

Estudo 1

Jonatan Almeida e Helbert Paulino

2023-09-27

Resumo

Este estudo de caso tem por objetivo realizar uma comparação estatística entre os dados coletados de alunos da UFMG nos semestres de 2016/2 e 2017/2. O objetivo principal é o levantamento de hipóteses que, através dos estimadores pontuais, permita responder a seguinte pergunta:

Existe alteração no estilo de vida entre os alunos do PPGEE de um semestre para outro?

Para isso, utilizamos de um conjunto de dados disponíveis, cujos valores são compostos de: altura, idade, sexo, peso e curso (PPGEE ou ENGSIS, incluído apenas nos dados de 2016/2).

Para responder a essa pergunta, um dos estimadores pontuais que pode ser utilizado é o IMC (Índice de Massa Corporal), cuja relação matemática é dada por:

$$IMC = \frac{peso}{altura^2}$$

Apesar das limitações no uso do IMC para avaliar o condicionamento físico dos alunos, ele é um bom estimador pontual, que pode ser derivado dos dados originais. Além disso, tendo em vista que há dados diferentes nas tabelas e que há a possibilidade de haver diferenças nos valores médios do IMC para homens e mulheres, será necessária a utilização de alguns filtros nos dados e a análise será feita por subgrupos, masculino e feminino.

Design experimental

A pergunta de interesse nos leva a definir os seguintes testes de hipóteses:

$$\begin{cases} H_0 : \mu_{2016} = \mu_{2017} \\ H_1 : \mu_{2016} \neq \mu_{2017} \end{cases}$$

Onde o parâmetro μ significa o IMC médio de cada turma. A hipótese H_0 significa que não houve alteração no estilo de vida entre os alunos e a hipótese H_1 significa que houve alteração, ou seja, as médias de IMC são diferentes entre os alunos.

Para o IMC, existe as seguintes classificações:

- **IMC** $< 18,5\text{kg}/\text{m}^2$ - baixo peso
- **IMC** $> 18,5$ até $24,9\text{kg}/\text{m}^2$ - eutrofia (peso adequado)
- **IMC** ≥ 25 até $29,9\text{kg}/\text{m}^2$ - sobrepeso
- **IMC** $> 30,0\text{kg}/\text{m}^2$ até $34,9\text{kg}/\text{m}^2$ - obesidade grau 1
- **IMC** $> 35\text{kg}/\text{m}^2$ até $39,9\text{kg}/\text{m}^2$ - obesidade grau 2
- **IMC** $> 40\text{kg}/\text{m}^2$ - obesidade extrema

Pelo intervalo de classificações do IMC, nota-se que a alteração é sempre de 5 em 5 kg/m^2 . Logo um valor interessante para o efeito mínimo relevante (δ^*) é uma alteração de 5 entre as médias do IMC ou uma alteração na classificação da média do IMC da turma. O teste estatístico será dividido em duas análises, uma para o sexo masculino e uma para o sexo feminino. Então serão dois testes de hipóteses distintos.

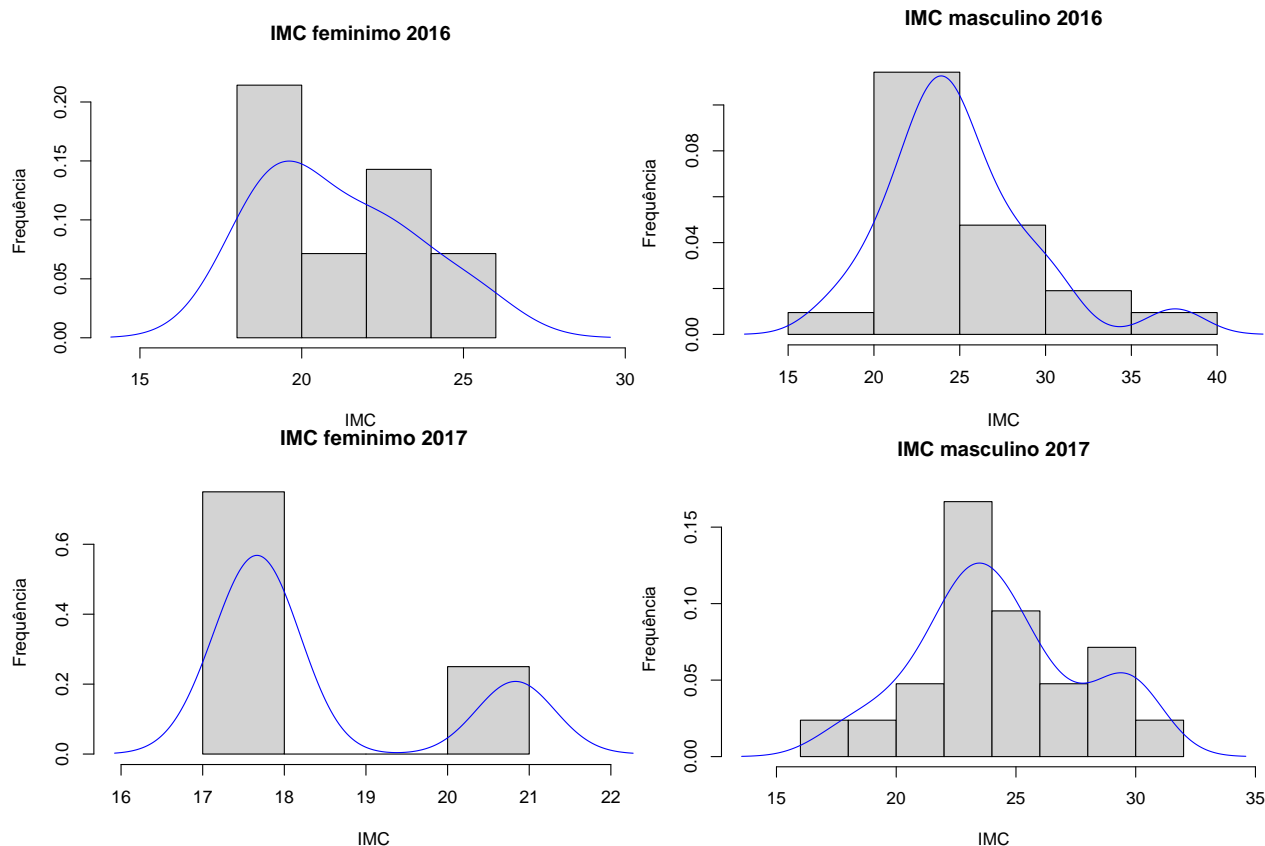
Como a variância da população não é conhecida e o N das amostras é menor que 30, utilizaremos o teste t com um $\alpha = 0,5$.

Análise exploratória dos dados

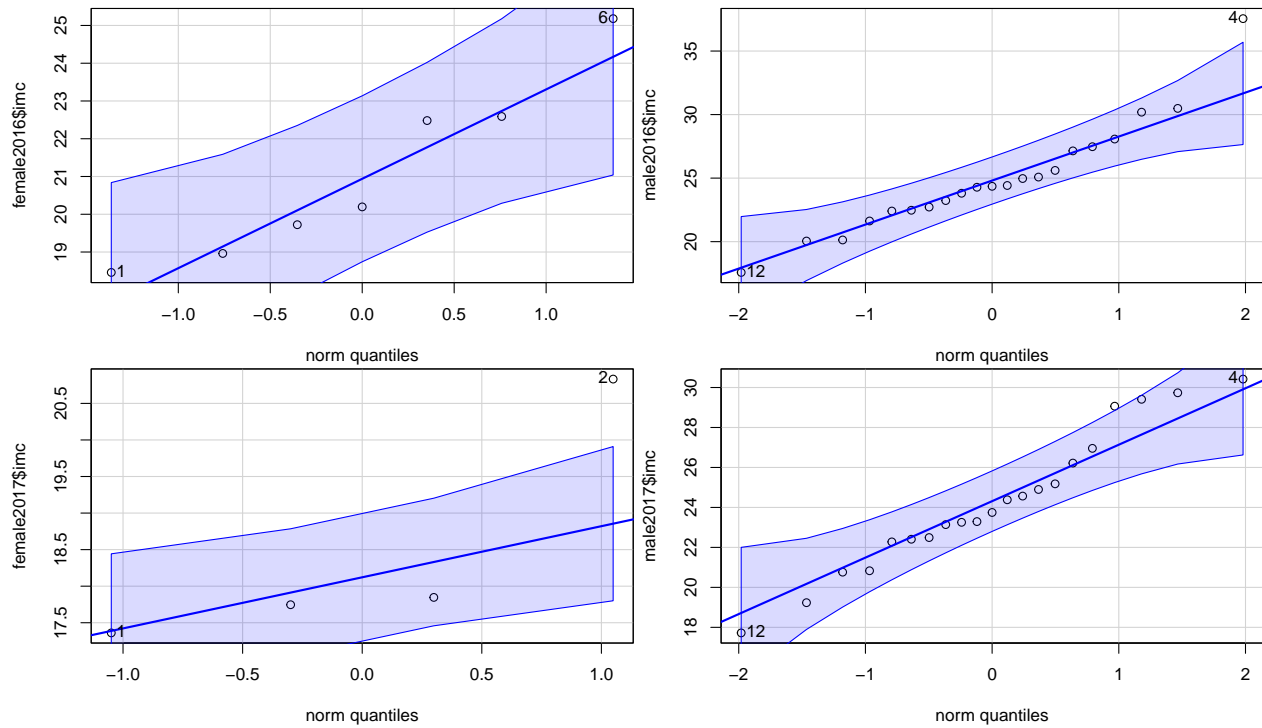
Já foi mencionado no *Resumo* que existem dados de alunos de graduação (ENGSIS) nos dados de 2016. O primeiro passo é expurgar estes dados para não contaminarem nossa amostra. Além disso, é de grande importância que os dados dos alunos sejam separados por ano e por sexo. Dessa forma, alguns procedimentos foram utilizados, executando a linguagem R para filtrar os dados.

Como o parâmetro de interesse é o IMC, e valor dele não está explícito nos dados, foram combinados os valores da massa corporal e da altura dos alunos para calculá-lo. Feito isso, os valores foram agrupados na tabela de dados original.

Plotar a distribuição dos dados de interesse é uma boa forma de entender qual o padrão dos dados para definir os testes a serem aplicados. Assim, seguem os histogramas dos dados de interesse em termos de densidade de probabilidade.



Nota-se que claramente os dados masculinos de 2016 e 2017 tendem a seguir uma distribuição Normal, onde há indícios que o teste proposto anteriormente (t test) é adequado. Para testar essa hipótese, podemos utilizar o plot de quantis que é um bom gráfico para entender a distribuição dos dados. Para isso, usamos o QQ plot. As figuras abaixo ilustram esses gráficos:



Em relação a interpretação do QQ Plot, caso os pontos se concentrem em torno de uma reta, existe indícios que é uma distribuição Normal. Neste caso, podemos perceber que os dados masculinos seguem próximos da reta, o que caracterizaria como uma distribuição próxima da normal e, também, podemos notar que os dados femininos concentram-se em torno da reta. Além disso, tendo em vista o Teorema do Limite Central, cuja teoria mostra que, independentemente da distribuição de uma população, as médias retiradas da população seguirão uma distribuição normal.

Análise Estatística

Os dados obtidos para os alunos variam em tamanho da amostra, sendo $N < 30$ em todos os casos e com variância desconhecida. Dessa forma, o teste t é o indicado para a análise estatística. Para a avaliação dos dados, definimos os seguintes parâmetros:

- $\alpha = 0,5$
- $\delta^* = 5 \text{ kg}/m^2$

Cálculo do IMC médio

O cálculo do IMC médio é calculado baseado na seguinte fórmula:

$$\bar{IMC} = \frac{\sum_{i=1}^N \mu_i}{N}$$

Em que μ é o valor médio do IMC das amostras e N é o tamanho da amostra.

Cálculo do desvio padrão

O cálculo do desvio padrão amostral do IMC foi calculado baseado na seguinte fórmula:

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x})^2}{N - 1}}$$

Em que x_i é o valor do IMC, \bar{x} é o valor médio do IMC e o N é o tamanho da amostra.

Além disso, tendo em vista que queremos comparar o valor do IMC médio das turmas, realizamos o teste bilateral, com intervalo de confiança $1 - \alpha = 0.95$. Dessa forma, obtivemos os seguintes resultados:

Comparando homens entre 2016 e 2017

```
##
## One Sample t-test
##
## data: male2017$imc
## t = -0.86769, df = 20, p-value = 0.3959
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 24.93595
## 95 percent confidence interval:
## 22.72180 25.84921
## sample estimates:
## mean of x
## 24.28551
```

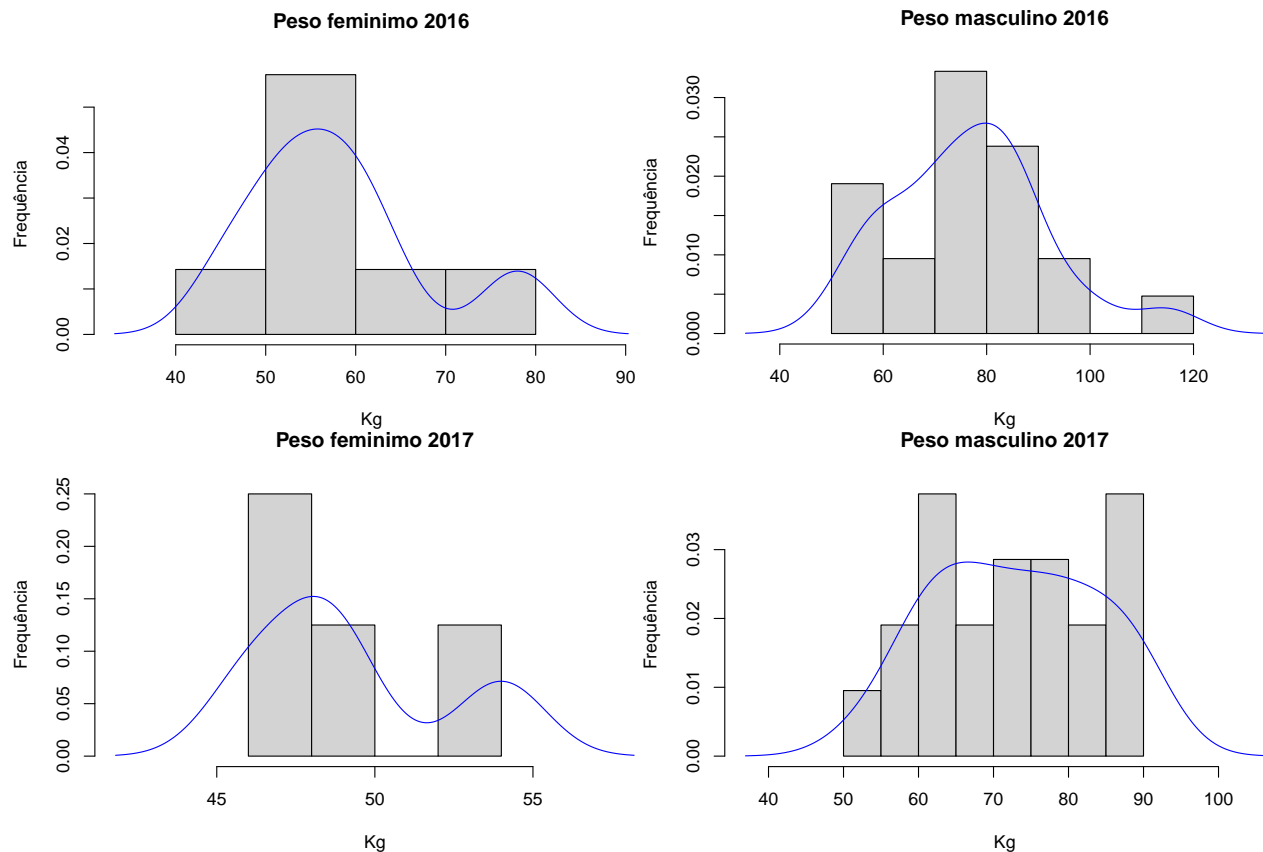
Como se pode perceber, o valor médio do IMC dos homens de 2017 está dentro de um intervalo de confiança ($22.72180 < \mu = 24.93595 < 25.84921$) esperado, quando se comparado à média dos homens de 2016. Isso também fica explícito pelo valor de p (0.3959), que é significativamente maior que o índice de significância.

Comparando mulheres entre 2016 e 2017

```
##
## One Sample t-test
##
## data: female2017$imc
## t = -3.2884, df = 3, p-value = 0.04613
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 21.08443
## 95 percent confidence interval:
## 15.89376 20.99943
## sample estimates:
## mean of x
## 18.4466
```

Diferentemente do caso dos homens, o valor médio do IMC das mulheres de 2017 está fora do um intervalo de confiança $[15.89376, 20.99943] < \mu = 21.08443$ esperado, quando se comparado à média das mulheres de 2016. Isso também fica explícito pelo valor de p (0.04613), que é menor que o índice de significância escolhido. Deve-se, no entanto, levar em consideração que entre esses grupos há uma diferença no tamanho das amostras, sendo que em 2016 tínhamos 7 mulheres e em 2017 tínhamos apenas 4, enquanto para os homens o tamanho é 21. A redução no tamanho amostral pode não representar bem a realidade da população, causando impactos na análise.

Tendo em vista que as mudanças no estilo de vida tem uma probabilidade maior de afetar o peso corporal das pessoas do que em suas alturas, avaliamos, também, o peso e a altura dos alunos. Dessa forma, para os pesos, temos as seguintes distribuições:



Para os pesos, obtemos os seguintes valores de média:

Mulheres 2016: 58.07143 kg

Mulheres 2017: 49.25 kg

Homens 2016: 76.85714 kg

Homens 2017: 72.95714 kg

Para as alturas, obtemos:

Mulheres 2016: 1.654286 m

Mulheres 2017: 1.635 m

Homens 2016: 1.752857 m

Homens 2017: 1.733333 m

Desses dados, conforme o esperado, o valor médio do peso dos estudantes variou mais do que o valor da altura. Nesse caso, para as mulheres, obtivemos uma variação de -8.82 kg, enquanto para os homens esse valor foi de -3.9 kg. Considerando-se ainda que o peso dos homens é maior que o das mulheres, essa variação percentual é ainda mais acentuada para o sexo feminino, o que corrobora com o fato de que o IMC médio manteve-se dentro do intervalo de confiança para os homens, ao passo de que para as mulheres a variação estava fora do intervalo de confiança.

Determinação do poder de teste

Uma das formas de verificar se o teste realizado apresenta potencial para rejeitar ou não rejeitar a hipótese nula é a estimação do poder do teste. Isso é feito em R através da função `power.t.test`. Além disso, podemos, a

partir da estimação de uma probabilidade $1-\beta$ (Erro do tipo II - Falso Negativo), podemos ter uma estimativa para o tamanho amostral que deveríamos ter. Para as amostras, temos os seguintes testes:

Para os alunos de 2016

```
##
##      Two-sample t test power calculation
##
##           n = 21
##          delta = 5
##          sd = 4.323356
##      sig.level = 0.05
##          power = 0.9550713
##      alternative = two.sided
##
## NOTE: n is number in *each* group
```

Para os alunos de 2017

```
##
##      Two-sample t test power calculation
##
##           n = 21
##          delta = 5
##          sd = 3.435254
##      sig.level = 0.05
##          power = 0.9958606
##      alternative = two.sided
##
## NOTE: n is number in *each* group
```

Para as alunas de 2016

```
##
##      Two-sample t test power calculation
##
##           n = 7
##          delta = 5
##          sd = 2.416533
##      sig.level = 0.05
##          power = 0.9436714
##      alternative = two.sided
##
## NOTE: n is number in *each* group
```

Para as alunas de 2017

```
##
##      Two-sample t test power calculation
##
##           n = 4
##          delta = 5
##          sd = 1.604324
##      sig.level = 0.05
##          power = 0.9532778
##      alternative = two.sided
##
## NOTE: n is number in *each* group
```

Pode-se ver pelos testes acima, que a probabilidade de se cometer um erro do tipo II (falso negativo) é, em geral, inferior a 6%. Dessa forma, há uma chance alta de que os resultados do experimento permitam inferir algo sobre as hipóteses levantadas, com bom grau de confiabilidade.

Conclusões

The discussion of your results, and the scientific/technical meaning of the effects detected, should be placed here. Always be sure to tie your results back to the original question of interest!