

EJERCICIOS TEMA 2

1.- Calcular los siguientes límites:

$$1.1.- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2n+1}{n+1}$$

$$1.2.- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n^2-5)^8}{\left(\frac{1}{2}n^4+1\right)^4}$$

$$1.3.- \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n^2+1}{2n^3+1} \right)^{\frac{1}{\ln(n+3)}}$$

$$1.4.- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n}{1+5 \cdot 3^n}$$

$$1.5.- \lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{n+4} - \sqrt{n+1})$$

$$1.6.- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2+n+1}{n+3}$$

$$1.7.- \lim_{n \rightarrow \infty} \left[\frac{1}{1+\operatorname{tg}(1/n)} \right]^n$$

$$1.8.- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{n}-n}{n^3} \cdot (n^2+1)$$

$$1.9.- \lim_{n \rightarrow \infty} \left[\cos\left(\frac{1}{n}\right) \right]^{n^2+1}$$

$$1.10.- \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{n}{n+1} \right)^{\sqrt{n}-n}$$

$$1.11.- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\ln\left(2+\frac{1}{n}\right)}{\cos\left(\frac{\pi n}{3n-1}\right) \cdot \operatorname{sen}\left(\frac{1}{n}\right)}$$

$$1.12.- \lim_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{3n+1}{3n-1} \right)^{n+2}$$

$$1.13.- \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+1}{n+\ln(n)} \cdot \frac{7^n}{3^{n+1}+7^{n+1}}$$

2.- Obtener las siguientes sumas:

$$2.1.- \quad 1 + \frac{1}{1-i} + \frac{1}{(1-i)^2} + \dots + \frac{1}{(1-i)^{29}}$$

$$2.2.- \quad 1+i+(1+i)^2+(1+i)^3+\dots+(1+i)^{10}$$

3.- Estudiar el carácter de las siguientes series de término general positivo a_n :

$$3.1.- \quad a_n = \frac{n}{n+3}$$

$$3.2.- \quad a_n = \operatorname{sen}^5\left(\frac{1}{n}\right)$$

$$3.3.- \quad a_n = \frac{1}{n^4} \cdot \binom{n}{n-3}$$

$$3.4.- \quad a_n = \frac{3+\cos^2(n)}{n^3}$$

$$3.5.- \quad a_n = \left(3 + \frac{1}{n}\right)^n$$

$$3.6.- \quad a_n = \frac{n^2}{(n+1)!}$$

$$3.7.- \quad a_n = n^3 \cdot e^{-n^2}$$

$$3.8.- \quad a_n = \frac{n+1}{2n^2-n+1}$$

$$3.9.- \quad a_n = \frac{1+2\cos^2(n)}{n^2}$$

$$3.10.- \quad a_n = \operatorname{tg}\left(\frac{1}{n^3}\right)$$

$$3.11.- \quad a_n = \frac{1}{(n+1)^3}$$

$$3.12.- \quad a_n = \frac{(n+1)^3 \cdot (n-1)^3}{n^n}$$

$$3.13.- \quad a_n = \frac{\ln\left(1 + \frac{\sqrt{n}}{n^2 + 1}\right)}{\left(\frac{n+1}{n}\right)^n}$$

$$3.14.- \quad a_n = \frac{3^{2n+1}}{(n-1)!}$$

4.- Probar que las siguientes series alternadas son convergentes:

$$4.1.- \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{(3n-1)^2}$$

$$4.2.- \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{2n^3 + 1}}$$

$$4.3.- \quad \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{\sqrt[n]{3}}{n+1}$$

$$4.4.- \quad \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{n}{\sqrt{n^3 + 1}}$$

5.- Estudiar si las siguientes series son absolutamente convergentes:

$$5.1.- \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^2 + 1}$$

$$5.2.- \quad \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{\operatorname{sen}\left(\frac{1}{\sqrt{n}}\right)}{2n-1}$$

$$5.3.- \quad \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos(\sqrt{n+1})}{n^{5/2} + 1}$$

$$5.4.- \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n + \ln(n)}$$

6.- Determinar la suma de las siguientes series convergentes:

$$6.1.- \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{3^n}$$

$$6.2.- \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n + 4^n}{7^n}$$

$$6.3.- \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\operatorname{sen}\left(\frac{n\pi}{2}\right)}{3^n}$$

$$6.4.- \sum_{n=1}^{\infty} n \cdot e^{-n}$$

$$6.5.- \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{5^n} \cdot \left(1 + \left|\cos\left(\frac{n\pi}{2}\right)\right|\right)$$