

Tries

Jonatan Ahumada Fernández

28 de marzo de 2019

Objetivos de la presentación

- ▶ ¿Qué son los tries?
- ▶ ¿Qué problemas resuelven?
- ▶ ¿Cómo se podrían representar sus nodos?
- ▶ Algunos conceptos transversales

- ▶ Eric Demaine del MIT
- ▶ Erik Demaine. 6.851 Advanced Data Structures. Spring 2012. Massachusetts Institute of Technology: MIT OpenCourseWare, <https://ocw.mit.edu>. License: Creative Commons BY-NC-SA.

¿Quién creó los tries?

- ▶ Edward Fredkin
- ▶ "digital philosophy"
- ▶ "Trie Memory" 1960. -> no disponible :(
- ▶ reTRIEval

String matching

text $T \times \text{String } P$ — strings over Σ

- ▶ ocurrencias de un patrón en un texto
- ▶ contarlos, imprimirlos, su posición, etc.

Tipos de algoritmo

- ▶ Naive
- ▶ Rabin Karp
- ▶ Knuth Norris Pratt
- ▶ etc.

Data Structure version

- ▶ "Static DS"
- ▶ Nos dan T , "preprocesamos T "
- ▶ Query P
- ▶ ::Objetivo: $O(P)$, $O(T)$ space:::

Problema del predecessor

- ▶ T_1, T_2, \dots, T_k
- ▶ Responde a la pregunta dónde iría mi nueva String P dentro de $\{T_n\}$
- ▶ "binary search will not work so well if the strings are very long"
- ▶ Por eso tenemos los Tries!

En términos más simples

- ▶ insert
- ▶ delete
- ▶ predecessor
- ▶ sucesor

Derinición

- ▶ Un "rooted tree" con ramas nombradas con una letra del alfabeto
- ▶ "root to leaf paths"
- ▶ caracter de terminación: "add new letter \$ to end of every string"

Qué nos gusta?

- ▶ que tiene precedesor
- ▶ usos: títulos de libros, etc

Ejemplo

- ▶ {ana, ann, anna, anne}
- ▶ no tiene raíz
- ▶ el segundo nivel es todo el alfabeto (en este caso: a, e, n)

Problemas

Posibles representaciones de los nodos

- ▶ array
- ▶ BST
- ▶ HashTable
- ▶ Van Emde Boas **
- ▶ Weight Balanced BST's
- ▶ Leaf Trimming **

array

- ▶ serian tamaño Σ
- ▶ query rápido
- ▶ query: $O(P)$
- ▶ Space: $O(T \Sigma)$
- ▶ el espacio puede ser un problema

// $T = \#$ nodes in a trie

BST

- ▶ en vez de tener nodos para cada palabra del alfabeto
- ▶ se hace binario
- ▶ el tamaño de este árbol sería height: $\log \Sigma$
- ▶ Query($P \log \Sigma$)
- ▶ space $O(T)$

hashTable

- ▶ ¡no puedes resolver el problema del predecesor!
- ▶ Bono: ¿por qué?

Trays (Iwendowsky 2006)

- ▶ portmanteau: tries + arrays
- ▶ sí predecesor y sucesor
- ▶ Query: $O(p + \log \Sigma)$
- ▶ Space: $O(T)$
- ▶ VER Weight-Balanced BST!!

Weight-Balanced BST (Martin Farach Colton)

- ▶ weight: # descendant leaves
- ▶ cada dos bordes: a) avanzas una letra en P o b) reducimos el número de candidatos a $2/3$
- ▶ can only cut in child boundaries
- ▶ Query: $O(P + \log K)$

Referencias

- ▶ R. Boyer and J. Moore. A fast string searching algorithm. Communications of the ACM, 20(10):762772, 1977.
- ▶ R. M. Karp and M. O. Rabin. Efficient randomized pattern-matching algorithms. IBM Journal of Research and Development, 31:249260, March 1987.
- ▶ D. E. Knuth, J. H. Morris, and V. R. Pratt. Fast pattern matching in strings. SIAM Journal of Computing, 6(2):323350, 1977.