       x = 0 ; y = 1 ;
       return b ;
7
     tint x1, y1;
     tint d = gcd (b \% a, a, x1, y1);
     x = y1 - (b/a) * x1;
     y = x1;
11
     return d;
13 }
15 // Nota si gcd(a,m) == 1 \Rightarrow 1 = a*x+m*y \Rightarrow 1 = a*x \pmod{m}
16 // O sea, que "x" es el inverso de "a" modulo "m"
```

### 5.4. Teorema Chino del Resto

```
pair<tint, tint> tcr (vector<tint> &r, vector<tint> &m) // x = r_i (mod m_i)
3
     tint p = 0, q = 1, n = r.size();
     forn(i,n)
5
     {
       p = modulo(p-r[i],q);
       tint x, y;
       tint d = gcd(m[i],q,x,y);
       if (p % d)
       return {-1,-1}; // sistema incompatible
       q = (q / d)*m[i];
       p = modulo(r[i]+m[i]*x*(p/d), q); // OVERFLOW?: __int128 o mult()
13
       // modulo(r[i]+modulo(modulo(m[i]*x,q)*(p/d),q), q);
14
15
     return \{p,q\}; // x = p (mod q)
16
17 }
```

**BGL-UBA** - Página 12 de 19

### 5.5. Eliminacion Gaussiana (Código ruso)

```
// Declarar EPS e INF al principio adecuadamente.
   tint gauss ( vector < vector < double > > a, vector < double > & ans ) {
     tint n = a. size ():
     tint m = a[0].size() -1;
     vector<tint> where (m, -1);
     for ( tint col = 0, row = 0 : col < m && row < n: ++col)
       int sel = row :
       for ( tint i = row ; i < n ; ++i)
         if ( abs (a[i][col]) > abs (a[sel][col]) )
10
           sel = i :
11
        if ( abs(a[sel][col]) < EPS )</pre>
12
          continue;
13
       for ( tint i = col ; i <= m ; ++i)</pre>
14
         swap (a[sel][i], a[row][i]);
15
       where[col] = row:
16
       for ( tint i = 0 ; i < n ; ++i)
17
         if ( i != row )
18
         ł
19
           ldouble c = a[i][col] / a[row][col] ;
20
           for ( tint j = col ; j <= m ; ++ j)
21
             a[i][j] -= a[row][j] * c;
22
         }
23
24
       ++row:
25
26
     ans.assign(m, 0);
27
     for ( tint i = 0 ; i < m ; ++i )
28
       if ( where[i] != - 1 )
29
          ans [i] = a[where[i]][m] / a [where[i]][i];
30
     for ( tint i = 0 ; i < n ; ++i )
31
     {
32
       ldouble sum = 0 ;
33
       for ( tint j = 0 ; j < m ; ++j)
34
         sum += ans[i]*a[i][i]:
35
       if ( abs(sum - a[i][m] ) > EPS )
36
          return 0:
37
38
39
     for ( int i = 0 ; i < m ; ++ i )
40
       if ( where[i] == - 1)
41
         return INF ;
42
     return 1 ;
43
44
45
```

```
46 // 0 -> No hay solucion
47 // 1 -> Hay solucion unica. La devuelve en "ans"
48 // INF -> Hay infinitas soluciones
5.6. Rabin-Miller
1 // USA: "PotLog", pero pasandole el modulo como parametro
2 #include <random>
3 | const tint semilla = 38532164;
  mt19937 gen(semilla);
   tint mult(tint a, tint b, tint m)
     int largestBit = 0;
     while( (b >> largestBit) != 0)
       largestBit++:
     tint ans = 0;
     for(tint currentBit = largestBit - 1: currentBit >= 0: currentBit--)
12
13
       ans = (ans + ans);
14
       if (ans >= m)
         ans -= m;
16
       if ( (b >> currentBit) & 1)
18
19
20
         ans += a:
         if (ans >= m)
           ans -= m;
22
23
     }
24
     return ans:
26
27
   bool esPrimoRM (tint n)
29 | {
    if (n <= 1)
30
       return false:
     else if (n \le 3)
      return true:
     else if (n \% 2 == 0)
       return false;
35
     else
37
       uniform_int_distribution<tint> dis(2, n-2);
       tint kOrig = 0, m = n-1;
39
       while (m \% 2 == 0)
40
41
```

```
kOrig++;
42
          m /= 2;
43
44
        bool esPrimo = true;
45
        vector<tint> testigos = {2,3,5,7,11,13,17,19,23,29,31,37};
46
        for (auto a : testigos)
47
48
          if (a < n)
49
50
            tint b = potLogMod(a,m,n), k = kOrig;
51
            if (b == 1 \text{ or } b == n-1)
52
              continue;
53
            else
54
            ł
55
              forn(j,k)
56
57
                b = mult(b,b,n);
58
                if (b == n-1)
59
                   break;
60
                 else if (b == 1)
61
                {
62
                   esPrimo = false;
63
                   break;
64
                }
65
              }
66
               if (b != n-1)
67
68
                esPrimo = false;
69
                 break;
70
71
72
73
74
        return esPrimo;
75
76
77
       Pollard-Rho
    // USA: Rabin-Miller
   tint gcd (tint a, tint b)
   {
```

```
if (a == 0)
   return b;
 return gcd (b % a, a);
void factorizar (tint n, map<tint, tint> &f)
```

```
9 | {
     while (n > 1)
10
11
        if (esPrimoRM(n))
12
       {
13
14
         f[n]++;
         n /= n;
15
       }
16
        else
17
18
19
          uniform_int_distribution<tint> dis(1, n-1);
          tint a = dis(gen), b = dis(gen), x = 2, y = 2, d;
20
21
          {
22
           x = (mult(x,x,n) + mult(a,x,n) + b) %n;
           y = (mult(y,y,n) + mult(a,y,n) + b) %n;
24
           y = (mult(y,y,n) + mult(a,y,n) + b) %n;
25
            d = gcd(abs(x-y),n);
26
27
          while (d == 1);
28
          if (d != n)
30
            factorizar(d,f);
31
32
           n /= d;
         }
33
34
35
     }
36
37 | }
```

### 5.8. FFT

```
1 // USA : "PotLog" e "InvMod" con nmod = mod
2 | const tint mod = (1 << 21)*11 + 1; // es re primo
3 | const tint root = 38;
   const tint root_1 = 21247462;
   const tint root_pw = 1 << 21 ; // largo del arreglo</pre>
6
    * const tint mod = 7340033:
    * const tint root = 5;
    * const tint root_1 = 4404020 ;
    * const tint root_pw = 1 << 20 ;
11
   tint modulo (tint n)
14
     return ((n % mod) + mod) % mod;
```

5 MATEMATICA

```
iversidad de Buenos Aires - FCEN – BGL
```

```
Page 14 of
```

```
16 }
    void fft (vector <tint> &a, bool invert )
17
18
      tint n = a. size();
19
      for (tint i = 1, j = 0; i < n; ++ i)
20
21
        tint bit = n >> 1;
22
        while(i >= bit)
23
24
         j -= bit ;
25
         bit >>= 1:
26
27
        j += bit ;
28
        if ( i < j )
29
          swap (a[i],a[j]);
30
31
      for (tint len = 2; len <= n; len <<= 1)
32
33
        tint wlen = root;
34
        if (invert)
35
          wlen = root_1;
36
        for (tint i = len ; i < root_pw ; i <<= 1)</pre>
37
          wlen = modulo(wlen * wlen);
38
        for (tint i = 0 ; i < n ; i += len)
39
40
          tint w = 1:
41
          forn(j,len/2)
42
43
            tint u = a[i+j], v = modulo(a[i+j+len/2] * w);
44
            a[i+j] = modulo(u+v);
45
            a[i+j + len/2] = modulo(u - v);
46
            w = modulo(w * wlen);
47
         }
48
       }
49
     }
50
51
      if (invert)
52
53
        tint nrev = invMod(n):
54
        forn(i.n)
55
          a[i] = modulo(a[i] * nrev) ;
56
57
58
59
    void multiply (const vector<tint> &a, const vector<tint> &b, vector<tint> &res)
61 {
```

```
vector<tint> fa(a.begin(), a.end() ), fb(b.begin(), b.end() );
      tint n = 1;
63
      while (n < max(tint(a.size()), tint(b.size())))</pre>
64
65
     n <<= 1 :
66
      fa.resize(n), fb.resize(n);
67
     fft (fa, false), fft(fb, false);
     forn(i.n)
      fa[i] *= fb[i];
     fft(fa, true);
     res = fa:
73 }
   // USO:
75 | int main()
     vector < tint > a = \{1,0,0,1\};
     vector < tint> b = \{1,0,0,1\};
     vector<tint> res:
     multiply(a,b,res);
     for (auto x : res)
      cout << x << ""; // 1 0 0 2 0 0 1 0
     cout << endl;</pre>
83
     return 0;
84
85 }
```

### 5.9. Regla de Simpson (Integracion Numerica)

# ersidad de Buenos Aires - FCEN – BGI

# Page 15 of

### 6. Geometria

### 6.1. Tipo PUNTO y Operaciones

```
const ldouble epsilon = 1e-10;
    const ldouble pi = acos(-1);
   struct Punto
     ldouble x,y;
     Punto (ldouble xx, ldouble yy)
       x = xx;
10
       y = yy;
11
     Punto()
12
13
       x = 0.0;
14
       y = 0.0;
15
16
17
   Punto operator + (Punto p1, Punto p2)
18
19
     return Punto(p1.x+p2.x,p1.y+p2.y);
20
21
    Punto operator - (Punto p1, Punto p2)
22
23
     return Punto(p1.x-p2.x,p1.y-p2.y);
24
25
   Punto operator * (ldouble lambda, Punto p)
26
27
     return Punto(lambda*p.x, lambda*p.y);
28
29
   ldouble operator * (Punto p1, Punto p2)
30
31
     return p1.x*p2.x+p1.y*p2.y;
32
33
   ldouble operator ^ (Punto p1, Punto p2)
34
35
     return p1.x*p2.y - p1.y*p2.x;
36
37
   Punto operator ~ (Punto p)
38
39
     return Punto(-p.y,p.x);
40
41
42 | ldouble norma (Punto p)
```

```
43 | {
     return sqrt(p.x*p.x+p.y*p.y);
44
45
   bool operator < (Punto p1, Punto p2)</pre>
46
47
     return make_pair(p1.x,p1.y) < make_pair(p2.x,p2.y);</pre>
48
   bool operator == (Punto p1, Punto p2)
51
     return ((abs(p1.x-p2.x) < epsilon) && (abs(p1.y-p2.y) < epsilon));
52
53 | }
      Area de Poligono
ldouble areaTriangulo (Punto p1, Punto p2, Punto p3)
2
     return abs((p1-p3)^(p1-p2))/2.0;
3
4
   ldouble areaPoligono(vector<Punto> &polygon)
     ldouble area = 0.0;
     tint n = polygon.size();
     forn(i,n)
       area += polygon[i]^polygon[(i+1) %n];
     return abs(area)/2.0;
12
13 }
      Punto en Poligono
1 | bool adentroPoligono(vector<Punto> &polygon, Punto p) // polygon EN EL SENTIDO
        DE LAS AGUJAS
2 | {
     bool adentro = true;
     tint n = polygon.size();
4
     forn(i,n)
       adentro &= (((p-polygon[i])^(p-polygon[(i+1) ½])) < 0);</pre>
     return adentro;
8 }
       Interseccion de Segmentos
1 | struct Segmento
2
     Punto start, end, dir;
     Segmento (Punto ss, Punto ee)
4
5
```

**BGL-UBA** - Página 16 de 19

12

```
start = ss:
                                                                                           13
                                                                                                 else
                                                                                                   return abs( ((s.start-p)^(s.end-p)) / (norma(s.dir)) );
        end = ee;
                                                                                           14
        dir = ee-ss:
                                                                                           15
                                                                                           16
                                                                                              ldouble dEntreSeg(Segmento s1, Segmento s2)
                                                                                           17
10
    // res.second == 0 -> NO HAY INTERSECCION
                                                                                           18
11
                                                                                                 ldouble a = min(dPuntoSeg(s1.start,s2),dPuntoSeg(s1.end,s2));
    // res.second == 1 -> INTERSECAN EN UN PUNTO (que esta en res.first)
                                                                                           19
    // res.second == 2 -> SON COLINEALES E INTERSECAN EN TODO UN SEGMENTO (Da un
                                                                                                 ldouble b = min(dPuntoSeg(s2.start,s1),dPuntoSeg(s2.end,s1));
                                                                                           20
13
        extremo, si queremos el otro, correr otra vez con "otroExtremo" = true)
                                                                                                 return (interSeg(s1,s2,false).second == 0) * min(a,b);
                                                                                           21
   pair<Punto,tint> interSeg (Segmento s1, Segmento s2, bool otroExtremo )
                                                                                           22 }
14
15
                                                                                                   Convex-Hull (2D)
                                                                                           6.6.
     if ((abs(s1.dir ^ s2.dir)) < epsilon) // son colineales</pre>
16
     {
17
        vector<pair<Punto, tint> > aux = {{s1.start - epsilon*s1.dir,1},
                                                                                            1
18
                                         {s1.end + epsilon*s1.dir,1},
                                                                                              tint norma2Sqr (Punto p)
                                                                                            2
19
                                         {s2.start - epsilon*s2.dir,2},
                                                                                            3
20
                                         {s2.end + epsilon*s2.dir,2}};
                                                                                                 return p*p;
21
                                                                                            4
        sort(aux.begin(),aux.end());
                                                                                            5
22
        if (aux[0].second != aux[1].second)
                                                                                               tint areaTriangulo (Punto p1, Punto p2, Punto p3) // Doble, negativo si horario
23
          return make_pair(aux[1+otroExtremo].first,2);
                                                                                            7
24
        else
                                                                                                 return (p1-p3)^(p1-p2);
25
          return make_pair(Punto(),0);
                                                                                            9
^{26}
                                                                                               bool porX (Punto p1, Punto p2)
                                                                                           10
27
     else
                                                                                           11
28
                                                                                           12
                                                                                                 return make_pair(p1.x,p1.y) < make_pair(p2.x,p2.y);</pre>
29
       ldouble alfa = ((s2.start-s1.start)^s2.dir) / (s1.dir^s2.dir);
                                                                                           13
30
        if (0 <= alfa && alfa <= 1)
                                                                                           14
31
          return make_pair(s1.start+alfa*s1.dir,1);
32
                                                                                               bool operator < (Punto p1, Punto p2)
        else
33
          return make_pair(Punto(),0);
                                                                                           17
34
                                                                                                 if (areaTriangulo(r,p1,p2) == 0)
                                                                                           18
35
                                                                                                   return norma2Sqr(p1-r) < norma2Sqr(p2-r);</pre>
36
                                                                                           19
                                                                                           20
        Angulo Entre Puntos y Distancia entre Segmentos
                                                                                                   return areaTriangulo(r,p1,p2) > 0;
                                                                                           21
                                                                                           22
   ldouble angEntre (Punto p1, Punto p2, Punto p3) // P1^P2P3
                                                                                           23
                                                                                               vector<Punto> chull(vector<Punto> &1)
2
     ldouble a = norma(p2-p3);
                                                                                           25
     ldouble b = norma(p1-p3);
                                                                                                 vector<Punto> res = 1:
                                                                                           26
     ldouble c = norma(p2-p1);
                                                                                                 if (l.size() < 3)
                                                                                           27
     return acos((a*a+c*c-b*b)/(2*a*c));
                                                                                                   return res:
                                                                                           28
                                                                                                 r = *(min_element(res.begin(), res.end(), porX));
                                                                                                 sort(res.begin(), res.end());
                                                                                           30
                                                                                                 vector<Punto> ch = {res[0],res[1]};
    ldouble dPuntoSeg (Punto p, Segmento s)
                                                                                                 tint i = 2, k = res.size();
                                                                                           32
10
     if (angEntre(p,s.start,s.end) > pi/2 or angEntre(p,s.end,s.start) > pi/2)
                                                                                                 while(i < k)
                                                                                           33
11
        return min(norma(p-s.start),norma(p-(s.end)));
                                                                                                   if (ch.size() >= 2 && areaTriangulo(ch[ch.size()-2],ch[ch.size()-1],res[i])
                                                                                           34
```

6 GEOMETRIA BGL-UBA - Página 17 de 19

- 6.7. Sweep Line Facil (Interseccion de Segmentos/Closest Pair)
- 6.8. Sweep Line Dificil (Union de Rectángulos)
- 6.9. Radial Sweep
- 6.10. Minimum Bounding Circle

Buenos Aires - FCEN – BGL

Page 17 o

# ersidad de Buenos Aires - FCEN – BGL

# Page 18 of 1

### 7. Varios

### 7.1. Operaciones de bits

```
__builtin_clz(x) // the number of zeros at the beginning of the number
__builtin_ctz(x) // the number of zeros at the end of the number
__builtin_popcount(x) // the number of ones in the number
__builtin_parity(x) // the parity (even or odd) of the number of ones

// Iterar sobre el subconjunto de la mascara "x"

int b = 0;

do

{
    // process subset b
} while (b=(b-x)&x);
```

### 7.2. Longest Incresing Subsequence (LIS)

```
tint LIS(vector<tint> &v) {
     if (v.empty()) return 0;
     tint 1 = 0:
                             // ultimo lugar de tails hasta ahora
     vi tails(v.size(), 0): // candidatos de final de sub secuencias
     tails[1] = v[0];
     forsn(i,1,v.size()) {
       // con upper_bound es no-decreciente
9
       tint me = lower_bound(tails.begin(),tails.begin()+l+1, v[i])-tails.begin();
10
       tails[me] = v[i];
11
       if (me > 1) 1 = me;
12
13
     return 1 + 1;
14
15
```

### 7.3. Maximum Subarray Sum

```
tint maximumSum (vector<tint> &a) // a no vacio

tint maxTotal = a[0], maxAca = a[0], n = a.size();

forsn(i,1,n)

{
   maxAca = max(a[i],maxAca + a[i]);
   maxTotal = max(maxTotal,maxAca);
}

return maxTotal;
}
```

### 7.4. Rotar 90° una matriz (sentido horario)

```
void rotar (vector<string> &origi)

tint n = origi.size();

string aux (n,'x');

vector<string> rotado (n,aux);

forn(i,n)

forn(j,n)

rotado[j][n-i-1] = origi[i][j];

origi = rotado;

}
```

### 7.5. Random + Imprimir Doubles + Leading Zeroes

```
1 #include <iostream>
   #include <random>
   #include <iomanip>
   using namespace std;
   random_device rd;
  mt19937 gen(rd());
   uniform_int_distribution<int> dis1(1, 10000);
   uniform_real_distribution<long double> dis2(1, 10000);
12
   int main()
13
     cout << dis1(gen) << "\n";</pre>
     cout << fixed << showpoint << setprecision(16) << dis2(gen) << "\n";</pre>
15
     cout << setfill('0') << setw(10) << 12345 << "\n"; // 0000012345
16
17
     return 0;
18
19 | }
```

### 7.6. Slding Window RMQ

```
void agrandarVentana (tint &r, deque<pair<tint,tint> > &rmq, vector<tint> &v)

while (!rmq.empty() && rmq.back().first >= v[r])
    rmq.pop_back();
    rmq.push_back({v[r],r});
    r++;

youd achicarVentana (tint &l, deque<pair<tint,tint> > &rmq)
```

7 VARIOS

1++;

int main()

if (1 == rmq.front().second)

tint 1 = 0, r = 0; // 1 . r

agrandarVentana(r,rmq,v);

agrandarVentana(r,rmq,v);

agrandarVentana(r,rmq,v);

agrandarVentana(r,rmq,v);

agrandarVentana(r,rmq,v);

achicarVentana(1,rmq);

achicarVentana(1,rmg);

vector< $tint> v = \{1,2,3,4,3,2,2,3,4\};$ 

pair<tint, tint> minimoVentana (deque<pair<tint, tint> > &rmq)

// USO: En todo momento tenemos el minimo entre [1.r)

deque<pair<tint, tint> > rmq; // {numero,indice}

cout << minimoVentana(rmq).first << endl; // {3,4}</pre>

rmq.pop\_front();

return rmq.front();

11

12

13

14

15

16

17

18

19

20

 $^{22}$ 

23

24

25

26

27

28

29

30

31

32

33

34

35 36

```
//Ternary en FLOATING POINT
   ldouble miniTernarySearch (ldouble tL, ldouble tR) // En [tL, tR] esta el minimo
20
21
     while (abs(tR - tL) > epsilon)
22
       ldouble tLThird = (2.0*tL + tR)/3.0;
       ldouble tRThird = (tL + 2.0*tR)/3.0;
25
       if (f(tLeftThird) > f(tRightThird)) // cambiar a "<" para maximo</pre>
26
27
         tLeft = tLeftThird;
28
       else
          tRight = tRightThird;
29
30
     return f((tLeft+tRight)/2.0);
31
32 }
```

### **Ternary Search**

return 0;

```
// Ternary en ENTEROS
   tint miniTernarySearch (tint a, tint b) // En [a,b] esta el minimo
3
     tint 1 = a, r = b;
     while (abs(r - 1) > 5)
       tint al = (2*1 + r)/3;
        tint br = (1 + 2*r)/3:
       if (f(al) > f(br)) // cambiar a "<" para maximo</pre>
         1 = al:
10
       else
11
         r = br;
12
     }
13
     tint ans = 1e16;
14
     forsn(k,l,r+1)
15
       ans = min(ans,f(k)); // cambiar por "max" para maximo
16
     return ans;
17
18
```

```
23
24
```