

UNIVERSIDADE TECNOLÓGICA FEDERAL DO PARANÁ
DIRETORIA DE PESQUISA E PÓS GRADUAÇÃO
PROGRAMA DE PÓS-GRADUAÇÃO EM ENGENHARIA ELÉTRICA

JÔNATAS TRABUCO BELOTTI

**IMPLEMENTAÇÃO PROJETO PRÁTICO 6.5: REDE RBF PARA
CLASSIFICAÇÃO DE PADRÕES**

RELATÓRIO

PONTA GROSSA
2017

JÔNATAS TRABUCO BELOTTI

**IMPLEMENTAÇÃO PROJETO PRÁTICO 6.5: REDE RBF PARA
CLASSIFICAÇÃO DE PADRÕES**

Relatório apresentado como requisito parcial à obtenção de nota na disciplina de Fundamentos de Redes Neurais Artificiais do Programa de Pós-Graduação em Engenharia Elétrica, da Universidade Tecnológica Federal do Paraná–Campus Ponta Grossa.

Professor: Prof. Dr. Sérgio Okida

**PONTA GROSSA
2017**

SUMÁRIO

1	INTRODUÇÃO	3
1.1	ESTUDO DE CASO	3
2	DESENVOLVIMENTO DO PROJETO	5
2.1	TREINAMENTO CAMADA INTERMEDIÁRIA	5
2.2	TREINAMENTO CAMADA SAÍDA	5
2.3	TESTE	6
3	CONCLUSÃO	8
	REFERÊNCIAS	9
	APÊNDICE A - IMPLEMENTAÇÃO DA CLASSE RBF EM JAVA	10
	ANEXO A - CONJUNTO DE TREINAMENTO	22
	ANEXO B - CONJUNTO DE TESTE	24

1 INTRODUÇÃO

As redes neurais funções de base radial (FBR, ou RBF do inglês *radial basis function*) possuem uma ampla variedade de aplicações, sendo possível a sua utilização em quase todos os tipos de problemas tratados pelas redes Perceptron Multicamadas (PMC, ou MLP do inglês *Multilayer Perceptron*), inclusive aproximação de funções e classificação de padrões (SILVA; SPATTI; FLAUZINO, 2010).

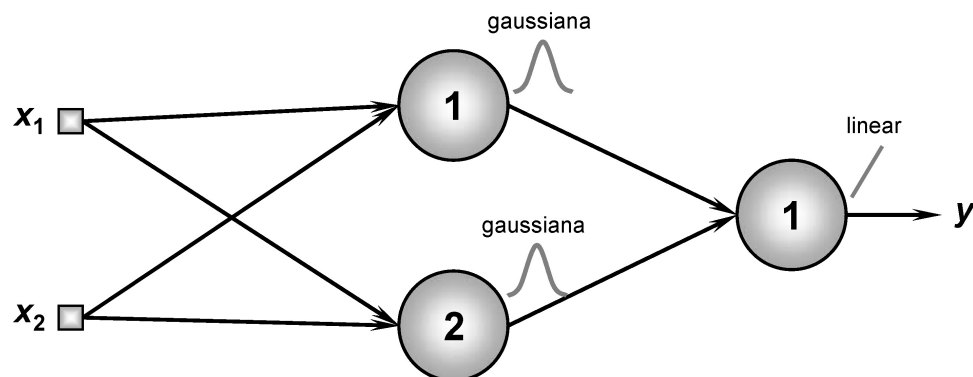
Ao contrário da MLP, a rede RBF possui apenas uma camada intermediária. Camada está onde as funções de ativação são do tipo gaussiana. Além disso, a RBF não possui limiar de ativação na camada intermediária, apenas na camada de saída (SILVA; SPATTI; FLAUZINO, 2010).

Esse relatório tem como objetivo descrever o desenvolvimento do Projeto Prático 6.5 do livro Redes neurais artificiais para engenharia e ciências aplicadas de Silva, Spatti e Flauzino (2010). O projeto consiste na implementação, treinamento e teste de uma rede neural RBF para ser usada como classificadora de padrões na verificação da presença ou não de radiação em determinada substância nuclear.

1.1 ESTUDO DE CASO

O Projeto Prático 6.5 do livro Redes neurais artificiais para engenharia e ciências aplicadas de Silva, Spatti e Flauzino (2010) mostra que a determinação da presença ou não de radiação em determinada substância nuclear pode ser realizada mediante a análise da concentração de duas variáveis $\{x_1 \text{ e } x_2\}$. Através de 50 situações conhecidas decidiu-se então pela criação de uma rede neural do tipo RBF para determinar então se as substâncias são radioativas ou não. A Figura 1 apresenta a arquitetura da rede proposta pelo livro.

Figura 1 – Arquitetura proposta rede RBF



Fonte: (SILVA; SPATTI; FLAUZINO, 2010).

Pela Figura 1 verifica-se que a rede RBF a ser criada deve possuir 2 entradas, 2 neurônios na camada intermediária e apenas 1 neurônio na camada de saída. Ainda analisando a Fi-

gura 1 nota-se que a função de ativação da camada de saída deve ser do tipo linear.

A padronização para classificar a saída da rede em 'presença de radiação' e 'ausência de radiação' é apresentada na Tabela 1.

Tabela 1 – Padronização saída RBF

Status de radiação	Saída (y)
Presença	1
Ausência	−1

Fonte: (SILVA; SPATTI; FLAUZINO, 2010).

2 DESENVOLVIMENTO DO PROJETO

A rede RBF proposta na Seção 1.1 foi desenvolvida na linguagem Java, a classe RBF é a responsável por implementar o funcionamento da rede, o código fonte da classe RBF está disponível no Apêndice A. Com o objetivo de facilitar o acesso ao código fonte da rede desenvolvida, o mesmo juntamente com um arquivo contendo o conjunto de dados de treinamento, um arquivo contendo o conjunto de dados de teste e o programa já compilado foram disponibilizados em um repositório do *GitHub*¹ que pode ser acessado pelo link <<https://github.com/jonatastbelotti/redeRBF>>.

Na Seção 2.1 é apresentada a primeira etapa do treinamento da RBF, a segunda etapa do treinamento é apresentada na Seção 2.2 e por fim na Seção 2.3 é apresentado o resultado obtido pela rede a partir do treinamento descrito nas seções 2.1 e 2.2.

2.1 TREINAMENTO CAMADA INTERMEDIÁRIA

A primeira etapa do treinamento da rede RBF consiste no ajuste dos pesos sinápticos da camada intermediária, que nada mais são do que os centros das funções gaussianas, e no cálculo da variância da função gaussiana para cada neurônio da camada intermediária por meio do algoritmo *k-means*.

A primeira etapa do treinamento da rede RBF desenvolvida foi executada com o conjunto de dados de treinamento presente no Anexo A. A Tabela 2 apresenta as coordenadas do centro de cada agrupamento juntamente com a sua variância.

Tabela 2 – Resultado primeira etapa treinamento

Agrupamento		Centro	Variância
1	x_1	0,5247954545454546	0,10126169714876032
	x_2	0,7501318181818184	
2	x_1	0,4531333333333333	0,0973760888888889
	x_2	0,21089999999999998	

Fonte: Autoria própria.

2.2 TREINAMENTO CAMADA SAÍDA

A segunda etapa do treinamento da RBF consiste no ajuste dos pesos sinápticos da camada de saída. O treinamento da camada de saída foi realizado utilizando a regra Delta generalizada com taxa de aprendizado de $\eta = 0,01$ e precisão de $\varepsilon = 10^{-7}$. Os pesos sinápticos

¹ No repositório do *GitHub* o caminho para acessar a classe RBF.java é './RedeRBF/src/Modelo/RBF.java'.

da camada de saída foram iniciados de maneira aleatória com valores entre 0 e 1. O conjunto de dados de treinamento utilizado foi o mesmo da Seção 2.1, disponibilizado no Anexo A.

A Tabela 3 apresenta os pesos sinápticos da camada de saída ao final do treinamento.

Tabela 3 – Segunda etapa treinamento

Parâmetro	Valor
$W_{1,1}^{(2)}$	0,3559855331978549
$W_{2,1}^{(2)}$	-0,9888284080358978
θ_1	1,757645896276698

Fonte: Autoria própria.

A segunda etapa do treinamento da RBF foi executada em 338 épocas e obteve um erro quadrático médio de $E_{qm} = 0,22014719186640322$.

2.3 TESTE

Após o treinamento a rede RBF desenvolvida foi testada visando verificar sua capacidade de generalização, para tanto foram utilizadas 10 amostras de teste, essas amostras de teste são apresentadas na Tabela 4 e estão disponíveis no Anexo B. A Tabela 4 apresenta o resultado dos testes executado na rede RBF, nela é possível verificar qual a saída desejada para cada amostra de teste, juntamente com a saída dada pela rede antes e depois do pós-processamento. Na Tabela 4 também é possível verificar qual a porcentagem de acerto que a rede obteve ao fim do teste.

Tabela 4 – Resultado teste

Amostra	x_1	x_2	d	y	y^{pos}
1	0.8705	0.9329	-1	-0.7712871187721616	-1
2	0.0388	0.2703	1	0.2600680194427229	1
3	0.8236	0.4458	-1	-0.10436691798752618	-1
4	0.7075	0.1502	1	0.7393696276524443	1
5	0.9587	0.8663	-1	-0.6689870105764796	-1
6	0.6115	0.9365	-1	-1.0551230688247575	-1
7	0.3534	0.3646	1	0.7127872599954558	1
8	0.3268	0.2766	1	0.9585853259342835	1
9	0.6129	0.4518	-1	0.1752447254409879	1
10	0.9948	0.4962	-1	-0.34107848305539173	-1
Taxa de acerto (%):				90%	

Fonte: Autoria própria.

Analisando os dados da Tabela 4 verifica-se que a taxa de acerto da rede RBF foi de 90%, no teste a rede errou apenas a amostra de teste 9.

Algumas possibilidades podem ser exploradas visando aumentar a taxa de acerto da rede. A quantidade de neurônios presentes na camada intermediária pode ser alterada visando

determinar qual a melhor quantidade de neurônios na camada intermediária para esse problema em específico, isso pode ser realizado através do algoritmo de validação cruzada. O valor da precisão pode ser diminuído visando obter um erro quadrático médio menor ao final do treinamento, o que resulta em um melhor desempenho no teste da rede. Além disso os conjuntos de treinamento e de teste podem ser revistos, conjuntos de treinamento e de teste maiores tendem a compreender de melhor forma todos os elementos do problema, resultando em um melhor treinamento e consequentemente uma taxa de acerto maior na execução do teste.

3 CONCLUSÃO

Foi desenvolvida uma rede RBF para ser utilizada como classificadora de padrões na determinação de radiação em substâncias. A rede foi desenvolvida com 2 entradas, 2 neurônios na camada intermediária e 1 neurônio na camada de saída. Após o treinamento a rede obteve uma taxa de acerto de 90% na execução do teste.

Concluí-se que a rede RBF desenvolvida será capaz de suprir todas as necessidades do problema proposto visto que a mesma obteve uma taxa de acerto de 90%.

REFERÊNCIAS

SILVA, Ivan Nunes da; SPATTI, Danilo Hernane; FLAUZINO, Rogério Andrade. **Redes Neurais Artificiais Para Engenharia e Ciências Aplicadas - Curso Prático**. 1. ed. São Paulo: ARTLIBER, 2010. ISBN 978-85-88098-53-4.

APÊNDICE A - IMPLEMENTAÇÃO DA CLASSE RBF EM JAVA

```

1  package Modelo;
2
   import Controle.Comunicador;
4  import Recursos.Arquivo;
   import Recursos.Numero;
6  import java.util.ArrayList;
   import java.util.List;
8  import java.util.Random;

10 /**
   *
12  * @author Jonatas Trabuco Belotti [jonatas.t.belotti@hotmail.com]
   */
14 public class RBF {

16     public static final int NUM_ENTRADAS = 2;
       private final int NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA = 2;
18     public static final int NUM_NEU_CAMADA_SAIDA = 1;
       private final double LIMIAR_ATIVACAO = -1D;
20     private final double TAXA_APRENDIZADO = 0.01;
       private final double PRECISAO = Math.pow(10D, -7D);
22
       private double[] entradas;
24     private double[] saidasEsperadas;
       private double[] variancia;
26     private double[][] pesosCamadaEscondida;
       private double[][] pesosCamadaSaida;
28     private double[] saidaCamadaEscondida;
       private double[] saidaCamadaSaida;
30     private int numEpocas;

32     public RBF() {
       this.entradas = new double[NUM_ENTRADAS];
34       this.variancia = new double[NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA];
       this.pesosCamadaEscondida = new double[NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA
           ][NUM_ENTRADAS];
36       this.pesosCamadaSaida = new double[NUM_NEU_CAMADA_SAIDA][
           NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA + 1]; //+1 por causa do peso do
           limiar de ativacao

```

```

        this.saidaCamadaEscondida = new double[NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA
            + 1];//+1 por causa do limiar de ativacao
38     this.saidaCamadaSaida = new double[NUM_NEU_CAMADA_SAIDA];
        this.saidasEsperadas = new double[NUM_NEU_CAMADA_SAIDA];
40     }

42     public boolean treinar(Arquivo arquivoTreinamento) {
        Comunicador.iniciarLog("Iniciando treinamento da rede RBF");
44
        arquivoTreinamento.abrirArquivo();
46
        //Realiza primeiro o treinamento da camada escondida
48         if (treinarCamadaEscondida(arquivoTreinamento) == false) {
            return false;
50         }

52         //Por ultimo realiza o treinamento da camada de saida
        if (treinarCamadaSaida(arquivoTreinamento) == false) {
54             return false;
        }
56
        Comunicador.addLog("Rede RBF treinada com sucesso");
58         imprimirPesosCamadaEscondida();
        imprimirPesosCamadaSaida();
60
        //Apenas se os 2 treinamentos forem bem sucedidos retorna
        verdadeiro
62         return true;
    }
64

    public void testar(Arquivo arquivoTeste) {
66         String log1;
        String log2;
68         String log3;
        boolean errou;
70         int numErros;

72         Comunicador.iniciarLog("Iniciando teste da rede RBF");

74         arquivoTeste.abrirArquivo();
        numErros = 0;
76

```

```

//Para cada amostra do conjunto de teste
78 for (String linha : arquivoTeste.getLinhasArquivo()) {
    recuperarEntradas(linha);

80
    //Calculando saida da rede
82    calcularSaida();

84    log1 = "";
    log2 = "";
86    log3 = "";
    errou = false;
88    for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_SAIDA;
        neuronio++) {
        log1 += String.format("%f ", saidasEsperadas[neuronio]);
90        log2 += String.format("%s ", Double.toString(
            saidaCamadaSaida[neuronio]));
        log3 += String.format("%f ", posProcessamento(
            saidaCamadaSaida[neuronio]));

92
        //Verifica se acertou ou errou a amostra
94        if (posProcessamento(saidaCamadaSaida[neuronio]) !=
            saidasEsperadas[neuronio]) {
            errou = true;
96        }
    }

98
    Comunicador.addLog("" + log1 + log2 + log3 + "");

100
    if (errou) {
102        numErros++;
    }

104 }

106 Comunicador.addLog("Fim do teste da RBF");
    Comunicador.addLog(String.format("Porcentagem de acerto: %.2f%%",
        (100D / (double) arquivoTeste.getLinhasArquivo().size())
        * ((double) arquivoTeste.getLinhasArquivo().size() -
            numErros)));

108 }

110 private boolean treinarCamadaEscondida(Arquivo arquivoTreinamento
    ) {

```

```

List[] gruposOmega;
112 double distanciaEuclidiana;
double menorDistanciaEuclidiana;
114 double valorParcial;
int neuronioMenorDistanciaEuclidiana;
116 int indiceAmostra;
boolean mudouGrupoOmega;
118

Comunicador.addLog("Treinamento camada escondida");
120

//Iniciando o vetor que ira guardar os grupos omega
122 gruposOmega = new List[NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA];
for (int i = 0; i < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA; i++) {
124     gruposOmega[i] = new ArrayList();
}
126

try {
128     //Iniciando pesos da camada escondida com os primeiros
        valores do conjunto de entradas
    for (int i = 0; i < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA; i++) {
130         recuperarEntradas(arquivoTreinamento.getLinhaIndice(i));

        for (int j = 0; j < NUM_ENTRADAS; j++) {
132             pesosCamadaEscondida[i][j] = entradas[j];
134         }
    }
136

    do {
138         mudouGrupoOmega = false;
        indiceAmostra = 0;
140

        //Para cada amostra de treinamento
142         for (String linha : arquivoTreinamento.getLinhasArquivo())
            {
                indiceAmostra++;
144                 recuperarEntradas(linha);
                menorDistanciaEuclidiana = Double.MAX_VALUE;
146                 neuronioMenorDistanciaEuclidiana = 0;

                //Calcula a distancia euclidoana da entrada para cada
                    neuronio
                for (int neuronio = 0; neuronio <

```

```

        NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA; neuronio++) {
150     distanciaEuclidiana = 0D;

152     for (int x = 0; x < NUM_ENTRADAS; x++) {
        distanciaEuclidiana += Math.pow(entradas[x] -
            pesosCamadaEscondida[neuronio][x], 2D);
154     }

156     distanciaEuclidiana = Math.sqrt(distanciaEuclidiana);

158     //Verifica qual a menor distancia euclidiana
    if (distanciaEuclidiana < menorDistanciaEuclidiana) {
160         menorDistanciaEuclidiana = distanciaEuclidiana;
        neuronioMenorDistanciaEuclidiana = neuronio;
162     }
    }

164     //Adiciona amostra no grupo omega do neuronio com menor
        distancia euclidiana
    if (adicionarNoGrupoOmega(indiceAmostra,
        neuronioMenorDistanciaEuclidiana, gruposOmega)) {
        mudouGrupoOmega = true;
168     }
    }

170     //Ajustando os pesos da camada escondida
    for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA;
        neuronio++) {
172         for (int peso = 0; peso < NUM_ENTRADAS; peso++) {
174             valorParcial = 0D;

176             for (int indice = 0; indice < gruposOmega[neuronio].
                size(); indice++) {
                recuperarEntradas(arquivoTreinamento.getLinhaNumero((
                    int) gruposOmega[neuronio].get(indice)));
178
                valorParcial += entradas[peso];
180             }

182             if (!gruposOmega[neuronio].isEmpty()) //Evita divisao
                por zero
                pesosCamadaEscondida[neuronio][peso] = (1D / (double)

```

```

        gruposOmega[neuronio].size()) * valorParcial;
184     }
        }
186     }
    } while (mudouGrupoOmega);
188
    //Calculando variancia de cada funcao de ativacao
190     for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA;
        neuronio++) {
        valorParcial = 0D;
192
        for (int amostra = 0; amostra < gruposOmega[neuronio].size
            ()); amostra++) {
194            recuperarEntradas(arquivoTreinamento.getLinhaNumero((int)
                gruposOmega[neuronio].get(amostra)));

196            for (int i = 0; i < NUM_ENTRADAS; i++) {
                valorParcial += Math.pow(entradas[i] -
                    pesosCamadaEscondida[neuronio][i], 2D);
198            }
        }
200
        variancia[neuronio] = (1D / (double) gruposOmega[neuronio].
            size()) * valorParcial;
202     }

204     Comunicador.addLog("Fim do treinamento da camada escondida");
    } catch (Exception e) {
206         return false;
    }
208
    return true;
210 }

212 private boolean treinarCamadaSaida(Arquivo arquivoTreinamento) {
    Random random;
214    List<double[]> listaZ;
    int numAmostra;
216    double erroAtual;
    double erroAnterior;
218    double gradiente;

```



```

220     numEpocas = 0;
        numAmostra = 0;
222     listaZ = new ArrayList<double[]>();

224     //Iniciando pesos da camada de saida com valores aleatorios
        entre 0 e 1
        random = new Random();

226
        for (int i = 0; i < NUM_NEU_CAMADA_SAIDA; i++) {
228             for (int j = 0; j < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA + 1; j++) {
                    pesosCamadaSaida[i][j] = random.nextDouble();
230             }
        }

232
        //Calculando os valores dos vetores Z
234     for (String linha : arquivoTreinamento.getLinhasArquivo()) {
            numAmostra++;

236
            //Calculando saida da camada escondida
238             recuperarEntradas(linha);
                calcularSaida();
240             listaZ.add(new double[NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA]);

242             for (int i = 0; i < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA; i++) {
                    listaZ.get(numAmostra - 1)[i] = saidaCamadaEscondida[i];
244             }
        }

246
        //Para cada amostra do conjunto de treinamento calcula o
            gradiente e atualiza os pesos da camada de saida
248     erroAtual = erroQuadraticoMedio(arquivoTreinamento);
        do {
250             erroAnterior = erroAtual;

252             for (String linha : arquivoTreinamento.getLinhasArquivo()) {
                    recuperarEntradas(linha);

254
                    calcularSaida();

256
                    //Atualizando pesos sinapticos da camada de saida em funcao
                        do valor do gradiente
258             for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_SAIDA;

```

```

        neuronio++) {
            gradiente = saidasEsperadas[neuronio] - saidaCamadaSaida[
                neuronio];
260
            for (int peso = 0; peso < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA + 1;
                peso++) {
262                pesosCamadaSaida[neuronio][peso] += TAXA_APRENDIZADO *
                    gradiente * saidaCamadaEscondida[peso];
            }
264        }
    }

266
    erroAtual = erroQuadraticoMedio(arquivoTreinamento);
268    numEpocas++;
    Comunicador.addLog(String.format("%d %s", numEpocas, Double.
        toString(erroAtual)));
270 } while (Math.abs(erroAtual - erroAnterior) > PRECISAO);

272 return true;
}

274
private void calcularSaida() {
276     double valorParcial;

278     //Calculando saida da camada escondida
    saidaCamadaEscondida[0] = LIMIAR_ATIVACAO;
280    for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA;
        neuronio++) {
        valorParcial = 0D;

282
        for (int entrada = 0; entrada < NUM_ENTRADAS; entrada++) {
284            valorParcial += Math.pow(entradas[entrada] -
                pesosCamadaEscondida[neuronio][entrada], 2D);
        }

286
        saidaCamadaEscondida[neuronio + 1] = Math.pow(Math.E, (-1D) *
            (valorParcial / (2D * variancia[neuronio])));
288    }

290    //Calculando saida da camada de saida
    for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_SAIDA;
        neuronio++) {

```

```

292     valorParcial = 0D;

294     for (int i = 0; i < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA + 1; i++) {
        valorParcial += pesosCamadaSaida[neuronio][i] *
            saidaCamadaEscondida[i];
296     }

298     saidaCamadaSaida[neuronio] = valorParcial;
    }

300 }

302 private void recuperarEntradas(String linha) {
304     String[] vetor;
    int i;

306     vetor = linha.split("\\s+");
308     i = 0;

310     if (vetor[0].equals("")) {
        i++;
312     }

314     //preenche o vetor de entradas a partir da linha lida do
        arquivo
    for (int j = 0; j < NUM_ENTRADAS; j++) {
316         entradas[j] = Numero.parseDouble(vetor[i++]);
    }

318     //preenche o vetor das saidas esperadas a partir da linha lida
        do arquivo
    if (vetor.length > i) {
        for (int j = 0; i + j < vetor.length; j++) {
322             saidasEsperadas[j] = Numero.parseDouble(vetor[i++]);
        }
324     }
    }

326 private boolean adicionarNoGrupoOmega(int amostra, int neuronio,
    List[] gruposOmega) {
328     //Se a amostra ja esta no grupo nao ha mudanca
    for (int indice = 0; indice < gruposOmega[neuronio].size();

```

```

        indice++) {
330     if ((int) gruposOmega[neuronio].get(indice) == amostra) {
            return false;
332     }
    }
334
    //Se a amostra esta em outro grupo deve ser removida
336    for (int i = 0; i < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA; i++) {
        //Nao olha no grupo onde deve ser adicionado
338        if (i == neuronio) {
            continue;
340        }

342        //remove a amostra do grupo antigo
        for (int indice = 0; indice < gruposOmega[i].size(); indice
            ++) {
344            if ((int) gruposOmega[i].get(indice) == amostra) {
                gruposOmega[i].remove(indice);
346            }
        }
348    }

350    //Adiciona amostra no grupo certo
    gruposOmega[neuronio].add(amostra);
352
    return true;
354 }

356 private double erroQuadraticoMedio(Arquivo arquivoTreinamento) {
    double erro;
358    double erroQuadMedio;
    int numAmostras;
360
    numAmostras = 0;
362    erro = 0D;
    erroQuadMedio = 0D;
364
    //Para cada amostra do conjunto de treinamento
366    for (String linha : arquivoTreinamento.getLinhasArquivo()) {
        numAmostras++;
368        recuperarEntradas(linha);
        calcularSaida();
    }
}

```

```

370     erro = 0D;

372     //0 Erro e a soma dos erros de cada neuronio da camada de
        saida
    for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_SAIDA;
        neuronio++) {
374         erro += Math.pow(saidasEsperadas[neuronio] -
            saidaCamadaSaida[neuronio], 2D);
    }

376     erro = erro / 2D;
378     erroQuadMedio += erro;
    }

380     //Calculando Eqm
382     erroQuadMedio = erroQuadMedio / numAmostras;

384     return erroQuadMedio;
    }

386     //Imprime os pesos sinapticos da camada escondida
388     private void imprimirPesosCamadaEscondida() {
        String texto;

390         Comunicador.addLog("Pesos camada escondida:");

392         for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA;
            neuronio++) {
394             texto = "";

396             for (int i = 0; i < NUM_ENTRADAS; i++) {
                if (i > 0) {
398                     texto += ", ";
                }

400                 texto += String.format("%s", Double.toString(
                    pesosCamadaEscondida[neuronio][i]));
402             }

404             Comunicador.addLog(String.format("    N%d: centro = (%s);
                variancia = %s", (neuronio + 1), texto, Double.toString(
                    variancia[neuronio])));

```

```

    }
406 }

408 //Imprime os pesos sinapticos da camada de saida
private void imprimirPesosCamadaSaida() {
410     String texto;

412     Comunicador.addLog("Pesos camada de saida");

414     for (int neuronio = 0; neuronio < NUM_NEU_CAMADA_SAIDA;
        neuronio++) {
        texto = "";
416
        for (int i = 0; i < NUM_NEU_CAMADA_ESCONDIDA + 1; i++) {
418             texto += String.format("%s ", Double.toString(
                pesosCamadaSaida[neuronio][i]));
        }

420         Comunicador.addLog(String.format("N%d: %s", neuronio + 1,
            texto));
422     }
    }

424
426 //Realiza o pos processamento
private double posProcessamento(double val) {
    if (val >= 0D) {
428         return 1D;
    }

430
    return -1D;
432 }

434 }

```

ANEXO A - CONJUNTO DE TREINAMENTO

x1	x2	d
0.2563	0.9503	-1.0000
0.2405	0.9018	-1.0000
0.1157	0.3676	1.0000
0.5147	0.0167	1.0000
0.4127	0.3275	1.0000
0.2809	0.5830	1.0000
0.8263	0.9301	-1.0000
0.9359	0.8724	-1.0000
0.1096	0.9165	-1.0000
0.5158	0.8545	-1.0000
0.1334	0.1362	1.0000
0.6371	0.1439	1.0000
0.7052	0.6277	-1.0000
0.8703	0.8666	-1.0000
0.2612	0.6109	1.0000
0.0244	0.5279	1.0000
0.9588	0.3672	-1.0000
0.9332	0.5499	-1.0000
0.9623	0.2961	-1.0000
0.7297	0.5776	-1.0000
0.4560	0.1871	1.0000
0.1715	0.7713	1.0000
0.5571	0.5485	-1.0000
0.3344	0.0259	1.0000
0.4803	0.7635	-1.0000
0.9721	0.4850	-1.0000
0.8318	0.7844	-1.0000
0.1373	0.0292	1.0000
0.3660	0.8581	-1.0000
0.3626	0.7302	-1.0000
0.6474	0.3324	1.0000
0.3461	0.2398	1.0000
0.1353	0.8120	1.0000
0.3463	0.1017	1.0000
0.9086	0.1947	-1.0000
0.5227	0.2321	1.0000

0.5153	0.2041	1.0000
0.1832	0.0661	1.0000
0.5015	0.9812	-1.0000
0.5024	0.5274	-1.0000

ANEXO B - CONJUNTO DE TESTE

x1	x2	d
0.8705	0.9329	-1
0.0388	0.2703	1
0.8236	0.4458	-1
0.7075	0.1502	1
0.9587	0.8663	-1
0.6115	0.9365	-1
0.3534	0.3646	1
0.3268	0.2766	1
0.6129	0.4518	-1
0.9948	0.4962	-1