

Ejemplo 1.6.

Describe la señal en la figura 1.1(a)

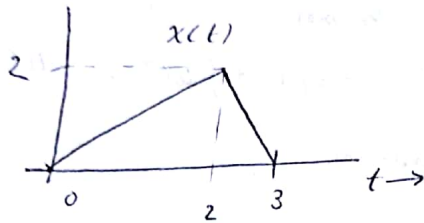


fig. 1.1 (a)

La señal de la figura 1.1 (a) podemos verla como una suma de dos señales, $x_1(t)$ y $x_2(t)$ como a continuación se muestra:

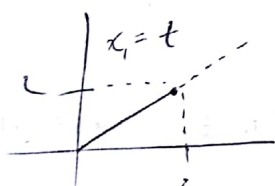


fig. 1.2 (a)

&

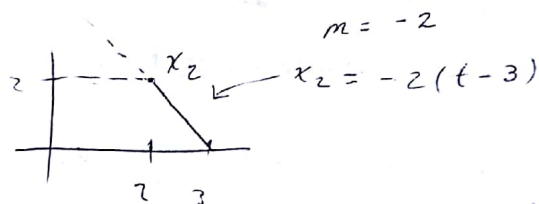
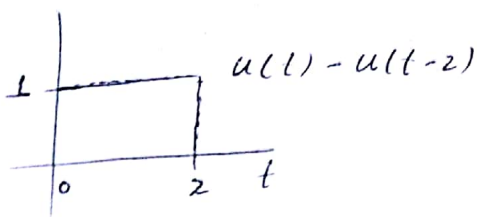


fig. 1.2 (b)

Ahora, para que la señal de la fig 1.1 (a) sea el resultado de la suma de $x_1(t)$ & $x_2(t)$ entonces es necesario que tanto $x_1(t)$ como $x_2(t)$ estén 'activas' en el intervalo que les corresponde. Esto lo logramos multiplicando por la función escalón unitario.

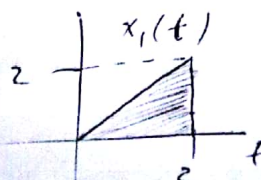
Tenemos entonces que, para que la función $x_1(t)$ esté activa de 0 a 2 entonces debemos multiplicar por un escalón unitario de 'anchura' igual a dos. gráficamente:



así, al multiplicar a $x_1(t)$ por este escalón obtenemos lo siguiente.

$$x_1(t) = t[u(t) - u(t-2)]$$

que, gráficamente:

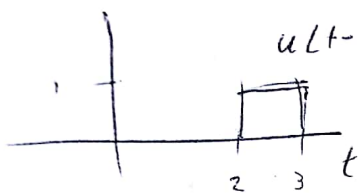


análogamente para $x_2(t)$.

necesitamos que esté activa de 2 a 3.

necesitando un escalón de anchura 1 y que comience en 2.

así, pues:

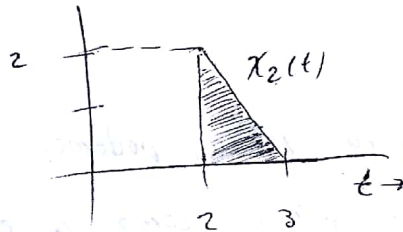


$$u(t-2) - u(t-3)$$

y al multiplicarlo por $x_2(t)$ tenemos.

$$x_2(t) = -2(t-3)[u(t-2) - u(t-3)]$$

gráficamente



finalmente, si sumamos $x_1(t)$ y $x_2(t)$ como se dijo al principio, tenemos:

$$x(t) = x_1(t) + x_2(t) = t[u(t) - u(t-2)] - 2(t-3)[u(t-2) - u(t-3)]$$

simplificando

$$x(t) = t u(t) - 3(t-2)u(t-2) + 2(t-3)u(t-3)$$

Ejemplo 1.7

Describe la señal en la figura 1.1.1(a) por una ~~señal~~ expresión válida para cualquier t

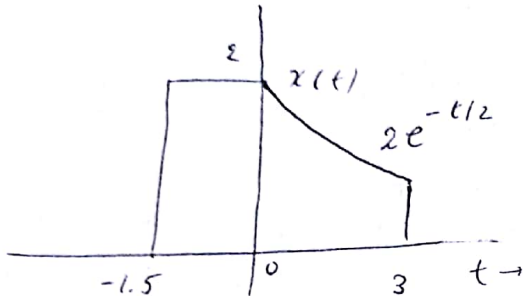


fig. 1.1.1(a)

análogo al ejemplo 1.6, la señal de la figura 1.1.1(a) podemos describirla como la suma de dos funciones $x_1(t)$ y $x_2(t)$ cuyos intervalos correspondan a los mismos de $x(t)$.

así pues, en el intervalo de -1.5 a 0 , $x_1(t) = 2$ el intervalo activo lo representamos como la resta de dos escalones unitarios, uno de ellos desplazado 1.5 unidades a la izquierda.

$$\Rightarrow x_1(t) = 2[u(t+1.5) - u(t)]$$

igualmente para la función $x_2(t)$ necesitamos que esté activa de 0 a 3 , lo cual significa que multiplicaremos por un escalón unitario de anchura 3 , así pues

$$x_2(t) = 2e^{-t/2}[u(t) - u(t-3)]$$

así, finalmente:

$$x(t) = x_1(t) + x_2(t) = 2[u(t+1.5) - u(t)] + 2e^{-t/2}[u(t) - u(t-3)]$$

simplificando

$$2u(t+1.5) - 2e^{-t/2}u(t-3) + 2(e^{-t/2} - 1)u(t) \quad \checkmark$$

ejemplo 1.8.

encuentre las componentes pares e impares de

$$e^{jt}.$$

Por definición, de la siguiente ecuación.

$$x(t) = \underbrace{\frac{1}{2} [x(t) + x(-t)]}_{\text{par}} + \underbrace{\frac{1}{2} [x(t) - x(-t)]}_{\text{impar.}}$$

$$\therefore e^{jt} = \frac{1}{2} [e^{jt} + e^{-jt}] + \frac{1}{2} [e^{jt} - e^{-jt}]$$

por fórmula de Euler.

$$x_{\text{par}}(t) = \frac{1}{2} (j \sin t + \cos t + \cos(-t) - j \sin(-t))$$

$\cos(-t) = \cos t$

$$= \frac{2 \cos t}{2} = \cos t$$

$$x_{\text{par}}(t) = \cos t$$

$$x_{\text{impar}}(t) = \frac{1}{2} (\cancel{\cos t} + j \sin t - (\cancel{\cos(-t)} + j \sin(-t)))$$

$\cos t$ $-j \sin t$

$$= \frac{1}{2} (2 j \sin t) = \frac{2}{2} j \sin t = j \sin t$$

$$x_{\text{impar}}(t) = j \sin t$$