

# Análise exploratória de dados

Danilo G Muniz  
Curso de R – PPG em Ecologia IB-USP

# Análise Exploratória de dados

Estatística é muito mais do que fazer testes!

*“procedures for analyzing data, techniques for interpreting the results of such procedures, way of planning the gathering of data, and all the machinery and results of (mathematical) statistics which apply to analyzing data”*

John W Tukey



*“Procedimentos para analisar dados, técnicas para interpretar os resultados de tais procedimentos, modo de planejamento da coleta de dados e toda a maquinaria e resultados de estatísticas (matemáticas) que se aplicam ao analisar dados”*

# Análise Exploratória de dados

Estatística é muito mais do que fazer testes estatísticos!

John W Tukey



John W. Tukey

## EXPLORATORY DATA ANALYSIS



# O que é análise exploratória?

Do inglês “exploratory data analysis”,  
do espanhol “análisis exploratorio de datos”,  
do polonês “badania eksploracyjne”...

“Uma abordagem de análise de dados com o objetivo de resumir as principais características de um conjunto de dados, comumente usando gráficos”

Adaptado da Wikipédia (fazer o que né...)

# O que é análise exploratória?

"Análise exploratória de dados nunca pode ser a história completa, mas nada mais serve como a pedra fundamental como o primeiro passo. "

"Análise exploratória é trabalho de detetive, trabalho numérico de detetive."

"Análise exploratória é olhar para os dados e ver o que eles dizem".



# Objetivos da análise exploratória

- Controle de qualidade dos dados
- Descobrir padrões e formular hipóteses (para estudos futuros)
- Avaliar premissas dos testes estatísticos planejados
- “Sentir o jeitão” dos dados



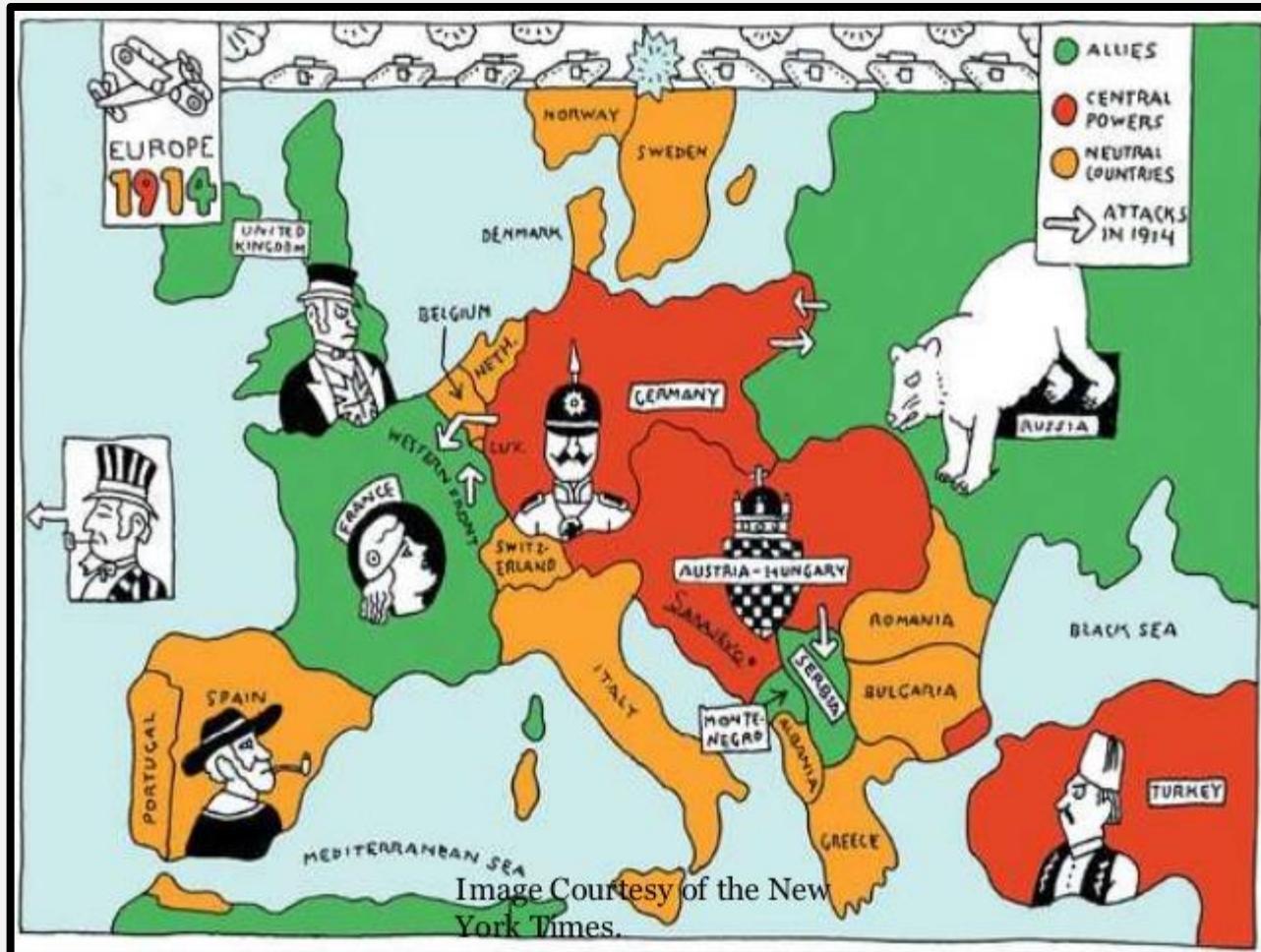
# Conheça bem seus dados!



## MIND YOUR SURROUNDINGS

You never know what you might miss.

# Uma anedota do tempo da guerra



# Capacetes britânicos na 1<sup>a</sup> Guerra



# Depois da adoção do capacete

Aumento gigantesco no número de ferimentos na cabeça!



Ora, mas qual a explicação para tão inesperada ocorrência?

# Olhando melhor os dados

- O número de FERIMENTOS aumentou
- Mas o número de MORTES caiu!



Ah, sim! Comprem  
mais capacetes!

# Conheça bem os seus dados!

O capacete é dez  
patrão!



# Conheça bem seus dados

Leve-os pra passear, ouça o que eles tem  
a dizer.



# Primeira coisa: Dê aquela conferida inicial



I WAS JUST CHECKING

if he's OK

# Dê aquela conferida inicial

Depois da leitura de dados:

funções `str()`, `head()` e `tail()`

Hora de  
programar em  
R!



# Seguindo a primeira conferida

- Existem valores faltantes (NA) ?
  - São NAs mesmo ou são zeros?
- Existem muitos zeros?
  - Especialmente importante para levantamentos

# Eliminando NAs

## Função is.na()

```
> x = c(12, 14, 15, 76, NA, NA, 0, 9, 7, 7)
>
> which(is.na(x))
[1] 5 6
>
> x[is.na(x)] = 0
> x
[1] 12 14 15 76 0 0 0 9 7 7
>
```

# Eliminando NAs

## Função na.omit()

```
> x = c(12, 14, 15, 76, NA, NA, 0, 9, 7, 7)
> x = na.omit(x)
> x
[1] 12 14 15 76  0  9  7  7
attr("na.action")
[1] 5 6
attr("class")
[1] "omit"
>
```

Santa Arquerupita  
Bátema, o vetor  
diminuiu!!



# Contando zeros

## O poder dos testes lógicos!

```
> x = c(12, 14, 15, 76, 0, 0, 0, 9, 7, 7)
> x == 0
[1] FALSE FALSE FALSE FALSE  TRUE  TRUE  TRUE
FALSE FALSE FALSE
> sum(x == 0)
[1] 3
> table(x == 0)

FALSE  TRUE
7      3
```

# Explorando dados quantitativos

- Estatísticas descritivas básicas
  - Tendência central
    - `mean()`, `median()`
  - Variação
    - `sd()`, `var()`, `range()`

# Vamos explorar alguns dados simulados

Usando as funções com início *r*

azul =

laranja =

verde =

roxo =

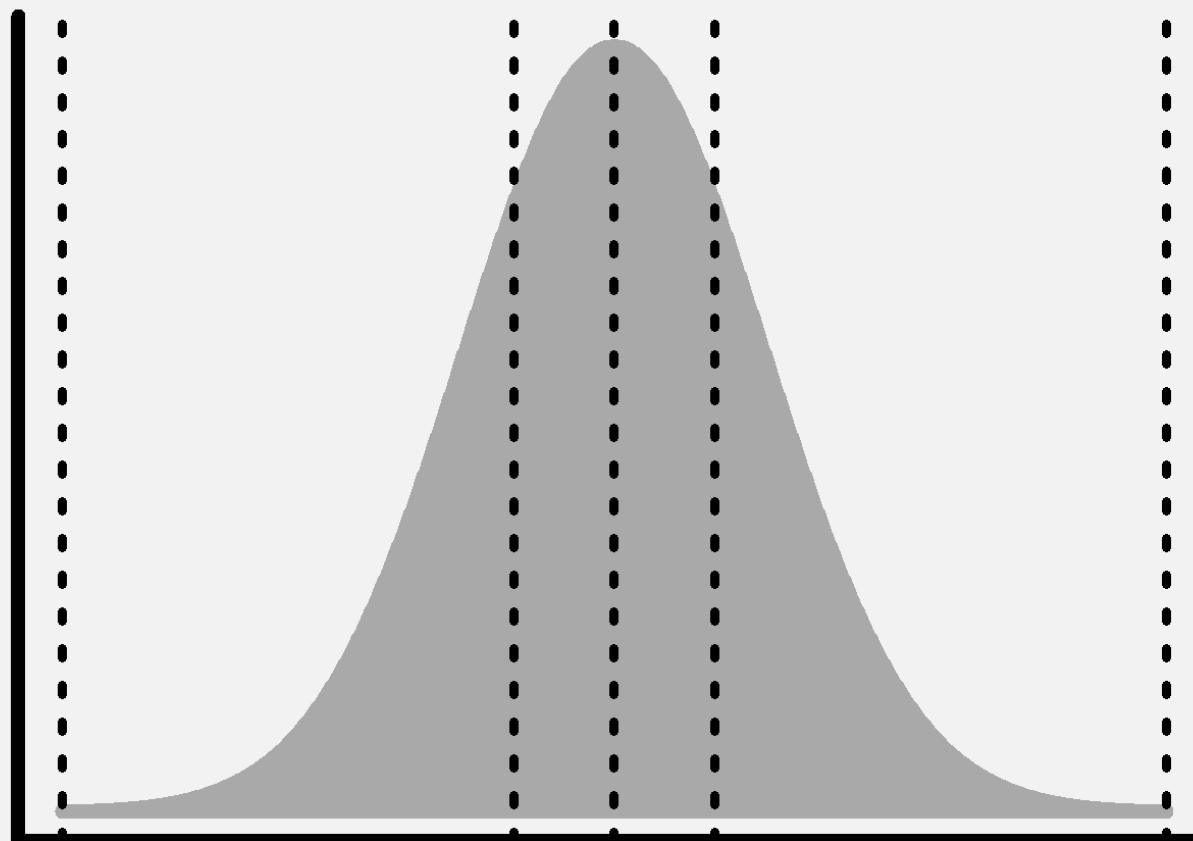
# Tendência central

```
> mean(azul)
[1] 9.981562
> mean(laranja)
[1] 10.7297
> mean(verde)
[1] 10.16197
> mean(roxo)
[1] 9.594
>
```



# O resumo de cinco números

Imagine dividir os dados em quatro fatias do mesmo tamanho



# O resumo de cinco números

Imagine dividir os dados em quatro fatias do mesmo tamanho

11	13	7	11	9	10	10	7	11	9	9	11	5
----	----	---	----	---	----	----	---	----	---	---	----	---

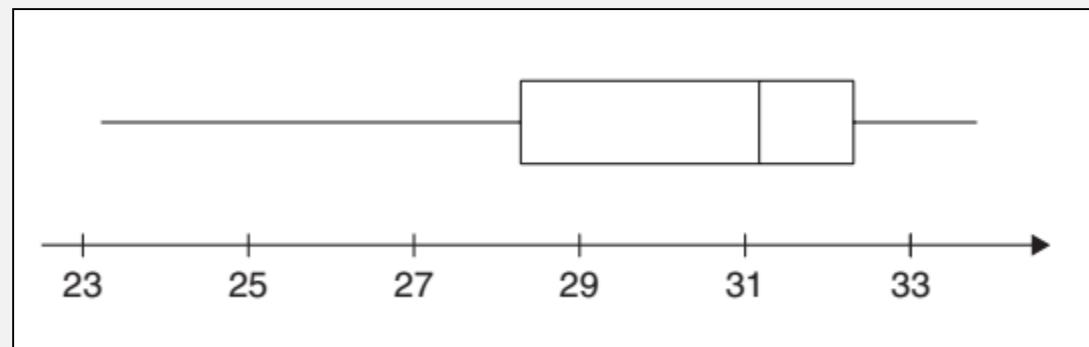


5	7	7	9	9	9	10	10	11	11	11	11	13
---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----



# O resumo de cinco números

Mínimo, 1º quartil, Mediana (2º quartil), 3º quartil, máximo



Função `summary()`

*Morgenthaler 2009*



# Cinco pontos!

Quem vê tendência central, não vê distribuição!

```
> summary(azul)
  Min. 1st Qu. Median      Mean 3rd Qu.      Max.
4.113   8.421 10.072    9.982 11.454 18.516
> summary(laranja)
  Min. 1st Qu. Median      Mean 3rd Qu.      Max.
2.376   7.070  9.572   10.730 12.734 56.405
> summary(verde)
  Min. 1st Qu. Median      Mean 3rd Qu.      Max.
0.0162  3.1925 7.1034 10.1620 13.9796 82.1361
> summary(roxo)
  Min. 1st Qu. Median      Mean 3rd Qu.      Max.
5.023   7.677  8.874   9.594 11.747 15.298
>
```



# Tem como fazer um desenho?



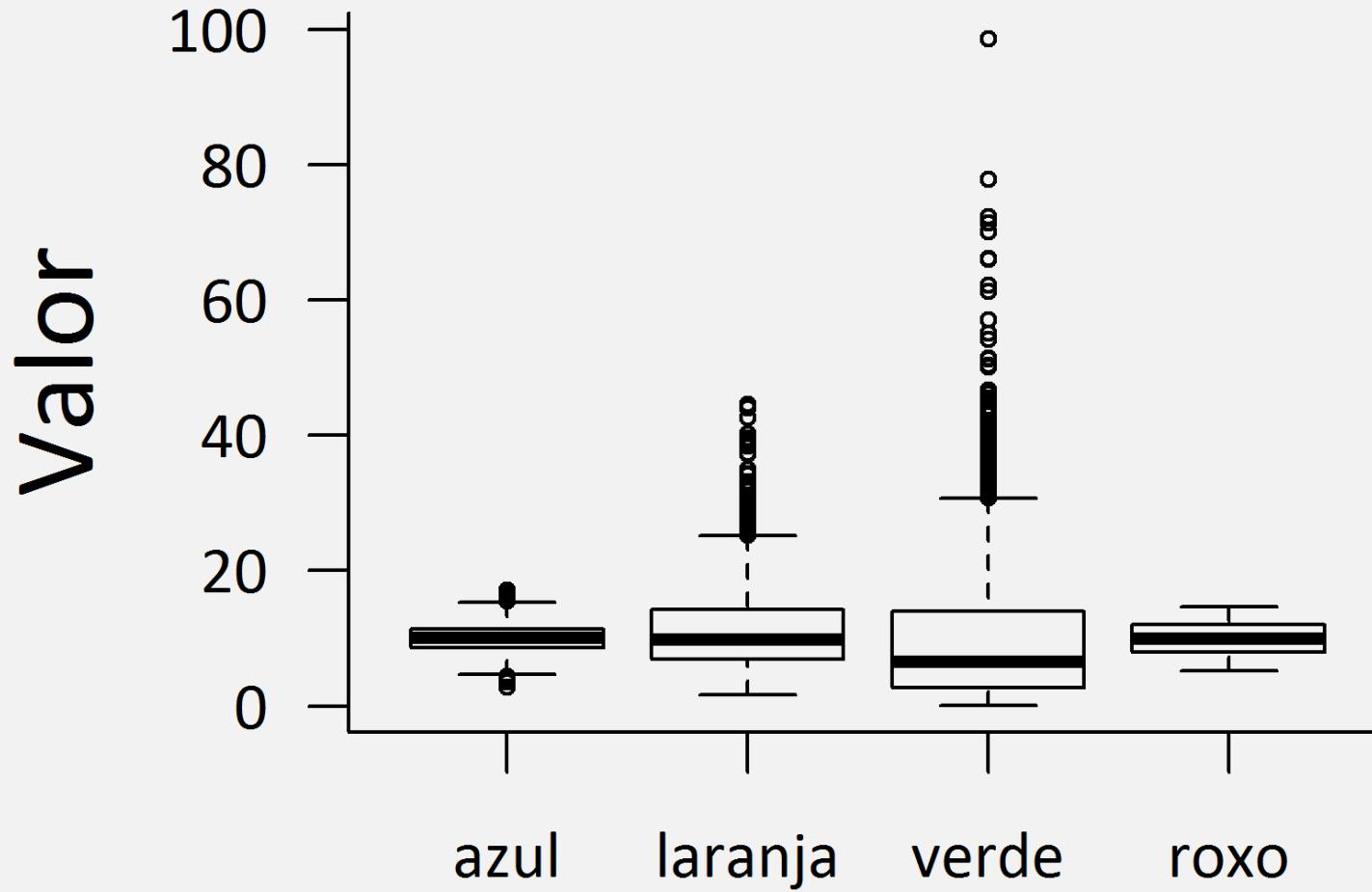
# Claro, no R é tranquilo!



# Explorando gráficos univariados

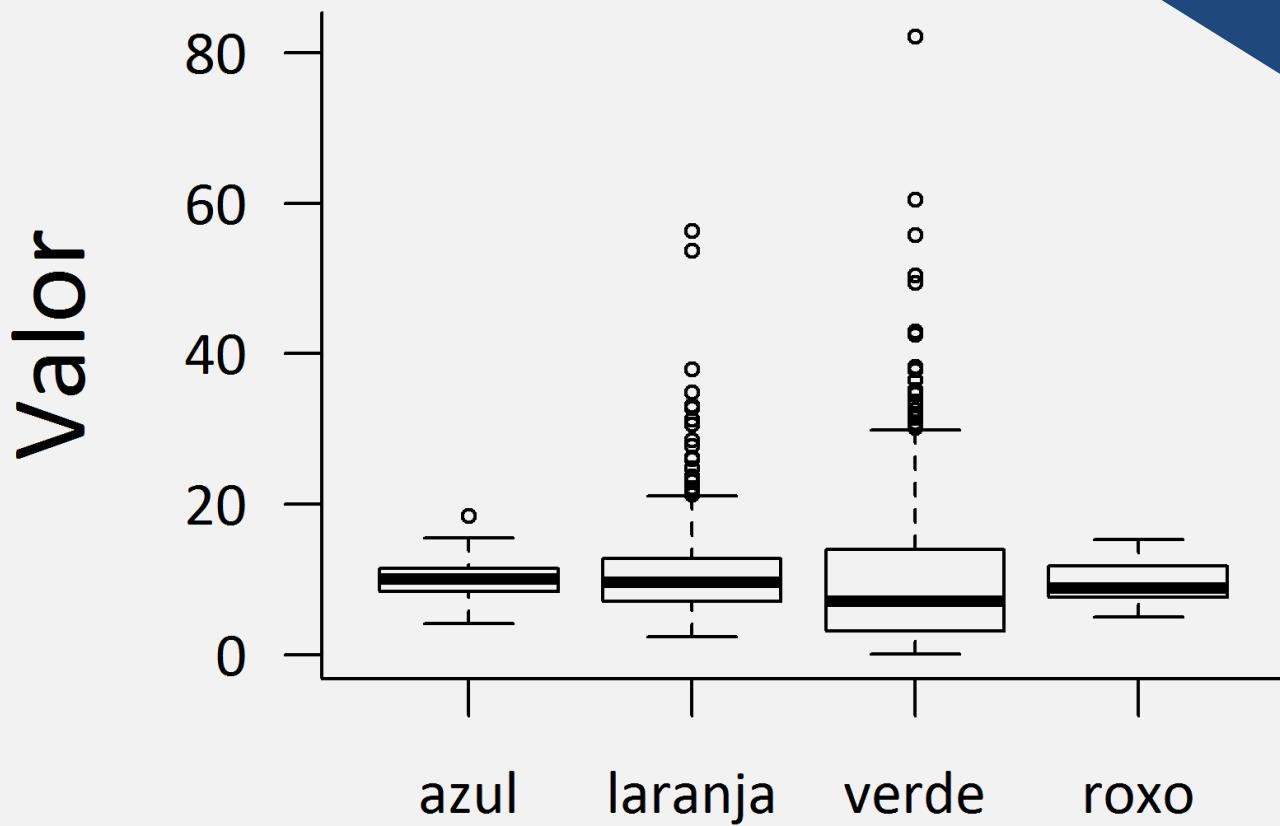


# O famoso boxplot!

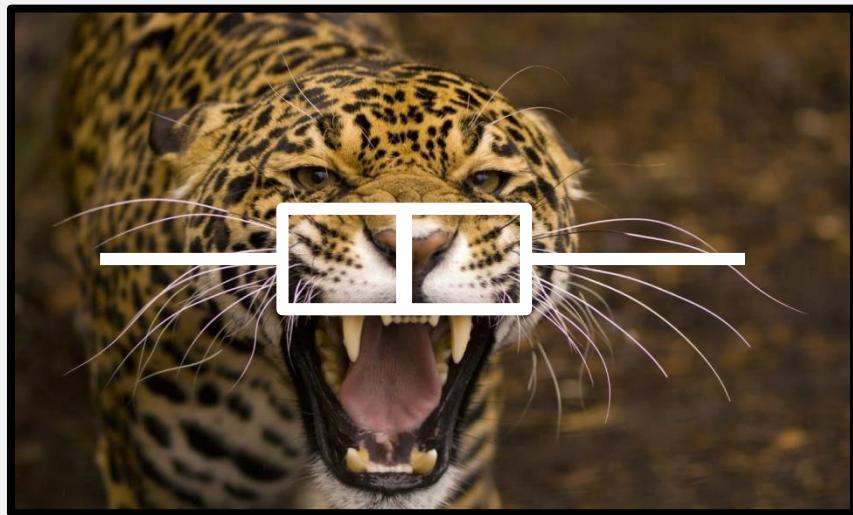


# O famoso boxplot!

Mas o que são essas bolinhas Bátima!?

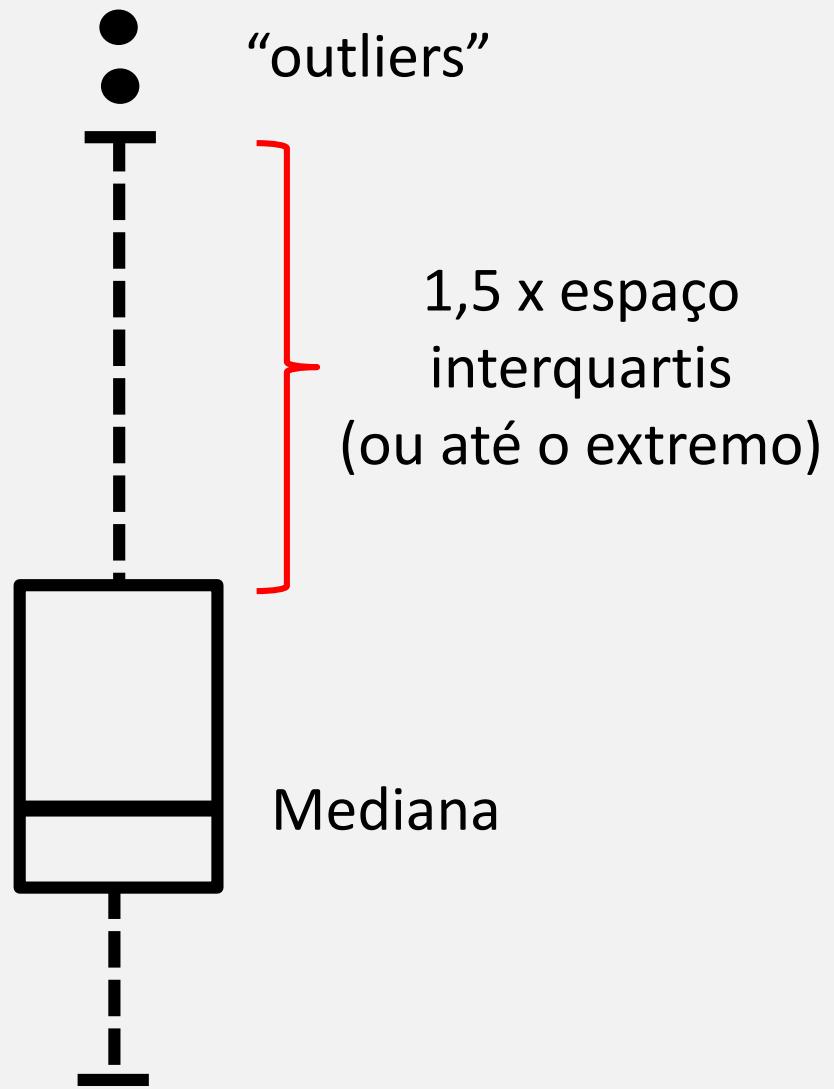


# Entendendo a caixa e os bigodes



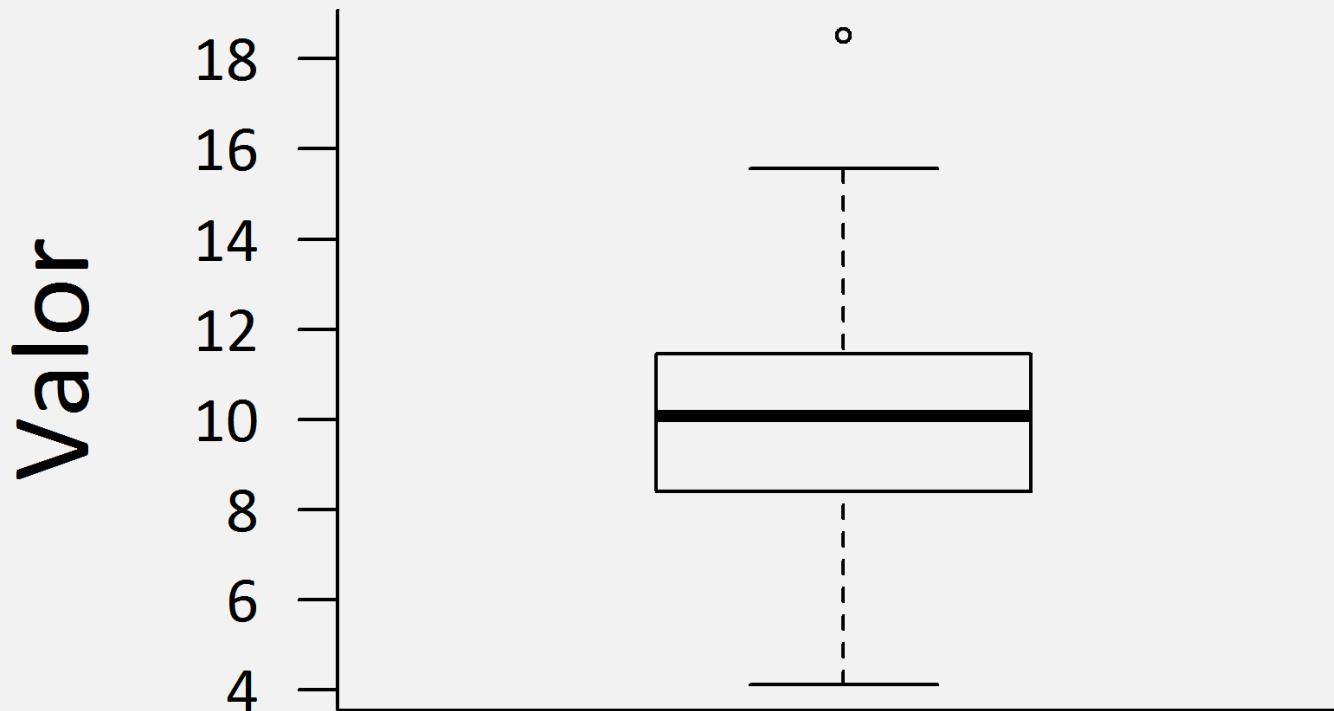
3º quartil

1º quartil



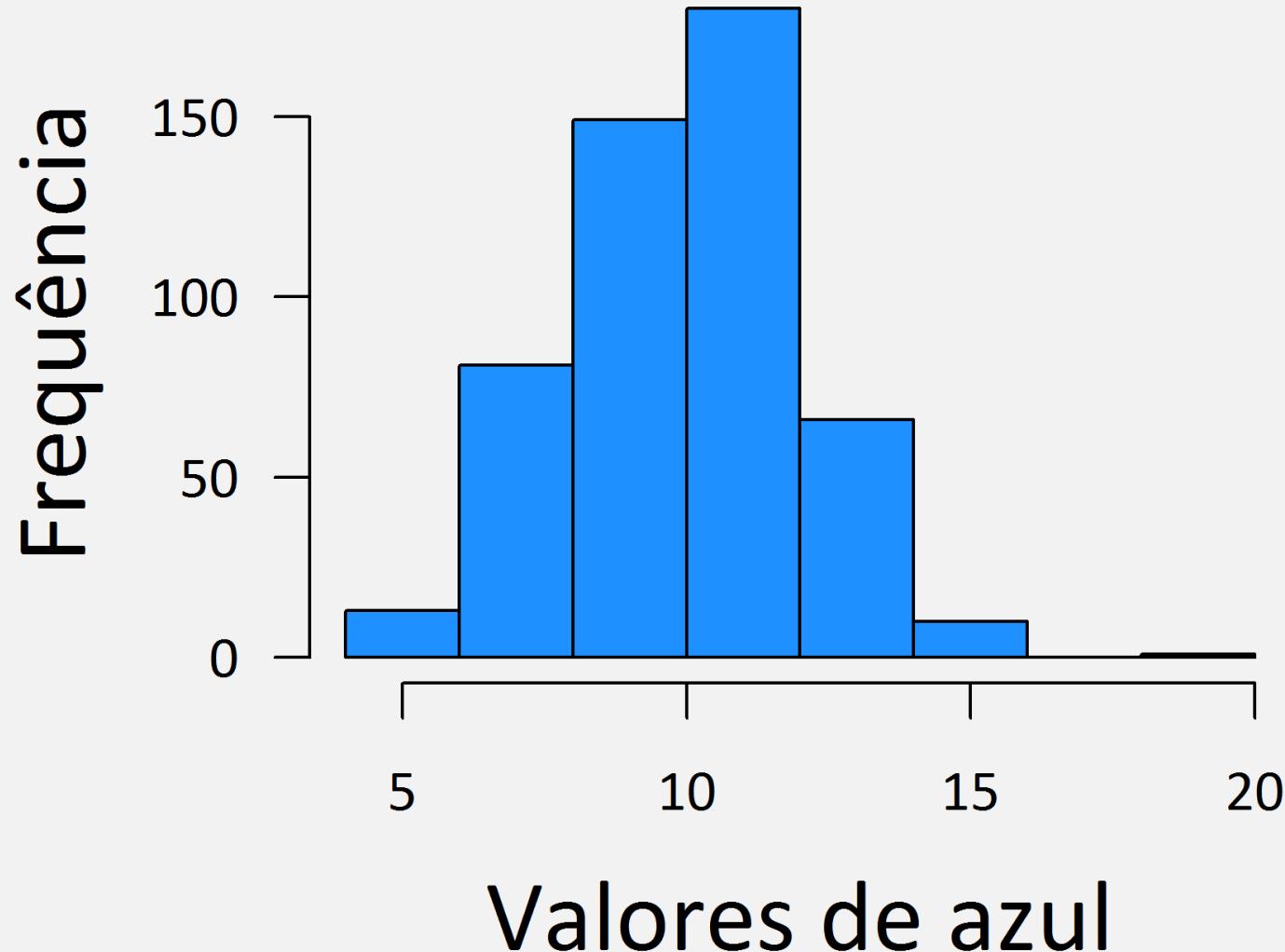
# Boxplot solitário?

Função `boxplot()`



Azul

# Histograma



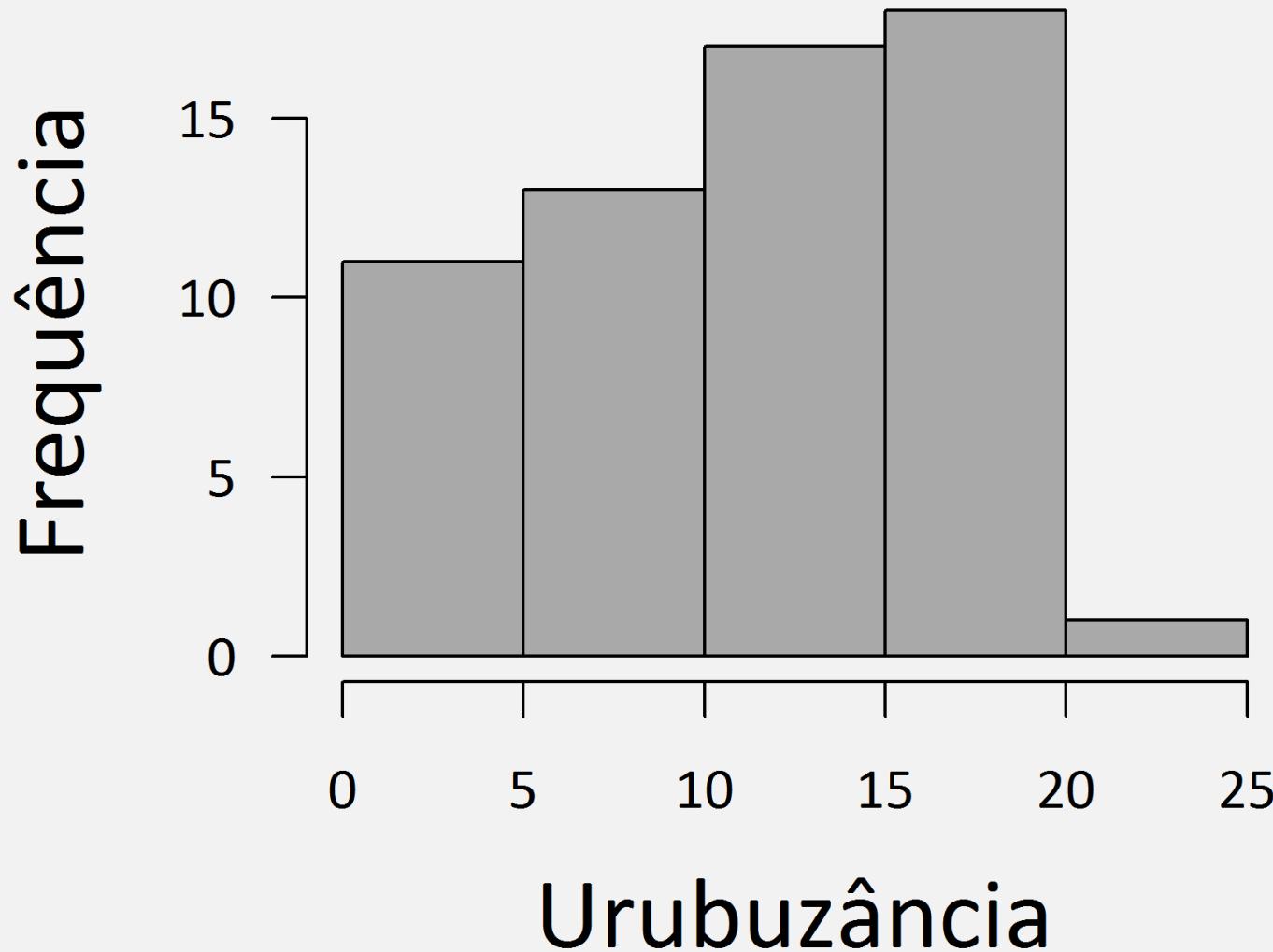
# O problema do número de barras!

Vamos para as contagens de urubus em áreas de cerrado.



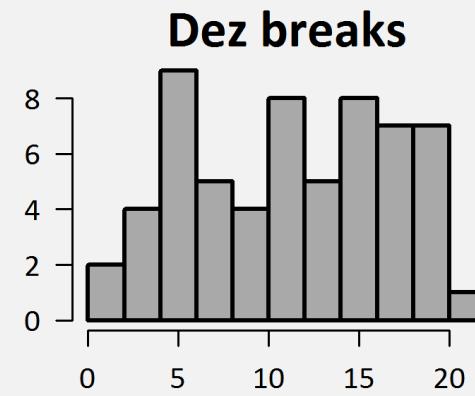
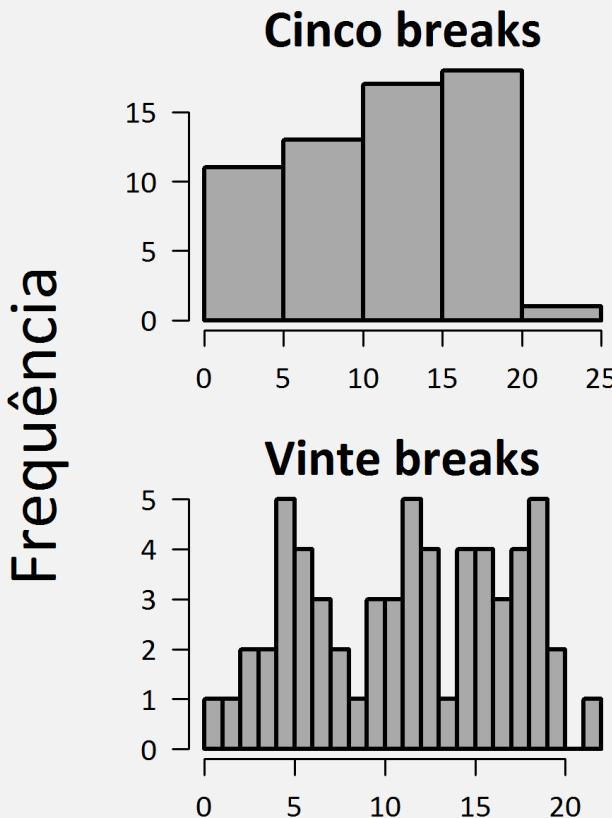
# Urubuzando o histograma

Função `hist()`



# Mas, e o número de barras?

Argumento `breaks` na função `hist()`



Urubuzância

# Tem como fugir das barras?

Sinto-me oprimido por essas  
barras...



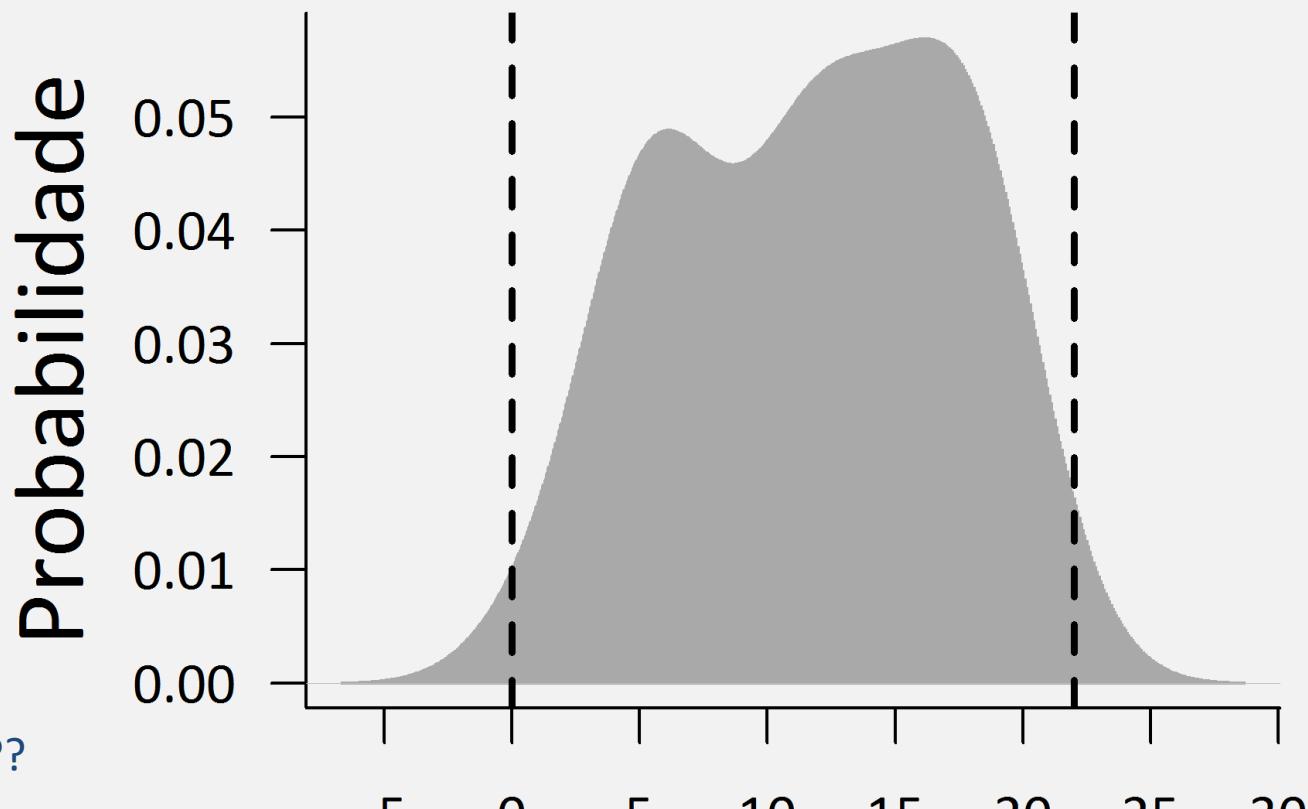
# Gráfico de densidade!

`plot(density(x, ...))`

Função `density()` – estima uma função de densidade probabilística a partir do conjunto de dados (*kernel density*)

Função `plot()` – plota o gráfico de densidade

# Densidade de urubus



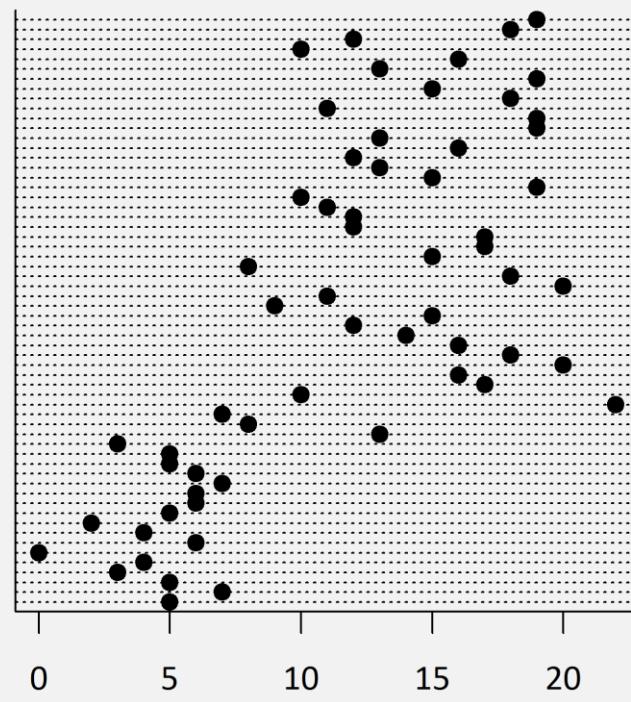
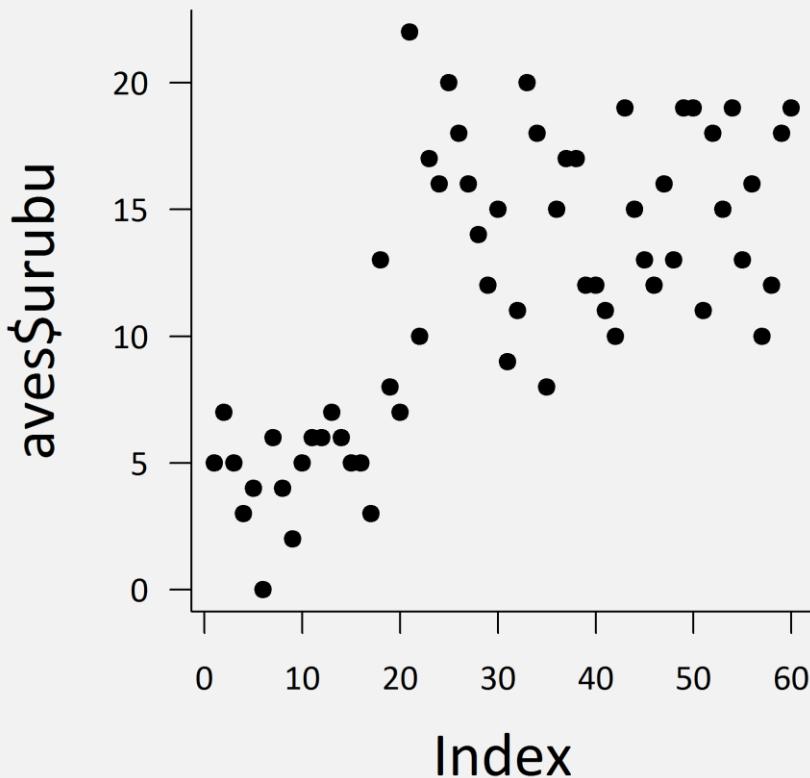
???????



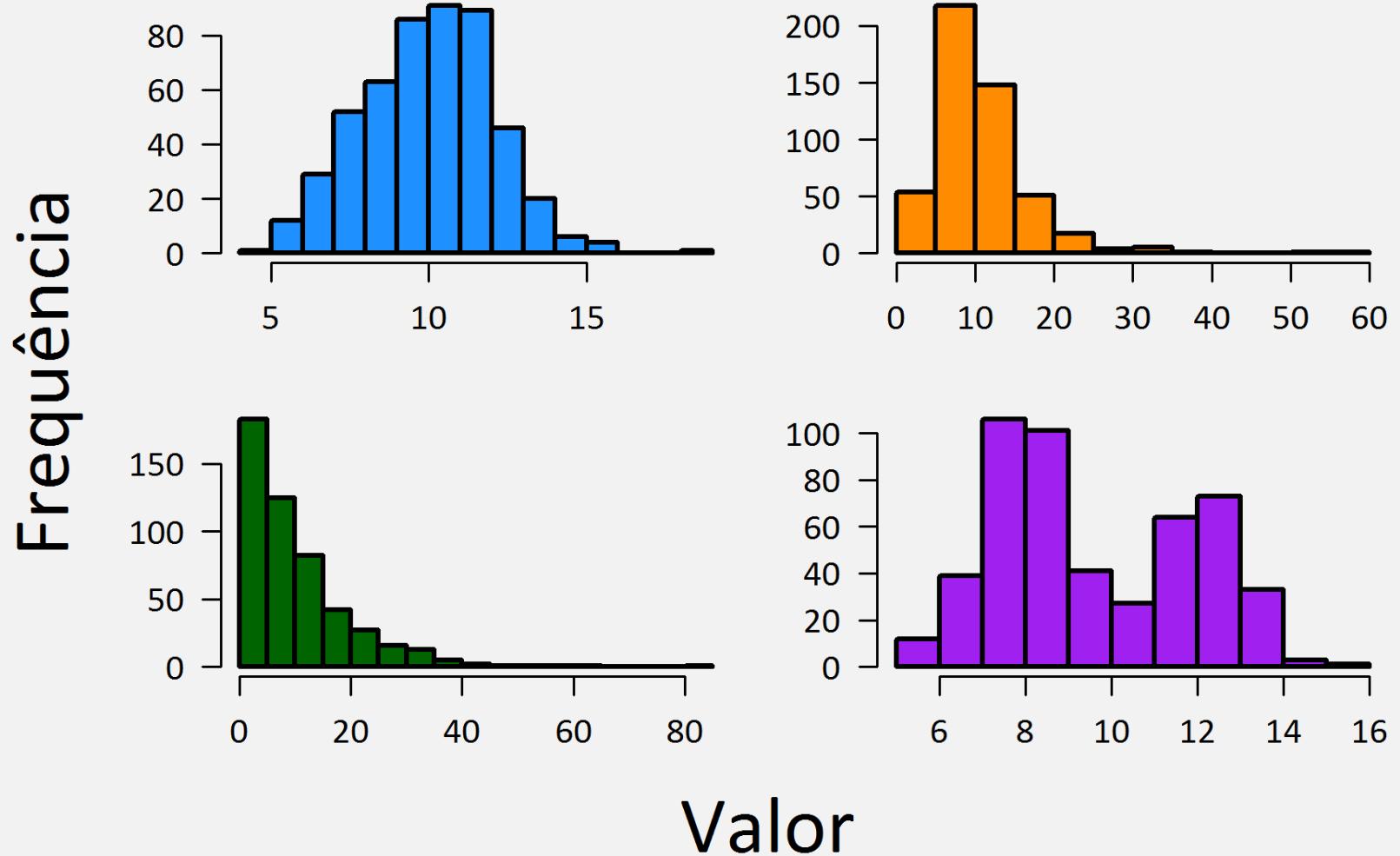
Urubuzância

# Que tal gráficos mais simples?

Funções `plot()` e `dotchart()`



# Uma última olhada nos dados simulados



# O segredo dos dados simulados

Usando as funções com início *r*

```
azul = rnorm(500, 10, 2)
```

```
laranja = rlnorm(500, log(10), 1/2)
```

```
verde = rexp(500, 1/10)
```

```
roxo = c(rnorm(300, 8, 1), rnorm(200, 12, 1))
```

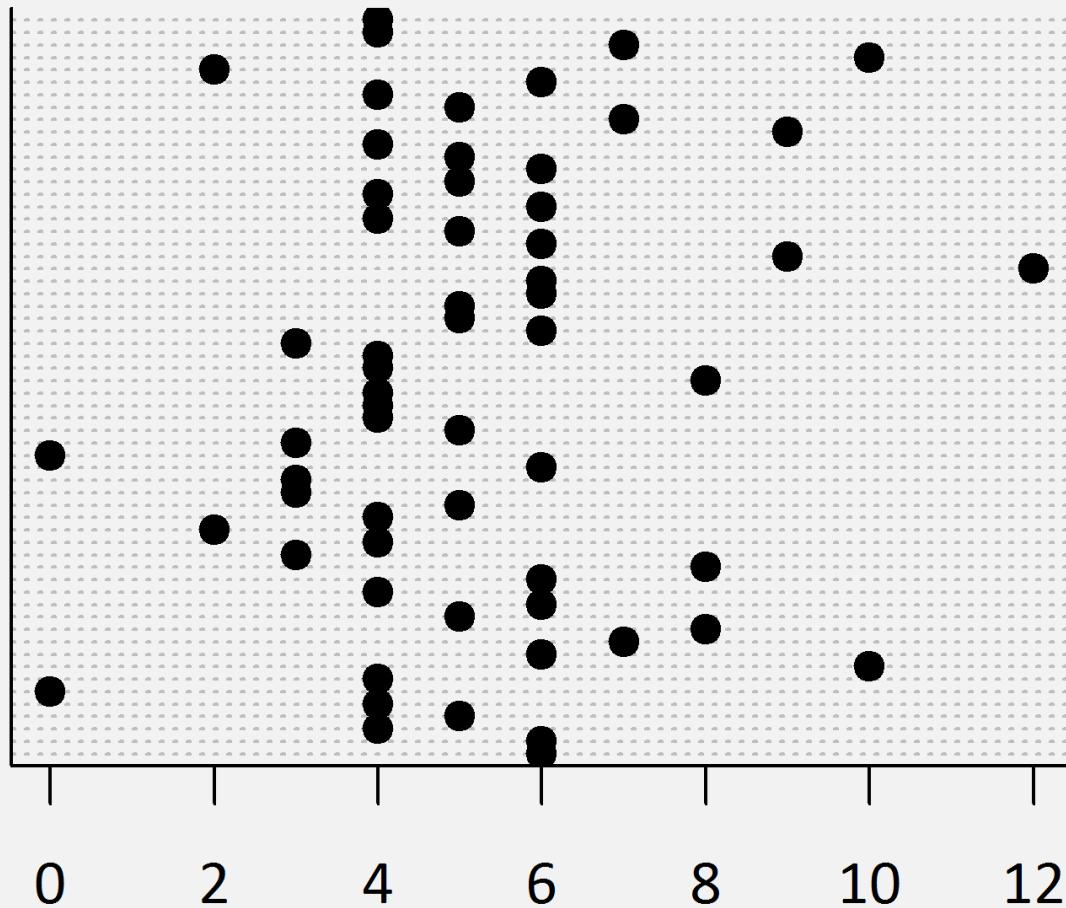
# Valores extremos



Outliers!?

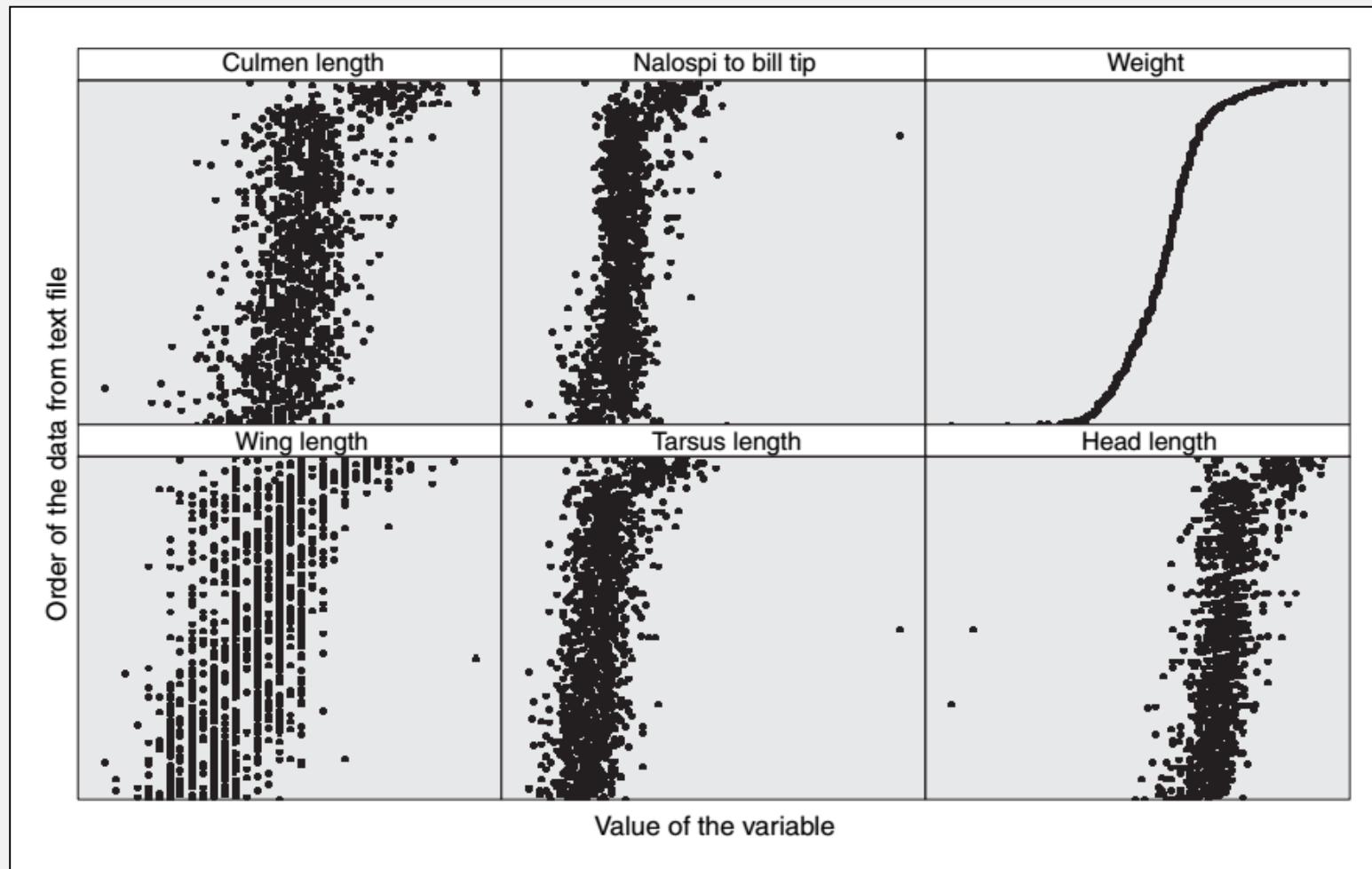


# Valores extremos?

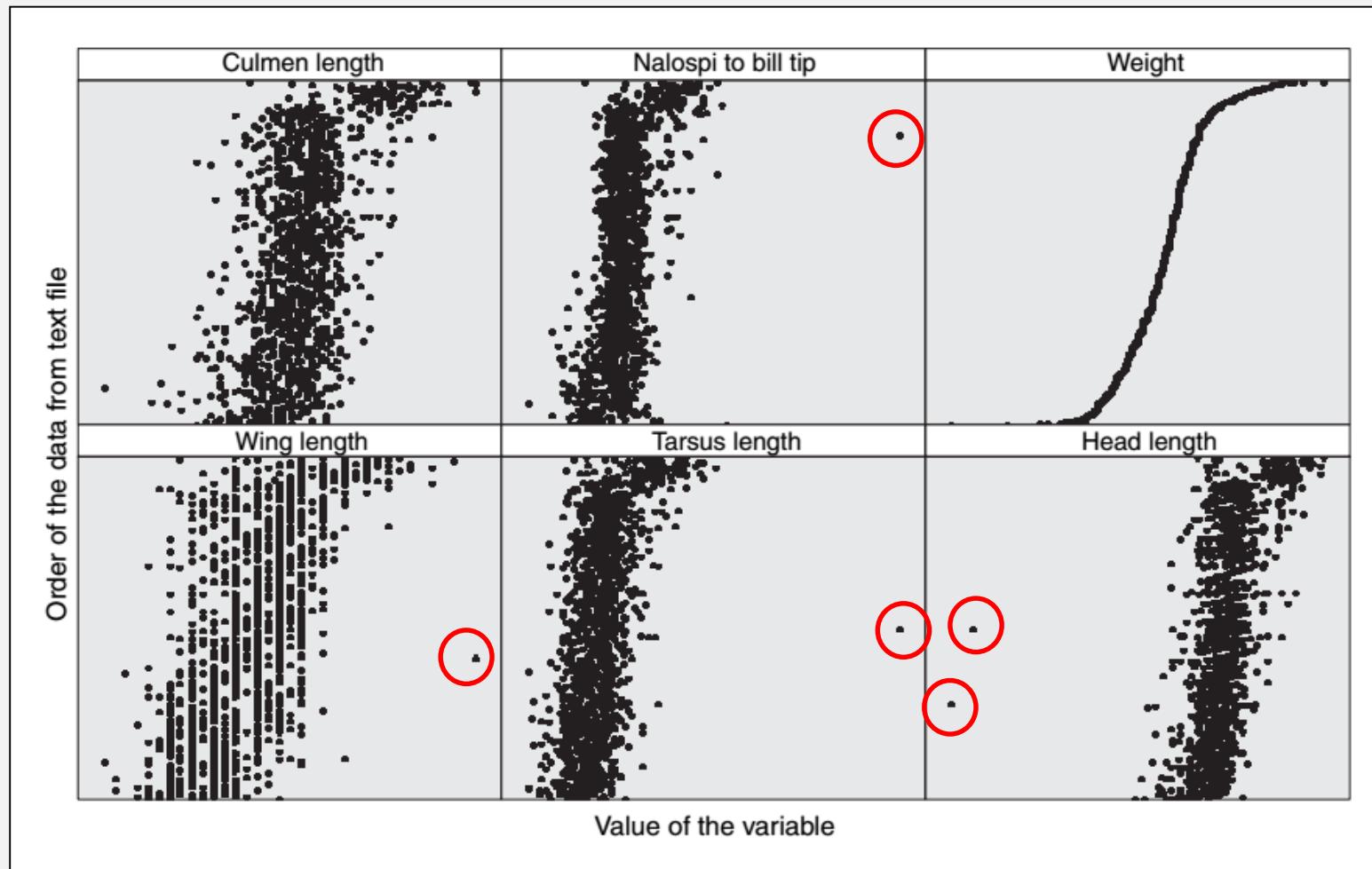


Número de seriemas

# Valores extremos!



# Valores extremos!



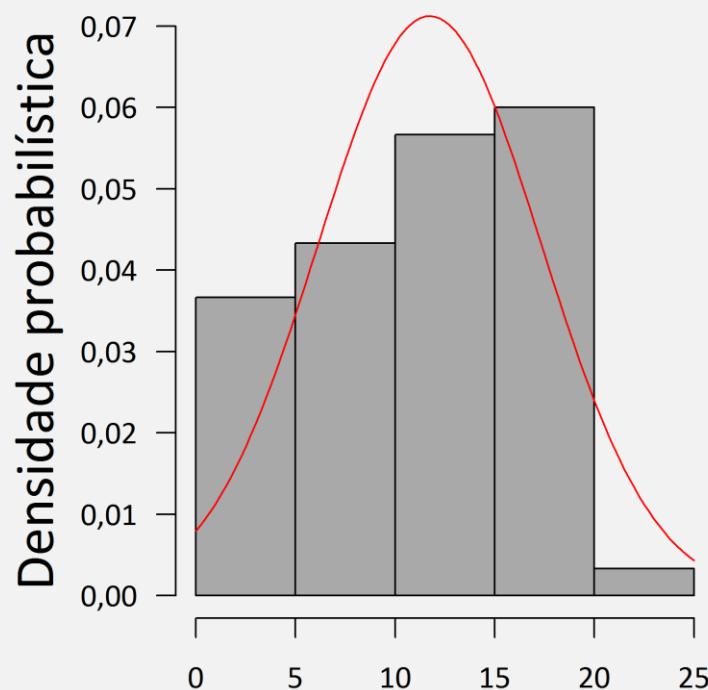
# Valores extremos – o que fazer?

- Verificar erros de medida ou digitação (se possível)
- Considerar a exclusão de valores “impossíveis”
- Análise de sensibilidade

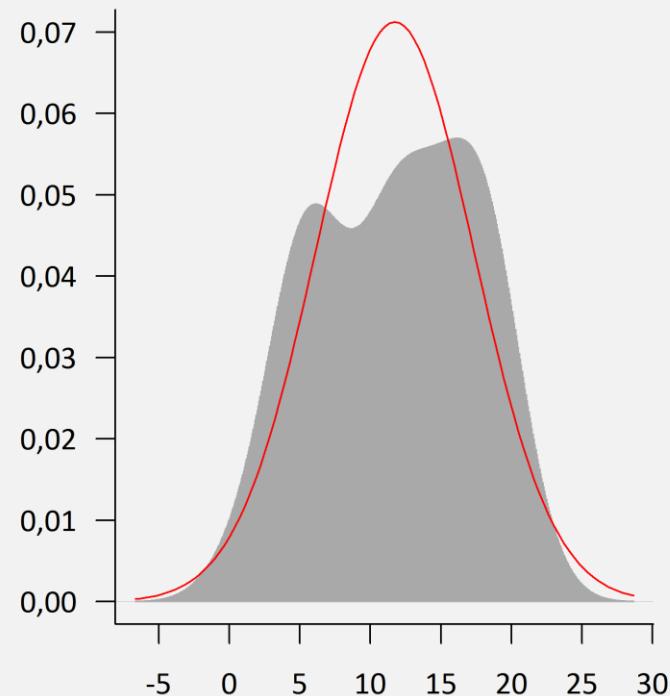
# Meus dados são normais?

Curva empírica x teórica (normal)

`curve(dnorm(x,...))`



Número de urubus

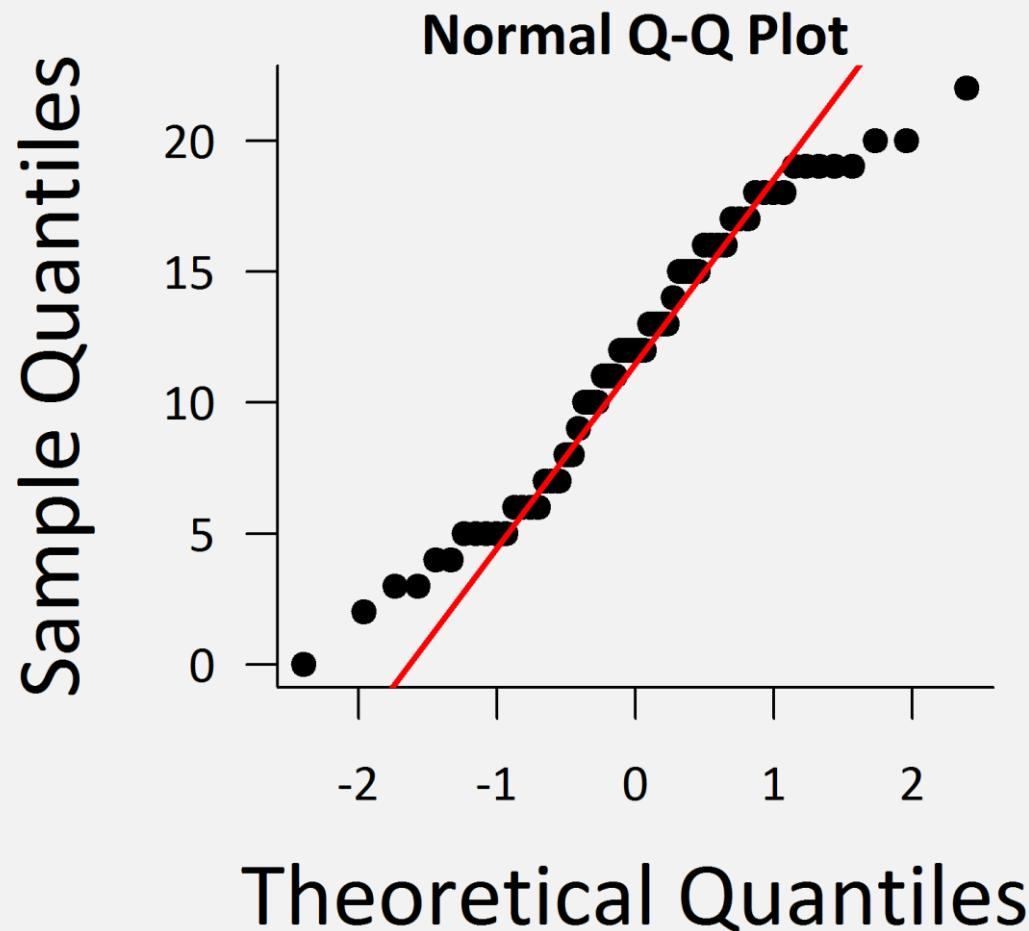


# Funções `qqnorm()` e `qqline()`

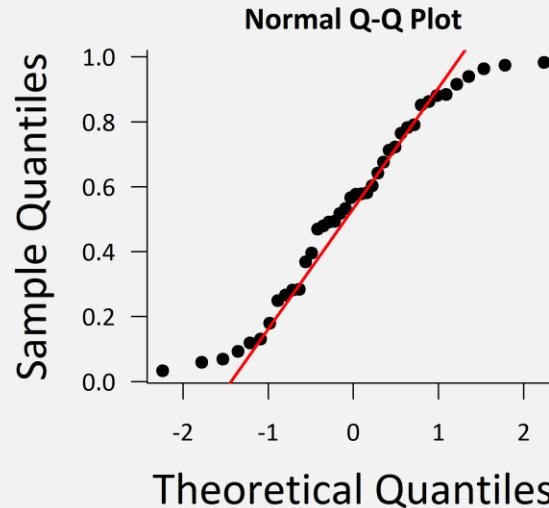
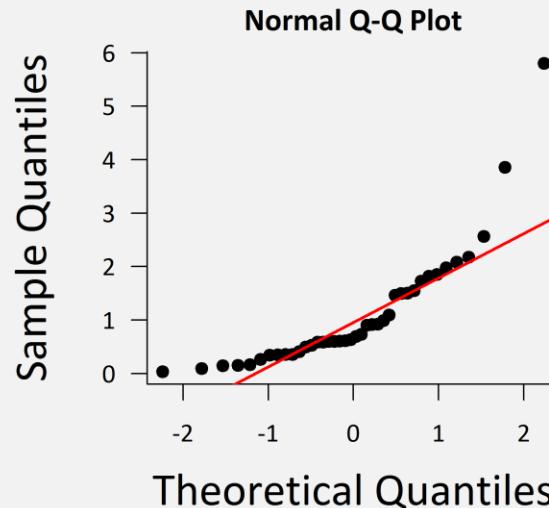
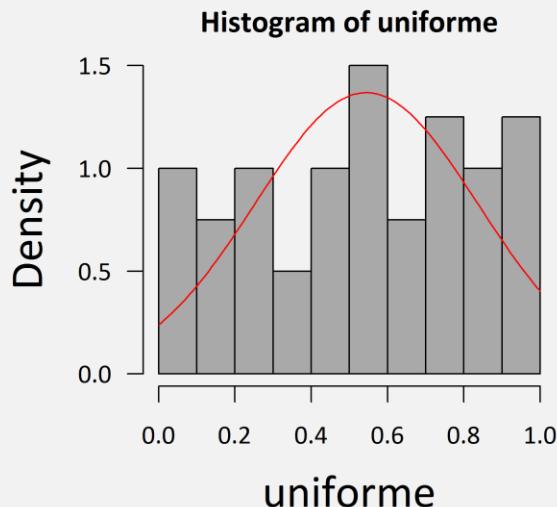
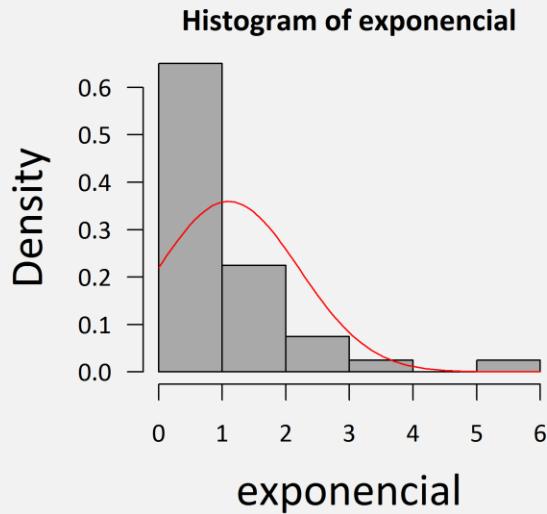
- `qqnorm()`
  - “plota” os quantis empíricos (dos dados) contra os quantis teóricos (esperados)
- `qqline()`
  - Adiciona uma linha com os quantis esperados

# Funções `qqnorm()` e `qqline()`

De volta aos dados dos urubus



# O melhor teste de normalidade do mundo!!



# Vamos para o R!





# Explorando dados qualitativos



# Dados qualitativos?

- Também conhecidos como categóricos
- Dados que não podem ser expressos como números ou quantidades
- Coisas como identidade da espécie, tipo de ambiente e “tipo” de qualquer coisa

# A incrível função `table()`!!

Direto do arquivo `caixeta.csv`

```
> table(cax$local)
```

```
chauas jureia retiro
```

```
426    241    360
```

```
>
```

# barplot(table(x,...))

```
barplot(table(cax$local),  
xlab="Local", ylab="Número de observações")
```



# Tabelas multidimensionais

```
> table(cax$especie, cax$local)
```

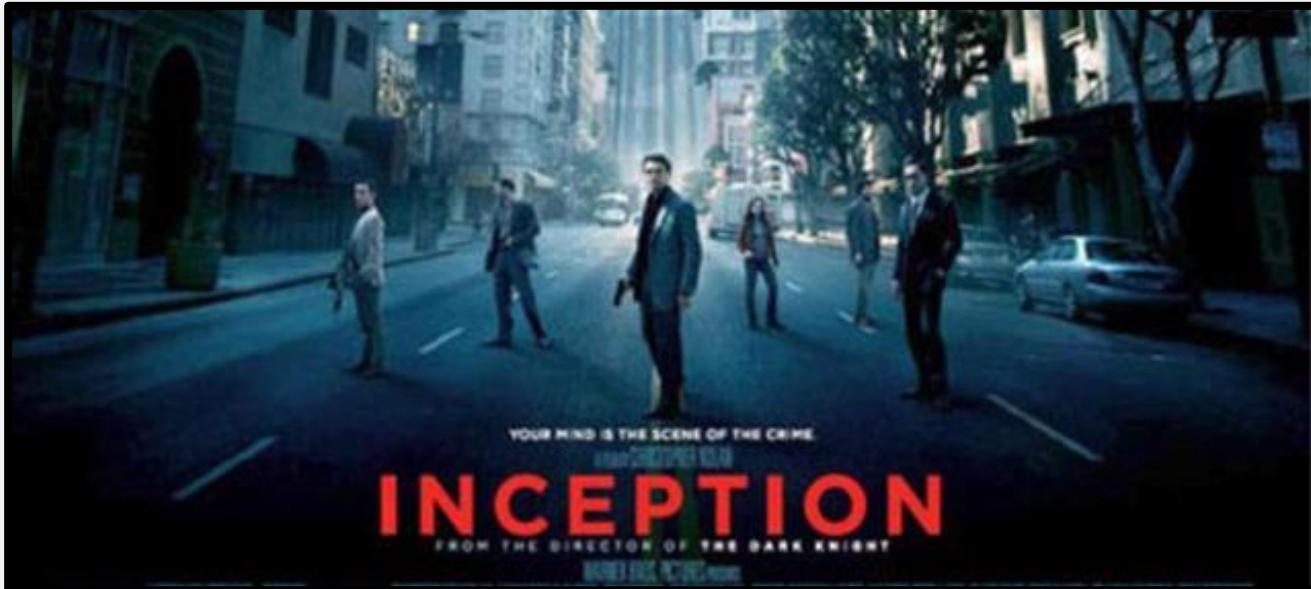
	chauas	jureia	retiro
<i>Alchornea triplinervia</i>	0	3	12
<i>Andira fraxinifolia</i>	0	4	0
bombacaceae	0	1	0
<i>Cabralea canjerana</i>	0	4	0
<i>Callophyllum brasiliensis</i>	7	0	0
<i>Calophyllum brasiliensis</i>	0	4	0
<i>Cecropia</i> sp	0	0	1
<i>Coussapoa macrocarpa</i>	0	3	
<i>Coussapoa micropoda</i>	2	0	
<i>Cryptocaria moschata</i>	0	2	



# Table Inception!!!

```
> table(table(cax$especie))
```

1	2	3	4	7	8	9	10	15	20	37	63	96	698
15	10	3	5	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1



# Juntando contagens com `xtabs()`

```
> TitanicDF = data.frame(Titanic)
> head(TitanicDF)

  Class      Sex     Age Survived Freq
1  1st      Male Child       No     0
2  2nd      Male Child       No     0
3  3rd      Male Child       No    35
4 Crew      Male Child       No     0
5  1st Female Child       No     0
6  2nd Female Child       No     0
>
```

# Juntando contagens com `xtabs()`

```
> xtabs(Freq~Survived+Sex,  
data=TitanicDF)
```

		Sex	
		Survived	Male Female
Survived	No	1364	126
	Yes	367	344



# Juntando contagens com `xtabs()`

```
> xtabs(Freq~Survived+Sex+Age, data=TitanicDF)
, , Age = Child
```

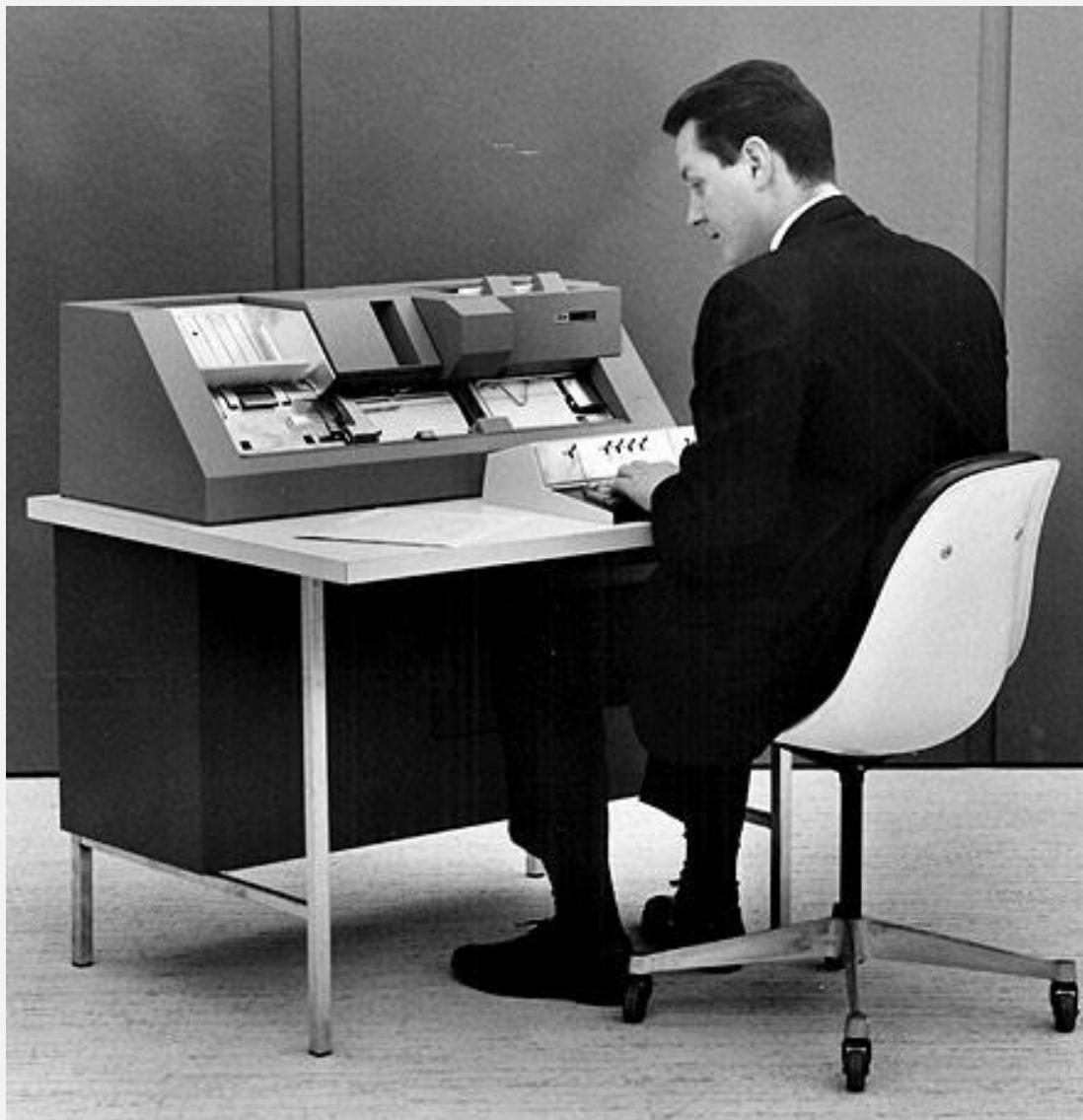
		Sex	
Survived	Male	Female	
	No	35	17
Yes	29	28	

```
, , Age = Adult
```

		Sex	
Survived	Male	Female	
	No	1329	109
Yes	338	316	



# Vamos para o R!



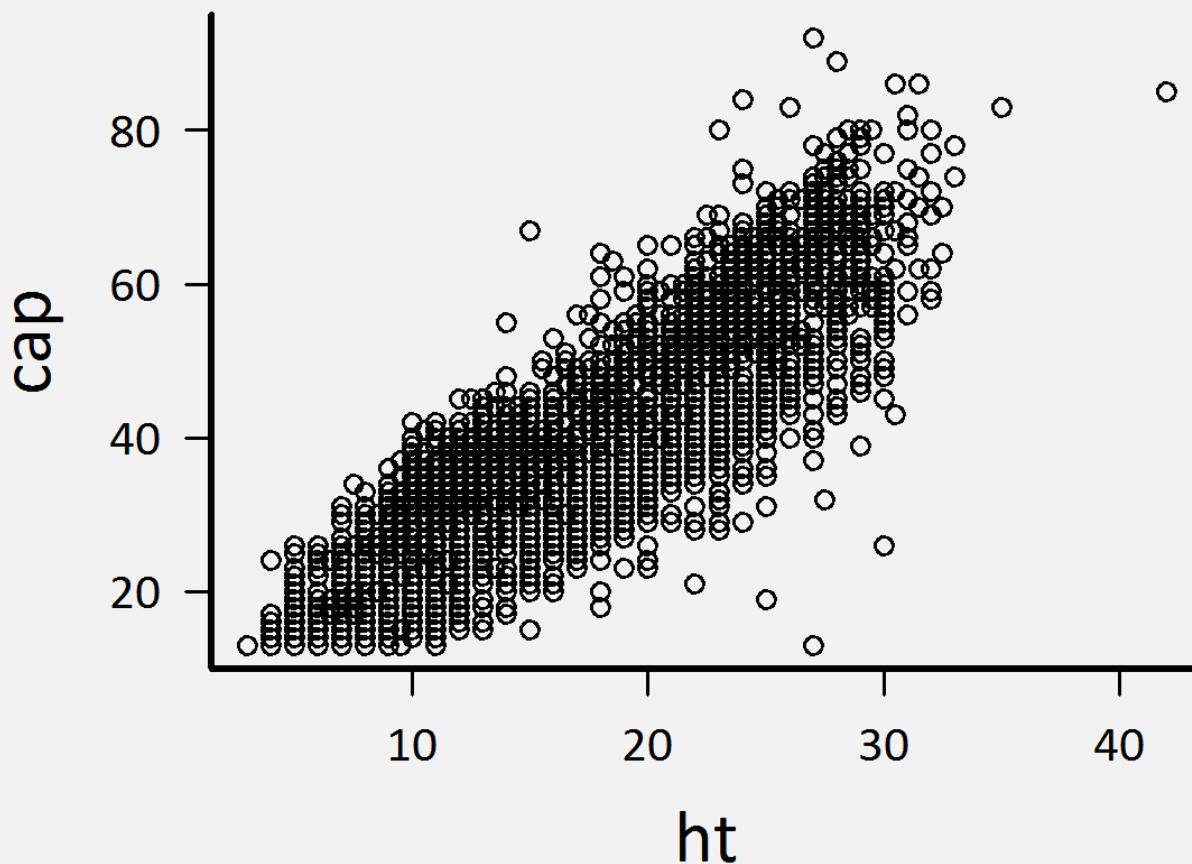


# Exploração bivariada de dados



# De volta à multiflexível função `plot()`

Duas variáveis contínuas  
Dados de egrandis.csv

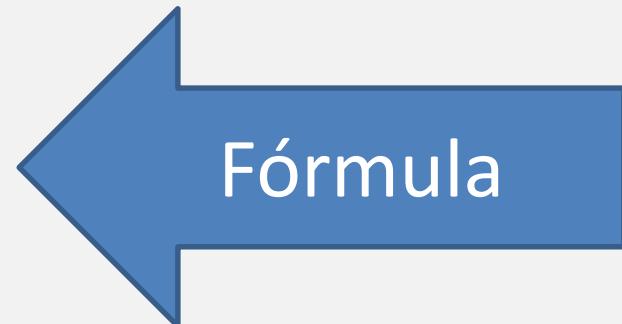


# Muitas formas de chamar um plot

```
plot(x=egr$ht, y=egr$cap)
```

```
plot(cap~ht, data=egr)
```

```
plot(egr[,c("ht","cap")])
```

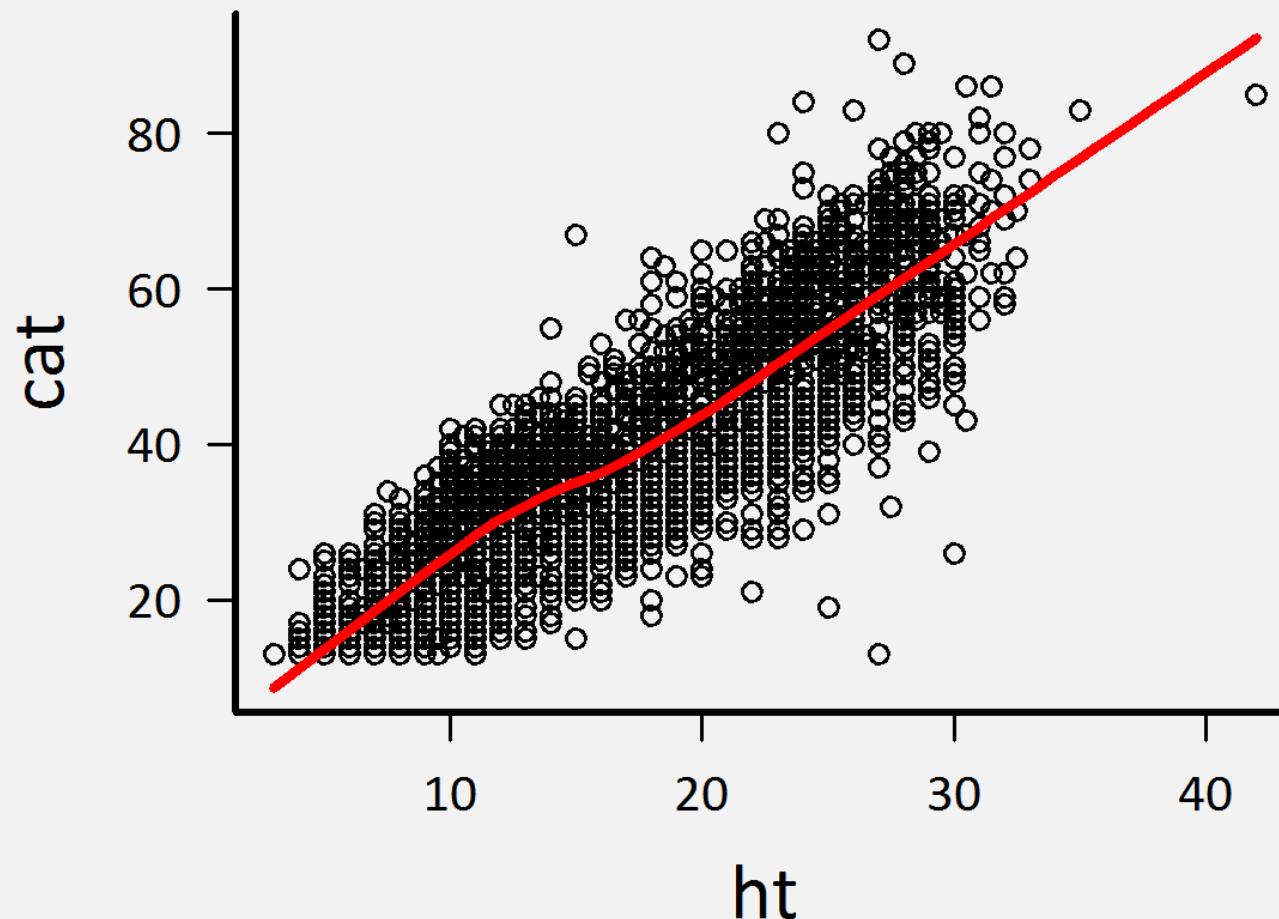


# Existe relação entre as minhas variáveis?

- Coeficientes de correlação
  - função `cor()`
    - > `cor(egr$cap, egr$ht)`
    - [1] `0.8770064`

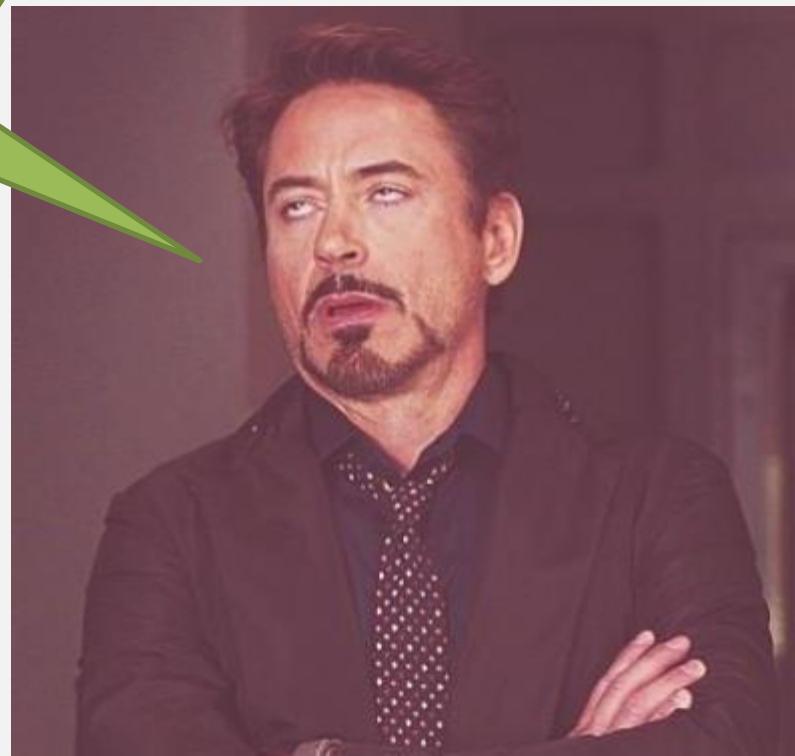
# Existe relação entre as minhas variáveis?

Função `scatter.smooth()`

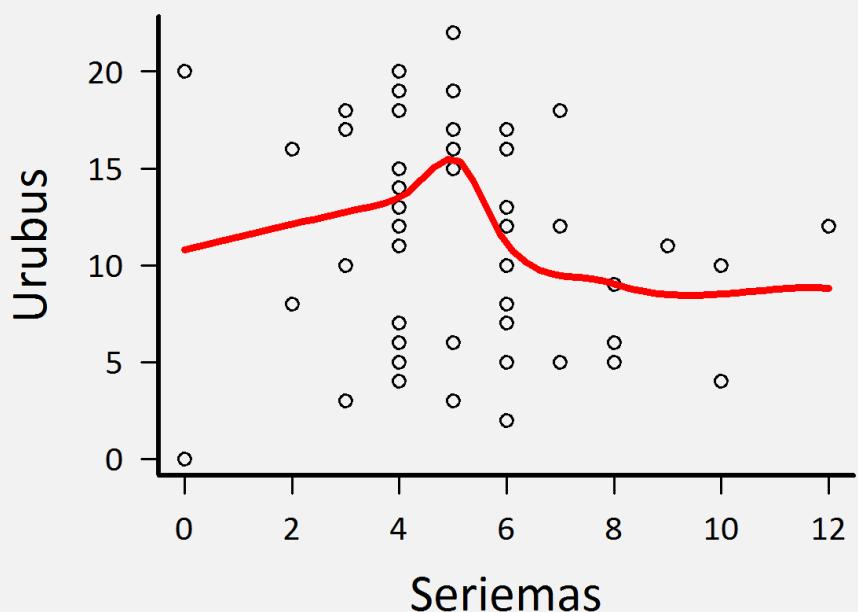
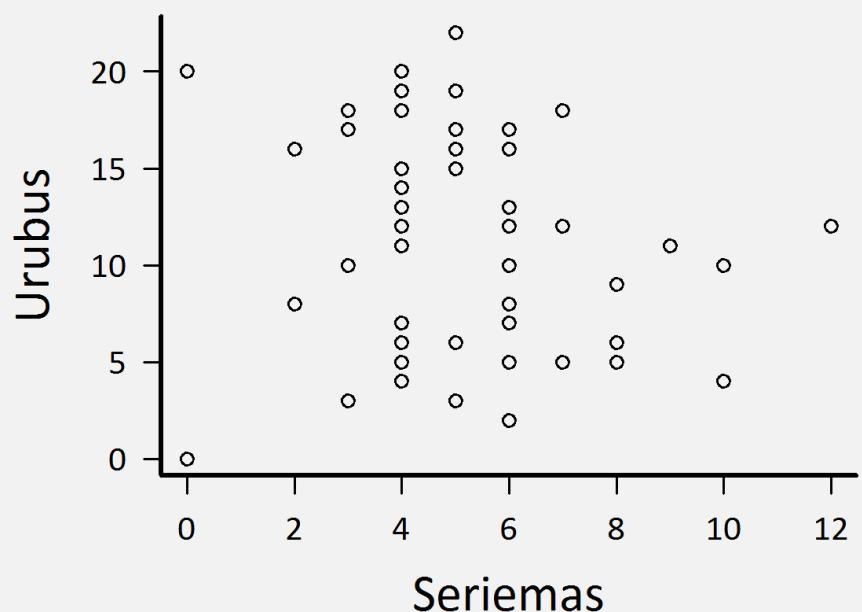


# Mas a correlação é significativa?

Espera a aula de  
modelos lineares!

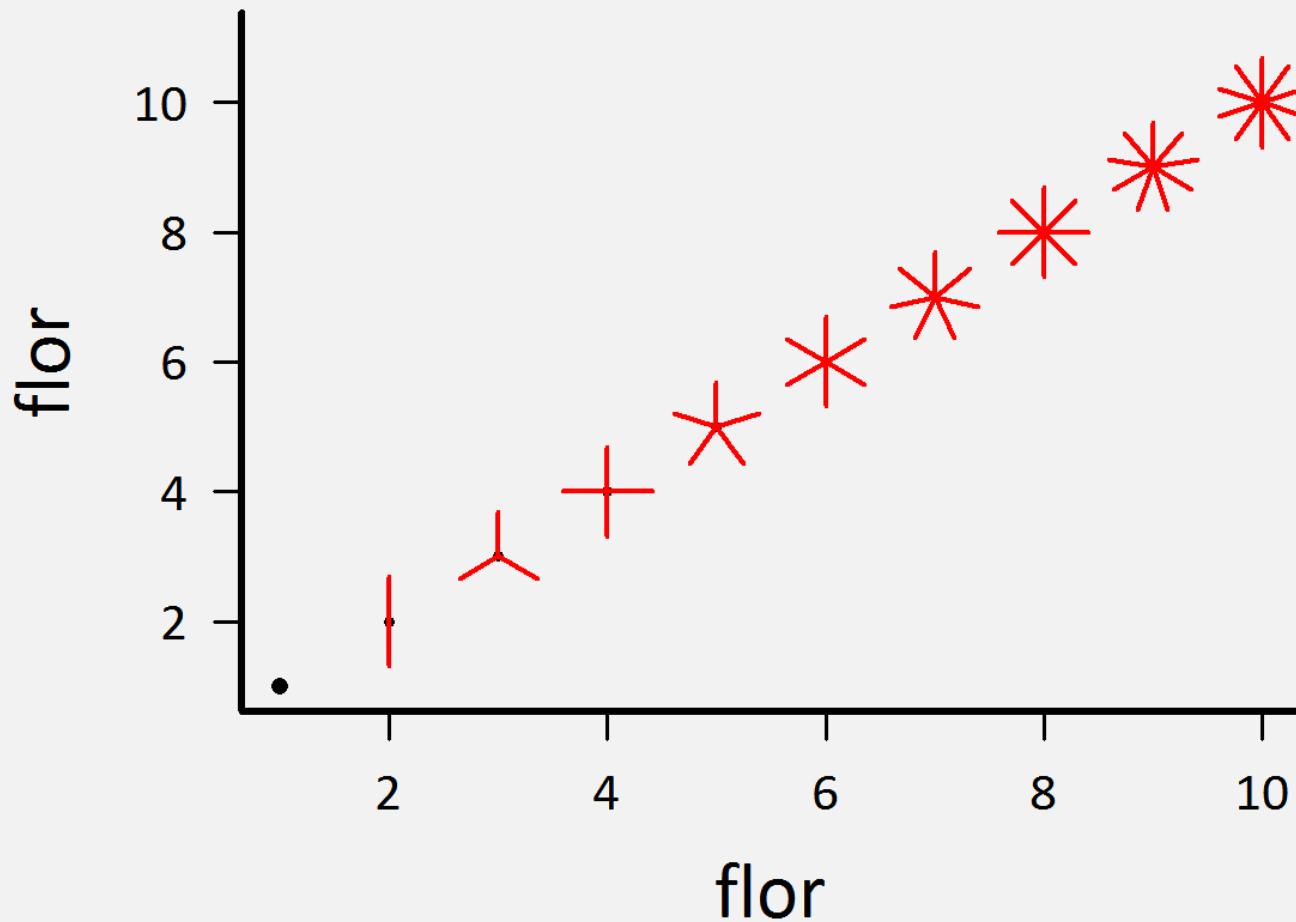


# Cuidado com scatter.smooth()



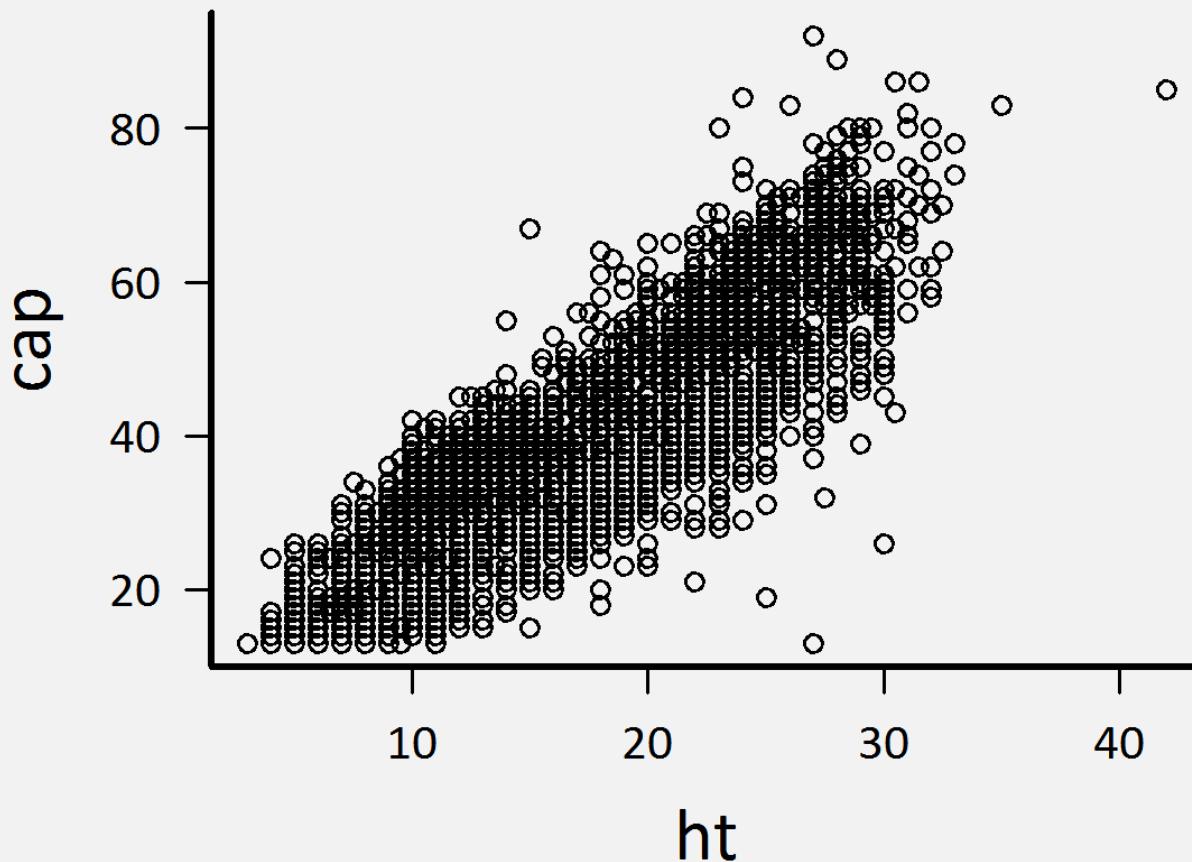
# Gráficos de florinha com sunflowerplot()

```
flor = rep(1:10, 1:10)  
sunflowerplot(flor, flor)
```

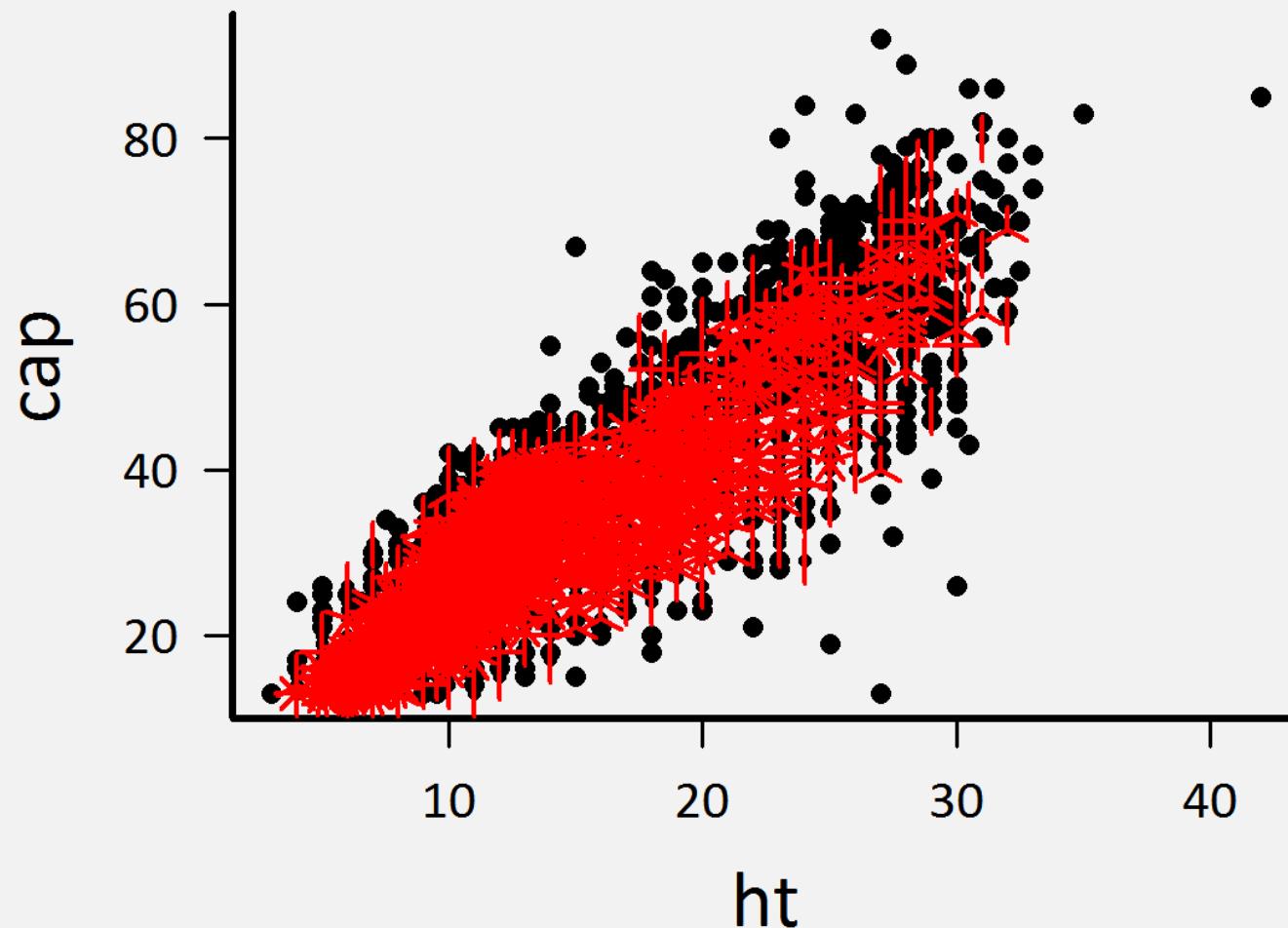


# De volta à multiflexível função `plot()`

Duas variáveis contínuas



# Milhões de pontos sobrepostos!



# Quarteto de Anscombe

```
> data(anscombe)
> anscombe
```

	x1	x2	x3	x4	y1	y2	y3	y4
1	10	10	10	8	8.04	9.14	7.46	6.58
2	8	8	8	8	6.95	8.14	6.77	5.76
3	13	13	13	8	7.58	8.74	12.74	7.71
4	9	9	9	8	8.81	8.77	7.11	8.84
5	11	11	11	8	8.33	9.26	7.81	8.47
6	14	14	14	8	9.96	8.10	8.84	7.04
7	6	6	6	8	7.24	6.13	6.08	5.25
8	4	4	4	19	4.26	3.10	5.39	12.50
9	12	12	12	8	10.84	9.13	8.15	5.56
10	7	7	7	8	4.82	7.26	6.42	7.91
11	5	5	5	8	5.68	4.74	5.73	6.89



F.J. Anscombe

# Jamais de esqueça da família (apply)



# Função *apply()*

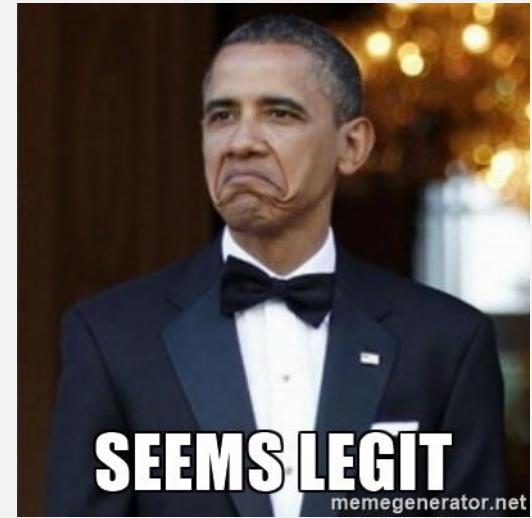
# Função *apply()*

# Opera sobre matrizes

Realiza uma operação sobre todas as linhas ou colunas

# Explorando o quarteto

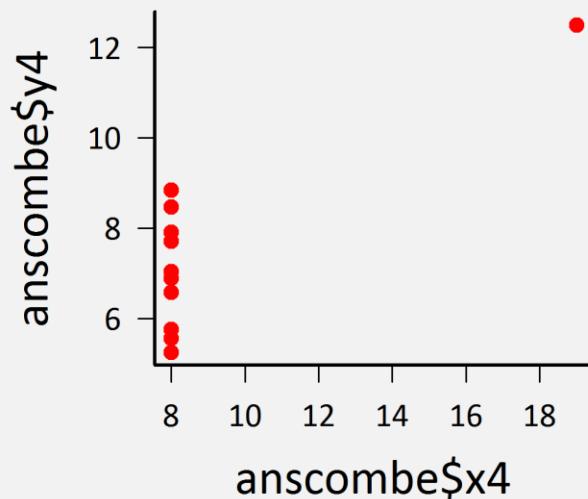
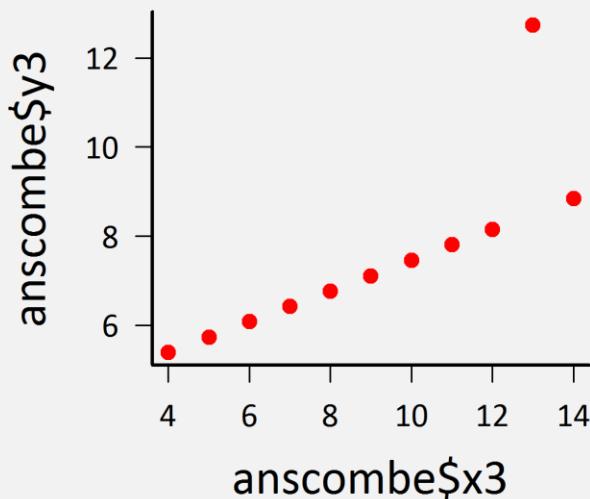
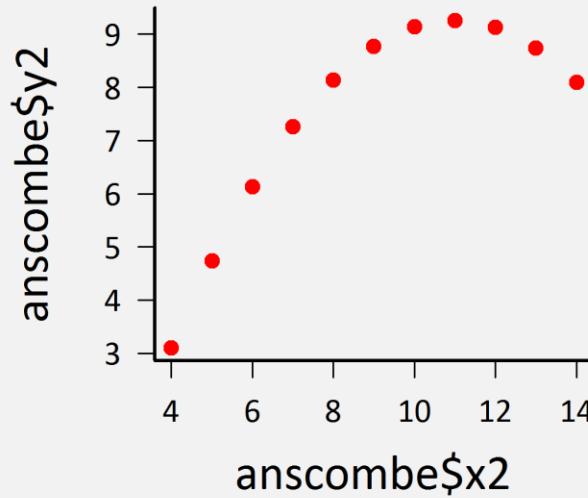
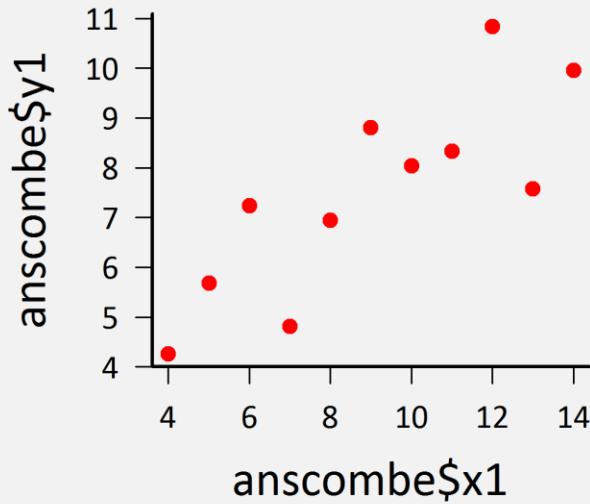
```
> apply(anscombe[,1:4], 2, mean)
x1 x2 x3 x4
 9 9 9 9
> apply(anscombe[,1:4], 2, sd)
      x1          x2          x3          x4
3.316625 3.316625 3.316625 3.316625
>
> apply(anscombe[,5:8], 2, mean)
      y1          y2          y3          y4
7.500909 7.500909 7.500000 7.500909
> apply(anscombe[,5:8], 2, sd)
      y1          y2          y3          y4
2.031568 2.031657 2.030424 2.030579
```



# Explorando o quarteto

```
> cor(anscombe$x1, anscombe$y1)
[1] 0.8164205
> cor(anscombe$x2, anscombe$y2)
[1] 0.8162365
> cor(anscombe$x3, anscombe$y3)
[1] 0.8162867
> cor(anscombe$x4, anscombe$y4)
[1] 0.8165214
```

# Explorando o quarteto



# Conheça bem seus dados!



## MIND YOUR SURROUNDINGS

You never know what you might miss.

# Variável contínua x categórica

Jamais se esqueça da família (apply)!



# Funções *tapply()* e *aggregate()*

Realiza uma operação sobre conjuntos de uma variável, separados por um índice (outra variável)

# Funções *tapply()* e *aggregate()*

Ideais para calcular médias (ou coisa parecida) de acordo com sexo, classe de idade, espécie ou coisa assim.

# Sumário de variáveis descritoras

## Funções `tapply()` e `aggregate()`

```
> tapply(aves$urubu, aves$fisionomia, mean)
    CC      Ce      CL
14.95  5.35 14.90
> aggregate(aves$urubu, list(aves$fisionomia),
mean)
  Group.1      x
1     CC 14.95
2     Ce  5.35
3     CL 14.90
```

# Sumário de variáveis descritoras

## Funções `tapply()` e `aggregate()`

```
>tapply(aves$urubu, aves$fisionomia, sd)
      CC          Ce          CL
3.872644 2.621269 3.338768
> aggregate(aves$urubu, list(aves$fisionomia),
sd)
  Group.1      x
1     CC 3.872644
2     Ce 2.621269
3     CL 3.338768
```

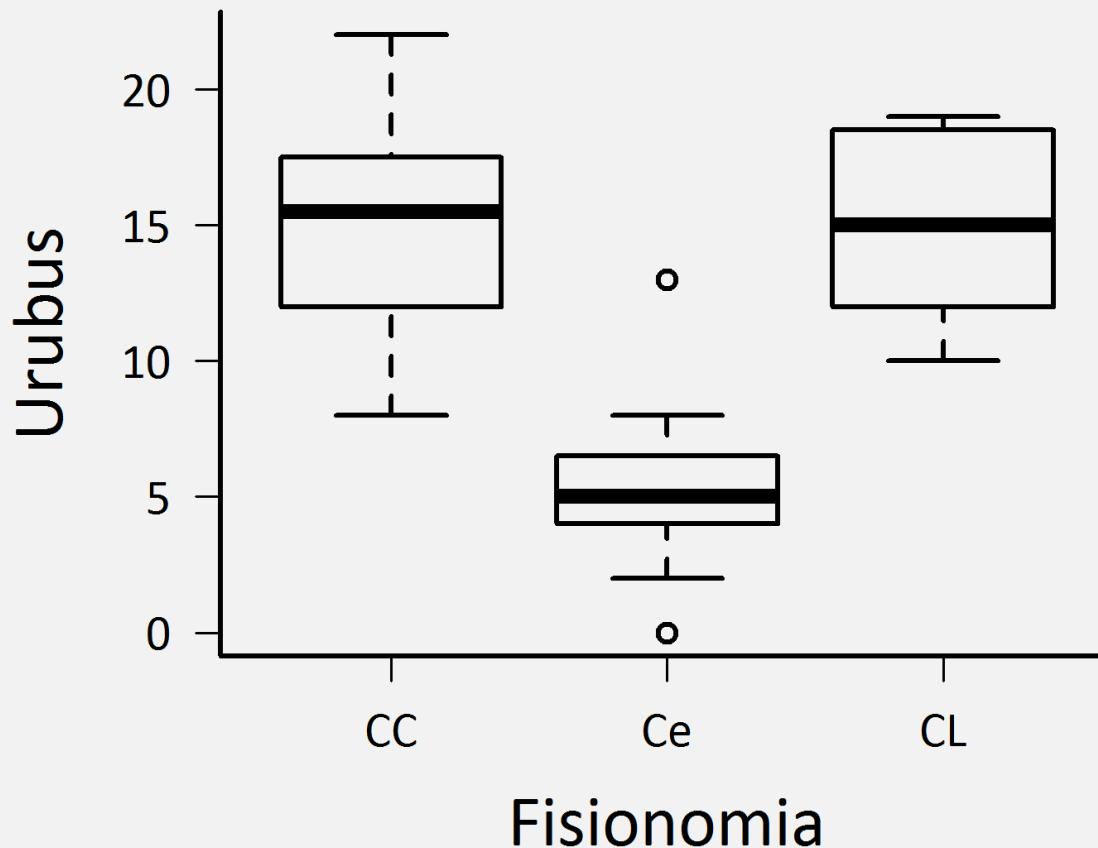
# Mais de uma dimensão!

```
> aggregate(cax$h, list(cax$local,cax$especie), mean)
   Group.1           Group.2      x
1  jureia    Alchornea triplinervia 130.00000
2  retiro    Alchornea triplinervia  60.83333
3  jureia      Andira fraxinifolia  67.50000
4  jureia        bombacaceae     150.00000
5  jureia       Cabralea canjerana 122.50000
6  chauas Callophyllum brasiliensis 142.85714
7  jureia    Callophyllum brasiliensis 117.50000
8  retiro        Cecropia sp     70.00000
9  jureia      Coussapoa macrocarpa  86.66667
10 chauas     Coussapoa micropoda   80.00000
11 retiro     Coussapoa micropoda  88.57143
```



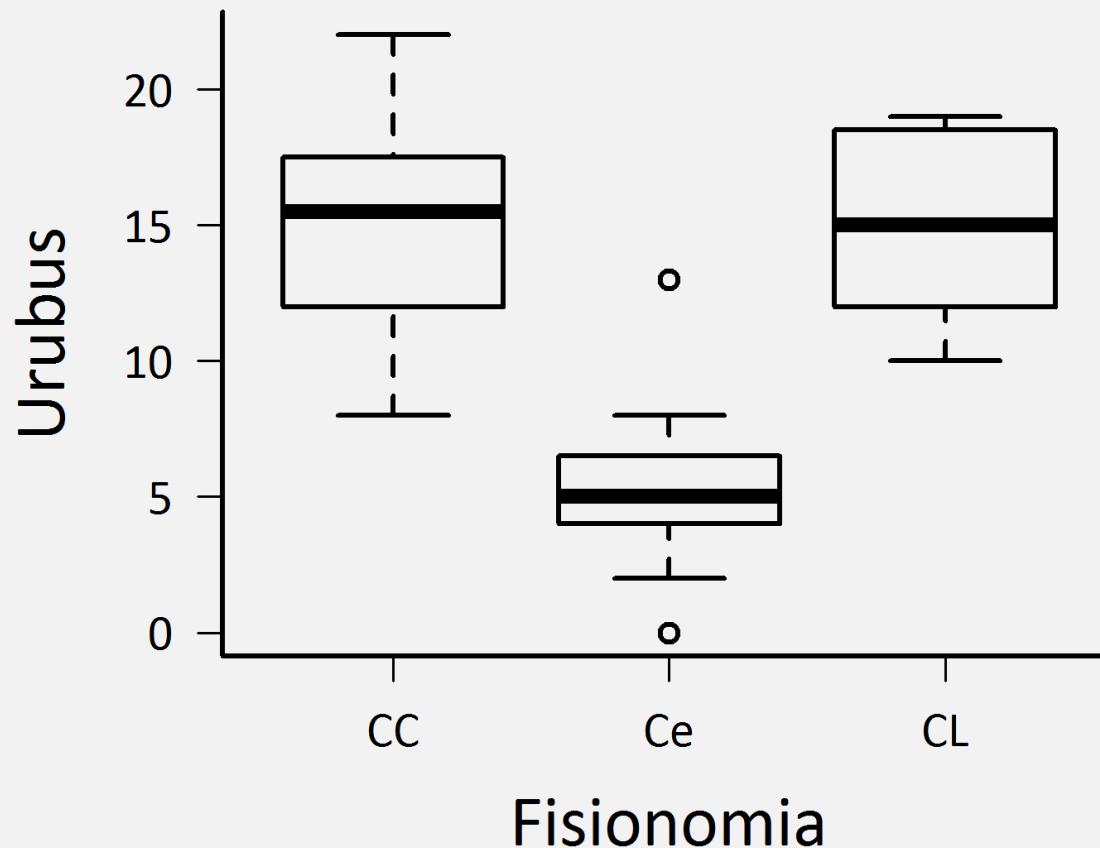
# O retorno do boxplot

```
boxplot(urubu~fisionomia, data=aves,  
       xlab="Fisionomia", ylab="Urubus")
```



# O retorno do boxplot

```
plot(urubu~fisionomia, data=aves,  
     xlab="Fisionomia", ylab="Urubus")
```



# O poderoso pacote `lattice`

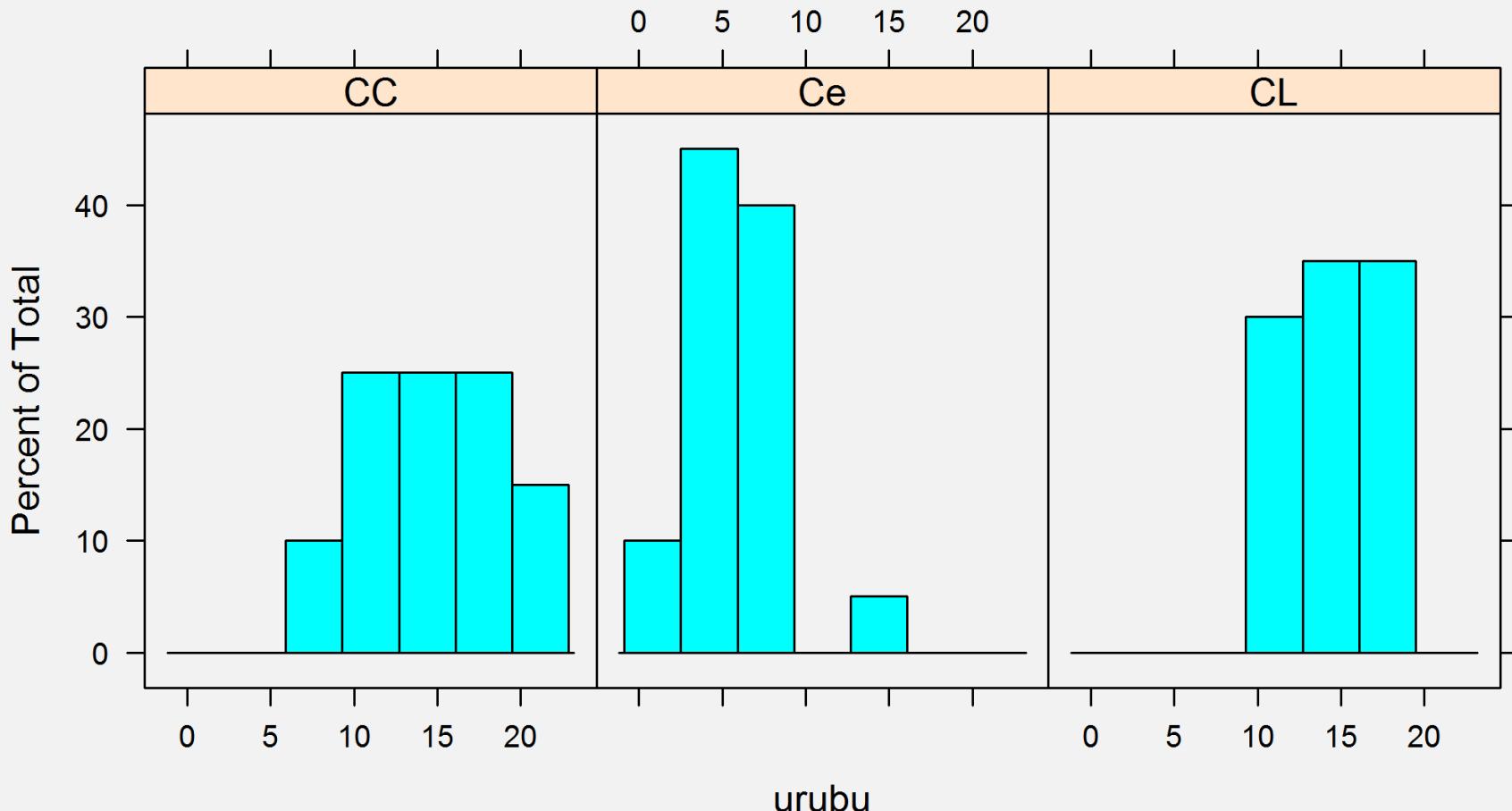
## Fórmulas com o formato

$$y \sim x \mid z$$

“y em função de x separado por z”

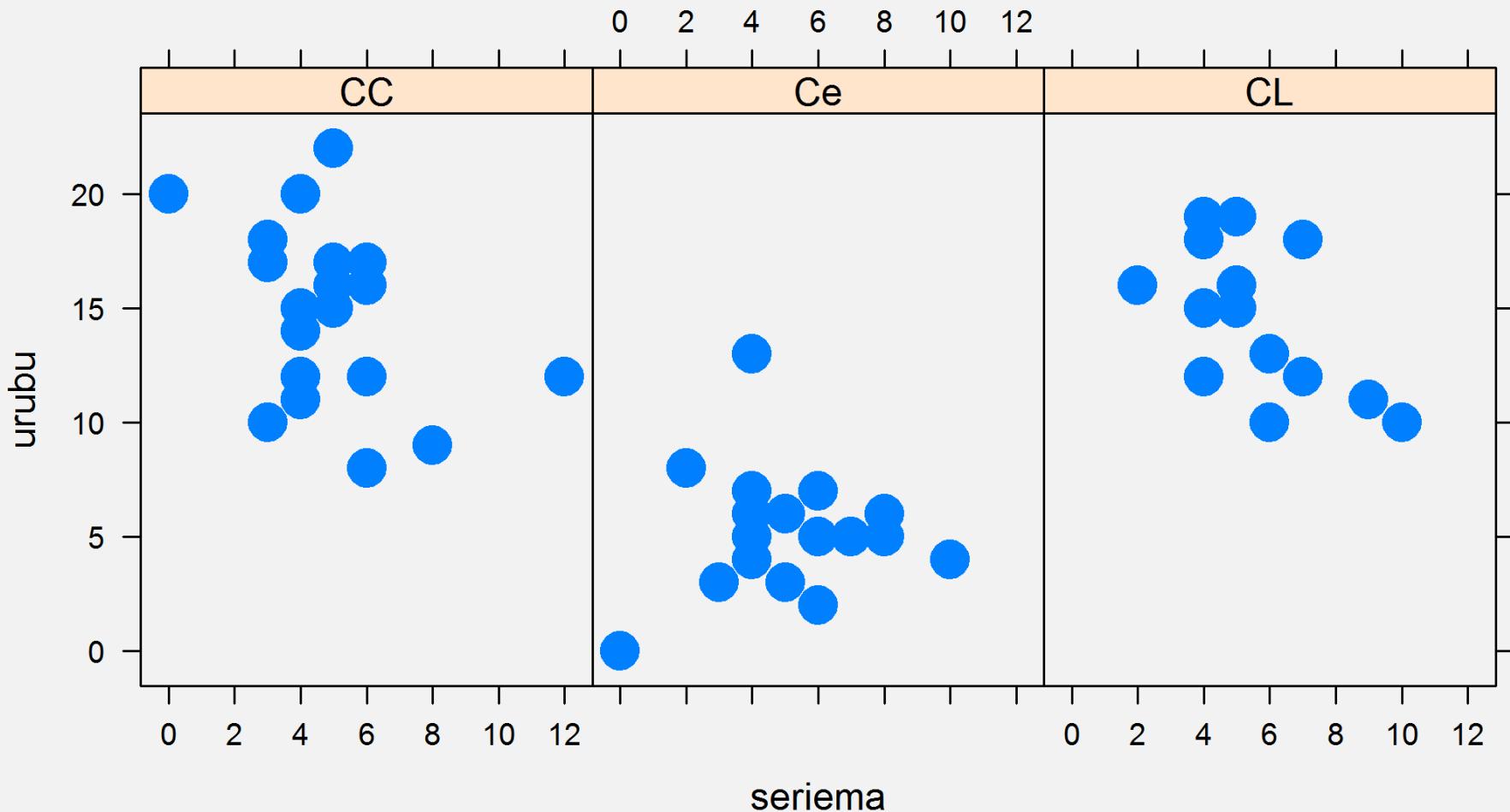
# `lattice::histogram()`

`histogram(~urubu | fisionomia, data=aves)`



# `lattice::xyplot()`

`xyplot(urubu~seriema | fisionomia, data=aves)`



# Bora para o R!

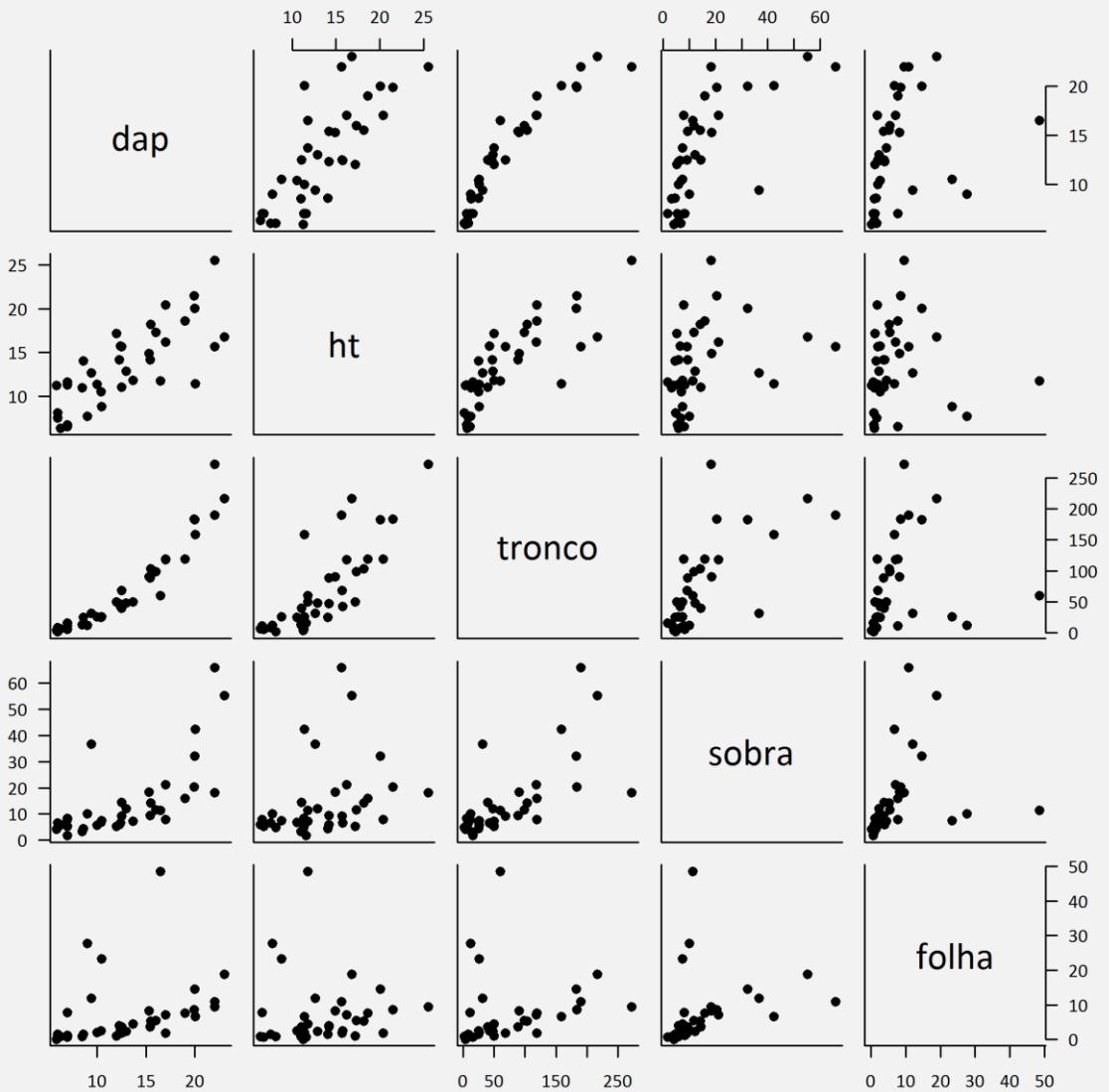




# Explorando dados multivariados



# Múltiplas variáveis contínuas



`plot(esa[,4:8], pch=19)`

# Matriz de correlação automática

```
> cor(esa[,4:8])
      dap        ht      tronco      sobra      folha
dap  1.0000000 0.774516726 0.9407805 0.6863613 0.332482850
ht   0.7745167 1.000000000 0.8054810 0.3204422 0.007789986
tronco 0.9407805 0.805480985 1.0000000 0.6933458 0.217992398
sobra 0.6863613 0.320442164 0.6933458 1.0000000 0.291215948
folha 0.3324829 0.007789986 0.2179924 0.2912159 1.000000000
```

# Lembrando...

## Estamos conhecendo os dados



# Matrizes de distância (ou similaridade)

Dados de árvores da ilha de Barro Colorado



# Carregando os dados

```
> library(vegan)
> data(BCI)
> str(BCI)
'data.frame': 50 obs. of 225 variables:
 $ Abarema.macradenia      : int  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 ...
 $ Vachellia.melanoceras   : int  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ Acalypha.diversifolia    : int  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ Acalypha.macrostachya   : int  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ Adelia.triloba          : int  0 0 0 3 1 0 0 0 5 0 ...
 $ Aegiphila.panamensis    : int  0 0 0 0 1 0 1 0 0 1 ...
 $ Alchornea.costaricensis : int  2 1 2 18 3 2 0 2 2 2 ...
 $ Alchornea.latifolia     : int  0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 ...
 $ Alibertia.edulis        : int  0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ Allophylus.psilospermus: int  0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 ...
 $ Alseis.blackiana        : int  25 26 18 23 16 14 18 14 16 14
...
...
```

# Matrizes de distância (ou similaridade)

```
barroDist = vegdist(x = BCI[1:10,],  
method = "jaccard")
```



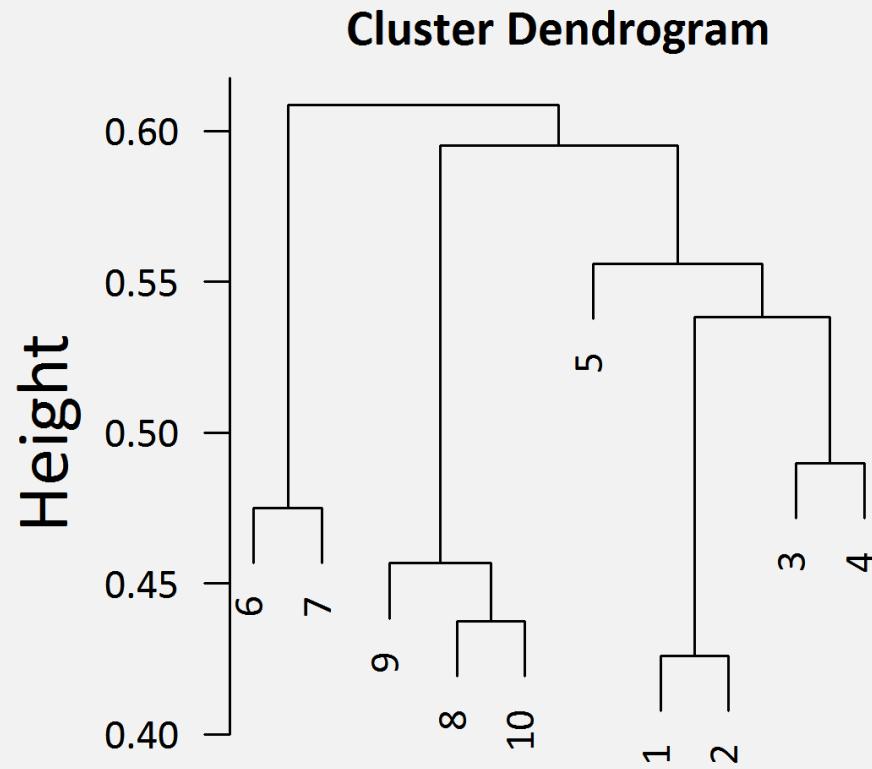
O índice de Jaccard mede a proporção de espécies em comum entre duas amostras/localidades

# A matriz de similaridade

1	2	3	4	5	6	7	8	9	
2	0.426								
3	0.519	0.446							
4	0.538	0.479	0.490						
5	0.543	0.556	0.529	0.542					
6	0.545	0.522	0.547	0.595	0.547				
7	0.521	0.453	0.490	0.547	0.609	0.475			
8	0.510	0.431	0.448	0.478	0.542	0.526	0.479		
9	0.595	0.545	0.539	0.549	0.594	0.584	0.537	0.447	
10	0.548	0.502	0.457	0.475	0.556	0.599	0.559	0.438	0.457

# Análise de agrupamento

`plot(hclust(barroDist))`



barroDist

# Análise multivariada *stricto sensu*

```
> pardal = read.table("ZuurSparrows.txt", sep="\t", dec=". ", head=TRUE)
> head(pardal)
```

	wingcrd	flatwing	tarsus	head	culmen	nalospi	wt	bandstat
1	59.0	60.0	22.3	31.2	12.3	13.0	9.5	1
2	54.0	55.0	20.3	28.3	10.8	7.8	12.2	1
3	53.0	54.0	21.6	30.2	12.5	8.5	13.8	1
4	55.0	56.0	19.7	30.4	12.1	8.3	13.8	1
5	55.0	56.0	20.3	28.7	11.2	8.0	14.1	1
6	53.5	54.5	20.8	30.6	12.8	8.6	14.8	1

	initials	Year	Month	Day	Location	SpeciesCode	Sex	Age
1	2	2002	9	19		4	1	0
2	2	2002	10	4		4	3	0
3	2	2002	10	4		4	3	0
4	8	2002	7	30		9	1	0
5	3	2002	10	4		4	3	0
6	7	2004	8	2		1	1	0

# Nosso primeiro PCA!

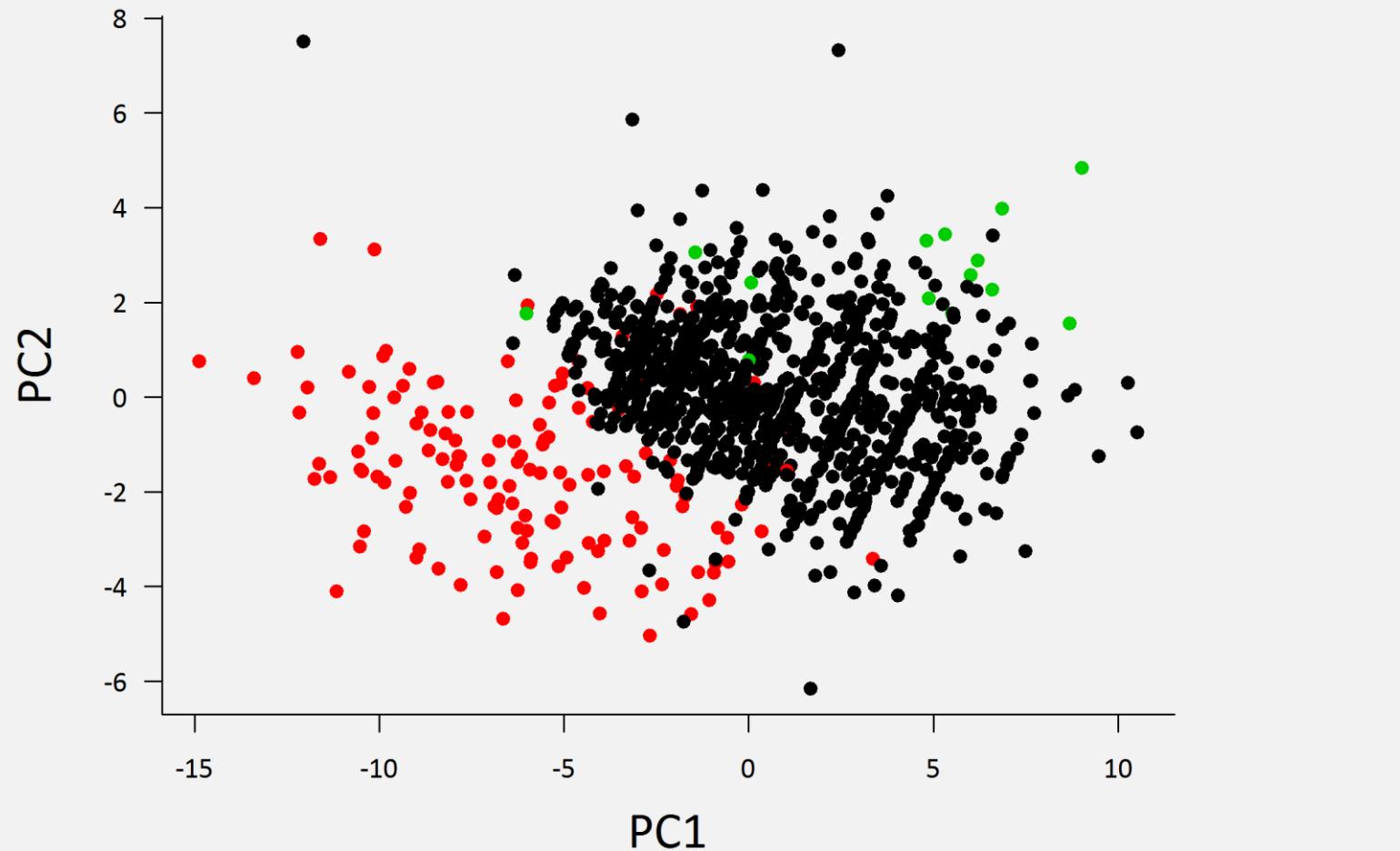
```
> pcapardal = princomp(pardal[,1:7])
> summary(pcapardal)
```

Importance of components:

	Comp.1	Comp.2	Comp.3	Comp.4
Standard deviation	3.722563	1.5555237	1.00150901	0.72026550
Proportion of Variance	0.755477	0.1319138	0.05468231	0.02828279
Cumulative Proportion	0.755477	0.8873908	0.94207314	0.97035594
	Comp.5	Comp.6	Comp.7	
Standard deviation	0.53041049	0.43892098	0.264130229	
Proportion of Variance	0.01533774	0.01050291	0.003803411	
Cumulative Proportion	0.98569368	0.99619659	1.000000000	

# Vamos por no gráfico

```
plot(pcapardal$scores[,1], pcapardal$scores[,2],  
col=pardal$SpeciesCode, pch=19, xlab='PC1', ylab="PC2")
```



# Vamos ao R!



# Resumo

- Confira seus dados (NAs e erros de digitação)
- Verifique valores extremos e zeros
- Preste atenção na distribuição das variáveis
- Verifique a relação entre variáveis

# Principais referências

Cleveland, W. 1993. **Visualizing data**. Hobart Press.

Ellison, A. M. 1993. Exploratory data analysis and graphic display. In: Scheiner, S. M. (ed.), ***Design and analysis of ecological experiments***. Chapman & Hall, pp. 14-45.

Zuur, A., Ieno, E. N. & Smith G. M. 2007. **Analysing ecological data**. Springer. Capítulo 4.

Morgenthaler, S. (2009). Exploratory data analysis. **Wiley Interdisciplinary Reviews: Computational Statistics**, 1:33-44.

Zuur, A., Ieno, E. N. & Elphick, C. S. 2010. A protocol for data exploration to avoid common statistical problems. **Methods in Ecology & Evolution**, 1: 3-14.

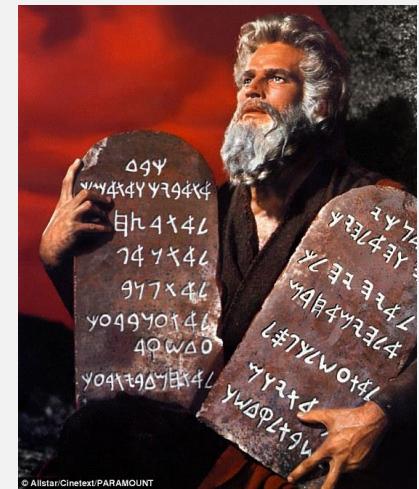
# *Take home messages*

Conheça bem seus dados

Jamais se esqueça da família (apply)

A análise exploratória só é limitada pela  
imaginação e habilidade do analista

(não se reprema!)



# Nos vemos no plantão!

