Sistemas de computación 1

Trabajo práctico n° 4

Código de Hamming y código de Huffmann

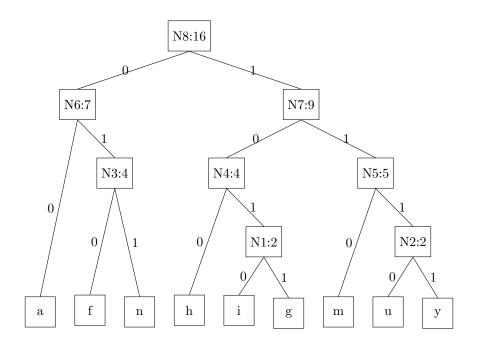
- 1. Obtener la codificación de Hauffman, el árbol binario y el porcentaje de compresión de los siguientes strings:
 - a. hauffmanyhamming
 - b. hola mundo
 - c. dddrdddrdrr
 - d. anita lava la tina
 - e. ccbcbbbcbbb
 - f. FFCE FEEF EFED EFFF EDEF EEFE DEFE FFFF FDFF BFFC FDFF FEAE DCDE
 - g. (tu nombre y apellido) Ej: maria laura frette
 - h. CATCATCATCAT
 - $i.\ red-heartred-heartred-heartred-heartred-heartred-heartsoccer-ballsoccer$
 - $j.\ crabcrabcrabcrabcrabcrabchrist mas-tree christ mas-tree christ mas-tree mouse-face mouse-face dog-face do$

a. hauffmanyhamming

Total: 15 caracteres x 7 bits = 105 bits

Conteo de caracteres

Caracter	Frecuencia
a	3
m	2
h	2
\mathbf{n}	2
f	2
u	1
у	1
i	1
g	1



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
a	3	00	6
\mathbf{m}	3	110	9
h	2	100	6
n	2	011	6
f	2	010	6
u	1	1110	4
У	1	1111	4
i	1	1010	4
g	1	1011	4

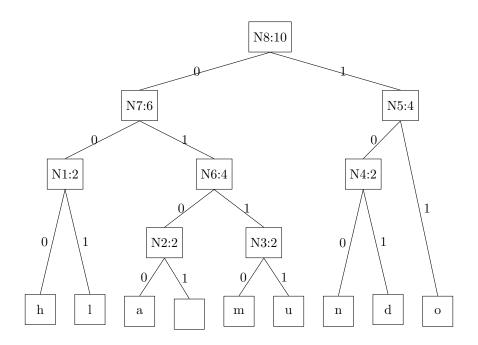
Tasa de compresión: 105 bits / 49 bits = 2.14

b. hola mundo

Total: 10 caracteres x 7 bits = 70 bits

Conteo de caracteres

Caracter	Frecuencia
0	2
h	1
1	1
a	1
m	1
u	1
n	1
d	1
	1



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
О	2	11	4
h	1	000	3
1	1	001	3
a	1	0100	4
m	1	0110	4
u	1	0111	4
n	1	100	4
d	1	101	4
	1	0101	4

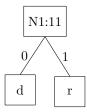
Tasa de compresión: 70 bits / 34 bits = 2.05

c. dddrdddrdrr

Total: 11 caracteres x 7 bits = 77 bits

Conteo de caracteres

Carácter	Frecuencia
d	7
\mathbf{r}	4



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
d	7	0	7
r	4	1	4

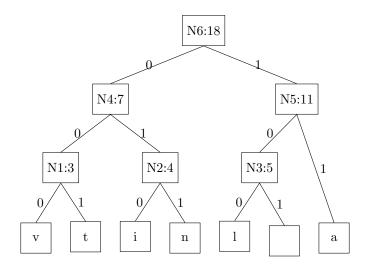
Tasa de compresión: 77 bits / 11 bits = 7

d. anita lava la tina

Total: 18 caracteres x 7 bits = 126 bits

Conteo de caracteres

Carácter	Frecuencia
a	6
1	2
	3
\mathbf{n}	2
i	2
t	2
v	1



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
a	6	11	12
1	2	100	6
	3	101	9
n	2	011	6
i	2	010	6
\mathbf{t}	2	001	6
\mathbf{v}	1	000	3

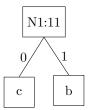
Tasa de compresión: 126 bits / 48 bits = 2.62

e. ccbcbbbcbbb

Total: 11 caracteres x 7 bits = 77 bits

Conteo de caracteres

Carácter	Frecuencia
b	7
\mathbf{c}	4



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
b	7	0	7
\mathbf{c}	4	1	4

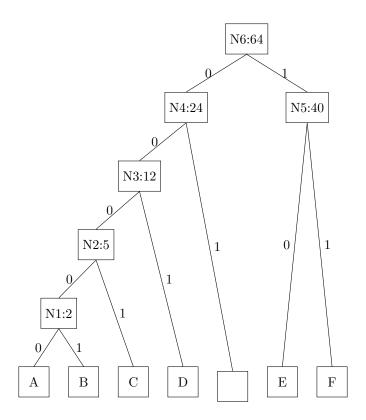
Tasa de compresión: 77 bits / 11 bits = 7

f. FFCE FEEF EFED EFFF EDEF EEFE DEFE FFFF FDFF BFFC FDFF FEAE DCDE

Total: 64 caracteres x 7 bits = 448 bits

Conteo de caracteres

Carácter	Frecuencia
F	24
\mathbf{E}	16
	12
D	7
$^{\mathrm{C}}$	3
В	1
A	1
	•



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
F	24	11	48
\mathbf{E}	16	10	32
	12	01	24
D	7	001	21
$^{\mathrm{C}}$	3	0001	12
В	1	00001	5
A	1	00000	5

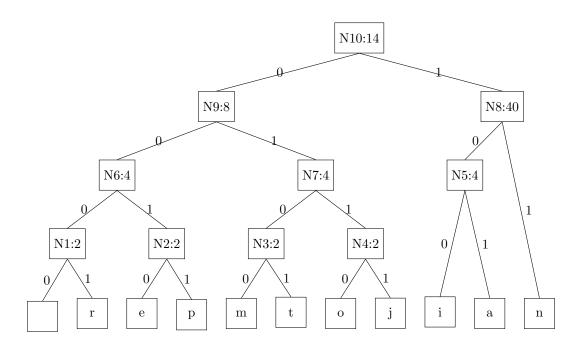
Tasa de compresión: 448 bits / 147 bits = 3.04

g. jonatan imperi

Total: 14 caracteres x 7 bits = 98 bits

Conteo de caracteres

Caracter	Frecuencia
n	2
a	$\frac{2}{2}$
i	2
j	1
О	1
\mathbf{t}	1
\mathbf{m}	1
p	1
e	1
r	1
	1



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
n	2	11	4
a	2	101	6
i	2	100	6
j	1	0111	4
О	1	0110	4
t	1	0101	4
\mathbf{m}	1	0100	4
p	1	0011	4
e	1	0010	4
\mathbf{r}	1	0001	4
	1	0000	4

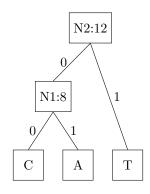
Tasa de compresión: 98 bits / 48 bits = 2.04

h. CATCATCATCAT

Total: 12 caracteres x 7 bits = 84 bits

Conteo de caracteres

Caracter	Frecuencia
С	4
A	4
${ m T}$	4



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
С	4	00	8
A	4	01	8
${f T}$	4	1	4

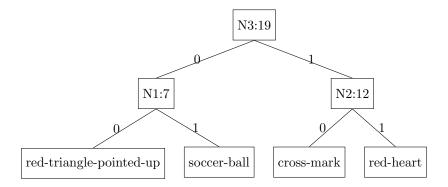
Tasa de compresión: 84 bits / 20 bits = 4.2

i. red-heartred-heartred-heartred-heartred-heartsoccer-ballsoccer-

Total: 21 caracteres x 32 bits = 672 bits

Conteo de caracteres

Caracter	Frecuencia
red-heart	6
$\operatorname{cross-mark}$	6
soccer-ball	4
red-triangle-pointed-up	3



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
red-heart	6	11	12
$\operatorname{cross-mark}$	6	10	12
soccer-ball	4	01	8
red-triangle-pointed-up	3	00	6

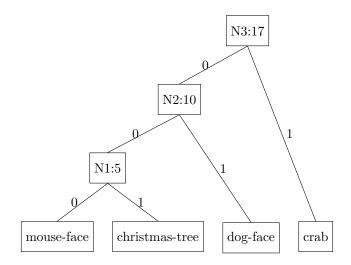
Tasa de compresión: 672 bits / 38 bits = 17.68

j. crabcrabcrabcrabcrabcrabcrabchrist mas-tree christ mas-tree emouse-face mouse-face dog-face do

Total: 17 caracteres x 32 bits = 544 bits

Conteo de caracteres

Caracter	Frecuencia
crab	7
dog-face	5
christmas-tree	3
mouse-face	2



Codificación resultante

Caracter	Frecuencia	Código	Uso de bits
crab	7	1	7
dog-face	5	01	10
christmas-tree	3	001	9
mouse-face	2	000	6

Tasa de compresión: 544 bits / 32 bits = 17

- 2. Halle los bits de paridad en base a los datos transmitidos utilizando el codigo de Hamming.
- a. 101010101
- b. 10111001
- c. 0101001
- d. 10101
- e. 10001

a. 101010101

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con $4\,$

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^4 \geq 4 + 9 + 1 \quad \Rightarrow \quad 16 \geq 14$$

Datos/bits	p1	p2	1	р3	0	1	0	p4	1	0	1	0	1
	001	010	011	100	101	110	111	1000	1001	1010	1011	1100	1011
p1	0		1		0		0		1		1		1
$\mathbf{p2}$		1	1			1	0			0	1		
p3				0	0	1	0					0	1
p 4								1	1	0	1	0	1
Resultado	0	1	1	0	0	1	0	1	1	0	1	0	1

b. 10111001

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^4 \geq 4 + 8 + 1 \quad \Rightarrow \quad 16 \geq 13$$

Datos/bits	p1	p2	1	р3	0	1	1	p4	1	0	0	1
	001	010	011	100	101	110	111	1000	1001	1010	1011	1100
p1	1		1		0		1		1		0	
$\mathbf{p2}$		1	1			1	1			0	0	
p 3				1	0	1	1					1
p4								0	1	0	0	1
Resultado	1	1	1	1	0	1	1	0	1	0	0	1

c. 0101001

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con $4\,$

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^4 \geq 4 + 7 + 1 \quad \Rightarrow \quad 16 \geq 11$$

Datos/bits	p1	p2	0	р3	1	0	1	p4	0	0	1
,	001	010	011	100	101	110	111	1000	1001	1010	1011
p1	1		0		1		1		0		0
p2		0	0			0	0			0	
p3				1	1	0	1				1
p4								1	0	0	1
Resultado	1	0	0	1	1	0	1	1	0	0	1

d. 10101

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con $4\,$

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^4 \geq 4 + 5 + 1 \quad \Rightarrow \quad 16 \geq 10$$

Datos/bits	p1	p2	1 011	p3	0	1 110	0	p4	1 1001
		010	011	100	101	110	111	1000	1001
p1	0		1		0		0		1
p2		0	1			1	0		
p3				1	0	1	0		
p4								1	1
Resultado	0	0	1	1	0	1	0	1	1

e. 10001

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4 $2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^4 \geq 4 + 5 + 1 \quad \Rightarrow \quad 16 \geq 10$

Datos/bits	p1	$\mathbf{p2}$	1	p3	0	0	0	$\mathbf{p4}$	1
	001	010	011	100	101	110	111	1000	1001
p1	0		1		0		0		1
p2		1	1			0	0		
p3				0	0	0	0		
p4								1	1
Resultado	0	1	1	0	0	0	0	1	1

3. Determina los bits de paridad y forma el mensaje codificado utilizando el codigo de Hamming.

a. Mensaje original: 1101b. Mensaje original: 1010

c. Mensaje original: 0110

d. Mensaje original: 1110

e. Mensaje original: 0101

a. 1101

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^3 \geq 3 + 4 + 1 \quad \Rightarrow \quad 8 \geq 8$$

Datos/bits	p1	$\mathbf{p2}$	1	p3	1	0	1
	001	010	011	100	101	110	111
p1	1		1		1		1
p2		0	1		0	1	
p3				0	1	0	1
Resultado	1	0	1	0	1	0	1

b. 1010

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^3 \geq 3 + 4 + 1 \quad \Rightarrow \quad 8 \geq 8$$

Datos/bits	p1	p2	1	р3	0	1	0
	001	010	011	100	101	110	111
p1	1		1		0		0
p2		0	1		1	0	
p 3				1	0	1	0
Resultado	1	0	1	1	0	1	0

c. 0110

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^3 \geq 3 + 4 + 1 \quad \Rightarrow \quad 8 \geq 8$$

Datos/bits	p1	p2	1	p3	0	1	0
	001	010	011	100	101	110	111
p1	1		0		1		0
p2		1	0		1	0	
p3				0	1	1	0
Resultado	1	1	0	0	1	1	0

Datos/bits	p1	p2	1		1	1	0
	001	010	011	100	101	110	111
p1	0		1		1		0
p2		0	1		1	0	
p3				0	1	1	0
Resultado	0	0	1	0	1	1	0

d. 1110

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^3 \geq 3 + 4 + 1 \quad \Rightarrow \quad 8 \geq 8$$

e. 0101

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 5

$$2^p \geq p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^5 \geq 3 + 4 + 1 \quad \Rightarrow \quad 8 \geq 8$$

Datos/bits	p1	p2	0	р3	1	0	1
	001	010	011	100	101	110	111
p1	1		0		1		0
p2		1	0		0	1	
p3				0	1	0	1
Resultado	0	1	0	0	1	0	1

- 4. El dato recibido por un MODEM y protegido mediante código Hamming es el siguiente:011100110101010101 Se pide:
 - a. Calcular si el número recibido es correcto.
 - b. Si no es correcto, corregir el número.

dato recibido: 011100110101010110

Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4

$$2^p \ge p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^5 \ge 5 + 14 + 1 \quad \Rightarrow \quad 32 \ge 20$$

Datos/bits	0	1	1	1	0	0	1	1	0	1	0	1	0	1	0	1	1	0
	001	010	011	100	101	110	111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111	10000	10001	10010
	p1	p2		р3				p4								p5		
p1	1		1		0		1		0		0		0		0		1	
p2		0	1			0	1			1	0			1	0			0
р3				1	0	0	1					1	0	1	0			
p4								1	0	1	0	1	0	1	0			
p 5																1	1	0
Resultado																		

Leyendo el resultado en orden inverso nos queda 0011 que equivale al número 3, ese es el bit recibido con error.

Dato recibido: 01 1 100110101010110 Dato corregido 10 0 100110101010110

dato recibido: 011100110101010110

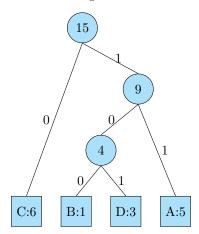
Determinar cuantos bits de paridad se necesitan, se prueba con 4

$$2^p \ge p + \text{bits de datos} + 1 \quad \Rightarrow \quad 2^5 \ge 5 + 14 + 1 \quad \Rightarrow \quad 32 \ge 20$$

Datos/bits	0	1	1	1	0	0	1	1	0	1	0	1	0	1	0	1	1	0
	001	010	011	100	101	110	111	1000	1001	1010	1011	1100	1101	1110	1111	10000	10001	10010
	p1	p2		p3				p4								p5		
p1	1		1		0		1		0		0		0		0		1	
p2		0	1			0	1			1	0			1	0			0
р3				1	0	0	1					1	0	1	0			
p4								1	0	1	0	1	0	1	0			
p 5																1	1	0
Resultado																		

Leyendo el resultado en orden inverso nos queda 0011 que equivale al número 3, ese es el bit recibido con error.

Dato recibido: 01 1 100110101010110 Dato corregido 10 0 100110101010110 6. Dado el siguiente árbol binario, obtener el código de Hauffman una de las variantes posibles de string.

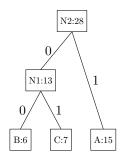


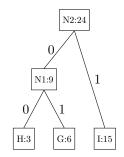
Caracter	Frecuencia	Código
В	1	100
D	3	101
A	5	11
$^{\mathrm{C}}$	6	0

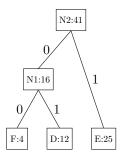
Posible String: ABCDACDACDACACC

- 7. Construya el arbol de Hauffman con las siguientes frecuencias:
- A | 15 B | 6 C | 7

D | 12 E | 25 F | 4 G | 6 H | 3 I | 15







- 8. Que debe hacer el receptor si recibe cada uno de estos codigos de Hamming?
- a. $0\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0$
- b. 1110000
- c. $0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0$
- $\mathbf{d.}\ \ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1$

a. 0111110

Cálculo de control a bits de paridad

Datos/bits	0	1	1	1	1	1	0
	001	010	011	100	101	110	111
	p1	p2		p3			
p1	0		1		1		0
p2		0	1		1	0	
p 3				0	1	1	0
Resultado	0	0	1	0	1	1	0

Haciendo un Xor entre los bits de paridad dados, y los nuevos calculados

Se lee el resultado en orden inverso nos queda 011 que equivale al número 6, ese es el bit recibido con error.

Dato recibido: 01111 1 0

Dato corregido 01111 0 0

b. 1110000

Cálculo de control a bits de paridad

Datos/bits	1	1	1	0	0	0	0
	001	010	011	100	101	110	111
	p1	p2		p3			
p1	1		1		0		0
p2		1	1		0	0	
p3				0	0	0	0
Resultado	1	1	1	0	0	0	0

El código recibido no contiene error

c. 0101110

Cálculo de control a bits de paridad

Datos/bits	0	1	0	1	1	1	0
	001	010	011	100	101	110	111
	p1	p2		p3			
p1	1		0		1		0
$\mathbf{p2}$		1	0		1	0	
p3				0	1	1	0
Resultado	1	1	0	0	1	1	0

Haciendo un Xor entre los bits de paridad dados, y los nuevos calculados

Se lee el resultado en orden inverso nos queda 101 que equivale al número 5, ese es el bit recibido con error.

Dato recibido: 0101 1 10

Dato corregido 0101 0 10

d. 0111011

Cálculo de control a bits de paridad

Datos/bits	0	1	1	1	0	1	1
	001	010	011	100	101	110	111
	p1	p2		p3			
p1	0		1		0		1
$\mathbf{p2}$		1	1		1	1	
p3				0	0	1	1
Resultado	0	1	1	0	0	1	1

Haciendo un Xor entre los bits de paridad dados, y los nuevos calculados

Se lee el resultado en orden inverso nos queda 100 que equivale al número 4, ese es el bit recibido con error.

Dato recibido: 011 1 011

Dato corregido 011 0 011