

Disciplina: Processamento Digital de Sinais

Material aula 2
Ambiente Blackboard

Apresentação

- 1) Sinais discretos básicos
- 2) Propriedades de sistemas discretos
- 3) Representação por diagrama de blocos
- 4) Implementação de algoritmos:
 - Média Móvel
 - Delay
 - Eco

Representações de um sinal discreto

Table 2.1 Discrete-time signal representations.

Representation

Example

Functional

$$x[n] = \begin{cases} \left(\frac{1}{2}\right)^n, & n \geq 0 \\ 0, & n < 0 \end{cases}$$

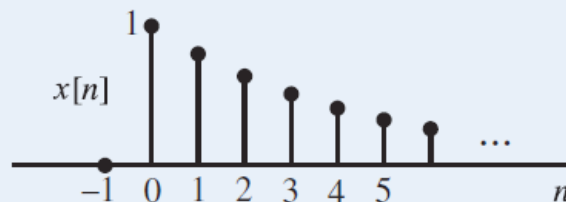
Tabular

$$\begin{array}{c|cccccccc} n & \dots & -2 & -1 & 0 & 1 & 2 & 3 & \dots \\ \hline x[n] & \dots & 0 & 0 & 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{4} & \frac{1}{8} & \dots \end{array}$$

Sequence

$$x[n] = \left\{ \dots 0 \underset{\uparrow}{1} \frac{1}{2} \frac{1}{4} \frac{1}{8} \dots \right\}$$

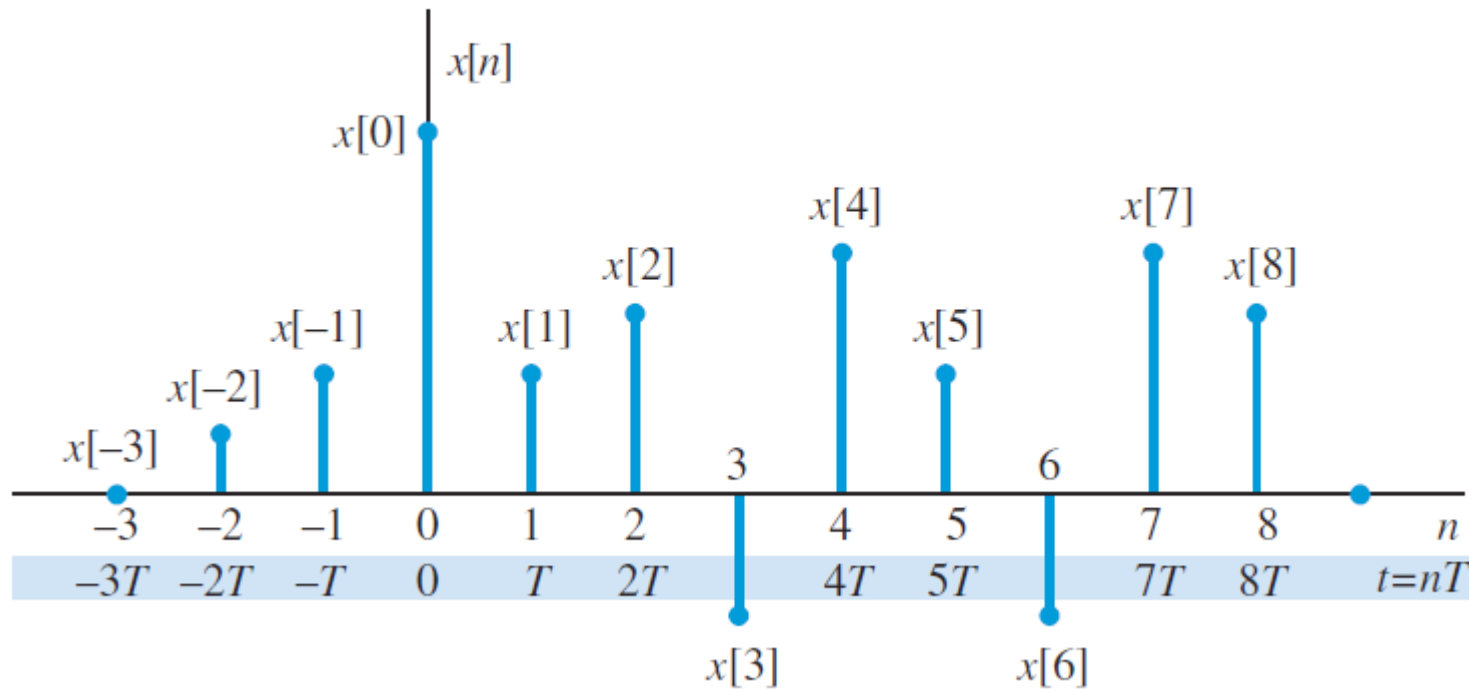
Pictorial



¹ The symbol \uparrow denotes the index $n = 0$; it is omitted when the table starts at $n = 0$.

Sinal discreto no tempo

2.1 Discrete-time signals



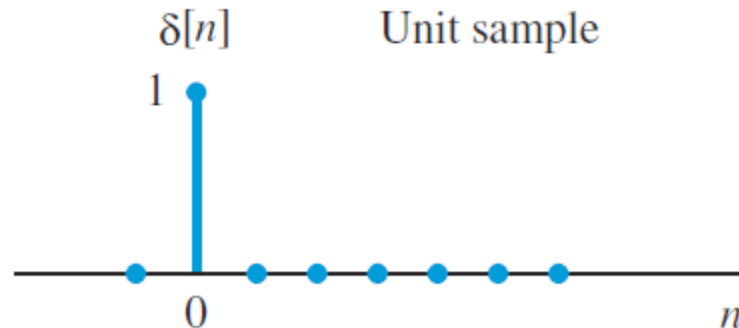
Sinais discretos básicos

- Impulso Unitário
- Degrau Unitário
- Sequência Sinusoidal
- Sequência Exponencial

Sinais discretos básicos

- Impulso Unitário

$$\delta[n] \triangleq \begin{cases} 1, & n = 0 \\ 0, & n \neq 0 \end{cases}$$

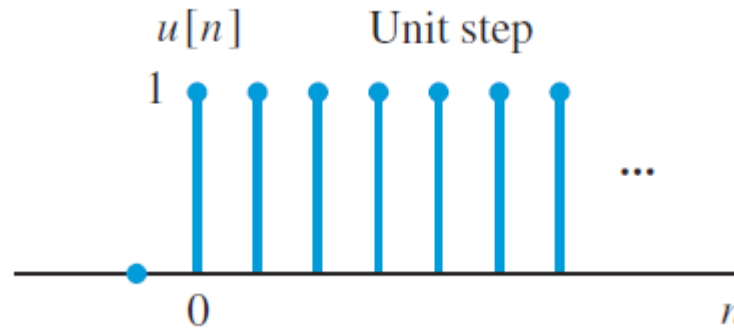


OBS: Implementar a função impulso unitário em Matlab

Sinais discretos básicos

Degrau Unitário

$$u[n] \triangleq \begin{cases} 1, & n \geq 0 \\ 0, & n < 0 \end{cases}$$

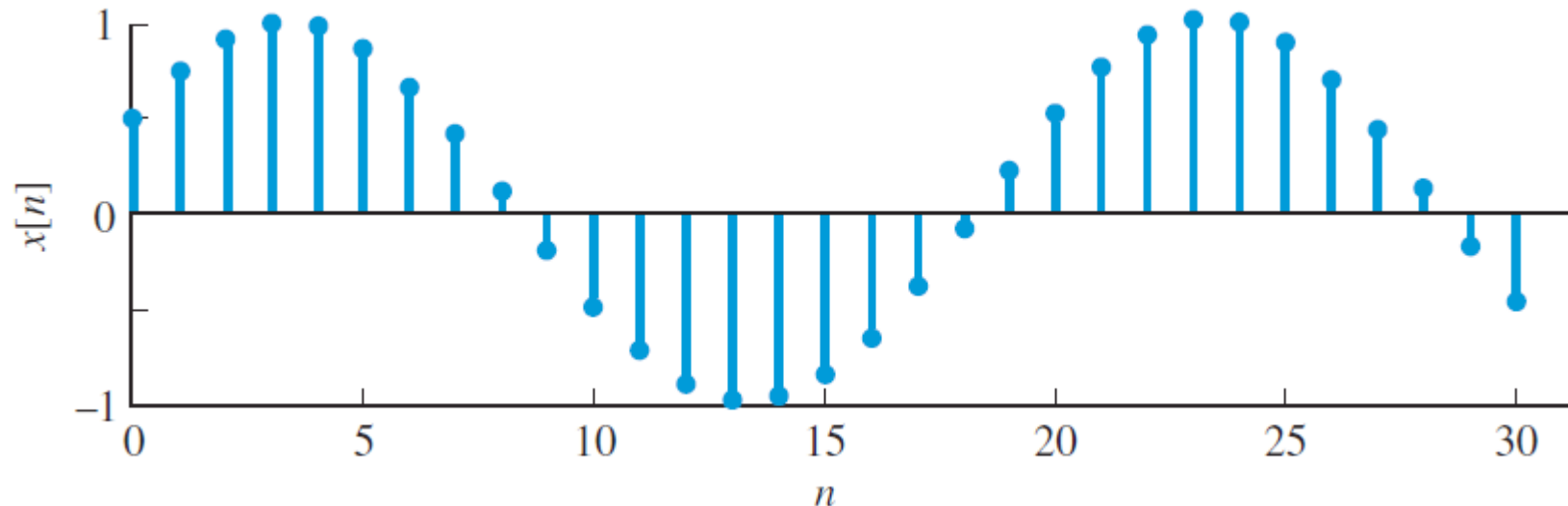


OBS: Implementar a função degrau em Matlab

Sinais discretos básicos

Sequência Sinusoidal

$$x[n] = A \cos(\omega_0 n + \phi), \quad -\infty < n < \infty$$

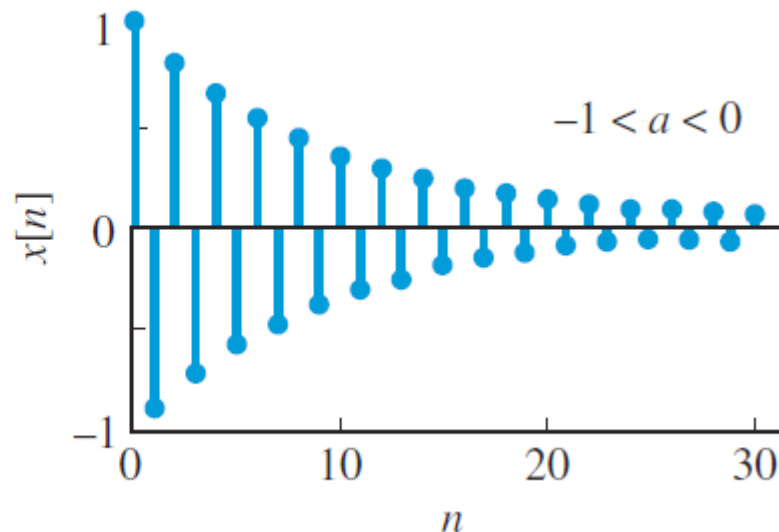
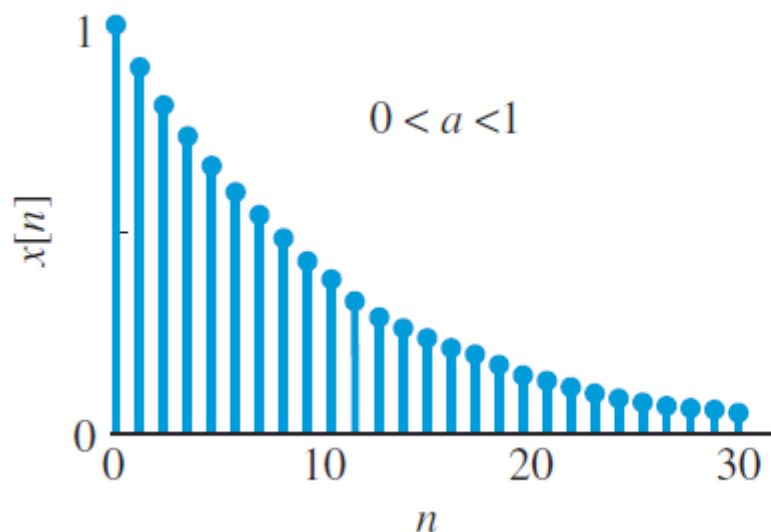


OBS: Implementar a função senoidal em Matlab com
 $f_0 = 100\text{Hz}$ e $FS = 8\text{kHz}$ e duração de 1 segundo

Sinais discretos básicos

Sequência Exponencial

$$x[n] \triangleq Aa^n, \quad -\infty < n < \infty$$



OBS: Implementar a sequência exponencial em Matlab com:

$A = 1$, $a = 0,5$, $a = -0,5$ e $a = 2$

Sistema Discreto

2.3 Discrete-time systems



Figure 2.5 Block diagram representation of a discrete-time system.

Propriedades de sistemas discretos

- Causalidade
- Estabilidade
- Linearidade
- Invariante no tempo

Propriedades de sistemas discretos

- Causalidade
- **Definition:** A system is called *causal* if the present value of the output does not depend on future values of the input, that is, $y[n_0]$ is determined by the values of $x[n]$ for $n \leq n_0$, only.

Causal

$$y[n] = \frac{1}{3} \{x[n] + x[n-1] + x[n-2]\}$$

Não causal

$$y[n] = \text{median}\{x[n-1], x[n-2], x[n], x[n+1], x[n+2]\}.$$

Propriedades de sistemas discretos

- Estabilidade
- Definition : A system is said to be *stable*, in the *Bounded-Input Bounded-Output* (BIBO) sense, if every bounded input signal results in a bounded output signal, that is
$$|x[n]| \leq M_x < \infty \Rightarrow |y[n]| \leq M_y < \infty.$$

Estável
$$y[n] = \frac{1}{3}\{x[n] + x[n-1] + x[n-2]\}$$

Instável
$$y[n] = \sum_{k=0}^{\infty} x[n-k]$$

Para $x[n] = u[n]$

Propriedades de sistemas discretos

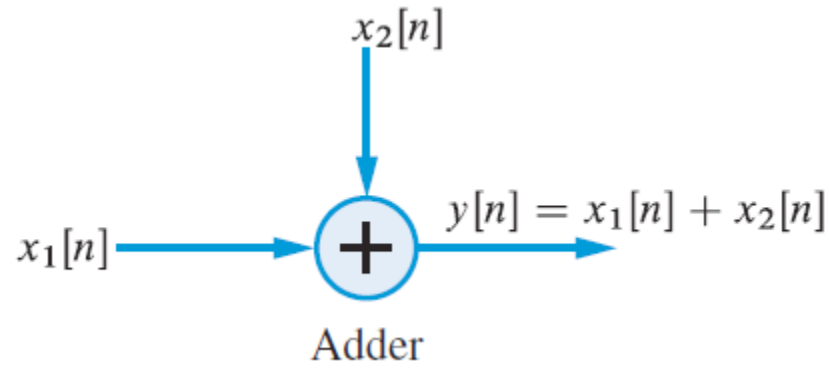
- Linearidade
- Definition: A system is called *linear* if and only if for every real or complex constant a_1, a_2 and every input signal $x_1[n]$ and $x_2[n]$
- $H\{a_1x_1[n] + a_2x_2[n]\} = a_1H\{x_1[n]\} + a_2H\{x_2[n]\},$
- Exemplo não linear: $y[n] = x^2[n].$

Propriedades de sistemas discretos

- Invariante no tempo
- Definition: A system is called *time-invariant* or *fixed* if and only if
- $y[n] = H\{x[n]\} \Rightarrow y[n - n_0] = H\{x[n - n_0]\},$
- for every input $x[n]$ and every time shift n_0 . That is, a time shift in the input results in a corresponding time shift in the output.

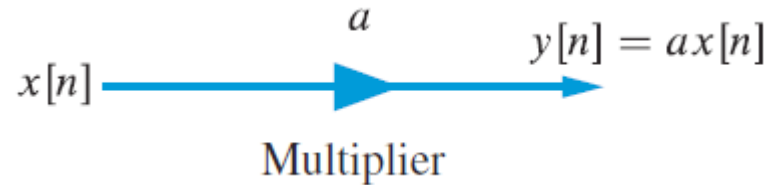
Representação por diagrama de blocos

- Soma



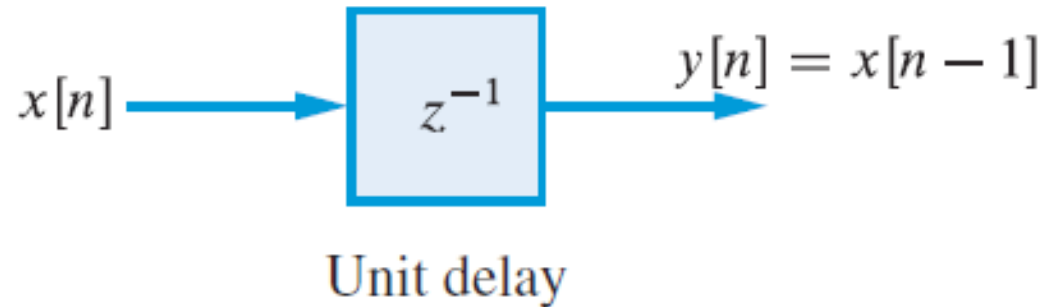
Representação por diagrama de blocos

- Multiplicação por uma constante



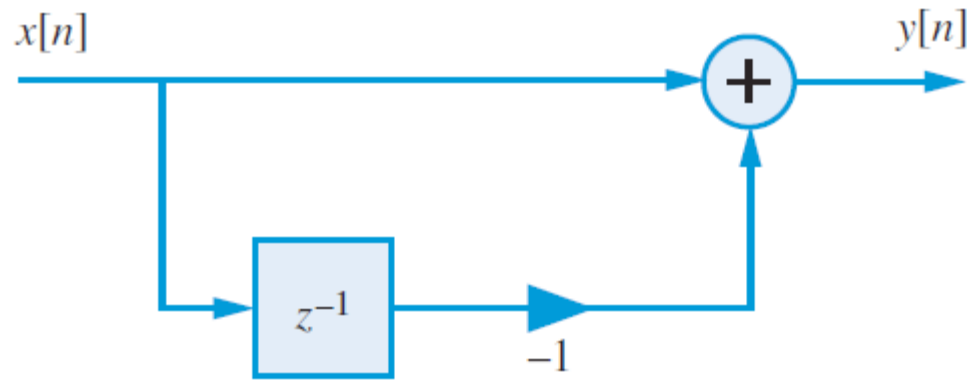
Representação por diagrama de blocos

- Atraso unitário



Representação por diagrama de blocos

- Sistema discreto



Implementação de algoritmos

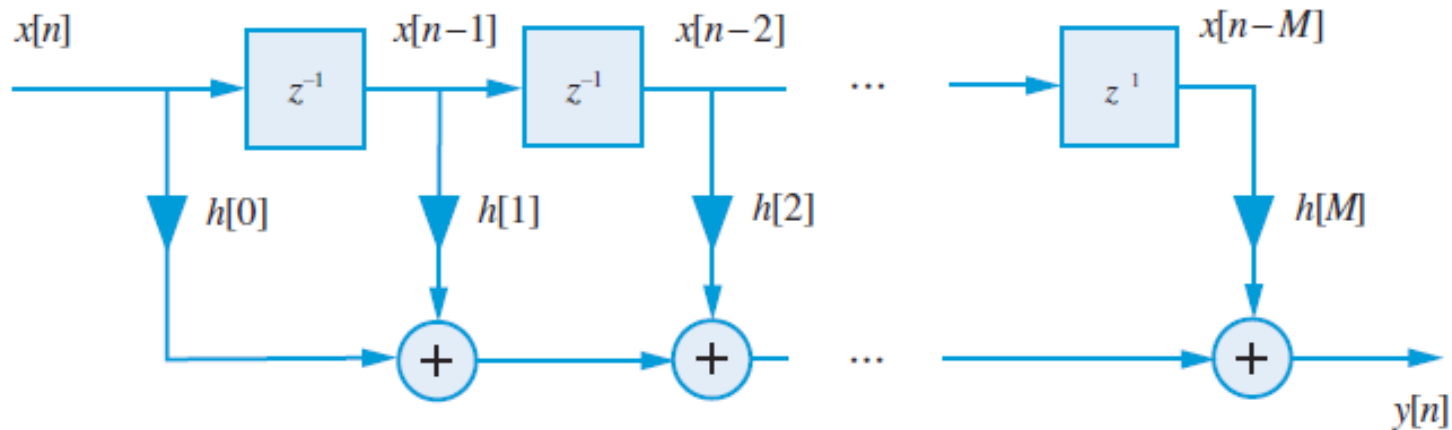
- Média Móvel de k elementos da entrada
- Por exemplo, para $k = 4$, temos:

$$y[n] = \frac{x[n] + x[n-1] + x[n-2] + x[n-3]}{4}$$

$$y[n] = 1/4 \cdot x[n] + 1/4 \cdot x[n-1] + 1/4 \cdot x[n-2] + 1/4 \cdot x[n-3]$$

Implementação de algoritmos

- Média Móvel de k elementos da entrada



Implementação Média Móvel

Arquivo
de
entrada

Vetor $x[n]$
dimensão
 $k, 1$

Vetor
Coefs
Dimensão
k,1

Arquivo
de
saída

10
2
8
-4
-2
3

0	10	2	8	-4	-2	3
0	0	10	2	8	-4	-2
0	0	0	10	2	8	-4
0	0	0	0	10	2	8

$1/k$
$1/k$
$1/k$
$1/k$

2,5
3
5
4

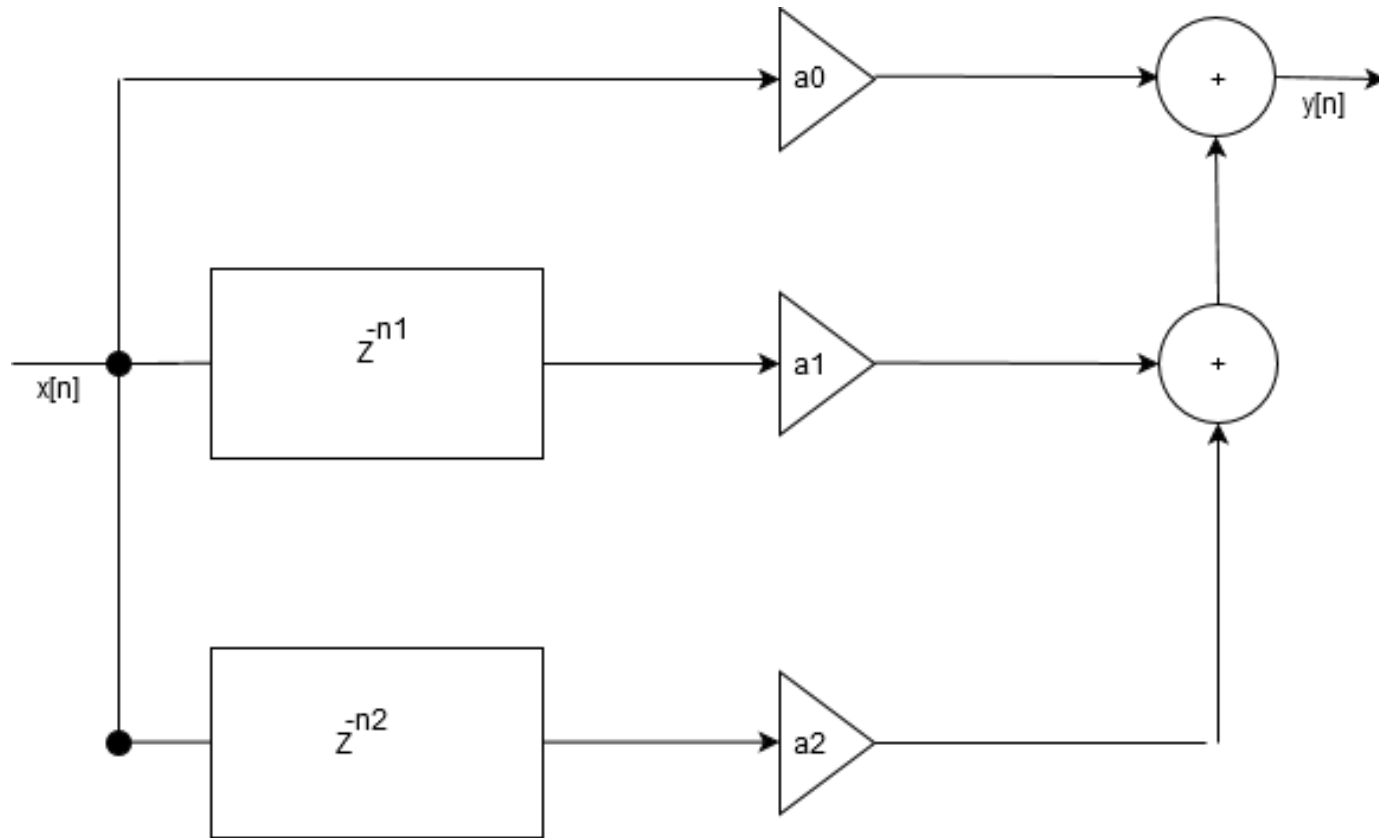
Implementação de algoritmos:

- Média Móvel - Matlab /Python
- Média Móvel - Linguagem C
- Usar como entrada um sweep(20Hz a 3400Hz) gerado no ocenaudio
- Testar com diferentes tamanhos de média e salvar o arquivo de saída, por exemplo, $k = 4, 8, 16, 32$, etc

Implementação de algoritmos:

- Média Móvel - Matlab /Python
- Usar como entrada o impulso unitário e obtenha a correspondente saída.
- Usar como entrada o degrau unitário e obtenha a correspondente saída.

Implementação do Delay



Implementação do Delay

- Implemente um programa em Matlab/Python que execute a equação do diagrama de blocos.

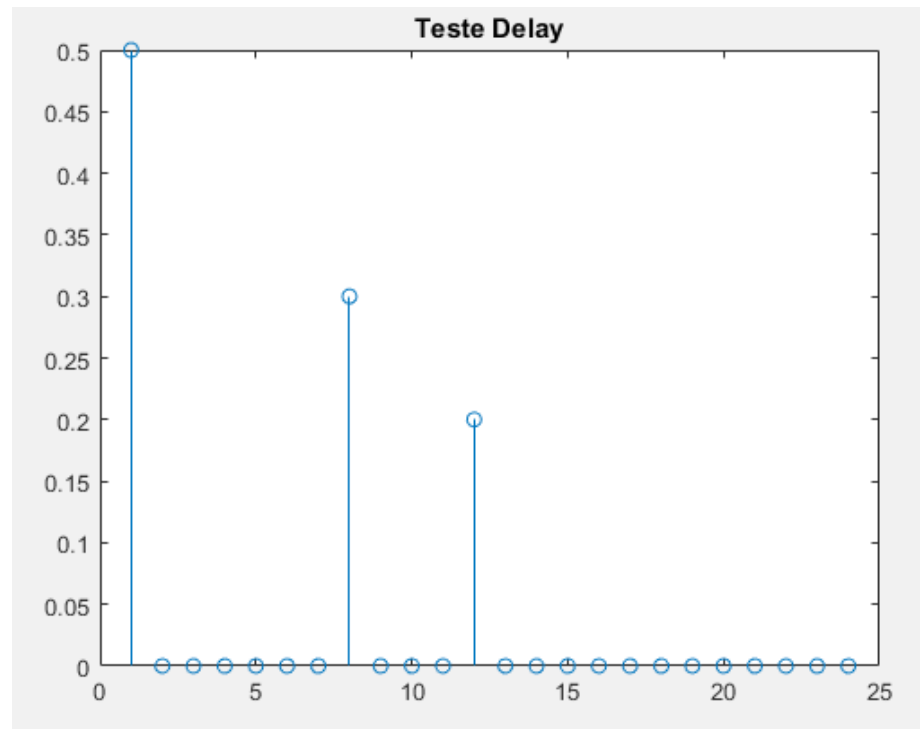
$$y[n] = a_0.x[n] + a_1.x[n - n_1] + a_2.x[n - n_2]$$

Implementação do Delay

- Utilize $F_s = 8k$, n_1 = correspondendo a um atraso de 10ms e n_2 de 15ms.
- $F_s = 8k$, $T_s = 125\mu s$.
- Portanto, n_1 corresponde a 80 amostras de delay e n_2 120 amostras.
-
- Use $a_0 = 0,5$; $a_1 = 0,3$ e $a_2 = 0,2$.
- Valide o algoritmo para uma entrada impulso unitário

Implementação do Delay

- Para uma entrada impulso unitário, $n1$ de 8 amostras de delay e $n2$ de 12 amostras, temos:



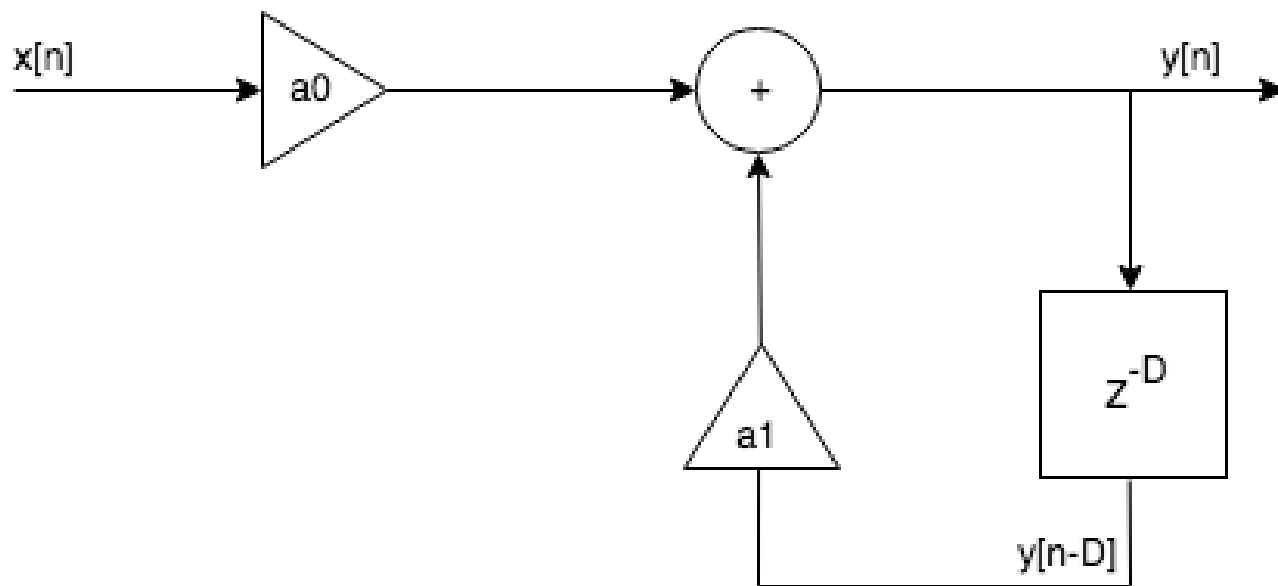
Implementação do Delay

- `clear all; close all; clc;`
- `Fs = 8000;`
- `t1 = 1.0*10^-3; t2 = 1.5*10^-3;`
- `% Exemplo delay`
- `n1 = t1*Fs; n2 = t2*Fs`
- `% Definição dos ganhos`
- `a0 = .5; a1 = .3; a2 = .2;`
- `tama_delay = n2;`
- `vetor_delay = zeros(tama_delay,1);`
- `% Definindo a entrada`
- `entrada = zeros(2*tama_delay,1);`
- `entrada(1,1) = 1; % definindo o impulso unitário`
- `tama_loop = length(entrada);`
- `vet_saida = zeros(tama_loop,1);`
- `for j = 1: tama_loop`
- `input = entrada(j,1);`
- `vetor_delay(1,1) = input;`
- `y = a0*vetor_delay(1,1) + a1 * vetor_delay(n1,1) + a2 * vetor_delay(n2,1);`
- `% Desloca o vetor de delay`
- `for k = 0: tama_delay-2`
- `vetor_delay(tama_delay-k,1) = vetor_delay(tama_delay-k-1,1);`
- `end`
- `vet_saida(j,1) = y;`
- `end`
- `stem(vet_saida)`
- `title('Teste Delay');`

Implementação do Delay

TAREFA: Modifique o programa implementado para gerar delay em um arquivo de áudio com atraso bem maior ($D > 100\text{ms}$) de forma que seja perceptível ao ouvir (Ocenaudio).

Implementação do eco



$$y[n] = a_0 x[n] + a_1 y[n-D]$$

Implementação do Eco

- Utilize $F_s = 8k$ e D um atraso de 1ms.
- $F_s = 8k$, $T_s = 125\mu s$.
-
- Portanto:
- D corresponde a 8 amostras de delay
- Use $a_0 = 1,0$; $a_1 = 0,5$.
- Valide o algoritmo para uma entrada impulso unitário

Implementação do Eco

TAREFA: Modifique o programa implementado para gerar eco em um arquivo de áudio com atrasos bem maiores de forma que sejam perceptíveis ao ouvir (Ocenaudio).

Disciplina: Processamento Digital de Sinais

Material aula 2
Ambiente Blackboard