Morte Colo (antinuzaion): Cadenza de Markol

¿ Cómo elegimos exactamente los estados tal que cada uno aparego.

Con una probabilidad tipo distribución de Boltzmann?

Una solución usual: Cadenas de Markov

Proceso de Markor

la probabilidad de Boltzmann

* Cosi todos las simulaciones de Monte Cobolo usan procesas de Mankov Como motor de la generación de estados ->

-> Dado un estado ju, se genera un nuevo estado lo en forma aleatoria.

No genera recesarionnere el mismo estado cada veg que el estado inicial es m:

Probabilidad de transición de por a la probabilidad de la probabilidad de transición de por a la probabilidad de por a la probabilidad de transición de por a la probabilidad de por a la pro

Probabilidad de generar la = P(µ > p)

dado que el sistema está en µ = P(µ > p)

Para definir un proceso de Markor todas las p(m > b) deber Satisfacer:

1- No combion con el tiempo.

2_ De ben de perden sólo de las propiedades de los estados propiedades de los estados propiedades de los estados propiedades de los estados pasado

* La probabiliolad de que el proceso de Markau genere el estado V cuando el sistema esta en la debe ser la mismo toda ven que el sistema visite el estado pur Esto debe ser así, independienemente del historial de estados par los que se hayo payado.

* La P(n > b) debe sotisface:

 $\sum_{b} P(\mu \rightarrow b) = 1 \quad (1)$

porque los procesos de Markov deben poder generar algún nuevo estado una vez que el sisdema está en pr.

* La probabilidad p(m > m) no tiene parqué se 0 = Existe probabilidad no Nobo de que el sistema se quede es pr

En una simulación de MC, usamos el proceso de Markov para gerenan una cadera de Markov de estados:

 $\mu \rightarrow \nu \rightarrow \cdots \rightarrow \lambda$

* El proceso de Marca se elige de manera tal que si se conne lo suficiente, arrancando de cualquier estado, se producirá una sucarian de estados que "spanerer" con la distribución de Boltzmam (Finalmade d sistema llega a equilibrio ó "termalina").

* Es el "mismo" proceso que have el sisdend meal sen su "computadara d'alborio (les ejemplo llegan à Tambigica" para llegar à l'equilibrio (les ejemplo llegan à Tambigie desde un Tmenan).

El proceso de Markov de be cumplin además:

1- Engesticidad 2-Balance Detallado (detailed balance)

1. Ergo diciosa



Para un proceso de Markov, debe sen posible alcangan cualquier estado del sistema desde cualquier otro estado, si esperamos lo suficiente (SI "corremos" lo suficiente)

* codo estado v tiene probabilidad de Boltzman P no nulo. Si el estado fuero inoccesible desde cualquier estado po > La probabilidad de escontan a o desde ruestra cadena de Markov sevia O y no Po (1 (como recesitamos que sea!). (BoltEman)

Cuales quiero 1 1 2

*(Engodicidad -> permite haven o alguna probabilidad de trancicios
P(m = v) del proceso de Markov peno debe haben al menos un camino
de P(m = v) s no nulo entre cualesquiera dos estados

En la practica: los algoritmos de Monte Carlo fijan casi todas las probabilidades de transición en O y har que tener cuidados que, al hour, eso no viole el principio de engodicidos.

2. Bolonce detallado

* Asegure que generanos la distribución de Boltzman una vez que el sistema llega a equilibrio y no cualquier ofna distribución.

* Importante: la tosa à la cual el sistema hore transiciones horis y desde cualquier estado n debe ser igual: (2)

Usando (à regla de suna", ecuatión (1): 57 P(m > 1) = 1, reemplaya nos

 $P_{N} = \sum_{\nu} P_{\nu} P(\nu \rightarrow N) \qquad (3) \qquad E_{je} m |_{0} = \frac{e^{-pE_{N}}}{E_{c}}$

« Para cualquier conjunto de probabilidades de trancisión que sa listaes (3), la distribución de probabilidad Por seva un equilibrio de la dinámica del proceso de Markov.

JEn rigor (3) no gonniliso que la distribución de probabilidades tendero o Pur desde cualquier estado del sistema. La evolución podnis queder à trapada en un "ciclo l'inite"

Newman y Barkena

Se oregero la convergencia o Pm pidierolo una cordición olgo más fuende

Pr P(N - D) = Pr P(D -> N) (4) Belonce Detallado

@ si se satisface segono se satisface (2) y elimina la posibilidad de ciclos limite.

*Prede hourse que la cadona de Mankov tienda a cualquier distribution Pa,
eligiendo un anjuno de probabilidades de transición que cumplan la constitión de
balance debullado (4).
Querenos que la distribution de equilibrio sea la de Boltzmann => Pro-E- 1 Pro-E- 2
The second secon
=> Reenplagado y reescribiendo (4)
$\rho(z)$
$\frac{\rho(u \Rightarrow v)}{\rho(v \Rightarrow w)} = \frac{\rho_v}{\rho} = e $ (5)
B. $\sum_{\nu} P(\nu \rightarrow \nu) = 1$ (ecuación (1))
* A. B. Son les condiciones que le imporeus 2 P(p >6)
* Satisfaciendo A., B. y engodicidad => La distribución de exquilibrio
en el proceso de Markov serà la de Boltzmann
en el proceso de Markov serà la de Boltzmann
I des de la simulación de Monte Carlo: dado un Gazinto de probabilidades de
I des de la simulación de Monte Carlo: dado un Gazinto de probabilidades de
Idea de la simplima de Monte Carlo: dado un Gazinto de probabilidades de transición, hacenos un programa que ejecute el proceso de Markov y genere una cadena de estados. Cuantos? Se ve un por la experiencia.
Idea de la simplima de Monte Carlo: dado un Gazinto de probabilidades de transición, hacenos un programa que ejecute el proceso de Markov y genere una cadena de estados. Cuantos? Se ve un por la experiencia.
Idea de la simularion de Monte Carlo: dado un Gazinto de probabilidades de transition, hacerros un programa que ejecute el proceso de Markov y genere una cardena de estados. - Esperanos un tiempo (varios paros de Simularios) para que la dialmbruien se acerque lo suficiente à la de Boltamonn. Termoligación Producción
Idea de la Simulación de Monte Carlo: dado un Gazinto de probabilidades de travision, hacemos un programa que ejecude el proceso de Markov y genere una cardena de estados. - Esperamos un tiempo" (Varios papos de Simulación) para que la distribución se derque lo suficiente a la de Boltamann. - Luego promediamos las variables físicas Gamo:
Idea de la Simulación de Monte Carlo: dado un Gazinto de probabilidades de travision, hacemos un programa que ejecude el proceso de Markov y genere una cardena de estados. - Esperamos un tiempo" (Varios papos de Simulación) para que la distribución se derque lo suficiente a la de Boltamann. - Luego promediamos las variables físicas Gamo:
Idea de la simulación de Monte Carlo: dado un Gonjunto de probabilidades de transition, hacenos un programa que ejecute el proceso de Markov y genere una cadena de estados. - Esperanos un tiempo" (varios patos de simulación) para que la elimborción se derque lo soficiente a la de Boltzmann. - Luezo promediamos las variables físicas Gamo: QM - 1 Si Qmi No calculo (Q) compoto (Q)
Idea de la simulación de Monte Carlo: dado un Gonjunto de probabilidades de transition, hacenos un programa que ejecute el proceso de Markov y genere una cadena de estados. - Esperanos un tiempo" (varios patos de simulación) para que la elimborción se derque lo soficiente a la de Boltzmann. - Luezo promediamos las variables físicas Gamo: QM - 1 Si Qmi No calculo (Q) compoto (Q)
Idea de la simulación de Monte Carlo: dado un Gonjunto de probabilidades de transition, hucemos un programa que ejecute el proceso de Markov y genere una cardena de estados. - Esperanos un tiempo (varios papos de simulación) para que la distribución se derque lo suficiente a la de Boltzmann. - Luego promediamos las variables físicas Gino: - Luego promediamos las variables físicas Gino: - Colculo projedos casculo props. - Colculo projedos casculo props. - No calculo (Q) competo (Q)

* Los algoritmos tipios frecuertemente 10 son Los mejores pura resolver problems nuevos. * Se var a recession refinanciana pero el descripto es el algonistras bossius de Morte Carlo Issas de aceptación (acceptance matio) * Teniendo en cuenta que $P(\mu \rightarrow \mu)$ preob se no nula (proba de quedanse en casa) => haquis $\mu = \nu$ en (5): $P(\mu \rightarrow \nu) = P_{\nu} = P_{\nu} = P_{\nu} = P_{\nu} = 1$ $P(\nu \rightarrow \mu) = P_{\mu} = 1$ => Bolance detallado se cumple para cualquier P(m -> m) * Prede elegisse un P($\mu \rightarrow \nu$) x $\partial_{\mu} u s d u$ P($\mu \rightarrow \mu$) para compensan los cambios y u s d u logran que u = u P($\mu \rightarrow \nu$) = 1 siga siendo * Hay que confirmir que P(p ->p) se mantengo * Es Uli se parar la probabilidad de transición en elos partes: P(m -> v) = g(m -> v) A (m -> v) Probabilidad Probabilidad

de selección de deplación g(n > v) = { Probabilidad de que dado un estado inicial }

provestro algoritmo genere un estado objetivo v) A (p -> v) = Si el sistemo está en p y el algorithmo general
un estado v, deberiamos aceptar el estado y cambia el sistema d'ese estado con probabilidad A(m->0)

Terminamos Aquí clase 8

* 5: no aceptamos 10, el sisdema se queda en m * Hay liberted para elegin A (m > b) entre O x 1, como querranos. * Eligiendo A(m > b) = 0 => Es elegir P(m = m) = 1 (por supresto, no sinve para una simulación real) El balance de la llado queda enonces: $\frac{P(\mu \rightarrow \nu)}{P(\nu \rightarrow \mu)} = \frac{g(\mu \rightarrow \nu) \Delta(\mu \rightarrow \nu)}{g(\nu \rightarrow \mu) \Delta(\nu \rightarrow \mu)}$ (6) $4 \frac{A(u \rightarrow v)}{A(v \rightarrow w)}$ puede tomor cualquier valor en $[0, \infty]$ * g(m > v) & g(b > m) preder tomer cualquier valor * Sp(n > b) = 1 se satisface: el sisalena debe demiror en algon
estado, pero puede ser tambiés el estado de partido. Haar Morde Carlo -> Emplenenter un algoritus que: - genere nuevos estado lo a partir de los viejos estados pr con probas g (pr a b) que elegimos de marero tal, que se satisfago (6). DESK procedimiento solisfore todos los condiciones de los cadenos de Markov y produce una cadena de estados que cuando llega al equilibres satisface Boltzmonn * Esto Funciona pero 5: las probes A(m > 1) de acepterias son muy bajas, el algentos es ireficierte.