

Memoria Práctica MAR1: Jorge Ortega Carretero 2A

Implementación Montículo Binomial:

La práctica ha sido realizada en Visual Studio 2022, para su ejecución valdrá con disponer VS 2022 para programar en C++. Disponemos de un archivo .h que contiene la estructura del Montículo binomial y sus funciones. Y un archivo .cpp en el que están implementadas las pruebas y el main para ejecutarlo.

Tiempos de pruebas para x nodos:

Formato: nodos,insertar,borrar,unir,calcMin,Decr Clave

```
100,0.00013,2e-05,3e-05,0,0
1000,1.9e-05,2.6e-05,3.7e-05,0,0
100000,2.708e-05,7.496e-05,3.618e-05,1.3e-07,1.2e-07
200000,3.0615e-05,4.754e-05,3.771e-05,2e-08,1.3e-07
300000,2.24933e-05,3.295e-05,3.87367e-05,1.66667e-08,1.23333e-07
500000,2.3676e-05,2.645e-05,3.6028e-05,2e-08,1.3e-07
800000,2.35138e-05,2.352e-05,3.63088e-05,2e-08,1.275e-07
900000,2.43811e-05,4.65889e-05,3.72722e-05,2.88889e-08,1.52222e-07
1000000,2.4472e-05,6.6399e-05,3.7835e-05,1.7e-08,1.39e-07
```

Gráfica Tiempos Pruebas:

La tabla tiene un eje x que son los nodos y un eje y que es el tiempo de ejecución.

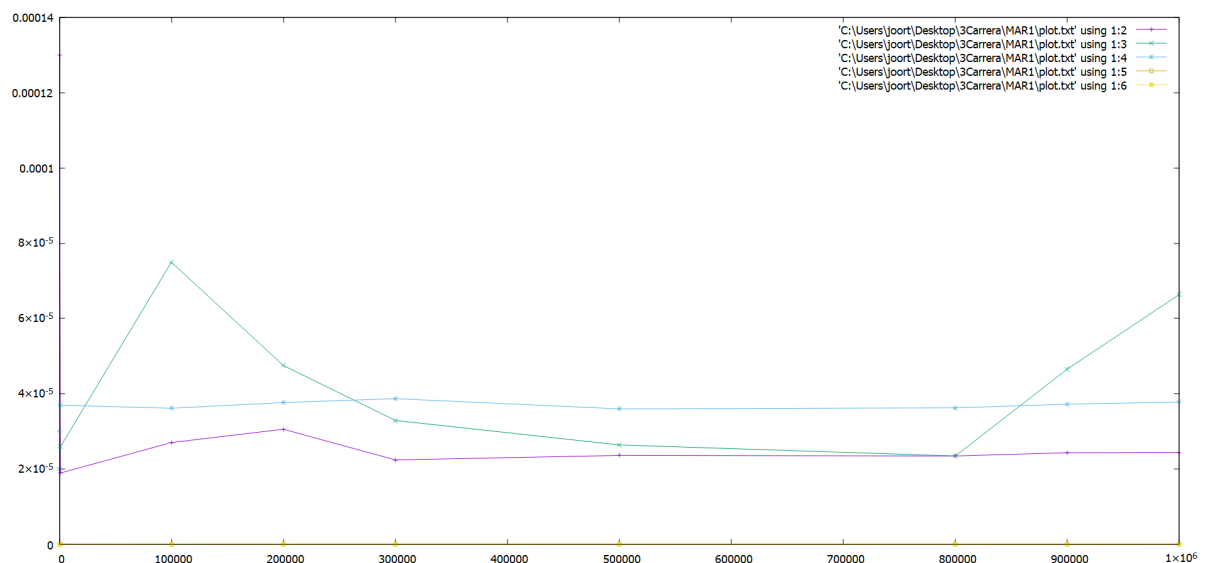
Morado: Insertar elementos

Verde: Borrar Mínimo

Azul: Unir

Naranja: Calcular Mínimo

Amarillo: Decrecer Clave



Todas las pruebas han sido realizadas repitiendo un determinado número de veces la operación y calculando la media de estas. Algunas gráficas dan resultados un poco distintos a los esperados ya que al realizarse con números aleatorios se pueden dar casos que el método a realizar no se llegue a ejecutar y disminuye el tiempo de ejecución.

Insertar Elementos: Tenemos que Insertar elementos tiene un coste logarítmico $O(\log(n))$ ya que Crear el nuevo nodo tiene $O(1)$, crear un montículo nuevo y añadirlo es $O(1)$ y unir el nuevo montículo y controlar los grados de los árboles tiene un coste $O(\log(n))$.

Borrar Mínimo: Tiene un coste $O(\log(n))$ ya que mantenemos un puntero al mínimo por lo que acceder a él es $O(1)$, posteriormente tras borrarlo tenemos que unir los hijos del mínimo en un nuevo montículo $O(\log(n))$ y volver a calcular el mínimo del montículo $O(\log(n))$ ya que recorro solo la lista de cabezas. Finalmente unimos los dos montículos y controlamos los grados de árboles. $O(\log(n))$

Unir: Tiene un coste $O(\log(n_1) + \log(n_2)) + 2 \rightarrow O(\log(n))$ ya que recorro las listas de raíces de los montículos y las voy uniendo en un montículo nuevo. Realizando las comprobaciones necesarias. Recorrer lista mont 1 $\rightarrow O(\log(n_1))$ y recorrer lista mont 2 $\rightarrow O(\log(n_2))$. Posteriormente controlamos los grados de los árboles del montículo $O(\log(n))$.

Calcular Mínimo: Tiene un coste $O(1)$ ya que mantenemos el puntero actualizado al mínimo tras cada acción realizada en el montículo.

Decrecer Clave: Tiene coste $O(\log(n))$ ya que suponemos que disponemos ya del puntero al nodo que queremos decrementar su clave. Decrementamos la clave de este $O(1)$ y posteriormente realizamos la flotación hasta cuadrar el nodo en su nueva posición debido a su cambio de clave $O(\log(n))$. Por último calculamos el mínimo del montículo.