Recuperación de Información en Textos Hablados

Jorge Luis Guevara Díaz

Sección de Postgrado en Ciencias Físicas y Matemáticas Mastría en Ciencia de la Computación Universidad Nacional de Trujillo



ntroducción Algoritmo Resultados Conclusiones Referencias

Contenido

- 1 Introducción
 - Recuperación de Información en Texto Hablados
 - Reconocimiento Automático del Habla
 - Objetivo
- 2 Algoritmo
 - Descripción del Algoritmo
 - Preparación de los Datos
 - Construcción de los HMM
 - Creación de fonemas dependientes del contexto
 - Decodificación
 - Algoritmo Propuesto
- Resultados
 - Resultados por Sentencias
 - Resultados variando parámetros: Penalidad por inserción y factor de escala
 - Evaluación del Algoritmo usando k-fold
 - Prueba de Significancia Estadística de t-student
- 4 Conclusiones
- Referencias



Recuperación de Información en Texto Hablados

Recuperación de Información en Texto Hablados

Es la **transcripción** de archivos con habla hacia una secuencia de palabras usando un computador. En este contexto:

 Recuperación significa transcripción de los archivos de audio.



Recuperación de Información en Texto Hablados

Recuperación de Información en Texto Hablados

Es la **transcripción** de archivos con habla hacia una secuencia de palabras usando un computador. En este contexto:

- Recuperación significa transcripción de los archivos de audio.
- Información significa secuencia organizada de caracteres en palabras con algún significado.



Introducción Algoritmo Resultados Conclusiones Referencias

Recuperación de Información en Texto Hablados

Recuperación de Información en Texto Hablados

Es la **transcripción** de archivos con habla hacia una secuencia de palabras usando un computador. En este contexto:

- Recuperación significa transcripción de los archivos de audio.
- Información significa secuencia organizada de caracteres en palabras con algún significado.
- Textos hablados son grabaciones de audio con habla realizada por una persona en particular.





Textos Hablados

Introducción Algoritmo Resultados Conclusiones Referencias

Recuperación de Información en Texto Hablados

Recuperación de Información en Texto Hablados

Es la **transcripción** de archivos con habla hacia una secuencia de palabras usando un computador. En este contexto:

- Recuperación significa transcripción de los archivos de audio.
- Información significa secuencia organizada de caracteres en palabras con algún significado.
- Textos hablados son grabaciones de audio con habla realizada por una persona en particular.





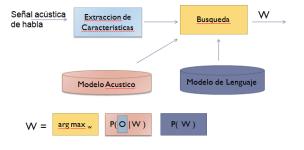
Textos Hablados

Introducción Algoritmo Resultados Conclusiones Referencia

Reconocimiento Automático del Habla

Reconocimiento Automático del Habla

$$\mathbf{W} = argmax_w P(\mathbf{W}|\mathbf{O}) = argmax_w \frac{P(\mathbf{W})P(\mathbf{O}|\mathbf{W})}{P(\mathbf{O})} \quad (1)$$







Objetivo

Proponer un algoritmo para recuperar información de textos hablados dependientes del hablante con información a priori del lenguaje, haciendo uso de conceptos de reconocimiento automático del habla para palabras continuas.

El algoritmo propuesto se basa en técnicas del reconocimiento automático del habla continua dependiente del hablante



Objetivo

Objetivo

Proponer un algoritmo para recuperar información de textos hablados dependientes del hablante con información a priori del lenguaje, haciendo uso de conceptos de reconocimiento automático del habla para palabras continuas.

El algoritmo propuesto se basa en técnicas del reconocimiento automático del habla continua dependiente del hablante



Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC
- 2 Construcción de los HMM
 - Definición de la estructura del HMM
 - Estimación de los parámetros iniciales del HMM
 - Entrenamiento de los HMM
 - Establecer HMM para silencio y pausa



Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC

2 Construcción de los HMM

- Definición de la estructura del HMM
- Estimación de los parámetros iniciales del HMM
- Entrenamiento de los HMM
- Establecer HMM para silencio y pausa
- Oreación de fonemas dependientes del contexto
 - Creación de los trifonemas
 - Clustering de estados



Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC

2 Construcción de los HMM

- Definición de la estructura del HMM
- Estimación de los parámetros iniciales del HMM
- Entrenamiento de los HMM
- Establecer HMM para silencio y pausa

Oreación de fonemas dependientes del contexto

- Creación de los trifonemas
- Clustering de estados
- ① Decodificación
 - Algoritmo Token-passing



Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC

2 Construcción de los HMM

- Definición de la estructura del HMM
- Estimación de los parámetros iniciales del HMM
- Entrenamiento de los HMM
- Establecer HMM para silencio y pausa

Oreación de fonemas dependientes del contexto

- Creación de los trifonemas
- Clustering de estados

Decodificación

• Algoritmo Token-passing



Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC

2 Construcción de los HMM

- Definición de la estructura del HMM
- Estimación de los parámetros iniciales del HMM
- Entrenamiento de los HMM
- Establecer HMM para silencio y pausa

Oreación de fonemas dependientes del contexto

- Creación de los trifonemas
- Clustering de estados

O Decodificación

Algoritmo Token-passing



Gramática libre del contexto

Gramática Libre del Contexto

Es una 4-tupla G = (N, T, P, S), con N y T son los conjuntos de símbolos terminales y no terminales donde $N \cap T = \phi$. P es el conjunto de reglas de la forma $A \leftarrow \alpha$, donde $A \in N$, $\alpha \in (N \cup T)^*$ y $S \in T$ es el símbolo inicial.

```
-> (SENT-START(TELEFONO <$digit>| (LLAMAR|MARCAR)$name)SENT-END)
$digit -> UNO | DOS | TRES | CUATRO | CINCO
```

```
$name
```



Gramática libre del contexto

Gramática Libre del Contexto

Es una 4-tupla G=(N,T,P,S), con N y T son los conjuntos de símbolos terminales y no terminales donde $N \cap T = \phi$. P es el conjunto de reglas de la forma $A \leftarrow \alpha$, donde $A \in N$, $\alpha \in (N \cup T)^*$ y $S \in T$ es el símbolo inicial.

Ejemplo de GLC

```
S -> (SENT-START(TELEFONO <$digit>| (LLAMAR|MARCAR)$name)SENT-END)
```



ntroducción (Algoritmo) Resultados Conclusiones Referencias

Gramática libre del contexto

Grafo de Palabras

Grafo $G=(V(G),E(G),\psi_G)$ generado por una GLC. El conjunto de vértices V(G) representa el conjunto de palabras. EL conjunto de aristas E(G) y la función de incidencia ψ_G modelan la transición entre palabras

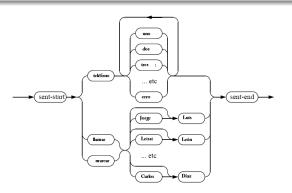




Figura: Grafo de palabras correspondiente a la gramática anterior.

Recuperación de Información en Textos Hablados

Algoritmo procesamiento gramática

 $J_{i,j} \leftarrow \text{Crear-Arista}(I_i, I_j)$

ALGORITMO-PROCESAMIENTO-GRAMÁTICA (GRAMÁTICA GLC G)

```
\triangleright Para cada símbolo de G
   i \leftarrow 0
   for cada X en G
          do
3
              if X = \text{símbolo terminal}
                 then
                        ▷ Crear Nodo
                        I_i \leftarrow \text{Crear-Nodo}(X, Palabra)
                        i \leftarrow i + 1

    Construcción de las aristas

   for i \leftarrow 0 to N
          do
              for j \leftarrow 0 to N
                    do
8
                        if Palabra(I_i) está antes de Palabra(I_i) en G
                           then
```

9





Construcción del Diccionario de Pronunciación

Construcción-Diccionario-Pronunciación (Diccionario D, Gramática GLC ${\cal G})$

9 return DIC



stroducción (Algoritmo) Resultados Conclusiones Referencia

Construcción del Diccionario de Pronunciación

```
CARLOS
                k ah r l oh s sp
CERO
                th eh r oh sp
CINCO
                th ih ng k oh sp
CUATRO
                k w ah t r oh sp
DIAZ
                dh ih ah s sp
DOS
                dh oh s sp
GUEVARA
                g eh b ah r ah sp
JORGE
                j oh r j eh sp
SIETE
                s y eh t eh sp
silencio
                sil
TELEFONO
                t eh l eh f oh n oh sp
TRES
                t r eh s sp
UNO
                uh n oh sp
```

Los fonemas sp y sil denotan silencio.



troducción (Algoritmo) Resultados Conclusiones Referencia

Construcción del Diccionario de Pronunciación

Lista de fonemas formato IPA

k
ah
r
l
oh
s
sp
.
.
sil



Generación aleatoria de Sentencias

```
GENERACIÓN-ALEATORIA-SENTENCIAS (GRAMÁTICA GLO G)
     \triangleright S_0 es el símbolo inicial
     Pila.push(S_0)
     while (Not)Pila.vacia
            do
                s \leftarrow Pila.pop()
                if s es terminal
                   then
                          sentencia.add(s)
 5
 6
                          print s
                   else
                          \triangleright Escoger una regla de manera aleatoria para s
 9
                          p = s \longrightarrow \alpha
                          Pila.push(reverso(\alpha))
10
11
12
13
     return sentencia
```

[4] Algoritmo de Purdom



Generación aleatoria de Sentencias

- TELEFONO DOS SEIS CUATRO TRES UNO OCHO DOS CINCO CINCO CUATRO UNO SEIS CUATRO SEIS CERO CINCO SIETE CUATRO NUEVE CERO
- 2. LLAMAR LUIS GUEVARA
- 3. TELEFONO SEIS SIETE SIETE UNO UNO DOS DOS UNO SIETE CINCO CUATRO OCHO
- 4. LLAMAR DIAZ
- 5. LLAMAR GUEVARA
- 6. MARCAR LEON
- 7. MARCAR LUIS GUEVARA
- 8. TELEFONO OCHO SIETE SIETE DOS CERO TRES OCHO CERO CUATRO
- 9. TELEFONO UNO
- 10. LLAMAR LEON
- 11. LLAMAR LUIS
- 12. TELEFONO SEIS TRES
- 13. LLAMAR LEISSI LEON
- 14. TELEFONO DOS OCHO NUEVE SIETE CUATRO CINCO CERO DOS CERO TRES CINCO CINCO SEIS NUEVE NUEVE CINCO OCHO DOS
- .
- 197. MARCAR CARLOS DIAZ
- 198. TELEFONO CINCO CERO OCHO SEIS SEIS CERO DOS UNO CERO CINCO OCHO CUATRO TRES SEIS CINCO SIETE TRES DOS CINCO CUATRO CERO
- 199. LLAMAR LEON
- 200. TELEFONO SEIS CUATRO CERO DOS UNO



Construcción de los Archivos de Transcripción

ALGORITMO-CONSTRUCCIÓN-ARCHIVOS-TRANSCRIPCIÓN (SENTENCIA S, DICCIONARIO ${\cal D})$

 $\operatorname{archivoTranscripción} \leftarrow \operatorname{\mathbf{write}}(P, \operatorname{extraerFonema}(P, D))$

7 return archivoTranscripción



"*/T0001.lab"

"*/T0002.lab"

DIAZ

CERO

DOS

OCHO

Construcción de los Archivos de Transcripción

TELEFONO "*/T0003.lab" CUATRO DOS **TELEFONO** "*/T0195.lab" TRES SEIS SEIS TELEFONO SEIS CUATRO SIETE CERO CINCO TRES SIETE SIETE UNO UNO "*/T0196.lab" TRES OCHO UNO MARCAR. DOS DOS DOS GUEVARA CINCO CINCO DOS CUATRO CINCO UNO "*/T0197.lab" CERO CUATRO SIETE MARCAR UNO CINCO CARLOS "*/T0199.lab" SEIS CUATRO DIAZ T.T.AMAR. LEON CUATRO OCHO SEIS "*/T0198.lab" CERO TELEFONO "*/T0200.lab" CINCO CINCO **TELEFONO** SIETE "*/T0193.lab" CERO SEIS CUATRO TELEFONO OCHO CUATRO NUEVE DOS SEIS CERO CERO TRES SEIS DOS

SIETE

tecuperación de Información en Textos Hablados

UNO

troducción (Algoritmo) Resultados Conclusiones Referencias

Construcción de los Archivos de Transcripción a Nivel Fonema

"T0001.lab"	dh	eh		s	ng	1
sil	oh	у	"T0002.lab"	s	k	eh
t	S	S	sil	у	oh	f
eh	th	th	11	eh	k	oh
1	ih	eh	ah	t	W	n
eh	ng	r	m	eh	ah	oh
f	k	oh	ah	S	t	s
oh	oh	th	r	у	r	eh
n	th	ih	1	eh	oh	У
oh	ih	ng	uh	t	oh	s
dh	ng	k	У	eh	ch	k
oh	k	oh	S	uh	oh	W
s	oh	S	g	n	sil	ah
s	k	у	eh	oh		t
eh	W	eh	b	uh		r
у	ah	t	ah	n		oh
s	t	eh	r	oh	"T0199.lab"	th
k	r	k	ah	dh	sil	eh
W	oh	W	sil	oh	11	r
ah	uh	ah		S	ah	oh
t	n	t	"T0003.lab"	dh	m	dh
r	oh	r	sil	oh	ah	oh
oh	s	oh	t	s	r	s
t	eh	n	eh	uh	1	uh
r	У	W	1	n	eh	n
eh	s	eh	eh	oh	oh	oh
S	k	b	f	s	n	sil
uh	W	eh	oh	у	sil	
n	ah	th	n	eh		
oh	t	eh	oh	t	"T0200.lab"	

sil

oh ch oh

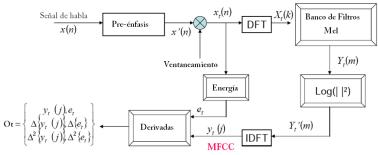


troducción (Algoritmo) Resultados Conclusiones Referencias

Extracción de Características con MFCC

MFCC

Algoritmo Coeficientes Cepstrales en Frecuencia Mel propuesto por [2]







• Digitalización y cuantificación de la señal.

$$x[n] = x_a(n\Delta T) \tag{2}$$

• Pre-énfasis en altas frecuencias.

$$y[n] = x[n] + \alpha x[n-1] \tag{3}$$



• Digitalización y cuantificación de la señal.

$$x[n] = x_a(n\Delta T) \tag{2}$$

• Pre-énfasis en altas frecuencias.

$$y[n] = x[n] + \alpha x[n-1] \tag{3}$$

Ventaneamiento.

$$x_s[n] = y[n]h_{h_s}[n] \tag{4}$$



• Digitalización y cuantificación de la señal.

$$x[n] = x_a(n\Delta T) \tag{2}$$

Pre-énfasis en altas frecuencias.

$$y[n] = x[n] + \alpha x[n-1] \tag{3}$$

• Ventaneamiento.

$$x_s[n] = y[n]h_{h_s}[n] \tag{4}$$

• Análisis con Transformada de Fourier.

$$X_s(\omega) = \sum_{n=1}^{\infty} x_s[n]e^{-jw} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} h_h[s-n]x[n]e^{-jw}$$



• Digitalización y cuantificación de la señal.

$$x[n] = x_a(n\Delta T) \tag{2}$$

Pre-énfasis en altas frecuencias.

$$y[n] = x[n] + \alpha x[n-1] \tag{3}$$

• Ventaneamiento.

$$x_s[n] = y[n]h_{h_s}[n] \tag{4}$$

Análisis con Transformada de Fourier.

$$X_s(\omega) = \sum_{n=1}^{\infty} x_s[n]e^{-jw} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} h_h[s-n]x[n]e^{-jw}$$



Banco del Filtros Mel.

$$H_m[k] = \begin{cases} 0 & \text{si } k < f(m-1) \\ \frac{k - f(m-1)}{f(m) - f(m-1)} & f(m-1) \le k \le f(m) \\ \frac{k - f(m-1)}{f(m+1) - f(m)} & f(m) \le k \le f(m+1) \\ 0 & k > f(m+1) \end{cases}$$
(6)

donde

$$f(m) = \frac{N}{F_s} \beta^{-1} (\beta(f_1) + m \frac{\beta(f_h) - \beta(f_1)}{M+1})$$
 (7)

La escala Mel β esta dada por:

$$\beta(f) = 1125 \ln(1 + \frac{f}{700}) \tag{8}$$

y su inversa β^{-1} esta dada por:

$$\beta^{-1}[b] = 700(\exp(\frac{b}{1125}) - 1)$$

Luego se computa el logaritmo de la energía de cada filtro:

$$S(m) = \ln(\sum_{k=0}^{N-1} |X_a(k)|^2 H_m(k)), \quad 0 < m < M$$



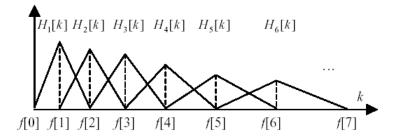


Figura: Banco de filtros en escala mel .



• Análisis Cepstral.

$$c(m) = \sum_{m=0}^{M-1} S(m) \cos(\pi n(\frac{m - \frac{1}{2}}{M}))$$
 (11)

• Coeficientes Cepstrales Dinámicos.

$$\begin{bmatrix} c_k \\ \Delta c_k \\ \Delta \Delta c_k \\ E \\ \Delta E \\ \Delta \Delta E \end{bmatrix}$$

Donde

$$E = |x_s[n]|^2$$



• Análisis Cepstral.

$$c(m) = \sum_{m=0}^{M-1} S(m) \cos(\pi n(\frac{m - \frac{1}{2}}{M}))$$
 (11)

• Coeficientes Cepstrales Dinámicos.

$$\begin{bmatrix} c_k \\ \Delta c_k \\ \Delta \Delta c_k \\ E \\ \Delta E \\ \Delta \Delta E \end{bmatrix}$$

Donde

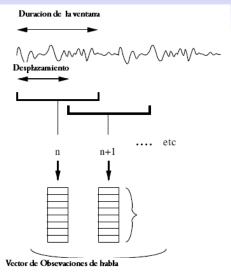
$$E = |x_s[n]|^2$$



(12)

troducción (Algoritmo) Resultados Conclusiones Referencia

Extracción de Características con MFCC





Descripción del Algoritmo

Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC
- Construcción de los HMM
 - Definición de la estructura del HMM
 - Estimación de los parámetros iniciales del HMM
 - Entrenamiento de los HMM
 - Establecer HMM para silencio y pausa
- Oreación de fonemas dependientes del contexto
 - Creación de los trifonemas
 - Clustering de estados
- Decodificación
 - Algoritmo Token-passing





Modelos Ocultos de Markov HMM

$\mathbf{H}\mathbf{M}\mathbf{M}$

Extensión de las cadenas de Markov que incorporan un proceso oculto en su modelado [3], [1], [5]

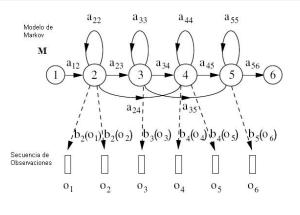




Figura: Modelo Oculto de Markov.

Modelos Ocultos de Markov HMM

- **② Evaluación**, Dada una secuencia de observaciones $\vec{o_1}\vec{o_2}...\vec{o_T}$ y un HMM $\lambda(A, B, \pi)$, como calcular eficientemente $P(O|\lambda)$.
- ② Decodificación Dada una secuencia de observaciones $\vec{o_1} \vec{o_2}...\vec{o_T}$ y un HMM $\lambda(A,B,\pi)$, como escoger una correspondiente secuencia de estados $Q=q_1q_2...q_T$, que sea óptima en el sentido de que mejor explique la observación generada.



Modelos Ocultos de Markov HMM

- **© Evaluación**, Dada una secuencia de observaciones $\vec{o_1} \vec{o_2} ... \vec{o_T}$ y un HMM $\lambda(A, B, \pi)$, como calcular eficientemente $P(O|\lambda)$.
- ② Decodificación Dada una secuencia de observaciones $\vec{o_1} \vec{o_2}...\vec{o_T}$ y un HMM $\lambda(A,B,\pi)$, como escoger una correspondiente secuencia de estados $Q=q_1q_2...q_T$, que sea óptima en el sentido de que mejor explique la observación generada.
- **③** Aprendizaje-Entrenamiento Como ajustar los parámetros del modelo $\lambda(A, B, \pi)$, para maximizar $P(O|\lambda)$.



Modelos Ocultos de Markov HMM

- **© Evaluación**, Dada una secuencia de observaciones $\vec{o_1} \vec{o_2} ... \vec{o_T}$ y un HMM $\lambda(A, B, \pi)$, como calcular eficientemente $P(O|\lambda)$.
- ② Decodificación Dada una secuencia de observaciones $\vec{o_1}\vec{o_2}...\vec{o_T}$ y un HMM $\lambda(A,B,\pi)$, como escoger una correspondiente secuencia de estados $Q=q_1q_2...q_T$, que sea óptima en el sentido de que mejor explique la observación generada.
- **3** Aprendiza je-Entrenamiento Como ajustar los parámetros del modelo $\lambda(A, B, \pi)$, para maximizar $P(O|\lambda)$.



Modelos Ocultos de Markov HMM

Topología de HMM para cada fonema

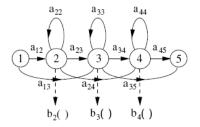


Figura: Topología de los HMM para cada fonema



Definición de la Estructura del HMM

```
<BEGINHMM>
  <NUMSTATES> 5
  <STATE> 2 <NumMixes> 9
     <Mixture> 1 0.4
        <MEAN> 39
         -1.376990e+01 2.798773e+00 ... 5.959347e-04
        <VARIANCE> 39
          4.839668e+01 1.709005e+01 ... 7.078791e-02
        <Mixture> 1 0.01
        <MEAN> 39
         -1.376990e+01 2.798773e+00 ... 5.959347e-04
        <VARIANCE> 39
          4.839668e+01 1.709005e+01 ... 7.078791e-02
  <STATE> 4 <NumMixes> 9
     <Mixture> 1 0.4
        <MEAN> 39
         -1.376990e+01 2.798773e+00 ... 5.959347e-04
        <VARIANCE> 39
          4.839668e+01 1.709005e+01 ... 7.078791e-02
  <TRANSP> 5
   0.00000e+00 1.00000e+00 0.00000e+00 0.00000e+00 0.00000e+00
   0.00000e+00 6.00000e-01 4.00000e-01 0.00000e+00 0.00000e+00
   0.000000e+00 0.000000e+00 6.000000e-01 4.000000e-01 0.000000e+00
   0.00000e+00 0.00000e+00 0.00000e+00 7.00000e-01 3.00000e-01
   0.00000e+00 0.00000e+00 0.00000e+00 0.00000e+00 0.00000e+00
<ENDHMM>
```

"h "ah"



Algoritmo

Estimación de los Parámetros Iniciales de los HMM

Algoritmo-Estimación-Parámetros-Iniciales-HMM (HMM hmm, datosEntrenamiento E)

return hmm

```
De Calcular media y covarianza de los datos de entrenamiento
 1 \Sigma \leftarrow covarianza(E)
 2 \mu \leftarrow media(E)

▷ Calcular numero de estados de todos los HMM's
   N \leftarrow length(hmm)
    for i \leftarrow 1 to N
           do
               > Establecer la media y covarianza de todos los estados a la media y covarianza global
               hmm_i \leftarrow \mu
               hmm_i \leftarrow \Sigma
    > Segmentar los datos de manera uniforme
     seamento \leftarrow
    > Asignar cada segmento a cada estado del HMM
     for i \leftarrow 1 to N
12
           do
13
               hmm_i \leftarrow [E_i ... E_{i,i+seamento-1}]
```



Entrenamiento de los HMM

Entrenamiento-HMM's
(HMM h, datos Entrenamiento E, archivos Transcripción
)

```
P \leftarrow \mathbf{Read}(archivoTranscripción)
```

2 for
$$e \leftarrow 0$$
 to $E-1$

do

 $h[e] \leftarrow \text{Algoritmo Baum-Welch}(h[e], e, P_e)$

5 retornar a la linea 2 si fuera necesario

6 return h



HMM para silecio y pausa

Algoritmo-Silencio-Pausa(HMM hmm)

- 1 hmmSIL ← extraerHMMFonemaSil(hmm) > Agregar transiciones adicionales
- $2 \quad hmmSIL \leftarrow agregarTrans(estado2, estado4)$
- $\begin{array}{ll} 3 & hmmSIL \leftarrow agregarTrans(estado4, estado2) \\ \rhd & \text{Crear HMM llamado sp} \end{array}$
- 4 $hmmSP \leftarrow crearHMM()$
- $5 \quad hmmSP \leftarrow numeroEstados(3)$
- $6 \quad hmmSP \leftarrow agregarTrans(estado1, estado3)$
- 7 hmmSP ← agregarTrans(estado2, estado2)

 > Compartir estado central del HMM sil con HMM sp
- 8 $hmmSILSP \leftarrow compartirEstado(hmmSIL_3hmmSP_2)$
 - ▷ agregar fonema SILSP al HMM compuesto
- $9 \quad set HMMF one maSilSp(hmm, hmmSILSP) \\$
- 10 return hmm



HMM para silecio y pausa

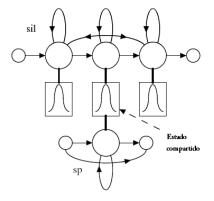


Figura: Los modelos de silencio sil y sp.



Descripción del Algoritmo

Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC

2 Construcción de los HMM

- Definición de la estructura del HMM
- Estimación de los parámetros iniciales del HMM
- Entrenamiento de los HMM
- Establecer HMM para silencio y pausa

Oreación de fonemas dependientes del contexto

- Creación de los trifonemas
- Clustering de estados
- O Decodificación
 - Algoritmo Token-passing





Creación de los Trifonemas

-Creacion-Trifonemas (HMM-Compuesto hmm, archivoTranscripción)

```
\triangleright Crear transcripciones de trifonemas a partir de las transcripciones de fonemas P \leftarrow read(archivoTranscripcin)
```

```
2 N \leftarrow length(hmm)
```

```
3 for i \leftarrow 1 to N
```

4 do ⊳ Para todos los fonemas, crear trifonemas dependientes del contexto según el archivo de transcripción

```
5 hmmTrifonema \leftarrow crearTrifonema(fonema_{izquierdo}(P_i), fonema_{central}(P_i), fonema_{derecho}(P_i))
6 hmmTrifonema \leftarrow getMatrizTransicion(fonema_{central}(P_i))
```

- 7 ▷ Reestimar los parámetros del HMM del trifonema usando Baum Welch a partir de las transcripciones de los trifonemas
- 8 Baum-Welch (hmmTrifonema)
- 9 return hmmTrifonema



Creación de los Trifonemas

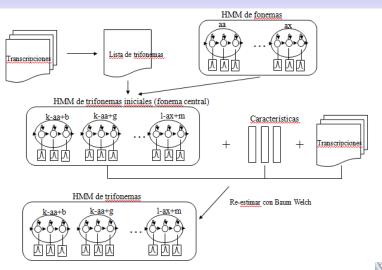


Figura: Construcción de los HMM de los trifonemas a partir de los HMM de los fonemas.

Creación de los Trifonemas

Lista de Trifonemas dh+oh "*/T0001.lab" dh-oh+s sil oh-s t.+eh sp t-eh+l th+ih eh-1+eh th-ih+ng 1-eh+f ih-ng+k eh-f+oh ng-k+oh f-oh+n k-oh oh-n+oh sp n-oh th+ih th-ih+ng sp dh+oh ih-ng+k dh-oh+s ng-k+oh oh-s k-oh sp sp s+eh k+w s-eh+v k-u+ah eh-y+s w-ah+t y-s ah-t+r t-r+oh sp k+wr-oh k-u+ah sp w-ah+t uh+n ah-t+r uh-n+oh t-r+oh n-oh r-oh sp s+eh sp t+r s-eh+y t-r+eh eh-y+s r-eh+s y-s eh-s sp sp k+w k-w+ah 11h+n 11h-n+oh w-ah+t n-oh ah-t+r



eh-r+oh Recuperación de Información en Textos Hablados

eh-y+s

y-s

sp

t.h+eh

r-oh

th+ih

th-ih+ng

ih-ng+k

ng-k+oh

k-oh

sp

s+y s-y+eh

v-eh+t

t-eh

sp

k+w

k-w+ah

w-ah+t

ah-t+r

t-r+oh

n-u+eh

w-eh+b

b-eh

t.h+eh

th-eh+r

sp

eh-b+eh

r-oh

sp

n+w

eh-t+eh

sp

th-eh+r

eh-r+oh

Clustering de estados

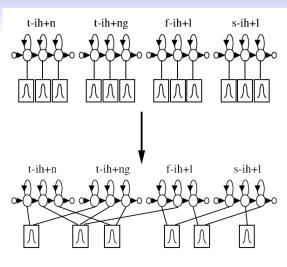
Clustering-estados(N,hmmTrifonema)

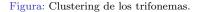
```
1 Crear un cluster por estado para todos los estados de hmmTrifonema
2 n \leftarrow numero de clusters
3 while n > N
4 do
5 Encontrar i \neq j para el cual g(i,j) es mínimo
6 Mezclar los clusters i \neq j
7 n \leftarrow n-1
8 Para cada cluster los estados deben compartir los mismos parámetros
9 return hmmTrifonema actualizado
```



 $\overline{
m Algoritmo}$ Resultados Conclusiones Referencias

Clustering de estados







Descripción del Algoritmo

Descripción del Algoritmo

- Preparación de los datos
 - Diseño de la gramática
 - Construcción del diccionario de pronunciación
 - Obtención de los datos
 - Construcción de los archivos de transcripción
 - Extracción de características usando MFCC

2 Construcción de los HMM

- Definición de la estructura del HMM
- Estimación de los parámetros iniciales del HMM
- Entrenamiento de los HMM
- Establecer HMM para silencio y pausa

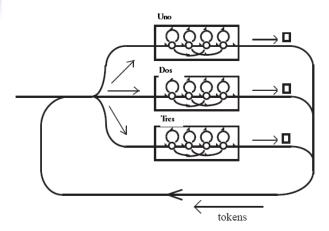
Oreación de fonemas dependientes del contexto

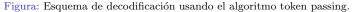
- Creación de los trifonemas
- Clustering de estados
- Decodificación
 - Algoritmo Token-passing



troducción $oxed{egin{align*} egin{align*} oxed{ ext{Algoritmo}}}$ Resultados Conclusiones Referencia

Decodificación







Algoritmo Propuesto

Algoritmo-Recuperación-Información-Textos-Hablados(G, D, N)

Entrada Gramática GLC G, Diccionario de pronunciación D, Número de Sentencias N, Periodo de muestreo T, tamaño del frame ||frame||

Preparación de los datos

```
→ Construcción del grafo de palabras
```

- $Grafo \leftarrow Algoritmo-Procesamiento-Gramática (G)$
 - ➤ Construcción del diccionario de pronunciación
 - $Dic \leftarrow Algoritmo$ -Construcción-Diccionario-Pronunciación (D, G)
- → Generación aleatoria y grabación de sentencias
- for $i \leftarrow 1$ to N
- do
- $S_i \leftarrow \text{Algoritmo-Generación-Aleatoria-Sentencias} (G)$
- 6 $xa_i \leftarrow \text{Grabar-Sentencia}(S_i)$
 - → Construcción de los archivos de transcripción
- for $i \leftarrow 1$ to N
- do
 - archivoTranscripción ← Algoritmo-Construcción-Archivos-Transcripc
- 10 for $i \leftarrow 1$ to N
- do 11
- $mfcc_i \leftarrow ALGORITMO-MFCC(xa_i, T, ||frame||)$ 12

Diagrama de Flujo







en rextos nabiados

Algoritmo Propuesto

```
Construcción de los HMM's
    ▷ Definición de la estructura de los HMM's
13
    for i \leftarrow 1 to length(extraerFonemas(Dic))
           do > Por cada fonema (incluido el fonema 'sil' para el silencio) del diccionario crear HMM
14
15
              hmm_i \leftarrow crearHMM(HMM-Prototipo)
              hmm<sub>i</sub> ← numeroEstados(5) ▷ Definir un HMM con 5 estados
16
17
              for e \leftarrow 2 to 4
                    do ⊳ Para los 3 estados intermedios
18
                       > Asignar un GMM con un arreglo de medias y un arreglo de matrices de covarianza
19
                       hmm_{i,e} \leftarrow establecerGMM(\mu[], \Sigma[])
              hmm_i \leftarrow matrizTransiciones(A) \triangleright Definir la matriz de transiciones del HMM
20
```

> Estimación de los parámetros iniciales de los HMM's

for $i \leftarrow 2$ to length(extracrFonemas(Dic))do > Creación de un solo HMM compuesto 22

 $hmm_i \leftarrow concatenar(hmm_{i-1}, hmm_i)$

 $hmm \leftarrow Algoritmo-Estimación-Parámetros-Iniciales-HMM (hmm, mfcc)$

⇒ Entrenamiento de los HMM

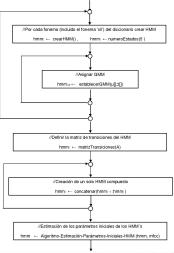
23

25 $hmm \leftarrow \text{Algoritmo-Entrenamiento-HMM's}(hmm, mfcc, archivoTranscripción)$ > Establecer HMM para silencio y pausa

 $hmm \leftarrow Algoritmo-Silencio-Pausa(hmm)$



Diagrama de Flujo





Algoritmo Propuesto

Creación de los fonemas dependientes del contexto

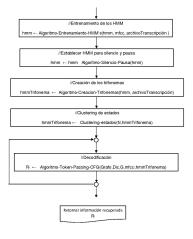
- 27 $hmmTrifonema \leftarrow Creacion-Trifonemas(hmm, archivoTranscripción)$
 - ▷ Clustering de estados
- 28 $hmmTrifonema \leftarrow Clustering-estados(N, hmmTrifonema)$

Decodificación

- 29 for $i \leftarrow 1$ to numeroArchivosRecuperar
- 30 $R_i \leftarrow \text{Algoritmo-Token-Passing-CFG}(Grafo, Dic, G, mfcc_i, hmmTrifonema)$
- 31 return R



Diagrama de Flujo





Resultados

Correctas

$$Correctas = \frac{H}{N} \times 100 \tag{14}$$

Precisión

$$Precisión = \frac{H - I}{N} \times 100 \tag{15}$$



Resultados

Correctas

$$Correctas = \frac{H}{N} \times 100 \tag{14}$$

Precisión

$$Precisión = \frac{H - I}{N} \times 100 \tag{15}$$



Resultados por Sentencias

Sentencia	Correctas	Precisión	Н	Е	S	I	N
1	100.00	90.48	21	0	0	2	21
2	100.00	33.33	3	0	0	2	3
3	100.00	84.62	13	0	0	2	13
4	100.00	0.00	2	0	0	2	2
5	100.00	0.00	2	0	0	2	2
6	100.00	0.00	2	0	0	2	2
7	100.00	33.33	3	0	0	2	3
8	100.00	80.00	10	0	0	2	10
9	100.00	0.00	2	0	0	2	2
10	100.00	0.00	2	0	0	2	2
190	100.00	33.33	3	0	0	2	3
191	100.00	0.00	2	0	0	2	2
192	100.00	0.00	2	0	0	2	2
193	100.00	50.00	4	0	0	2	4
194	100.00	33.33	3	0	0	2	3
195	100.00	0.00	2	0	0	2	2
196	100.00	0.00	2	0	0	2	2
197	100.00	33.33	3	0	0	2	3
198	100.00	90.91	22	0	0	2	22
199	100.00	0.00	2	0	0	2	2
200	100.00	66.67	6	0	0	2	6

Cuadro: Resultados por sentencias, resultados de las primeras 50 sentencias.

Resultados Generales variando parámetros: Penalidad por inserción y factor de escala

P	q	Correctas	Precisión	H	E	S	I	N
0	5	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
0	10	99.83	64.96	1148	0	2	401	1500
0	20	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
0	40	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
0	75	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
0	100	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
5	0	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
10	0	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
20	0	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
40	0	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
75	0	99.83	64.43	1148	0	2	407	1150
100	0	99.83	63.65	1148	0	2	416	1150
5	95	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
20	80	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
30	70	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
45	55	99.83	64.96	1148	0	2	401	1150
50	50	99.83	64.87	1148	0	2	402	1150

Cuadro: Resultados para experimentos variando los valores: **penalidad por inserción de palabra** y el **factor escala de la gramática**.



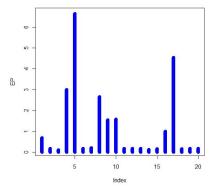
Evaluación del Algoritmo usando Validación Cruzada k-fold

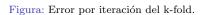
iter	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
EI	0.68	0.17	0.10	3.00	6.65	0.18	0.20	2.65	1.55	1.57
EP	0.68	0.43	0.32	0.99	2.12	1.80	1.57	1.70	1.69	1.68
iter	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
EI	0.17	0.17	0.15	0.10	0.45	4 00	4 50	0.40	0.45	0.17
L-I	0.17	0.17	0.17	0.13	0.15	1.00	4.53	0.16	0.17	0.17

Cuadro: Error del clasificador obtenido usando validación cruzada k-fold



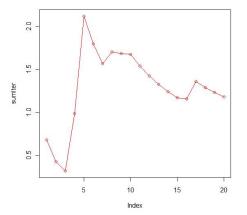
Evaluación del Algoritmo usando Validación Cruzada k-fold







Evaluación del Algoritmo usando Validación Cruzada k-fold







Prueba de Significancia Estadística de t-student

- ${\color{red} \bullet}$ Nivel de significancia $\alpha=0{,}05$
- Alipótesis Nula.

$$H_0: \mu \leq 0.05$$

(16)



Prueba de Significancia Estadística de t-student

- ${\color{red} \bullet}$ Nivel de significancia $\alpha=0{,}05$
- 4 Hipótesis Nula.

$$H_0: \mu \leq 0.05$$

(16)

Uinátogia Altomotivo

$$H_1: \mu > 0.05$$

(17)



Prueba de Significancia Estadística de t-student

- ${\color{red} \bullet}$ Nivel de significancia $\alpha=0{,}05$
- 4 Hipótesis Nula.

$$H_0: \mu \leq 0.05$$

(16)

6 Hipótesis Alternativa

$$H_1: \mu > 0.05$$

(17)

Estadístico de Prueba (contraste unilateral)t

$$t = \frac{(\bar{x} - \mu)}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$$
$$= \frac{(0.0017 - 0.05)}{\frac{0.17}{\sqrt{200}}}$$
$$= -0.0200901515$$



Prueba de Significancia Estadística de t-student

- ${\color{red} \bullet}$ Nivel de significancia $\alpha=0{,}05$
- 4 Hipótesis Nula.

$$H_0: \mu \leq 0.05 \tag{16}$$

6 Hipótesis Alternativa

$$H_1: \mu > 0.05$$
 (17)

1 Estadístico de Prueba (contraste unilateral)t:

$$t = \frac{(\bar{x} - \mu)}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$$
$$= \frac{(0,0017 - 0,05)}{\frac{0,17}{\sqrt{200}}}$$
$$= -0,0200901515$$



S varianza del error de las muestras, es el número de muestras.

- ${\color{red} \bullet}$ Nivel de significancia $\alpha=0{,}05$
- 4 Hipótesis Nula.

$$H_0: \mu \leq 0.05 \tag{16}$$

3 Hipótesis Alternativa

$$H_1: \mu > 0.05$$
 (17)

 \blacksquare Estadístico de Prueba (contraste unilateral)t:

$$t = \frac{(\bar{x} - \mu)}{\frac{S}{\sqrt{n}}}$$

$$= \frac{(0,0017 - 0,05)}{\frac{0,17}{\sqrt{200}}}$$

$$= -0,0200901515$$



 \bullet S varianza del error de las muestras, n es el número de muestras.

1 Región de Aceptación

$$(-\infty, t_{\alpha})$$
$$(-\infty, 0.254)$$

(18)

- Aceptar H_0 si $t \in (-\infty, 0.254)$
 - Rechazar H_0 si $t \notin (-\infty, 0.254)$



Región de Aceptación

$$(-\infty, t_{\alpha})$$
$$(-\infty, 0.254)$$

(18)

- Aceptar H_0 si $t \in (-\infty, 0.254)$
 - Rechazar H_0 si $t \notin (-\infty, 0.254)$
- \odot Finalmente como t = -0.0200901515 se encuentra en la región de aceptación tenemos que se acepta la hipótesis nula H_0



Región de Aceptación

$$(-\infty, t_{\alpha})$$
$$(-\infty, 0.254)$$

(18)

- Aceptar H_0 si $t \in (-\infty, 0.254)$
 - Rechazar H_0 si $t \notin (-\infty, 0.254)$
- **3** Finalmente como t = -0.0200901515 se encuentra en la región de aceptación tenemos que se acepta la hipótesis nula H_0



Discusión

		sentencia 126							
ı	testT0126.lab	T	ELEFONO CUATE	O TRES CUATRO	O DOS NUEVE UI	NO OCHO DOS D	OS		
testT0126.rec SENT-START TELEFONO CUATRO TRES CUATRO DOS NUEVE UNO					JNO OCHO DOS I	DO			
ĺ	Correctas	Precisión	H	E	S	I	1		
1	100	80	10	0	0	2	1		

sentencia 29						
T0029.lab	LLAMAR LUIS SENT-START MARCAR LUIS SENT-END					
T0029.rec						
rectas	Precisión	Н	E	S	I	1
0	-50.00	1	0	1	2	2
	T0029.lab T0029.rec rectas	T0029.rec Precisión	T0029.rec Precisión H	T0029.1ab SENT-START rectas Precisión H E	T0029.lab LLAMAR LUIS T0029.rec SENT-START MARCAR LUIS S rectas Precisión H E S	T0029.lab LLAMAR LUIS SENT-START MARCAR LUIS SENT-END Tectas Precisión H E S I

sentencia 149							
testT0149.lab	TELEFONO SIETE CINCO						
${ m testT0149.rec}$	SENT-START TELEFONO CERO CINCO SENT-END						
Correctas	Precisión	Н	E	S	I		
66 67	0.00	2	0	1 1	2		





Discusión

• La Tabla 2 muestra 17 experimentos realizados variando los parámetros p y q. Cada experimento fue hecho usando 200 sentencias generadas aleatoriamente, con un promedio de 10 palabras por sentencia, esto hace un total de 17 x 200 sentencias y 17 x 200 x 10 palabras en promedio. Analizando la precisión podemos notar que los valores de p muy altos cercanos a 100 decrementan la precisión. El valor de Correctas fue 99.83 %, el valor Precisión está en un rango de 63.65 a 64.96.

 La Tabla 3 describe la validación del clasificador. Estos resultados muestran que el error promedio del es de 1.18 % después de 20 iteraciones. Esta validación experimental brinda una idea del desempeño del clasificador usando los datos originales como test y entrenamiento escogidos de manera aleatoria.



Discusión

• La Tabla 2 muestra 17 experimentos realizados variando los parámetros p y q. Cada experimento fue hecho usando 200 sentencias generadas aleatoriamente, con un promedio de 10 palabras por sentencia, esto hace un total de 17 x 200 sentencias y 17 x 200 x 10 palabras en promedio. Analizando la precisión podemos notar que los valores de p muy altos cercanos a 100 decrementan la precisión. El valor de Correctas fue 99.83 %, el valor Precisión está en un rango de 63.65 a 64.96.

- La Tabla 3 describe la validación del clasificador. Estos resultados muestran que el error promedio del es de 1.18 % después de 20 iteraciones. Esta validación experimental brinda una idea del desempeño del clasificador usando los datos originales como test y entrenamiento escogidos de manera aleatoria.
- La prueba de significancia de t-student proporciona una estimación de la frecuencia con que podrían ocurrir por azar los resultados experimentales. Los resultados de una prueba de este tipo se plantean como una prueba de probabilidad, indicando las posibilidades de que la diferencia observada s haya debido al azar. Fue aceptada la hipótesis nula con un nivel de significancia de 0.05.

Discusión

• La Tabla 2 muestra 17 experimentos realizados variando los parámetros p y q. Cada experimento fue hecho usando 200 sentencias generadas aleatoriamente, con un promedio de 10 palabras por sentencia, esto hace un total de 17 x 200 sentencias y 17 x 200 x 10 palabras en promedio. Analizando la precisión podemos notar que los valores de p muy altos cercanos a 100 decrementan la precisión. El valor de Correctas fue 99.83 %, el valor Precisión está en un rango de 63.65 a 64.96.

- La Tabla 3 describe la validación del clasificador. Estos resultados muestran que el error promedio del es de 1.18 % después de 20 iteraciones. Esta validación experimental brinda una idea del desempeño del clasificador usando los datos originales como test y entrenamiento escogidos de manera aleatoria.
- La prueba de significancia de t-student proporciona una estimación de la frecuencia con que podrían ocurrir por azar los resultados experimentales. Los resultados de una prueba de este tipo se plantean como una prueba de probabilidad, indicando las posibilidades de que la diferencia observada se haya debido al azar. Fue aceptada la hipótesis nula con un nivel de significancia de 0.05.
- El tiempo de ejecución del algoritmo es lineal en la etapa de decodificación es dominado en la etapa de entrenamiento por el entrenamiento de los H

Discusión

- La Tabla 2 muestra 17 experimentos realizados variando los parámetros p y q. Cada experimento fue hecho usando 200 sentencias generadas aleatoriamente, con un promedio de 10 palabras por sentencia, esto hace un total de 17 x 200 sentencias y 17 x 200 x 10 palabras en promedio. Analizando la precisión podemos notar que los valores de p muy altos cercanos a 100 decrementan la precisión. El valor de Correctas fue 99.83 %, el valor Precisión está en un rango de 63.65 a 64.96.
- La Tabla 3 describe la validación del clasificador. Estos resultados muestran que el error promedio del es de 1.18 % después de 20 iteraciones. Esta validación experimental brinda una idea del desempeño del clasificador usando los datos originales como test y entrenamiento escogidos de manera aleatoria.
- La prueba de significancia de t-student proporciona una estimación de la frecuencia con que podrían ocurrir por azar los resultados experimentales. Los resultados de una prueba de este tipo se plantean como una prueba de probabilidad, indicando las posibilidades de que la diferencia observada se haya debido al azar. Fue aceptada la hipótesis nula con un nivel de significancia de 0.05.
- El tiempo de ejecución del algoritmo es lineal en la etapa de decodificación, y es dominado en la etapa de entrenamiento por el entrenamiento de los HMM.

- El error del clasificador muy pequeño, $0.0\,\%$ en los experimentos de sentencia por palabras, $0.17\,\%$ variando los parámetros de penalidad por inserción y factor de escala y $1.18\,\%$ usando validación cruzada k-fold.
- Importancia del modelo del lenguaje, el valor Precisión muestra esta importancia.



- El error del clasificador muy pequeño, $0.0\,\%$ en los experimentos de sentencia por palabras, $0.17\,\%$ variando los parámetros de penalidad por inserción y factor de escala y $1.18\,\%$ usando validación cruzada k-fold.
- Importancia del modelo del lenguaje, el valor Precisión muestra esta importancia.
- \bullet El análisis del tiempo de ejecución del algoritmo indica que el proceso de recuperación es rápido, siendo del orden $\theta(tk)$.







- El error del clasificador muy pequeño, 0.0 % en los experimentos de sentencia por palabras, 0.17 % variando los parámetros de penalidad por inserción y factor de escala y 1.18 % usando validación cruzada k-fold.
- Importancia del modelo del lenguaje, el valor Precisión muestra esta importancia.
- \bullet El análisis del tiempo de ejecución del algoritmo indica que el proceso de recuperación es rápido, siendo del orden $\theta(tk)$.
- Modelos de recuperación simples como archivos de grabaciones telefónicas son relativamente menos complicados que grabaciones de conversaciones reales con ruido de fondo incluido, como consecuencia, es posible aplicar esta tecnología a situaciones donde se tenga un número limitado de términos y el entorno sea limpio de ruido.





- El error del clasificador muy pequeño, 0.0 % en los experimentos de sentencia por palabras, 0.17 % variando los parámetros de penalidad por inserción y factor de escala y 1.18 % usando validación cruzada k-fold.
- Importancia del modelo del lenguaje, el valor Precisión muestra esta importancia.
- \bullet El análisis del tiempo de ejecución del algoritmo indica que el proceso de recuperación es rápido, siendo del orden $\theta(tk)$.
- Modelos de recuperación simples como archivos de grabaciones telefónicas son relativamente menos complicados que grabaciones de conversaciones reales con ruido de fondo incluido, como consecuencia, es posible aplicar esta tecnología a situaciones donde se tenga un número limitado de términos y el entorno sea limpio de ruido.

- Modelos del lenguaje más sofisticados como los n-grams.
- Ambientes con ruido, varias voces al mismo tiempo.







- Modelos del lenguaje más sofisticados como los n-grams.
- Ambientes con ruido, varias voces al mismo tiempo.
- Modelos cuando no se tiene información apriori del lenguaje.







- Modelos del lenguaje más sofisticados como los n-grams.
- Ambientes con ruido, varias voces al mismo tiempo.
- Modelos cuando no se tiene información apriori del lenguaje.
- Extender a sistemas independientes del hablante.







- Modelos del lenguaje más sofisticados como los n-grams.
- Ambientes con ruido, varias voces al mismo tiempo.
- Modelos cuando no se tiene información apriori del lenguaje.
- Extender a sistemas independientes del hablante.







Referencias



Steven B. Davis and Paul Mermelstein.

Comparison of parametric representations for monosyllabic word recognition in continuously spoken sentences.





An inequality with applications to statistical estimation for probabilistic functions of markov processes and to a model for ecology. Math. Stat., 37(v37.):360-363., 1967.



A sentence generator for testing parsers. $BIT\ Numerical\ Mathematics,\ 12:366-375,\ 1972.$ 10.1007/BF01932308.



A tutorial on hidden markov models and selected applications in speech recognition.

pages 267-296, 1990.

