

## APRAKSTOŠĀ STATISTIKA

Vidējais aritmētiskais:

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n}$$

Mediānas pozīcija:

$$\frac{n+1}{2}$$

Ģeometriskais vidējais:

$$\sqrt[n]{x_1 * x_2 * \dots * x_n}$$

Amplitūda (rangs):

$$range(X) = X_{max} - X_{min}$$

Dispersija (variance) izlasei:

$$s^2 = VARIANCE.S(X)$$

$$s^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1}$$

Dispersija (variance) ģenerālkopai:

$$\sigma^2 = VARIANCE.P(X)$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{N}$$

Standartnovirze (standartklūda) izlasei:

$$s = STDEV.S(X)$$

$$s = \sqrt{s^2}$$

Standartnovirze (standartklūda) ģenerālkopai:

$$s = STDEV.P(X)$$

$$\sigma = \sqrt{\sigma^2}$$

Standartizētā vērtība (Z-score):

$$Z = \frac{x - \bar{x}}{s}$$

$$Z = \frac{x - \bar{x}}{\sigma}$$

Asimetrijas koeficients:

Nobīde pa labi	Simetrija	Nobīde pa kreisi
Mediāna - $X_{min}$ > $X_{max} - \text{Mediāna}$	Mediāna - $X_{min}$ $\approx$ $X_{max} - \text{Mediāna}$	Mediāna - $X_{min}$ < $X_{max} - \text{Mediāna}$
$Q_1 - X_{min}$ > $X_{max} - Q_3$	$Q_1 - X_{min}$ $\approx$ $X_{max} - Q_3$	$Q_1 - X_{min}$ < $X_{max} - Q_3$
Mediāna - $Q_1$ > $Q_3 - \text{Mediāna}$	Mediāna - $Q_1$ $\approx$ $Q_3 - \text{Mediāna}$	Mediāna - $Q_1$ < $Q_3 - \text{Mediāna}$

Kvartiles:

If we have an ordered dataset  $x_1, x_2, \dots, x_n$ , we can interpolate between data points to find the  $p$ th empirical quantile if  $x_i$  is in the  $i/(n+1)$  quantile. If we denote the integer part of a number  $a$  by  $\lfloor a \rfloor$ , then the empirical quantile function is given by,

$$q(p/4) = x_k + \alpha(x_{k+1} - x_k)$$

$$k = \lfloor p(n+1)/4 \rfloor$$

$$\alpha = p(n+1)/4 - \lfloor p(n+1)/4 \rfloor$$

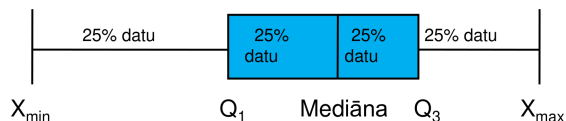
To find the first, second, and third quartiles of the dataset we would evaluate  $q(0.25)$ ,  $q(0.5)$ , and  $q(0.75)$  respectively.

Starpkvartīļu rangs (IQR):

$$IQR = Q_3 - Q_1$$

## Kastes diagramma (Box plot)

Example:



## Kovariācijas koeficients

$$\text{cov}(X, Y) = \frac{\sum_{i=0}^n (X_i - \bar{X})(Y_i - \bar{Y}_i)}{n - 1}$$

## Notikumi

### Kombinācijas (secība nav svarīga):

$$C_n^k = \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!} = \text{COMBIN}(n, k)$$

Kombinācijas ar atkārojumiem (secība nav svarīga):

$$\text{TODO} : \text{excel} \bar{C}_n^k = \text{COMBINA}(n, k)$$

### Variācijas (secība ir svarīga):

$$A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$$

## Pretējais notikums:

$$P(\neg A) = 1 - P(A)$$

## Neatkarīgo notikumu šķelums:

$$P(A \wedge B) = P(A) * P(B)$$

## Neatkarīgo notikumu disjunktija:

$$P(A \vee B) = P(A) + P(B) - P(A \wedge B)$$

## Nesavienojamo notikumu disjunktija:

$$P(A \vee B) = P(A) + P(B)$$

## Nosacītā varbūtība:

$P(B|A)$  - B, ja zināms, ka A notika.

$$P(A|B) = \frac{P(A \wedge B)}{P(B)}$$

$$P(B|A) = \frac{P(A \wedge B)}{P(A)}$$

— Nosacītā varbūtība (neatkarīgiem notikumiem): —

$P(B|A)$  - B, ja zināms, ka A notika.

$$P(A|B) = P(A)$$

$$P(B|A) = P(B)$$

## Atkarīgo notikumu reizināšana:

$P(B|A)$  - B, ja zināms, ka A notika.

$$P(A) = P(A)P(B|A)$$

## Pilnā varbūtība

TODO

## Beiesa teorēma

TODO

## DISKRĒTS GADĪJUMLIELUMS

### Sagaidāmā vērtība:

$$E[X] = \mu = \sum_{i=1}^N x_i P(X = x_i)$$

### Dispersija:

$$\sigma^2 = \sum_{i=1}^N [x_i - E[X]]^2 P(X = x_i) = E[x^2] - (E[X])^2$$

— Standartnovirze: —

$$\sigma = \sqrt{\sum_{i=1}^N [x_i - E[X]]^2 P(X = x_i)} = \sqrt{E[x^2] - (E[X])^2}$$

— Kovariācija: —

$$= \sum_{i=1}^N [x_i - E[X]][y_i - E[Y]]P(X = x_i, Y = y_i)$$

— Divu diskrēto gadījumu lielumu summa —

$$E(X + Y) = E(X) + E(Y)$$

— Divu diskrēto gadījumu lielumu dispersija —

$$Var(X + Y) = \sigma_{x+y}^2 = \sigma x + \sigma y + 2\sigma_{xy}$$

— Divu diskrēto gadījumu lielumu standartnovirze —

$$\sigma_{x+y} = \sqrt{\sigma_{x+y}}$$

▪ Portfeļa ienesīgums (vidējais svērtais ienesīgums) ▪

$$E(P) = wE(X) + (1 - w)E(Y)$$

— Portfeļa ienesīgums (portfeļa risks) —

TODO

— Binomiālais sadalījums —

$$P(X = x|n, p) = \frac{n!}{x!(n-x)!} (1-p)^{n-x} p^x$$

Kur  $p$  - notikuma varbūtība,  $X$  - diskrēts gadījumu lielums,  $n$  - notikumu (izmēģinājumu) skaits.

— Binomiālais sadalījuma raksturlielumi —

$$\mu = E(X) = np$$

$$\sigma^2 = np(1-p)$$

$$\sigma = \sqrt{np(1-p)}$$

— Puasona sadalījums (binom. aproksimācija) —

$$P(X = x|\lambda) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!}$$

$$P(X = x|\lambda) = POISSON.DIST(X, \mu, CUMM.)$$

Kur  $x$  = notikuma iestāšanās skaits,  $\lambda$  = sagaidāmais notikumu skaits (Puasona sadalījuma vidējā vērtība),  $\lambda = np$ ,  $e$  = naturālā logaritma bāze (2.71828... vai  $EXP(1)$ )

— Puasona sadalījuma raksturlielumi —

$$\mu = \lambda$$

$$\sigma^2 = \lambda$$

$$\sigma = \sqrt{\lambda}$$

— Ģeometriskais sadalījums (Hiperģeometriskais) —

TODO

— Ģeometriskais sadalījuma raksturlielumi —

TODO