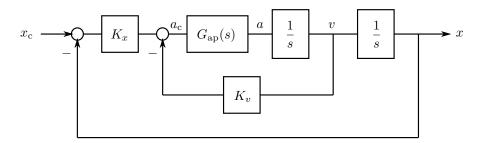
ASE3093 Automatic Control: Homework #7

1) Runway approach problem. 아래는 활주로에 접근하고 있는 항공기의 횡방향 경로 제어 시스템을 표현한 것인데, 이 문제에서는 위치 오차 x_c-x 와 속도 오차 v로부터 기동 가속도 명령 a_c 를 계산하기 위한 제어기를 설계하고 $(K_x$ 와 K_v 를 선택하고), 설계된 제어기의 강인성을 확인하고자 한다. 시스템의 동역학은 아래 블럭 다이어그램으로 나타낼수 있다.



설계된 제어기는 기동 가속도 명령 a_c 를 계산하며, 기동 가속도 명령 a_c 는 오토파일럿 $G_{\rm ap}(s)=a(s)/a_c(s)$ 로 전달되어 실제 가속도 a가 생성된다.

우선, 오토파일럿이 이상적이라고 가정하여 $G_{\rm ap}(s)=1$ 이라 하자. 즉, 오토파일럿은 제어기에 의해 계산된 기동가속도 명령을 순간적으로 정확히 발생시킨다고 가정한다.

a) 폐루프 극점이 $s=-1\pm j$ 에 위치하여, 폐루프 대역폭과 댐핑이 각각 $\sqrt{2}$ 와 $1/\sqrt{2}$ 가 되도록 하는 K_v 와 K_x 값을 결정하시오.

이제, 오토파일럿에 스케일팩터 에러가 존재하여 $G_{\rm ap}(s)=1$ 이 아닌, $G_{\rm ap}(s)=\xi$ 라고 가정하자. 여기서 ξ 는 양의 실수이다.

b) (a)에서 설계된 제어기를 $G_{\rm ap}(s)=\xi$ 가 고려된 시스템에 적용할 때, 폐루프 시스템의 안정성이 보장되는 ξ 의 범위를 구하시오. 필요하면 컴퓨터를 사용하시오.

좀 더 현실적인 오토파일럿은 아래와 같은 3차 동역학 시스템으로 모델링할 수 있다.

$$G_{\rm ap}(s) = \frac{a(s)}{a_{\rm c}(s)} = \frac{\xi p \omega^2}{(s+p)(s^2+2\zeta\omega s + \omega^2)} \label{eq:Gap}$$

위 시스템에서 $\omega = 4$, $\zeta = 0.7$, p = 6라고 가정한다.

c) (a)에서 설계된 제어기를 위의 3차 오토파일럿이 고려된 시스템에 적용할 때, 폐루 프 시스템의 안정성이 보장되는 ξ 의 범위를 구하시오. 필요하면 컴퓨터를 사용하시오.