Übungsblatt 10: Suchen

Aufgabe 1 (Binärsuche, 6 Punkte)

Implementieren Sie die Binärsuche ohne Rekursion. Testen Sie Ihre Implementierung mit einer JUnit-Testklasse.

Aufgabe 2 (Quadratwurzel rekursiv berechnen, 8 Punkte)

Implementieren Sie eine rekursive Methode, mit der die positive Quadratwurzel einer double Zahl nach dem folgenden Halbierungsverfahren näherungsweise berechnet wird:

- Der Algorithmus sucht die Quadratwurzel von z in einem Intervall von l bis r mit $0 \le l \le z \le r$.
- Initial gilt l = 0 und r = z.
- Wenn (l+r)/2 kleiner als die Quadratwurzel von z ist, dann wird weiter im Intervall von (l+r)/2 bis r gesucht; und ansonsten in l bis (l+r)/2.
- Das Verfahren wird abgebrochen, wenn das Quadrat der gefundenen Zahl bis auf eine bestimmte Genauigkeit (etwa 0,00001) bestimmt wurde.

Wir wollen zum Beispiel die Quadratwurzel von 15 berechnen. Sei w die Quadratwurzel von 15.

- 1. (0+15)/2 = 7,5 und w < 7.5. Also links suchen.
- 2. $(0+7.5)/2 = 3{,}75$ und 3.75 < w. Also rechts suchen.
- 3. $(3.75 + 7.5)/2 = 5{,}625$ und w < 5.625. Also wieder links suchen.
- 4. usw., bis das Verfahren bei etwa 3,8729 (je nach Einstellung der Genauigkeit) abbricht.

Implementieren Sie eine JUnit-Testklasse, mit der Sie die Korrektheit ihrer Lösung überprüfen. Beachten Sie auch Randfälle bei den Testmethoden.