

Ayudantía 10



Hola <3

Temario

1. Repaso de pauta T2
2. BFS
3. Dijkstra
4. Si sobra tiempo podemos pasar al Discord a ayudar con la tarea

Repaso de Pauta T2

BFS

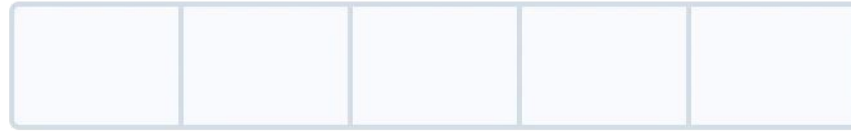
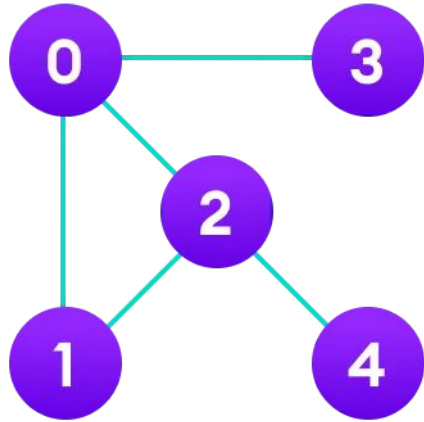
Primero, veamos que es un queue

- Sigue la regla: **FIRST IN, FIRST OUT**
- Es decir, lo primero que tenemos en un arreglo es lo primero que sacamos.
- Pensemos en una cola.

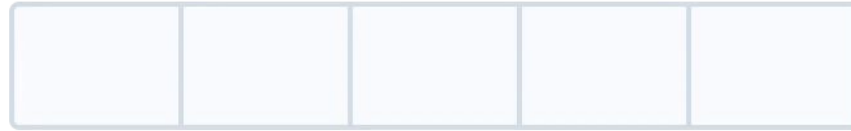
Algoritmo

1. Empezamos eligiendo cualquiera de los nodos del grafo y lo ponemos en la queue.
2. Sacamos el **primer** elemento del queue y lo agregamos a la lista de nodos visitados.
3. Creamos una lista de nodos adyacentes y agregamos los nodos no visitados en la parte posterior del queue.
4. Seguimos repitiendo los pasos 2 y 3 hasta que el queue quede vacío.

Ejemplo



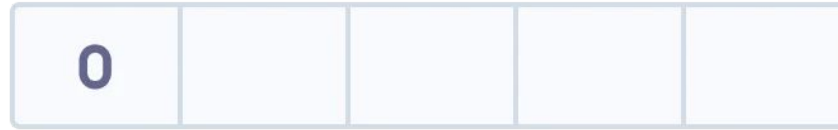
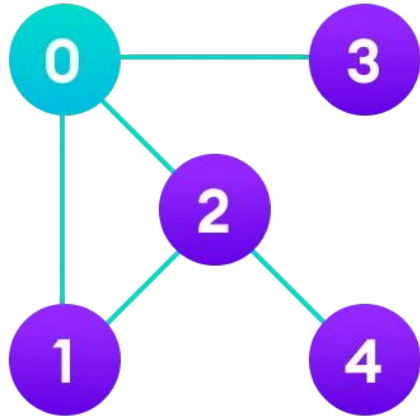
Visited



Queue

↑
FRONT

Ejemplo



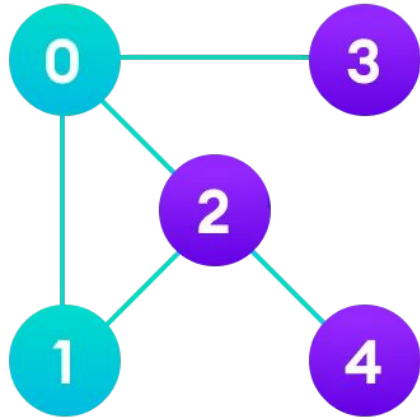
Visited



Queue

↑
FRONT

Ejemplo



Visited

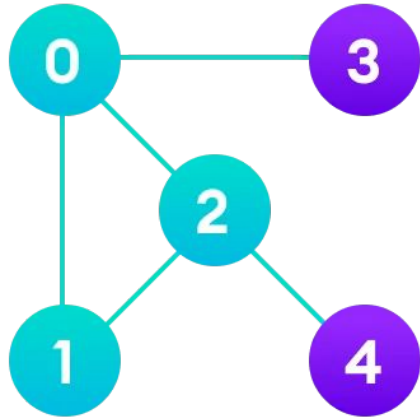


Queue



FRONT

Ejemplo



Visited

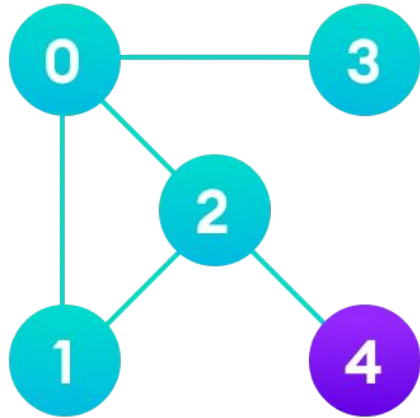


Queue

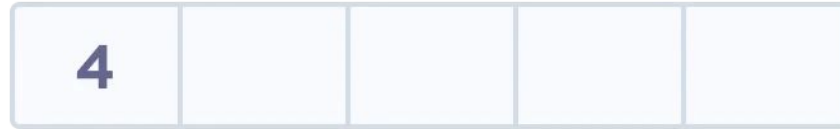


FRONT

Ejemplo



Visited

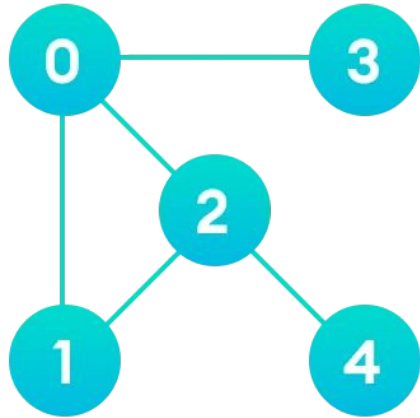


Queue

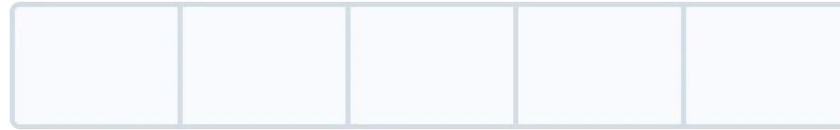


FRONT

Ejemplo



Visited



Queue



FRONT

Dijkstra

Algoritmo

```
function Dijkstra(Graph, source):
```

```
    for each vertex v in Graph.Vertices:
```

```
        dist[v]  $\leftarrow$  INFINITY
```

```
        prev[v]  $\leftarrow$  UNDEFINED
```

```
        add v to Q
```

```
    dist[source]  $\leftarrow$  0
```

Algoritmo

while Q is not empty:

$u \leftarrow$ vertex in Q with min $\text{dist}[u]$

 remove u from Q

 for each neighbor v of u still in Q:

$\text{alt} \leftarrow \text{dist}[u] + \text{Graph.Edges}(u, v)$

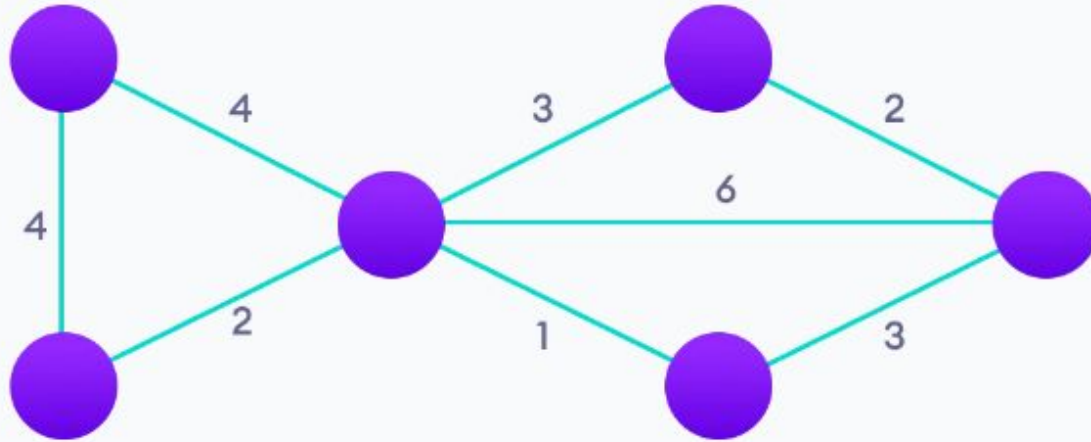
 if $\text{alt} < \text{dist}[v]$:

$\text{dist}[v] \leftarrow \text{alt}$

$\text{prev}[v] \leftarrow u$

return dist, prev

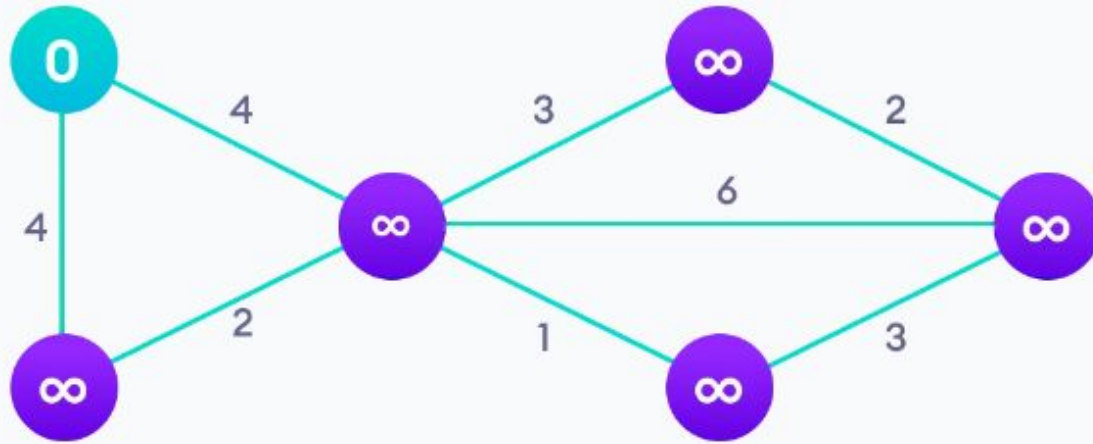
Ejemplo



Step: 1

Partimos con un grafo ponderado

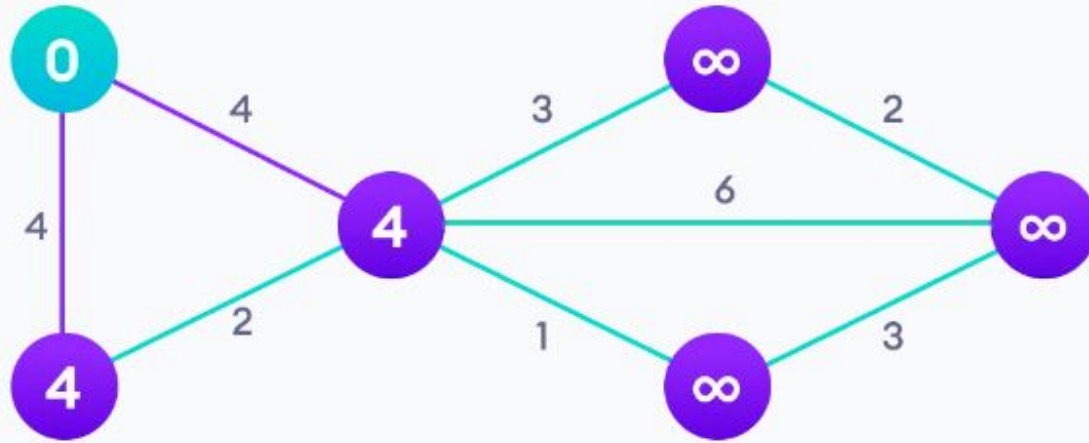
Ejemplo



Step: 2

Elige un nodo inicial y asigna valores de ruta a infinito en todos los vértices

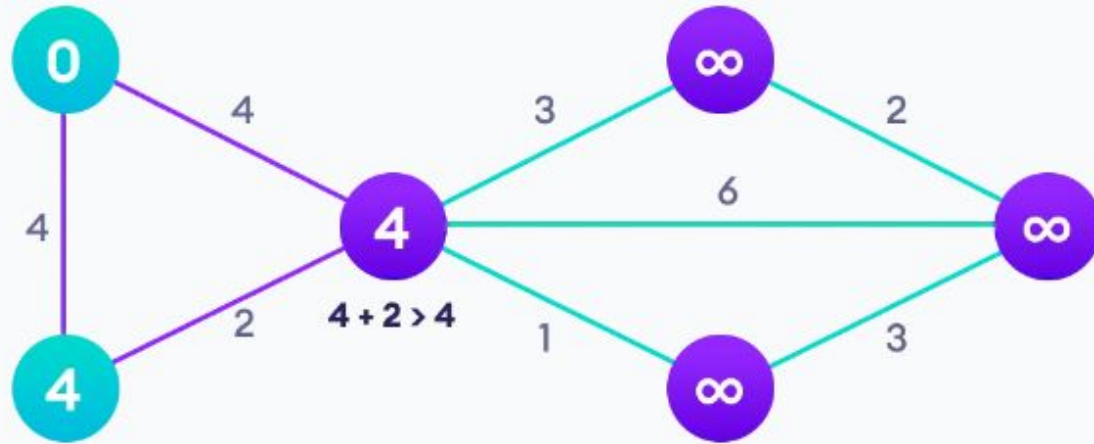
Ejemplo



Step: 3

En cada vértice actualizamos el costo de la ruta

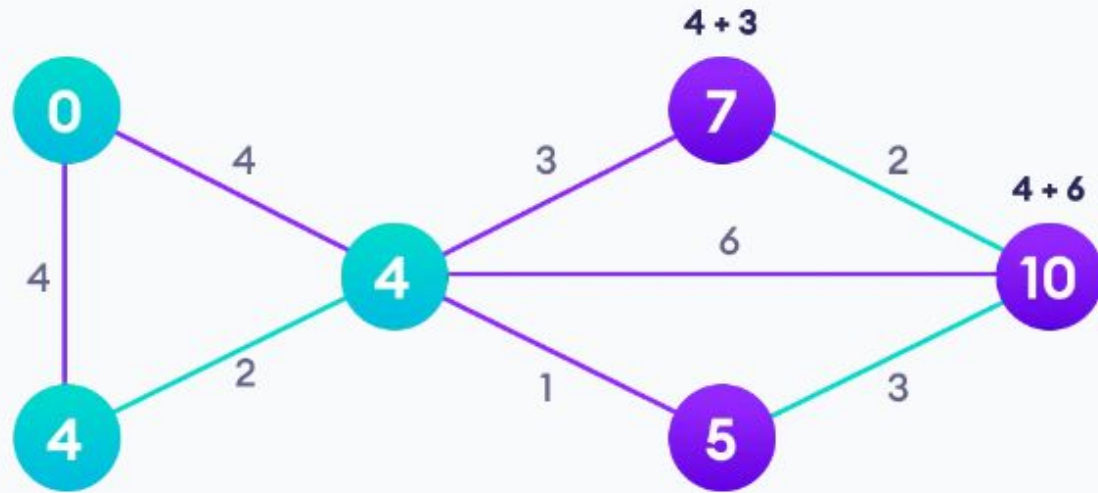
Ejemplo



Step: 4

Si el costo de la ruta al vértice adyacente es menor que la ruta nueva, no la actualices el costo.

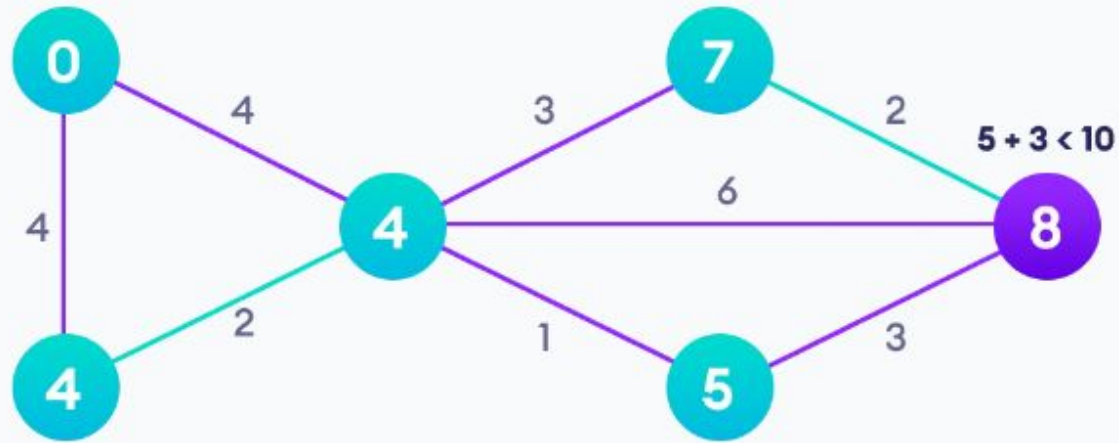
Ejemplo



Step: 5

Evitamos actualizar los costos de las ruta de los vértices ya visitados

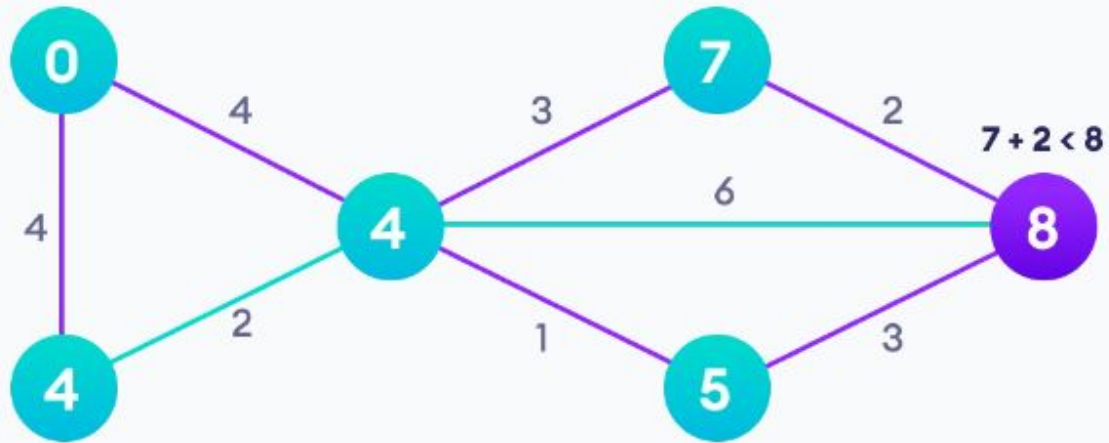
Ejemplo



Step: 6

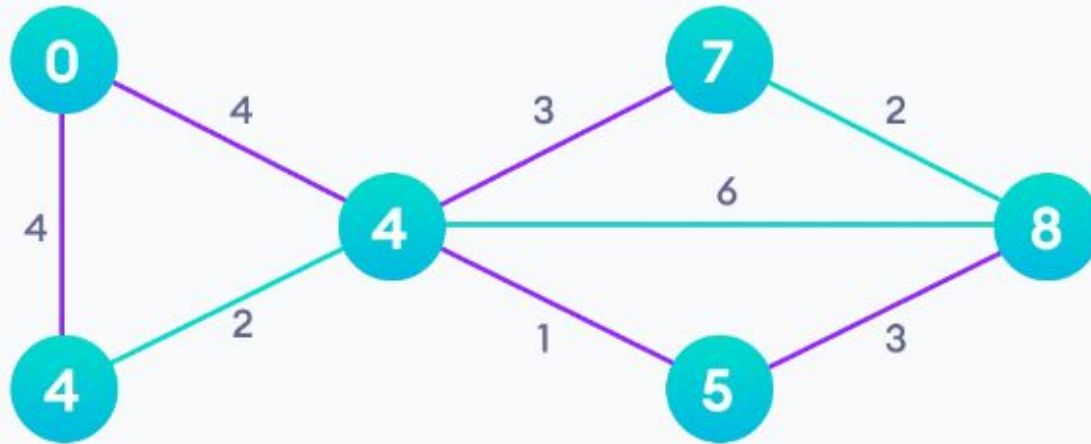
Después de cada interacción, elegimos el vértice no visitado con el menor costo. Por ende elegimos el 5 antes que el 7

Ejemplo



Step: 7

Ejemplo



Step: 8

Repetimos los pasos hasta que visitemos todos los nodos

¿Para qué sirve?

1. Dijkstra encuentra el **primer** camino de menor costo entre nodos de un grafo.
2. BFS, pero más BKN.
3. Algoritmo codicioso, reduce costo local para reducir costo global.
4. ¿Complejidad? $O(V \log(V))$

Bae: Come over

Dijkstra: But there are so many routes to take and
I don't know which one's the fastest

Bae: My parents aren't home

Dijkstra:

Dijkstra's algorithm

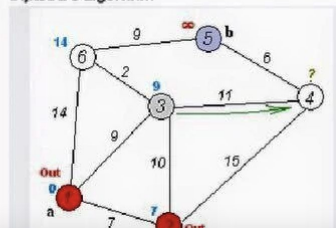
Graph search algorithm

Not to be confused with Dykstra's projection algorithm.

Dijkstra's algorithm is an **algorithm** for finding the **shortest paths** between **nodes** in a **graph**, which may represent, for example, road networks. It was conceived by **computer scientist Edsger W. Dijkstra** in 1956 and published three years later.^{[1][2]}

The algorithm exists in many variants; Dijkstra's original variant found the shortest path between two nodes,^[2] but a more common variant fixes a single node as the "source" node and finds shortest paths from the source to all other nodes in the graph, producing a **shortest-path tree**.

Dijkstra's algorithm



Ejemplo - I3 2022-1

1. Las alternativas para desplazarse en la ciudad son múltiples: metro, buses, bicicletas, servicios de plataformas, caminando, etc. La elección de los medios de transporte más adecuados para ir de A a B depende del tiempo necesario para realizar el viaje en el medio elegido y el costo incurrido en el viaje.

Un mismo viaje puede involucrar más de un medio de transporte en diferentes tramos (A-metro-C-bus-D-caminar-B)).

El tiempo de desplazamiento y el costo involucrado para moverse dentro de la ciudad en cada alternativa de transporte está disponible en archivos como el siguiente para cada medio de transporte. Cada celda contiene el tiempo necesario y el costo para ir del origen al destino en el medio de transporte correspondiente (las celdas vacías indican que no es posible ir en ese medio desde ese origen al destino)

Ejemplo - I3 2022-1

Metro					
Origen/Destino	A	B	C	D	E
A		10 22			25 42
B	15 22		56 44	60 100	
C					70 150
D	34 55	60 100			
E		56 78			

Ejemplo - I3 2022-1

- a) Escriba en pseudocódigo un algoritmo que permita determinar la mejor ruta para ir de un lugar a otro de la ciudad, registrando los múltiples medios de transporte utilizados, el tiempo y costo total del viaje. [HINT: considere que el tiempo es oro].

Ejemplo - I3 2022-1

Algorithm 1 Dijkstra(s, V, α)

```
 $d \leftarrow$  Arreglo vacío del largo de  $V$  // Tiempo de llegada a cada nodo  
 $\pi \leftarrow$  Arreglo vacío del largo de  $V$  // Arista por la cual se llegó al nodo  
for  $u \in V$  do  
   $u.color \leftarrow white$   
   $d[u] \leftarrow \infty$   
   $\pi[u] \leftarrow null$   
end for  
 $Q \leftarrow$  cola de prioridades  
 $s.color \leftarrow gray$   
 $d[s] \leftarrow 0$   
 $Q.enqueue(s)$   
while  $!Q.empty()$  do  
   $u \leftarrow Q.dequeue()$   
  for  $e \in \alpha[u]$  do  
     $v \leftarrow e.end$   
    if  $v.color == white$  or  $v.color == grey$  then  
      if  $d[v] > d[u] + e.time$  then  
         $d[v] \leftarrow d[u] + e.time$   
         $\pi[v] \leftarrow e$   
      end if  
      if  $v.color == white$  then  
         $v.color \leftarrow grey$   
         $Q.enqueue(v)$   
      end if  
    end if  
  end for  
   $u.color \leftarrow black$   
end while  
return  $d, \pi$ 
```

Muchas gracias

<3