

## **ACTIVIDAD DE APRENDIZAJE No. 2:**

## **TALLER FUNCIONES DE VARIAS VARIABLES Y CURVAS DE NIVEL**

# Programa académico

Tecnología en Gestión de Redes de Telecomunicación

# Asignatura

Cálculo Multivariado

Estrategia didáctica	Duración estimada	Duración estimada			
Esti ategia uluactica	En aula o en plataforma	Trabajo autónomo			
Resolución de problemas	10 horas	10 horas			

## **CONTEXTUALIZACIÓN**

En el análisis y solución de funciones con varias variables se necesitan herramientas matemáticas que permitan afianzar estos nuevos conceptos, para ellos se realizará el taller de FUNCIONES DE VARIAS VARIABLES Y CURVAS DE NIVEL el cual permite hacer un procedimiento eficaz para dar solución problemas propuestos.

# Al finalizar esta actividad estará en capacidad de:

**RA2.** Manejar los referentes conceptuales y teóricos propios del manejo de teoremas para la resolución de problemas en planos multidimensionales

## **ACTIVIDAD**

Luego de revisar los pdf , videos y encuentro sincrónico, sobre FUNCIONES DE VARIAS VARIABLES Y CURVAS DE NIVEL ,solucione los siguientes ejercicios propuestos , escanee y suba el documento a la plataforma en la fecha establecida

## **Funciones de varias variables**

1. El índice temperatura – humedad I , es la temperatura del aire que se percibe cuando la temperatura real es T y la humedad relativa es h, de modo que es posible escribir : I=f(T,h) . la siguiente tabla de valores de I es una parte de una tabla que elaboró la National Oceanic and Atmostpheric Administration.

TABLA Temperatura aparente como una función de la temperatura y la humedad

Humedad relativa (%)

(°F)	T	20	30	40	50	60	70
	80	77	78	79	81	82	83
a rea	85	82	84	86	88	90	93
eratur	90	87	90	93	96	100	106
Temperatura real (°F)	95	93	96	101	107	114	124
	100	99	104	110	120	132	144

a) Cuál es la valor de f(95,70)? Qué significa?



- ¿Para qué valor de h es f(90,h) =100?
- ¿Para qué valor de T es f (T,50) =88? c)
- ¿Cuál es el significado de la función I =f(80,h) e I=f(100,h)? compare el comportamiento de estas dos funciones de h.
- Dadas las funciones :
  - **2.1** Sea  $g(x, y) = \cos(x + 2y)$ .
    - a) Evalúe g(2, -1).
    - b) Encuentre el dominio de q.
    - c) Determine el rango de q.
  - 2.2 Sea  $F(x, y) = 1 + \sqrt{4 y^2}$ .
    - a) Evalúe F(3, 1).
    - b) Determine y trace el dominio de F.
    - c) Determine el rango de F.
  - 2.3 Sea  $f(x, y, z) = \sqrt{x} + \sqrt{y} + \sqrt{z} + \ln(4 x^2 y^2 z^2)$ .
    - a) Evalúe f(1, 1, 1).
    - b) Determine y describa el dominio de f.

**2.4** Sea 
$$g(x, y, z) = x^3y^2z\sqrt{10 - x - y - z}$$
.

- a) Evalúe g(1, 2, 3).
- b) Determine y describa el dominio de g.
- 3. En los problemas a , b determine el rango de la función dada.

a) 
$$f(x, y) = 10 + x^2 + 2y^2$$
 c)  $f(x, y) = x + y$ 

c) 
$$f(x, y) = x + y$$

b) 
$$f(x, y, z) = \text{sen}(x + 2y + 3z)$$
 d)  $f(x, y, z) = 7 - e^{xyz}$ 

d) 
$$f(x, y, z) = 7 - e^{xy}$$

## **Curvas de Nivel**

4. En los problemas 1 al 4 dibuje alguna de las curvas de nivel asociadas con la función dada:

$$1. \ f(x,y) = x + 2y$$

2. 
$$f(x, y) = y^2 - x$$

3. 
$$f(x, y) = \sqrt{x^2 - y^2 - y^2}$$

1. 
$$f(x, y) = x + 2y$$
 2.  $f(x, y) = y^2 - x$   
3.  $f(x, y) = \sqrt{x^2 - y^2 - 1}$  4.  $f(x, y) = \sqrt{36 - 4x^2 - 9y^2}$ 

5. En los siguientes ejercicios describa la superficie de nivel pero no grafique

1. 
$$f(x, y, z) = \frac{1}{9}x^2 + \frac{1}{4}z^2$$

2. 
$$f(x, y, z) = (x - 1)^2 + (y - 2)^2 + (z - 3)^2$$

3. 
$$f(x, y, z) = x^2 + 3y^2 + 6z^2$$
 46.  $G(x, y, z) = 4y - 2z + 1$ 

# **Entregables:**

# Presente el proceso realizado:

1. Un documento (.pdf, .doc, .docx, xls, xlsx, ppt, pptx) que contenga el trabajo desarrollado (recuerden incluir la portada y el desarrollo de cada uno de los puntos solicitados)

### REFERENTES CONCEPTUALES





Stewart, J., & Guerrero, D. G. (1999). Cálculo multivariable (No. QA303. S74. 1999.). International Thomson.

Thomas, G. (1999). Cálculo Varias Variables. 9/Ed. Edit.

# **ROLES Y FUNCIONES**

Roles asociados a la actividad	Funciones	Tareas asociadas a las funciones	Tiempos estimados para el desarrollo de la tarea  Presencial / Autónomo	
Estudiante	Desarrollador	Trabajo escrito	plataforma	
Docente	Orientador			

## **EVALUACIÓN**

Criterios de evaluación	Evidencias asociadas (desempeño, producto y conocimiento)
C.E.1. Reconoce y utiliza funciones en varias variables, hallando su dominio e imagen.	Un documento que contenga el trabajo desarrollado (recuerden incluir la portada y el desarrollo de cada uno de los puntos
C.E.2. Interpreta los resultados relacionando el contexto de aplicación	solicitados)

## Instrumentos de evaluación

Rubrica de criterios de evaluación Evidencia de resultados presentados

# **RECURSOS NECESARIOS PARA LA ACTIVIDAD**

Recursos			
Técnicos, tecnológicos y materiales	Computador, software wxmaxima		
Ambientes de aprendizaje Biblioteca, internet, video tutor		rideo tutoriales	
Desumes	Obligatorios	Cálculo Varias Variables	
Recursos	Complementarios	Física con ordenador	

# **CRONOGRAMA DE ACTIVIDADES**

R.A.1	Nombre de la Actividad	Duración en horas	Evidencia	Semana	Actores intervinientes en la evaluación
R.A.2	AA2	10	Presentación de resultados	1,2	Docente Estudiante

Unipanamericana Fundación Universitaria Panamericana Av Calle 32 n 17 - 30 Bogotá D.C. Colombia - Teléfono 5558210 - Personería Jurídica 23635/81 del MEN **Elaborado por Formación Virtual** 

