

Ayudantía 2

Merge
MergeSort
QuickSort

Merge

Algoritmo que mezcla 2 conjuntos ordenados en un tercero de forma ordenada, se puede resumir en los siguientes pasos:

1. Se toma el primer elemento de A y el primer elementos de B
2. Se comparan y el menor se ingresa al final de C
3. Si quedan elementos en A y B, ir a 1
4. Anexar a C la lista que aún tenga elementos

Merge

En pseudocódigo

```
merge(A, B):  
    C = Arreglo vacío  
    while A y B no estén vacíos:  
        a = primer elemento de A  
        b = primer elemento de B  
        if a <= b:  
            C.append(a)  
            Eliminamos a de A  
        else if a > b:  
            C.append(b)  
            Eliminamos b de B  
    if A está vacío:  
        C.append(B)  
    else if B.está vacío:  
        C.append(A)  
    return C
```

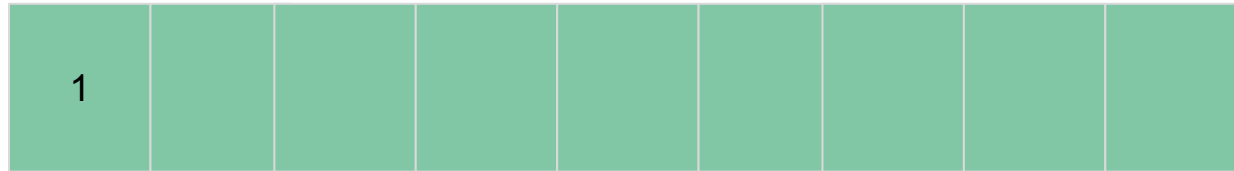
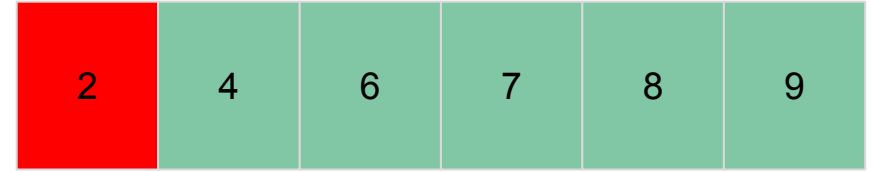
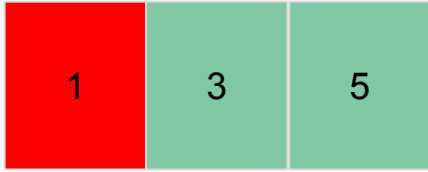
Veamos un ejemplo

Se tiene 2 arreglos, $A = [1, 3, 5]$ y $B = [2, 4, 6, 7, 8, 9]$, el resultado de aplicar un merge se guarda en otro arreglo C

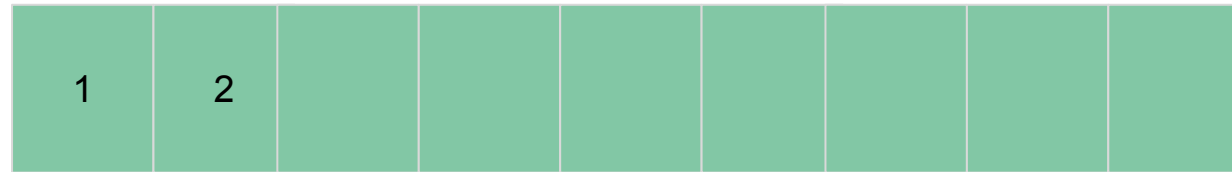
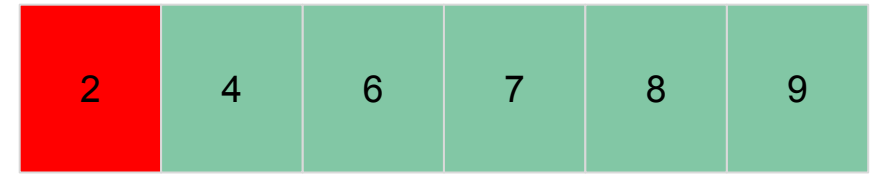
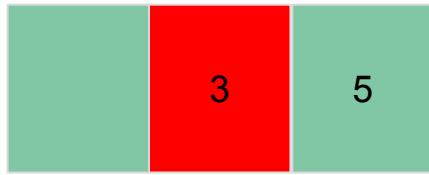
1	3	5
---	---	---

2	4	6	7	8	9
---	---	---	---	---	---

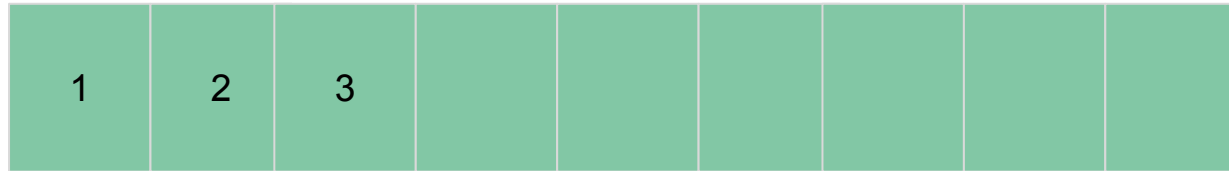
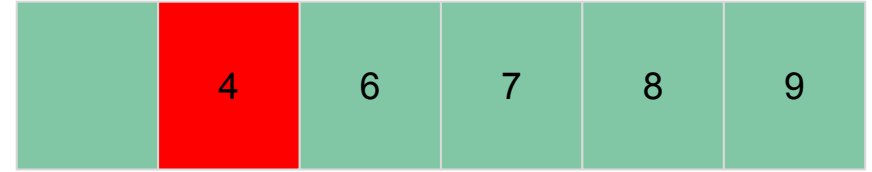
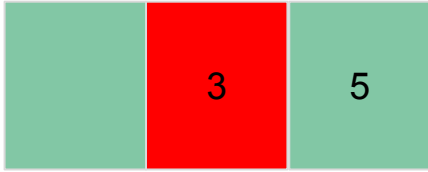
--	--	--	--	--	--	--	--	--



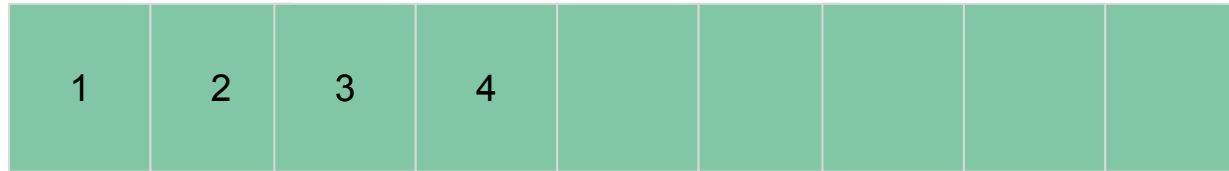
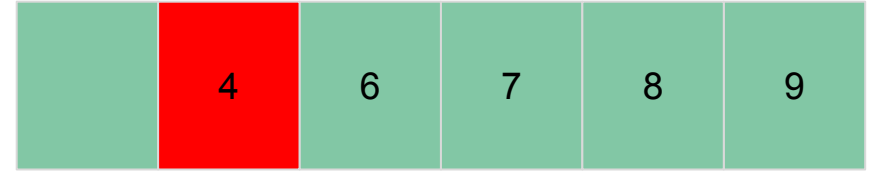
- Se selecciona el menor elemento entre A y B
- Se ingresa a C



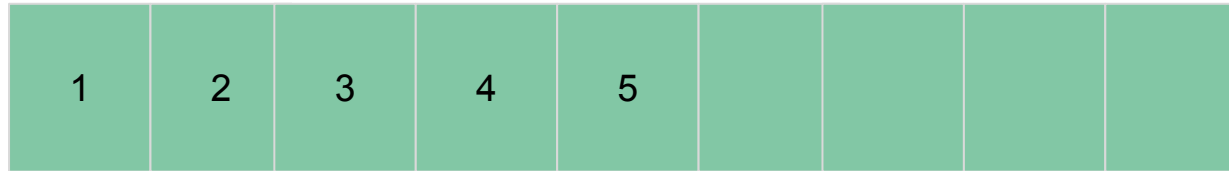
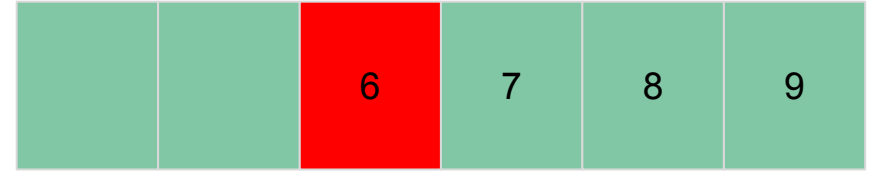
- Se selecciona el menor elemento entre A y B
- Se ingresa a C



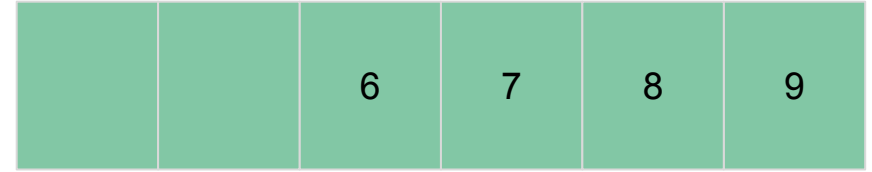
- Se selecciona el menor elemento entre A y B
- Se ingresa a C



- Se selecciona el menor elemento entre A y B
- Se ingresa a C



- Se selecciona el menor elemento entre A y B
- Se ingresa a C



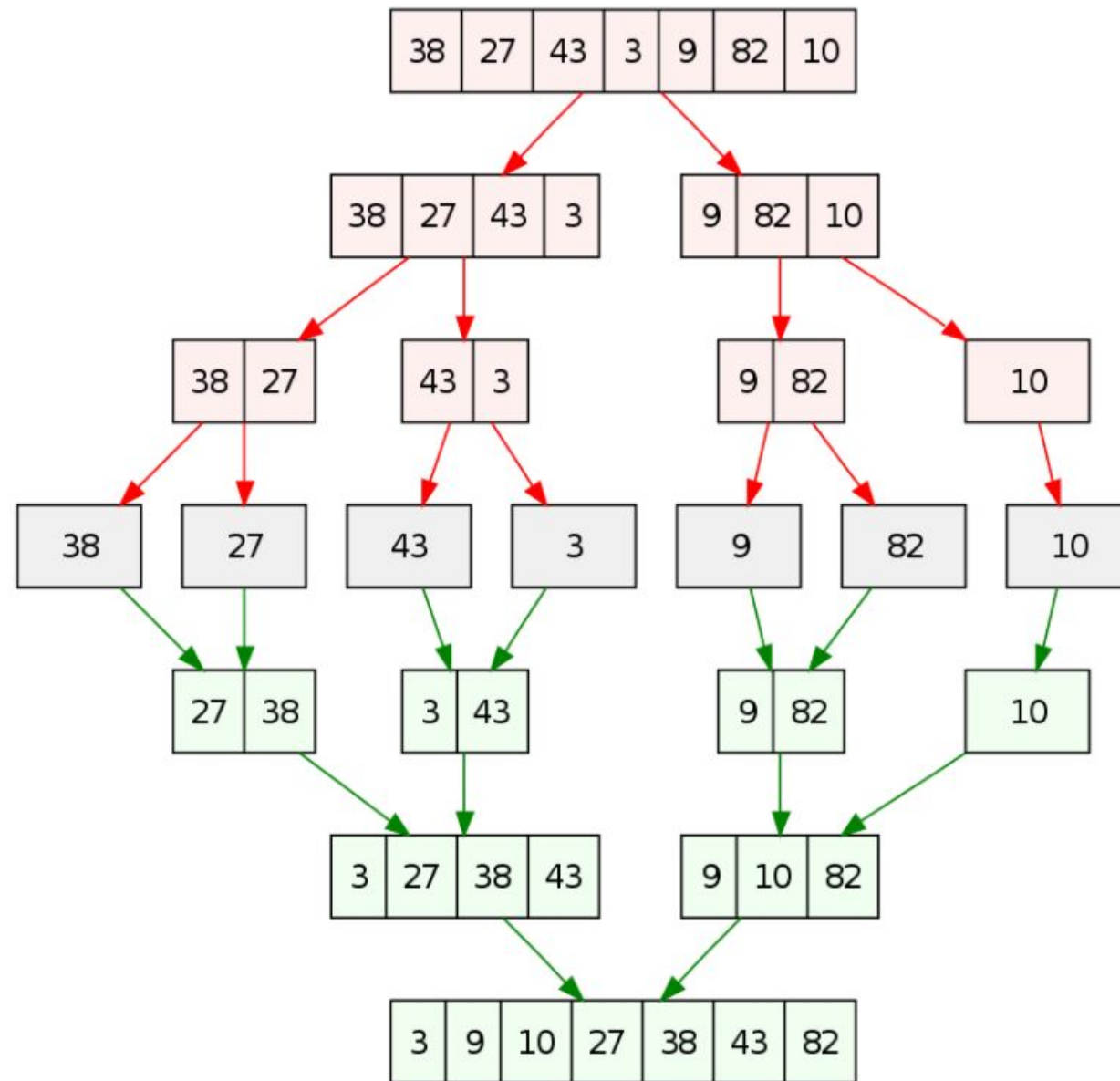
- Como A quedó vacío se ingresa el resto de B

MergeSort

Algoritmo se basa en el paradigma de dividir para reinar

- **Divide:** Divide la secuencia de n-elementos en 2 subsecuencias
- **Conquista:** Ordena las 2 subsecuencias recursivamente con merge sort
- **Combina:** Realiza un Merge a las 2 subsecuencias ordenadas

MergeSort



Dividir



Merge

Su pseudocódigo

```
mergeSort(A, i, f):  
    if f - i > 1:  
        m = round((f - i)/2)  
        B = mergeSort(A, i, m)  
        C = mergeSort(A, m, f)  
        A[i:f] = merge(B, C)  
    return A[i:f]
```

- A un arreglo
- i un índice indicando el inicio
- f un índice indicando el término

Demostremos la correctitud del algoritmo

Caso base: Para un arreglo de largo 1 este ya se encuentra ordenado y es retornado, por tanto mergeSort es correcto.

HI: Asumimos que MergeSort ordena correctamente un arreglo de largo k .

PD: MergeSort ordena un arreglo de largo $k+1$.

Recordando el algoritmo:

```
mergeSort(A, i, f):  
    if f - i > 1:  
        m = round((f - i)/2)  
        B = mergeSort(A, i, m)  
        C = mergeSort(A, m, f)  
        A[i:f] = merge(B, C)  
    return A[i:f]
```

II: Para un arreglo de largo $k+1$, en la primera iteración se divide este arreglo en dos arreglos de largo $(k+1)/2$ a los que se les aplicará mergeSort. Como cada subarreglo es de un largo menor que k , por HI mergeSort ordena los arreglos.

Cumpliendo su objetivo

¿Tiene fin este algoritmo?

Problemas:

Implementa en C un merge de 2 arreglos ordenados ascendentemente y retorna un arreglo en forma decreciente

Implementa en C un merge sort para ordenar el arreglo [3; 41; 52; 26; 38; 57; 9; 49]

QuickSort

Pseudocódigo

quicksort(A, i, f):

if $i \leq f$:

$p \leftarrow \text{partition}(A, i, f)$

quicksort($A, i, p - 1$)

quicksort($A, p + 1, f$)

partition(A, i, f):

$x \leftarrow \text{un índice aleatorio en } [i, f], \quad p \leftarrow A[x]$

$A[x] \rightleftharpoons A[f]$

$j \leftarrow i$

for $k \in [i, f - 1]$:

if $A[k] < p$:

$A[j] \rightleftharpoons A[k]$

$j \leftarrow j + 1$

$A[j] \rightleftharpoons A[f]$

return j







i



x

f

i



A[x]

x



A[f]

f



i



p

x

A[f]

f

i



A[f]

x



p

f



i



p

f

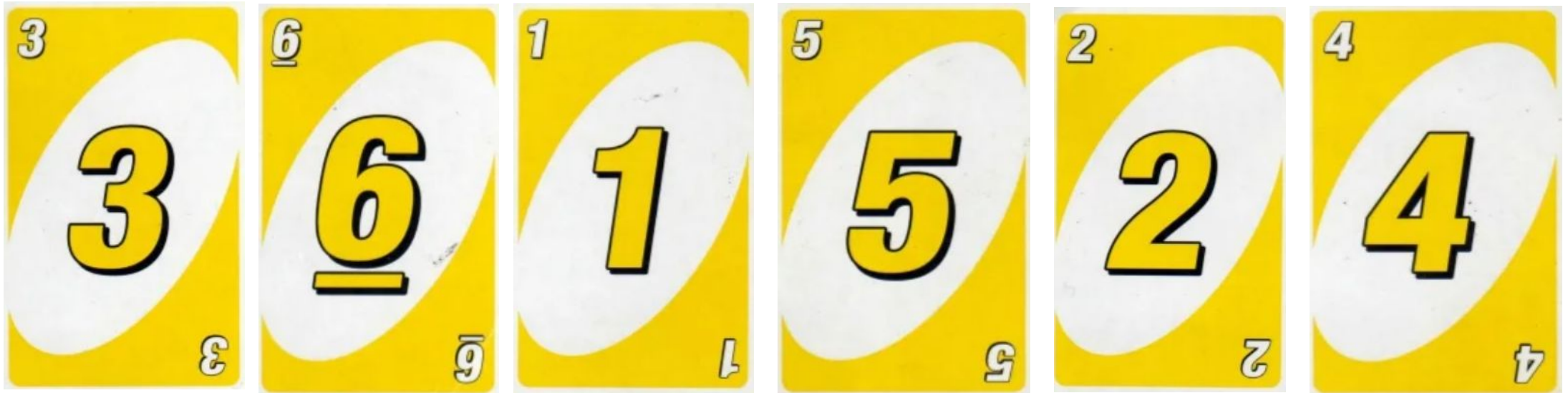
A[j]

A[k]

i

p

f



j

k

A[j]

A[k]

i

p

f



j

k

A[j]

A[k]

i

p

f



j

k

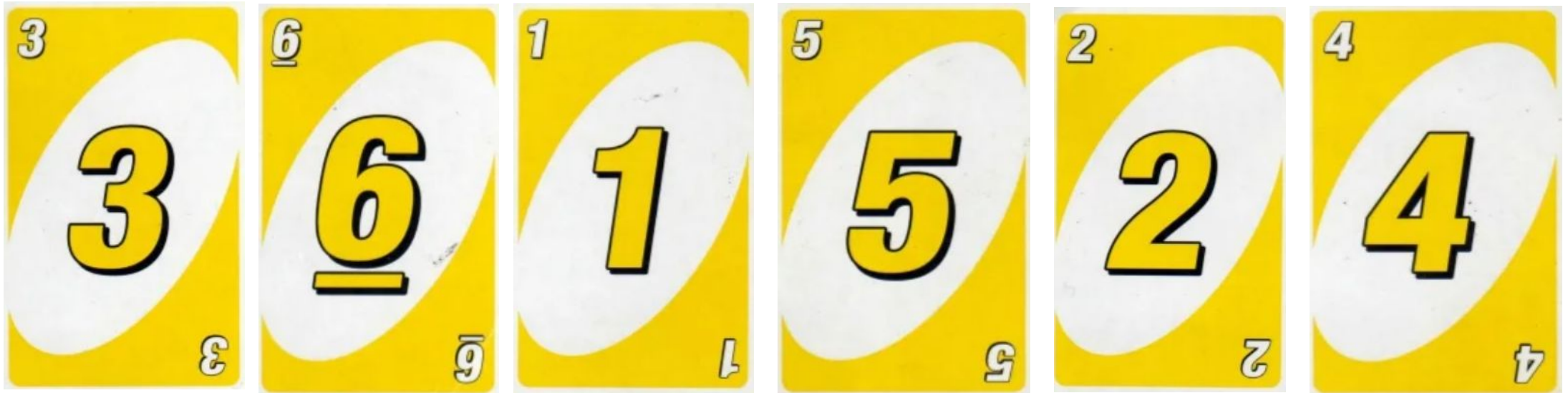
A[j]

A[k]

i

p

f



j

k

A[j]

A[k]

p

i

f



j

k

$A[j]$

$A[k]$

p

i

f



j

k

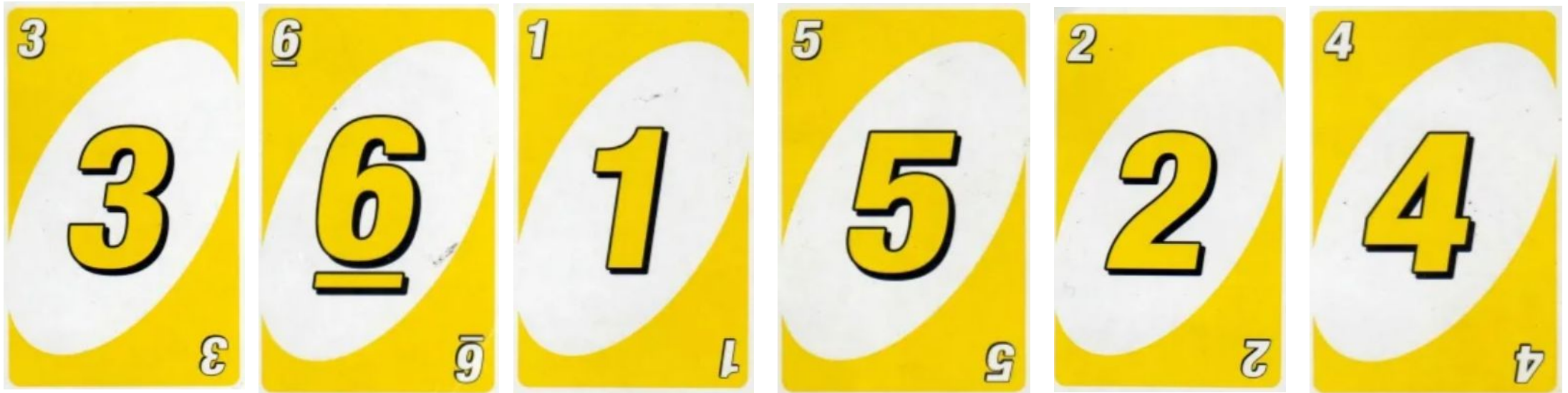
$A[j]$

$A[k]$

p

i

f



A[j]

A[k]

p

f

i



j

k

$A[j]$

$A[k]$

i

p

f



j

k

A[j]

A[k]

i

p

f



$A[j]$

$A[k]$

p

f

i



k

$A[j]$

$A[k]$

p

i

f



$A[j]$

$A[k]$

p

f

i



j

k

$A[j]$

$A[k]$

p

i

f



j

k

A[j]

A[k]

p

f

i



$A[j]$

$A[k]$

i

p

f



$A[j]$

$A[k]$

p

f

i



j

k

$A[j]$

$A[k]$

p

f

i



k

$A[j]$

$A[k]$

$A[f]$

i

f



j

k

$A[j]$

$A[k]$

$A[f]$

i

f



j

k

A[j]

p

i

f



j

quicksort(A, i , $p - 1$)

p

quicksort(A, $p + 1$, f)



i

x

f



$A[x]$

$A[f]$

i

x

f



p

A[f]

i

x

f



A[f]

p

i

x

f



i



p

f

A[j]

A[k]

i

p

f



j

k

A[j]

A[k]

i

p

f



j

k

$A[j]$

$A[k]$

p

i

f



j

k

$A[j]$

$A[k]$

p

i

f



j

k

$A[j]$

$A[k]$

p

i

f



j

k

A[j]

A[k]

A[f]

i

f



j

k

$A[j]$

$A[f]$

$A[k]$

i

f



j

k

A[j]

p

i

f



j

p'

quicksort($A, p' + 1, f'$)

p

quicksort($A, p + 1, f$)



f'





p'

quicksort($A, p' + 1, f'$)



p

quicksort($A, p + 1, f$)



quicksort(A, i , $p - 1$)

p

quicksort(A, $p + 1$, f)





