

Trabalho Prático 3: Comparação de Configurações do Algoritmo DE

José Joaquim de Andrade Neto, Matheus Paiva Loures, Raphael Anderson Da Silva

16 de Dezembro de 2024

Descrição do Problema

Este estudo de caso investiga o desempenho de duas configurações do algoritmo de Evolução Diferencial (DE) na resolução de problemas de otimização baseados na função de Rosenbrock, com dimensões variando de 2 a 150. O objetivo é avaliar a eficiência e a robustez das configurações testadas em diferentes escalas de complexidade do problema.

1. Configurações Testadas:

- Configuração 1: `recombination_lbga` e `mutation_rand` com fator de escala `f = 4.5`.
- Configuração 2: `recombination_blxAlphaBeta` (`= 0.1`, `= 0.4`) e `mutation_rand` com fator de escala `f = 3`.

2. Problema de Otimização: A função de Rosenbrock, amplamente utilizada como benchmark, gerada com o pacote `smoof`.

3. Parâmetros do Algoritmo:

- Tamanho da População: `popsize = 5 * dim` (proporcional à dimensão do problema).
- Critérios de Parada: Avaliações máximas `maxevals = 5000 * dim` e iterações máximas `maxiter = 100 * dim`.

4. Análise de Resultados: Os desempenhos médios das configurações foram comparados em diferentes dimensões utilizando métodos estatísticos, a fim de identificar diferenças significativas e inferir a melhor configuração para cenários variados.

Este estudo visa contribuir para a compreensão das implicações práticas das escolhas de recombinação e mutação no algoritmo DE, considerando a escalabilidade em problemas de otimização.

Metodologia

Teste Exploratorio

```
# Definir a função de Rosenbrock
dim <- 16 # Dimensão do problema
fn <- function(X) {
  if (!is.matrix(X)) X <- matrix(X, nrow = 1) # Garantir que X seja uma matriz
  apply(X, MARGIN = 1, FUN = smoof::makeRosenbrockFunction(dimensions = dim))
}

# Configurações
mutpars1 <- list(name = "mutation_rand", f = 4.5)
recpars1 <- list(name = "recombination_lbga")
```

```

mutpars2 <- list(name = "mutation_rand", f = 3)
recpars2 <- list(name = "recombination_blxAlphaBeta", alpha = 0.1, beta = 0.4)

# Parâmetros do problema
popsize <- 5 * dim
probpars <- list(name = "fn", xmin = rep(-5, dim), xmax = rep(10, dim))
selpars <- list(name = "selection_standard")
stopcrit <- list(names = "stop_maxeval", maxevals = 5000 * dim)

# Execução Config 1
resultados_config1 <- ExpDE(
  mutpars = mutpars1, recpars = recpars1, popsize = popsize,
  selpars = selpars, stopcrit = stopcrit, probpars = probpars
)

# Execução Config 2
resultados_config2 <- ExpDE(
  mutpars = mutpars2, recpars = recpars2, popsize = popsize,
  selpars = selpars, stopcrit = stopcrit, probpars = probpars
)

# Verificar os resultados
print(resultados_config1$Fbest)

## [1] 1824.752
print(resultados_config2$Fbest)

## [1] 56458.12

```

Os resultados obtidos indicam que a primeira configuração do algoritmo, composta pela recombinação recombination_lbga e mutação mutation_rand com fator 4.5, pode apresentar um desempenho significativamente melhor em relação à segunda configuração, que utilizou a recombinação recombination_blxAlphaBeta e mutação mutation_rand com fator 3. Esse indicativo é evidente pelos valores da função objetivo, com a primeira configuração atingindo um valor final consideravelmente inferior ao resultado obtido pela segunda, ressaltando sua maior eficácia na minimização da função de Rosenbrock no cenário analisado.

Execução do Algoritmo para Diversas Dimensões

```

dim_range <- 2:150
csv_file <- "resultados_dimensoes_corrigido.csv"

if (!file.exists(csv_file)) {
  results_list <- list()
  for (dimesion in dim_range) {
    # Definir a função de Rosenbrock
    fn <- function(X) {
      if (!is.matrix(X)) X <- matrix(X, nrow = 1) # Garantir que X seja uma matriz
      apply(X, MARGIN = 1, FUN = smooof::makeRosenbrockFunction(dimensions = dimesion))
    }

    # Configurações
    mutpars1 <- list(name = "mutation_rand", f = 4.5)
    recpars1 <- list(name = "recombination_lbga")
  }
}

```

```

mutpars2 <- list(name = "mutation_rand", f = 3)
recpars2 <- list(name = "recombination_blxAlphaBeta", alpha = 0.1, beta = 0.4)

# Parâmetros do problema
popsize <- 5 * dimesion
probpars <- list(name = "fn", xmin = rep(-5, dimesion), xmax = rep(10, dimesion))
selpars <- list(name = "selection_standard")
stopcrit <- list(names = "stop_maxeval", maxevals = 5000 * dimesion)

# Execução Config 1
resultados_config1 <- ExpDE(
  mutpars = mutpars1, recpars = recpars1, popsize = popsize,
  selpars = selpars, stopcrit = stopcrit, probpars = probpars
)

# Execução Config 2
resultados_config2 <- ExpDE(
  mutpars = mutpars2, recpars = recpars2, popsize = popsize,
  selpars = selpars, stopcrit = stopcrit, probpars = probpars
)

# Verificar os resultados
print(resultados_config1$Fbest)
print(resultados_config2$Fbest)

results_list[[length(results_list) + 1]] <- data.frame(
  Dimension = dimesion,
  Best_Config1 = resultados_config1$Fbest,
  Best_Config2 = resultados_config2$Fbest
)

}

# Combinar todos os resultados e salvar em CSV
results_df <- do.call(rbind, results_list)
write.csv(results_df, csv_file, row.names = FALSE)
}

results <- read.csv(csv_file)
head(results)

```

```

##   Dimension Best_Config1 Best_Config2
## 1          2 1.543878e-07 2.040463e-05
## 2          3 4.244184e-02 3.990894e-01
## 3          4 4.451806e-01 2.787668e+00
## 4          5 6.419616e-01 2.925271e+01
## 5          6 8.505534e+00 2.385819e+02
## 6          7 2.459027e+01 5.263520e+02

```

Visualização dos Resultados

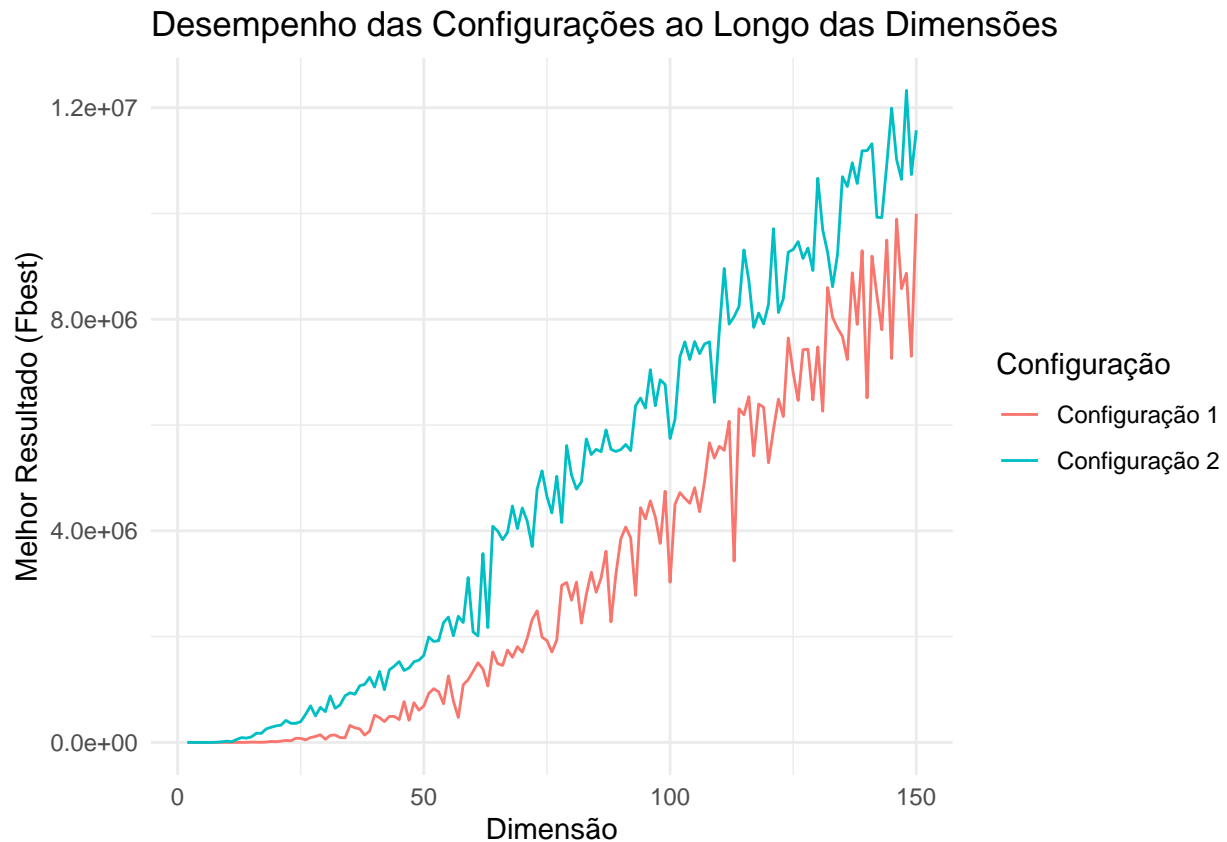
Criar um gráficos para observar tendências nas duas configurações ao longo das dimensões do problema.

```

# Gráfico de linha comparando os desempenhos
ggplot(results, aes(x = Dimension)) +

```

```
geom_line(aes(y = Best_Config1, color = "Configuração 1")) +
geom_line(aes(y = Best_Config2, color = "Configuração 2")) +
labs(title = "Desempenho das Configurações ao Longo das Dimensões",
      x = "Dimensão",
      y = "Melhor Resultado (Fbest)",
      color = "Configuração") +
theme_minimal()
```



Observa-se que, de maneira geral, a Configuração 1 (recombination_lbga e mutation_rand com fator 4.5) apresenta melhores resultados em comparação com a Configuração 2 (recombination_blxAlphaBeta e mutation_rand com fator 3) em todas as dimensões avaliadas. O desempenho das duas configurações degrada progressivamente com o aumento da dimensão, o que era esperado devido à maior complexidade do problema.

```
# Adicionar novas colunas ao DataFrame
adicionar_colunas <- function(data) {
  # Calcular a média das colunas Best_Config1 e Best_Config2
  data$Mean_Result <- rowMeans(data[, c("Best_Config1", "Best_Config2")])

  # Calcular os resíduos para cada configuração
  data$Residual_Config1 <- data$Best_Config1 - data$Mean_Result
  data$Residual_Config2 <- data$Best_Config2 - data$Mean_Result

  return(data)
}

# Carregar os resultados existentes
```

```

results <- read.csv(csv_file)

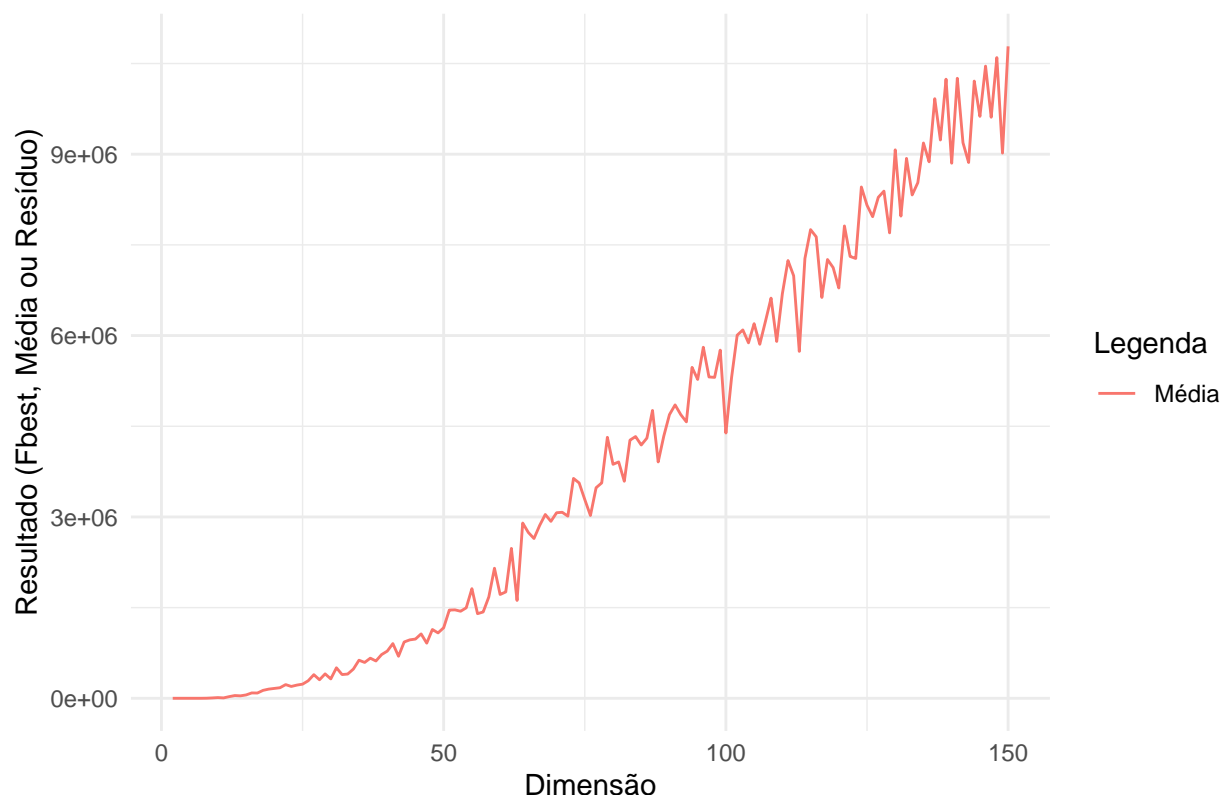
# Aplicar a função para adicionar novas colunas
results <- adicionar_colunas(results)
head(results)

##   Dimension Best_Config1 Best_Config2 Mean_Result Residual_Config1
## 1          2 1.543878e-07 2.040463e-05 1.027951e-05 -1.012512e-05
## 2          3 4.244184e-02 3.990894e-01 2.207656e-01 -1.783238e-01
## 3          4 4.451806e-01 2.787668e+00 1.616424e+00 -1.171244e+00
## 4          5 6.419616e-01 2.925271e+01 1.494734e+01 -1.430538e+01
## 5          6 8.505534e+00 2.385819e+02 1.235437e+02 -1.150382e+02
## 6          7 2.459027e+01 5.263520e+02 2.754711e+02 -2.508809e+02
##   Residual_Config2
## 1      1.012512e-05
## 2      1.783238e-01
## 3      1.171244e+00
## 4      1.430538e+01
## 5      1.150382e+02
## 6      2.508809e+02

ggplot(results, aes(x = Dimension)) +
  geom_line(aes(y = Mean_Result, color = "Média")) +
  labs(
    title = "Desempenho das Configurações com Média e Resíduos ao Longo das Dimensões",
    x = "Dimensão",
    y = "Resultado (Fbest, Média ou Resíduo)",
    color = "Legenda"
  ) +
  theme_minimal()

```

Desempenho das Configurações com Média e Resíduos ao Longo das D

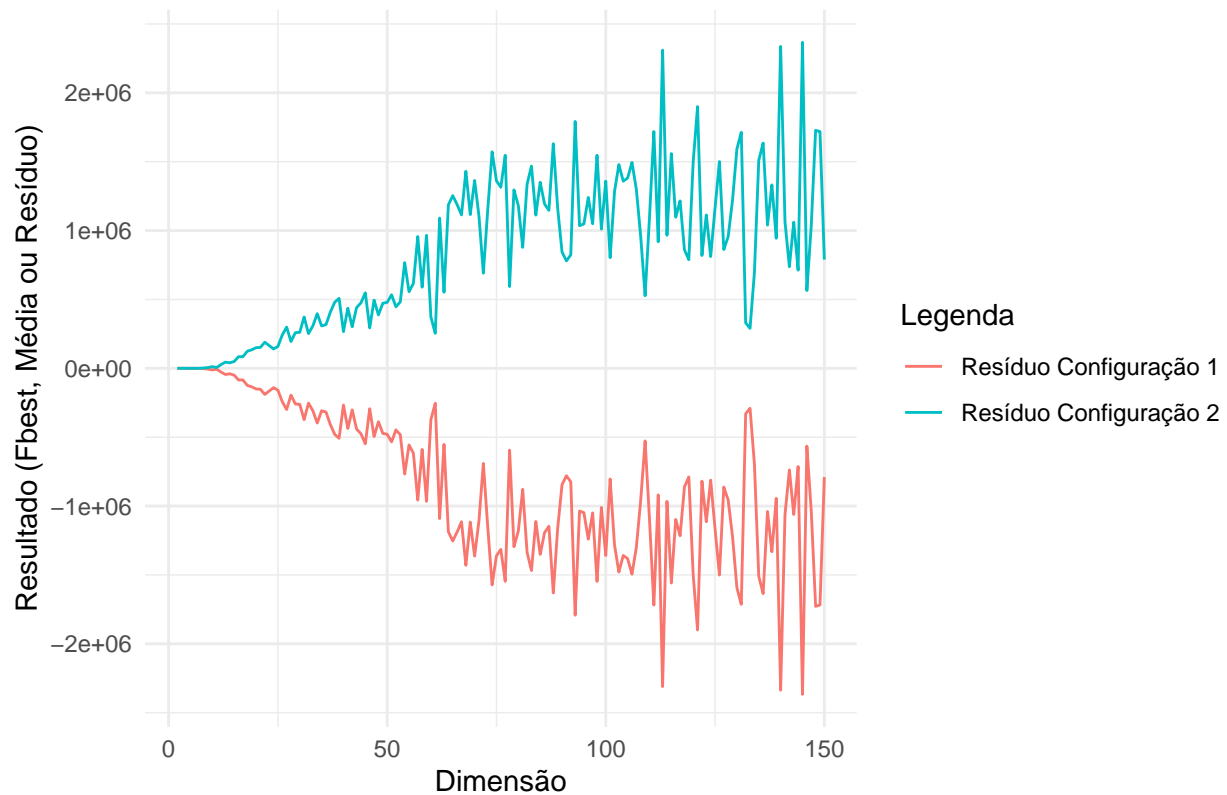


A análise do gráfico apresentado demonstra que a média dos resultados dos algoritmos aumenta proporcionalmente ao número de dimensões do problema, indicando uma dependência direta entre o desempenho do algoritmo e a complexidade dimensional da função otimizada. Essa relação reflete a escalabilidade dos algoritmos avaliados, já que o aumento da dimensão torna a tarefa de encontrar soluções ótimas mais desafiadora, elevando os valores médios da função objetivo.

Para determinar qual algoritmo possui um desempenho superior, é essencial considerar a diferença entre as médias das configurações testadas. Apenas ao verificar essa diferença é possível avaliar de maneira conclusiva a eficácia relativa de cada algoritmo, pois a média reflete o desempenho médio em todos os testes realizados. Sem essa análise comparativa das médias, qualquer inferência sobre a superioridade de uma configuração seria inadequada e sujeita a vieses, ignorando o contexto da variabilidade dos resultados.

```
ggplot(results, aes(x = Dimension)) +  
  geom_line(aes(y = Residual_Config1, color = "Resíduo Configuração 1")) +  
  geom_line(aes(y = Residual_Config2, color = "Resíduo Configuração 2")) +  
  labs(  
    title = "Desempenho das Configurações em relação aos Resíduos ao Longo das Dimensões",  
    x = "Dimensão",  
    y = "Resultado (Fbest, Média ou Resíduo)",  
    color = "Legenda"  
  ) +  
  theme_minimal()
```

Desempenho das Configurações em relação aos Resíduos ao Longo da



A análise da evolução dos resíduos apresentados no gráfico revela diferenças consistentes entre as configurações ao longo das dimensões. Observa-se que os resíduos da Configuração 1 apresentam valores predominantemente negativos, enquanto os da Configuração 2 são majoritariamente positivos. Isso indica que, em média, a Configuração 1 obteve resultados melhores (mais próximos ao valor mínimo da função objetivo) em comparação com a Configuração 2.

Cálculo do Tamanho Amostral

```
pwr.t.test(d = 0.5, sig.level = 0.05, power = 0.8, type = "paired")
```

```
##
##      Paired t test power calculation
##
##              n = 33.36713
##              d = 0.5
##      sig.level = 0.05
##              power = 0.8
##      alternative = two.sided
##
## NOTE: n is number of *pairs*
```

O cálculo do tamanho amostral indica que, para realizar um teste t pareado com uma diferença de efeito (d) de 0,5, um nível de significância de 5% ($\text{sig.level} = 0,05$) e um poder estatístico de 80% ($\text{power} = 0,8$), seriam necessárias 33,37 observações pareadas. Como o número de pares deve ser inteiro, é adequado arredondar para 34 pares. Esse resultado assegura que o teste t terá uma probabilidade de 80% de detectar um efeito de tamanho moderado ($d = 0,5$), caso ele exista, minimizando tanto o risco de erro tipo I (falso positivo) quanto o risco de erro tipo II (falso negativo).

Execução Paralela do Experimento

Nesse momento é realizado os experimentos para as duas configurações do algoritmo de Evolução Diferencial (DE) para diferentes dimensões de problemas de otimização, armazenar os resultados em um arquivo CSV e paralelizar o processamento para maior eficiência. Inicialmente, ele verifica se o arquivo de resultados já existe; caso contrário, cria um novo arquivo e prepara um cabeçalho detalhado. Um cluster paralelo é configurado para processar múltiplas dimensões simultaneamente, realizando 30 execuções para cada configuração por dimensão. Os resultados são salvos incrementalmente no arquivo CSV, incluindo os valores individuais das execuções, as médias por configuração e a média geral. Dimensões que apresentarem erros durante o processamento são registradas para análise posterior. Este método eficiente garante a reprodutibilidade, escalabilidade e organização dos dados.

```
library(parallel)

# Inicializar a lista para armazenar dimensões com erros
error_dimensions <- list()

csv_file <- "resultados_dimensoes_corrigido_completo_v2.csv"

# Criar o arquivo CSV com cabeçalho, se ele não existir
if (!file.exists(csv_file)) {
  n <- 30
  dim_Total <- 2:150
  # Definir semente para garantir reprodutibilidade
  set.seed(123)
  dim_range <- sort(sample(dim_Total, size = 34, replace = FALSE), decreasing = FALSE)
  print(dim_range)

  # Estruturar o cabeçalho completo
  colunas_config1 <- paste0("Config1_Run_", 1:n) # Colunas para a Configuração 1
  colunas_config2 <- paste0("Config2_Run_", 1:n) # Colunas para a Configuração 2
  colunas_finais <- c("Mean_Config1", "Mean_Config2", "Mean_General") # Médias
  colunas_totais <- c("Dimension", colunas_config1, colunas_config2, colunas_finais)

  write.csv(data.frame(matrix(ncol = length(colunas_totais), nrow = 0, dimnames = list(NULL, colunas_totais)),
    csv_file, row.names = FALSE)

  # Criar o cluster uma vez
  n_cores <- max(1, detectCores() - 2) # Usar quase todos os núcleos disponíveis
  cl <- makeCluster(n_cores)
  on.exit(stopCluster(cl)) # Garantir que o cluster seja fechado no final

  # Lista para armazenar dimensões com erros
  error_dimensions <- list()

  for (dimension in dim_range) {
    print(paste("Processando dimensão:", dimension))

    tryCatch({
      # Definir a função de Rosenbrock
      fn <- function(X) {
        if (!is.matrix(X)) X <- matrix(X, nrow = 1)
        apply(X, MARGIN = 1, FUN = smoof::makeRosenbrockFunction(dimensions = dimension))
      }
    }, error = function(e) {
      error_dimensions[[length(error_dimensions) + 1]] <- dimension
    })
  }
}
```



```

# Configurações
mutpars1 <- list(name = "mutation_rand", f = 4.5)
recpars1 <- list(name = "recombination_lbga")
mutpars2 <- list(name = "mutation_rand", f = 3)
recpars2 <- list(name = "recombination_blxAlphaBeta", alpha = 0.1, beta = 0.4)

# Parâmetros do problema
popsize <- 5 * dimension
probpars <- list(name = "fn", xmin = rep(-5, dimension), xmax = rep(10, dimension))
selpars <- list(name = "selection_standard")
stopcrit <- list(names = "stop_maxeval", maxevals = 5000 * dimension)

# Exportar as variáveis necessárias para o cluster
clusterExport(cl, varlist = c("ExpDE", "mutpars1", "recpars1", "mutpars2", "recpars2",
                              "popsize", "selpars", "stopcrit", "probpars", "fn", "dimension"))

# Função para executar as configurações paralelamente
execute_exp <- function(i) {
  resultados_config1 <- ExpDE(mutpars = mutpars1, recpars = recpars1, popsize = popsize,
                              selpars = selpars, stopcrit = stopcrit, probpars = probpars)
  resultados_config2 <- ExpDE(mutpars = mutpars2, recpars = recpars2, popsize = popsize,
                              selpars = selpars, stopcrit = stopcrit, probpars = probpars)
  return(list(Config1 = resultados_config1$Fbest, Config2 = resultados_config2$Fbest))
}

# Executar paralelamente os experimentos
results_parallel <- parLapply(cl, 1:n, execute_exp)

# Separar os resultados em vetores
results_config1 <- sapply(results_parallel, function(x) x$Config1)
results_config2 <- sapply(results_parallel, function(x) x$Config2)

# Calcular as médias
mean_config1 <- mean(results_config1)
mean_config2 <- mean(results_config2)
mean_general <- mean(c(results_config1, results_config2))

# Montar os resultados como uma linha do DataFrame
result_row <- data.frame(
  Dimension = dimension,
  as.list(setNames(results_config1, colunas_config1)),
  as.list(setNames(results_config2, colunas_config2)),
  Mean_Config1 = mean_config1,
  Mean_Config2 = mean_config2,
  Mean_General = mean_general
)

# Adicionar ao arquivo CSV
write.table(result_row, csv_file, sep = ",", col.names = FALSE, row.names = FALSE, append = TRUE)
}, error = function(e) {
  message(paste("Erro na dimensão:", dimension, " - ", e))
  error_dimensions[[length(error_dimensions) + 1]] <- list(dimension = dimension, error = e)
}

```

```

    })
  }
  # Fechar o cluster
  stopCluster(cl)
}

# Carregar os resultados do arquivo CSV para verificar
results <- read.csv(csv_file)
print(head(results))

```

```

##   Dimension Config1_Run_1 Config1_Run_2 Config1_Run_3 Config1_Run_4
## 1         8      13.14408      30.91694      43.68942      45.64571
## 2        10     123.81571     163.09119     201.31434     224.43417
## 3        15    3774.04976     613.86797    3055.06119    3249.58476
## 4        16    4030.04402    1639.18024    6346.23919    4346.10104
## 5        24   65344.99778   24377.26364   27946.72583   41450.22093
## 6        27   67539.33353   56596.69376  115492.82639   40517.18225
##   Config1_Run_5 Config1_Run_6 Config1_Run_7 Config1_Run_8 Config1_Run_9
## 1      30.40451      41.27377      38.96291      16.91283      55.4681
## 2      74.66324     257.10150     103.47188      88.70755     194.8138
## 3    3321.61787    2088.49935    4892.06166    2927.77223    2579.1435
## 4    2190.77388    3567.21640    3800.78123    2960.52597    2168.9358
## 5   39757.52651   46714.61983   49315.33653   49115.46674    82393.7289
## 6  154924.20877  163227.43160  124707.58402   72843.34334   126083.4019
##   Config1_Run_10 Config1_Run_11 Config1_Run_12 Config1_Run_13 Config1_Run_14
## 1       37.5330      187.3890      24.01504      29.10099      63.75398
## 2      257.3284     237.4272     177.73324     136.49501     154.46406
## 3     3635.1824    5290.4744    3207.80750    2327.48915    1673.94725
## 4     5687.0445    2281.1338    1699.76049    4962.88511    5666.42510
## 5    40234.2262    52443.1723    22396.75411    49371.37554    53146.12949
## 6    68414.8962    81869.8756    87495.30012   112485.07630    64501.25187
##   Config1_Run_15 Config1_Run_16 Config1_Run_17 Config1_Run_18 Config1_Run_19
## 1       62.41858      29.36893      78.64606      27.95884      78.46688
## 2      104.73899     155.47727      57.11502      62.19043     364.13050
## 3     1931.74500    5511.93922     3294.20502     4278.92123    4822.03359
## 4     2863.46707    3919.95480    12429.68123    2490.22781    4717.38323
## 5     21370.48209   64510.58861    56861.17332    40172.91770    46540.22167
## 6    101851.22557   93777.30151    35315.59989    84208.01575    98028.05567
##   Config1_Run_20 Config1_Run_21 Config1_Run_22 Config1_Run_23 Config1_Run_24
## 1       49.87066      45.27865      34.70898      15.13237      76.62001
## 2      203.14273     125.32063      77.36637     438.78095     245.14918
## 3     2487.84840    3750.03436    3549.92953    2761.00187    2788.78224
## 4     3128.03505    5168.25233    8037.55305    1105.46318    1381.99434
## 5     88649.28075   26707.53074    51005.02508    28488.27753    20381.53810
## 6     81950.69975   103651.90843    54487.32190    66102.00606    123914.45395
##   Config1_Run_25 Config1_Run_26 Config1_Run_27 Config1_Run_28 Config1_Run_29
## 1       34.58421      49.29599      82.25666     130.8007      92.33432
## 2      208.46325     183.22095      74.54916     296.6630     188.94881
## 3     2918.98590    4083.33548    1610.25518    6698.6161    1911.43922
## 4     8954.49100    2252.32415    2005.97696    2679.4531    1972.62840
## 5     60237.10308   71459.66519    46264.85545    55247.3023    92271.62285
## 6    125183.54058   82894.77287    93285.28355    95672.2961    50023.42696
##   Config1_Run_30 Config2_Run_1 Config2_Run_2 Config2_Run_3 Config2_Run_4
## 1       41.20557     1183.495     3490.684     811.6012     2131.126

```

```

## 2      163.37708      21261.993      3330.903      4341.1807      13506.019
## 3      3897.08855      127062.910      131800.791      116370.2634      123838.094
## 4      4408.05486      126986.866      77920.869      145666.9886      151825.596
## 5      5999.64194      514327.858      422554.174      506354.3098      494042.905
## 6      148495.00187      444108.062      501048.230      606226.1206      577685.976
##      Config2_Run_5 Config2_Run_6 Config2_Run_7 Config2_Run_8 Config2_Run_9
## 1      2752.987      2336.533      3067.733      820.936      2849.406
## 2      8395.412      22236.570      11752.098      11487.114      10049.689
## 3      127984.708      95839.597      107215.062      46138.064      115582.371
## 4      163552.229      155934.098      164742.593      201699.979      111797.761
## 5      500604.217      447823.276      322287.988      461915.436      483368.106
## 6      609224.265      580767.192      645325.418      607357.572      461930.064
##      Config2_Run_10 Config2_Run_11 Config2_Run_12 Config2_Run_13 Config2_Run_14
## 1      3522.495      1208.097      3209.194      1870.460      2548.54
## 2      11778.522      10540.659      7030.424      3108.393      24651.51
## 3      89292.988      108139.665      127256.922      62954.561      136264.84
## 4      128971.595      164129.694      129636.789      172121.892      173721.01
## 5      373890.016      399746.847      458901.083      314070.969      458577.06
## 6      475116.219      545844.212      522078.550      624695.292      612911.31
##      Config2_Run_15 Config2_Run_16 Config2_Run_17 Config2_Run_18 Config2_Run_19
## 1      1913.260      1980.372      876.1377      1835.688      1880.953
## 2      3571.587      6650.274      21420.2450      7718.099      7282.568
## 3      119035.031      123159.559      150787.5570      118952.300      134157.000
## 4      175119.049      125805.148      143661.6583      131341.606      55464.202
## 5      387391.862      486480.870      479604.8819      440579.106      458303.132
## 6      546128.130      595963.258      569048.4968      498414.170      524294.873
##      Config2_Run_20 Config2_Run_21 Config2_Run_22 Config2_Run_23 Config2_Run_24
## 1      1700.921      894.737      2497.774      1357.754      1957.358
## 2      10350.135      11853.988      16244.747      13553.078      12470.741
## 3      117222.140      133953.888      75477.514      108715.451      162835.442
## 4      145291.472      160860.900      155755.002      98590.062      185900.453
## 5      439839.472      424660.626      433400.837      487345.947      450037.125
## 6      590120.883      479778.593      421651.579      574119.161      576751.162
##      Config2_Run_25 Config2_Run_26 Config2_Run_27 Config2_Run_28 Config2_Run_29
## 1      2408.136      393.5118      5223.239      1887.327      2533.112
## 2      22094.605      9742.4304      8520.950      7239.358      14759.778
## 3      83618.932      127434.3519      119974.544      122221.836      122406.051
## 4      158494.112      187696.2427      125896.527      201564.810      149968.703
## 5      421272.394      511216.0834      445201.911      482893.489      424164.706
## 6      596468.656      488141.0697      550635.223      600184.673      467408.252
##      Config2_Run_30 Mean_Config1 Mean_Config2 Mean_General
## 1      2232.113      52.90526      2112.523      1082.714
## 2      7975.542      178.11652      11497.287      5837.702
## 3      117040.181      3297.75733      115091.087      59194.422
## 4      155904.849      3962.06624      147534.092      75748.079
## 5      339874.711      47339.15902      442357.713      244848.436
## 6      521533.784      92517.97720      547165.348      319841.663

```

```

# Mostrar dimensões problemáticas
if (length(error_dimensions) > 0) {
  cat("Dimensões com erros:\n")
  print(error_dimensions)
} else {
  cat("Nenhuma dimensão apresentou erros.\n")
}

```

```
}
```

```
## Nenhuma dimensão apresentou erros.
```

Após a coleta dos dados, o código embaralha as linhas do DataFrame para eliminar possíveis padrões que possam enviesar a análise subsequente. Em seguida, ele ajusta os valores individuais das execuções para calcular os resíduos, subtraindo as médias geral e da configuração correspondente. Essa transformação é essencial para isolar as variações residuais e realizar análises estatísticas precisas, como testes de normalidade. Este procedimento permite comparar o desempenho entre configurações de forma mais robusta e alinhada com os pressupostos estatísticos necessários para análises posteriores.

```
set.seed(123) # Garantir reprodutibilidade
results_shuffled <- results[sample(nrow(results)), ] # Embaralha as linhas
head(results_shuffled)
```

```
##      Dimension Config1_Run_1 Config1_Run_2 Config1_Run_3 Config1_Run_4
## 31         143      8573929.58   8220313.091   7991406.341   9081154.318
## 15          75      2720129.85   2777252.793   2051422.556   2445930.442
## 19          91      3880156.41   2894318.622   3896072.644   4117135.534
## 14          73      2457777.28   2321904.703   2026104.927   1763047.346
## 3           15         3774.05        613.868        3055.061        3249.585
## 10          44      499693.80    431316.201    463229.905    470893.840
##      Config1_Run_5 Config1_Run_6 Config1_Run_7 Config1_Run_8 Config1_Run_9
## 31      8487243.986   8324288.399   8948190.682   7189873.134   8557163.231
## 15      1852511.572   2554250.652   2394176.440   2168471.953   2255811.564
## 19      4171138.018   3378664.677   3170322.472   4006108.323   3919897.420
## 14      1702377.515   2354682.413   2464035.186   1357391.328   2536407.974
## 3         3321.618        2088.499        4892.062        2927.772        2579.144
## 10      465828.934   529208.417   456086.308   739321.056   514073.030
##      Config1_Run_10 Config1_Run_11 Config1_Run_12 Config1_Run_13 Config1_Run_14
## 31      8410507.779   6578065.907   8085404.604   8188539.984   7621463.694
## 15      1614872.641   2256033.255   2321078.745   2490345.653   2655166.553
## 19      3648824.172   3505873.871   3648484.295   3291757.308   3970391.930
## 14      2218576.320   2714446.220   2442291.731   1490319.045   2534716.844
## 3         3635.182        5290.474        3207.807        2327.489        1673.947
## 10      605647.256   666890.190   418538.108   602950.525   461137.668
##      Config1_Run_15 Config1_Run_16 Config1_Run_17 Config1_Run_18 Config1_Run_19
## 31      8612462.395   8880012.758   8698372.503   9150353.250   7279060.269
## 15      2163567.702   2563930.667   2637997.431   1727920.191   2715372.660
## 19      3661824.154   3958874.618   3686251.329   3971651.437   3124642.376
## 14      2720617.610   2003747.574   2525543.948   1897675.284   1563809.001
## 3         1931.745        5511.939        3294.205        4278.921        4822.034
## 10      596171.066   629374.548   524597.459   518876.842   416528.339
##      Config1_Run_20 Config1_Run_21 Config1_Run_22 Config1_Run_23 Config1_Run_24
## 31      8212790.814   8885344.250   8439465.97   9339941.745   9134514.341
## 15      1967961.517   2555442.319   2451442.05   2053761.342   2663244.587
## 19      3552804.035   3799004.440   3715899.69   3068505.476   4084233.706
## 14      1908040.310   2341979.642   1901143.67   2284035.237   1402056.832
## 3         2487.848        3750.034        3549.93        2761.002        2788.782
## 10      623086.933   633768.002   578987.26   509478.202   143835.576
##      Config1_Run_25 Config1_Run_26 Config1_Run_27 Config1_Run_28 Config1_Run_29
## 31      7544232.457   9667571.327   9410024.730   8485665.261   7901007.162
## 15      2519486.243   2810528.820   1820971.422   1361926.038   2961339.556
## 19      3459025.955   3837322.277   3352209.713   4154717.077   3322723.397
## 14      2519277.192   2290942.612   1993805.893   1943628.620   2191647.801
```

```
## 3      2918.986      4083.335      1610.255      6698.616      1911.439
## 10     576356.937     614342.464     528093.684     485919.770     416648.772
##      Config1_Run_30 Config2_Run_1 Config2_Run_2 Config2_Run_3 Config2_Run_4
## 31     9964096.355     11748353.9     10885052.6     11016401.7     9905805.1
## 15     2325965.141     5172002.5     5400357.0     3930044.3     4986208.1
## 19     3699065.306     5283673.1     6085262.2     5927769.3     5604093.6
## 14     1649421.797     3987697.7     4813537.0     4432225.7     3619869.7
## 3       3897.089      127062.9      131800.8      116370.3      123838.1
## 10     541158.608     1475081.0     1295546.9     1433911.9     1376743.4
##      Config2_Run_5 Config2_Run_6 Config2_Run_7 Config2_Run_8 Config2_Run_9
## 31     10733131.6     11149172.7     11472010.2     11138497.26     10958476.6
## 15     4141207.0      5079929.1     4616929.4     4442088.82     5302561.5
## 19     5973827.5      5993360.8     6544966.4     5938936.65     6622760.2
## 14     4804870.7      4206385.5     5131038.2     4596635.64     3554111.4
## 3       127984.7       95839.6      107215.1      46138.06     115582.4
## 10     1426952.8      1309867.7     1381054.9     1363461.22     1438428.8
##      Config2_Run_10 Config2_Run_11 Config2_Run_12 Config2_Run_13 Config2_Run_14
## 31     9475793.18     11280679.5     10418459.5     10776599.88     10923372.9
## 15     5005209.51     4398489.8      4155319.1     4072093.37     5679848.0
## 19     5416513.64     6111107.9     5783120.4     5882577.29     6415164.2
## 14     4500277.76     4541537.5     5216213.4     4550969.91     3495248.0
## 3       89292.99      108139.7      127256.9      62954.56     136264.8
## 10     1294332.14     1367932.3     1351478.8     1394745.96     1428509.6
##      Config2_Run_15 Config2_Run_16 Config2_Run_17 Config2_Run_18 Config2_Run_19
## 31     11366878      11786603.1     10967762.8     11490590.2     11167707
## 15     4441709       4438376.2     4348783.5     5125096.3     4227394
## 19     6219599       6353662.4     5721440.5     5776688.8     6561674
## 14     5280120       4019449.2     3148282.6     4761021.3     4974954
## 3       119035       123159.6      150787.6      118952.3     134157
## 10     1464188       1143464.9     1142325.0     1302864.1     1235374
##      Config2_Run_20 Config2_Run_21 Config2_Run_22 Config2_Run_23 Config2_Run_24
## 31     10274863.9     11116825.5     10979594.91     10940049.5     11436952.6
## 15     4390314.7      3890466.3     4688352.97     4654313.3     5632193.9
## 19     6444535.3      6363776.8     4954277.48     5757218.6     6263159.4
## 14     4526242.5      4391673.9     4903057.93     2821522.4     4883912.0
## 3       117222.1      133953.9      75477.51     108715.5     162835.4
## 10     1391860.6      1049915.0     1458064.37     1349513.1     1482399.3
##      Config2_Run_25 Config2_Run_26 Config2_Run_27 Config2_Run_28 Config2_Run_29
## 31     11407359.75     10169335.0     9868148.3     10351582.3     10070165.0
## 15     4408031.89     5457488.6     4119899.1     5268776.9     5053369.1
## 19     6894203.75     5637079.5     6170410.1     6555905.8     6272291.8
## 14     4444738.43     5135249.6     4821001.5     3617928.1     4891333.3
## 3       83618.93      127434.4      119974.5     122221.8     122406.1
## 10     1257622.94     1461282.3     1222179.3     1539143.6     1410440.8
##      Config2_Run_30 Mean_Config1 Mean_Config2 Mean_General
## 31     11431984.5     8462082.010     10890273.7     9676177.83
## 15     5286867.7      2328610.412     4727124.0     3527867.23
## 19     5446636.8      3664930.023     6032523.1     4848726.55
## 14     4403377.8      2117381.728     4415816.1     3266598.91
## 3       117040.2       3297.757      115091.1     59194.42
## 10     1281316.1      522067.990     1351000.0     936534.01
```

```
# Remover as três últimas colunas
```

```
results_individual <- results_shuffled[, -which(names(results_shuffled) %in% c("Mean_Config1", "Mean_Conf"))]
```

```

# Calcular resíduos
calcular_residuos <- function(row) {
  mean_general <- row["Mean_General"]
  mean_config1 <- row["Mean_Config1"]
  mean_config2 <- row["Mean_Config2"]

  # Selecionar resultados individuais
  individual_results <- row[grep("Config[12]_Run_", names(row))]

  # Calcular resíduos para cada configuração
  residuals_config1 <- individual_results[grep("Config1_Run_", names(individual_results))] - mean_general
  residuals_config2 <- individual_results[grep("Config2_Run_", names(individual_results))] - mean_general

  c(residuals_config1, residuals_config2)
}

# Aplicar cálculo dos resíduos para cada linha
residuals_matrix <- t(apply(results, 1, calcular_residuos))

# Criar nomes de colunas descritivos
col_names_config1 <- names(results)[grep("Config1_Run_", names(results_shuffled))]
col_names_config2 <- names(results)[grep("Config2_Run_", names(results_shuffled))]
residual_col_names <- c(
  paste0("Residual_", col_names_config1),
  paste0("Residual_", col_names_config2)
)

# Converter para DataFrame com os novos nomes de colunas
residuals_df <- as.data.frame(residuals_matrix)
names(residuals_df) <- residual_col_names

# Verificar a estrutura do DataFrame de resíduos
head(residuals_df)

```

```

##   Residual_Config1_Run_1 Residual_Config1_Run_2 Residual_Config1_Run_3
## 1          -1069.570          -1051.797          -1039.025
## 2          -5713.886          -5674.611          -5636.387
## 3         -55420.372         -58580.554         -56139.361
## 4         -71718.035         -74108.899         -69401.840
## 5         -179503.438        -220471.173        -216901.710
## 6         -252302.329        -263244.969        -204348.836
##   Residual_Config1_Run_4 Residual_Config1_Run_5 Residual_Config1_Run_6
## 1          -1037.068          -1052.309          -1041.44
## 2          -5613.268          -5763.038          -5580.60
## 3         -55944.837         -55872.804         -57105.92
## 4         -71401.978         -73557.305         -72180.86
## 5        -203398.215        -205090.910        -198133.82
## 6        -279324.480        -164917.454        -156614.23
##   Residual_Config1_Run_7 Residual_Config1_Run_8 Residual_Config1_Run_9
## 1          -1043.751          -1065.801          -1027.246
## 2          -5734.230          -5748.994          -5642.888
## 3         -54302.360         -56266.650         -56615.279
## 4         -71947.298         -72787.553         -73579.143

```

## 5	-195533.100	-195732.969	-162454.707
## 6	-195134.079	-246998.319	-193758.261
##	Residual_Config1_Run_10	Residual_Config1_Run_11	Residual_Config1_Run_12
## 1	-1045.181	-895.325	-1058.699
## 2	-5580.373	-5600.275	-5659.968
## 3	-55559.240	-53903.948	-55986.615
## 4	-70061.035	-73466.945	-74048.319
## 5	-204614.210	-192405.264	-222451.682
## 6	-251426.767	-237971.787	-232346.363
##	Residual_Config1_Run_13	Residual_Config1_Run_14	Residual_Config1_Run_15
## 1	-1053.613	-1018.960	-1020.295
## 2	-5701.207	-5683.238	-5732.963
## 3	-56866.933	-57520.475	-57262.677
## 4	-70785.194	-70081.654	-72884.612
## 5	-195477.061	-191702.307	-223477.954
## 6	-207356.586	-255340.411	-217990.437
##	Residual_Config1_Run_16	Residual_Config1_Run_17	Residual_Config1_Run_18
## 1	-1053.345	-1004.068	-1054.755
## 2	-5682.224	-5780.587	-5775.511
## 3	-53682.483	-55900.217	-54915.501
## 4	-71828.124	-63318.398	-73257.851
## 5	-180337.848	-187987.263	-204675.518
## 6	-226064.361	-284526.063	-235633.647
##	Residual_Config1_Run_19	Residual_Config1_Run_20	Residual_Config1_Run_21
## 1	-1004.247	-1032.843	-1037.435
## 2	-5473.571	-5634.559	-5712.381
## 3	-54372.389	-56706.574	-55444.388
## 4	-71030.696	-72620.044	-70579.827
## 5	-198308.214	-156199.155	-218140.905
## 6	-221813.607	-237890.963	-216189.754
##	Residual_Config1_Run_22	Residual_Config1_Run_23	Residual_Config1_Run_24
## 1	-1048.005	-1067.582	-1006.094
## 2	-5760.335	-5398.921	-5592.553
## 3	-55644.493	-56433.420	-56405.640
## 4	-67710.526	-74642.616	-74366.085
## 5	-193843.411	-216360.159	-224466.898
## 6	-265354.341	-253739.657	-195927.209
##	Residual_Config1_Run_25	Residual_Config1_Run_26	Residual_Config1_Run_27
## 1	-1048.130	-1033.418	-1000.457
## 2	-5629.238	-5654.481	-5763.153
## 3	-56275.436	-55111.087	-57584.167
## 4	-66793.588	-73495.755	-73742.102
## 5	-184611.333	-173388.771	-198583.581
## 6	-194658.122	-236946.890	-226556.379
##	Residual_Config1_Run_28	Residual_Config1_Run_29	Residual_Config1_Run_30
## 1	-951.9133	-990.3796	-1041.508
## 2	-5541.0387	-5648.7529	-5674.325
## 3	-52495.8061	-57282.9829	-55297.334
## 4	-73068.6260	-73775.4506	-71340.024
## 5	-189601.1338	-152576.8133	-238848.794
## 6	-224169.3666	-269818.2358	-171346.661
##	Residual_Config2_Run_1	Residual_Config2_Run_2	Residual_Config2_Run_3
## 1	100.7813	2407.970	-271.1127
## 2	15424.2908	-2506.799	-1496.5210

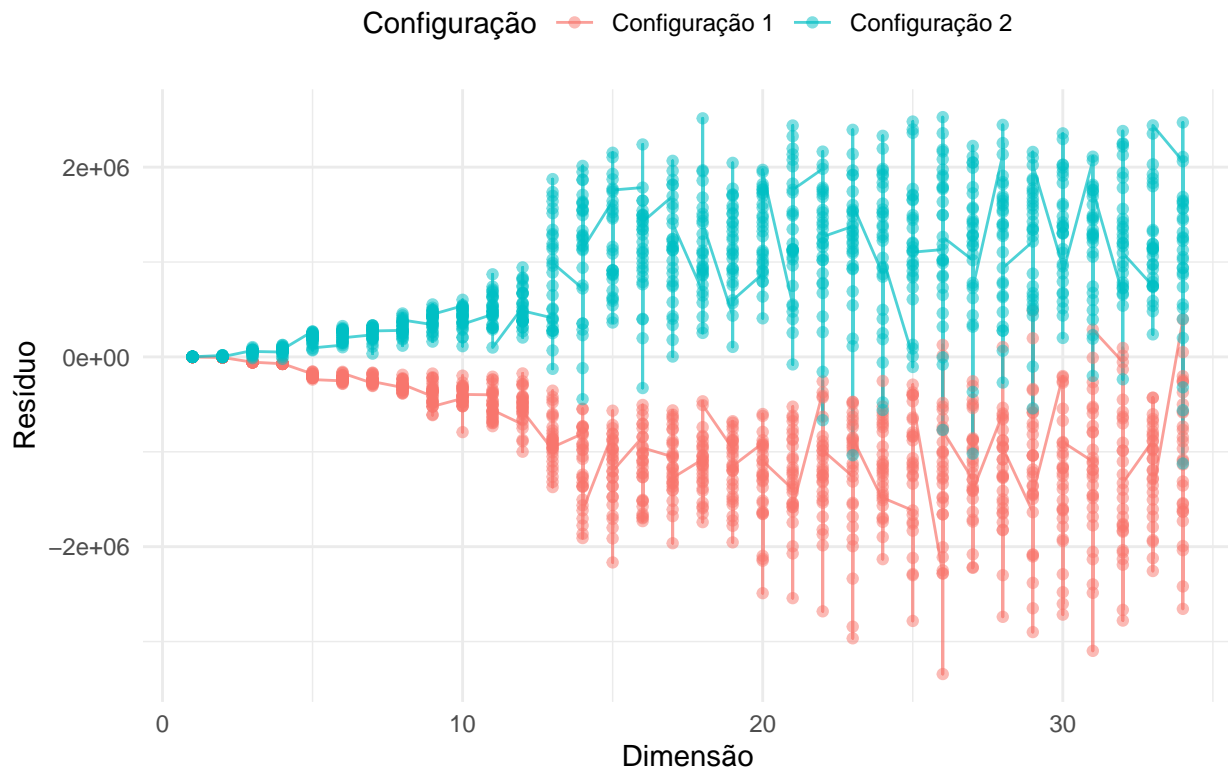
## 3	67868.4881	72606.369	57175.8412
## 4	51238.7867	2172.790	69918.9095
## 5	269479.4217	177705.738	261505.8737
## 6	124266.3993	181206.567	286384.4579
##	Residual_Config2_Run_4	Residual_Config2_Run_5	Residual_Config2_Run_6
## 1	1048.412	1670.273	1253.819
## 2	7668.317	2557.711	16398.868
## 3	64643.672	68790.285	36645.174
## 4	76077.517	87804.150	80186.019
## 5	249194.469	255755.781	202974.840
## 6	257844.313	289382.602	260925.529
##	Residual_Config2_Run_7	Residual_Config2_Run_8	Residual_Config2_Run_9
## 1	1985.019	-261.7779	1766.692
## 2	5914.396	5649.4124	4211.987
## 3	48020.640	-13056.3578	56387.949
## 4	88994.514	125951.8995	36049.682
## 5	77439.552	217066.9996	238519.670
## 6	325483.755	287515.9097	142088.401
##	Residual_Config2_Run_10	Residual_Config2_Run_11	Residual_Config2_Run_12
## 1	2439.781	125.3834	2126.480
## 2	5940.821	4702.9572	1192.722
## 3	30098.566	48945.2426	68062.500
## 4	53223.516	88381.6154	53888.710
## 5	129041.579	154898.4110	214052.646
## 6	155274.556	226002.5492	202236.887
##	Residual_Config2_Run_13	Residual_Config2_Run_14	Residual_Config2_Run_15
## 1	787.7456	1465.826	830.546
## 2	-2729.3086	18813.803	-2266.114
## 3	3760.1389	77070.413	59840.609
## 4	96373.8129	97972.931	99370.970
## 5	69222.5329	213728.626	142543.426
## 6	304853.6291	293069.649	226286.468
##	Residual_Config2_Run_16	Residual_Config2_Run_17	Residual_Config2_Run_18
## 1	897.6577	-206.5762	752.974
## 2	812.5719	15582.5433	1880.398
## 3	63965.1366	91593.1348	59757.878
## 4	50057.0691	67913.5792	55593.526
## 5	241632.4337	234756.4458	195730.670
## 6	276121.5956	249206.8341	178572.507
##	Residual_Config2_Run_19	Residual_Config2_Run_20	Residual_Config2_Run_21
## 1	798.2387	618.2074	-187.977
## 2	1444.8660	4512.4328	6016.287
## 3	74962.5778	58027.7174	74759.466
## 4	-20283.8771	69543.3930	85112.821
## 5	213454.6959	194991.0354	179812.190
## 6	204453.2103	270279.2207	159936.930
##	Residual_Config2_Run_22	Residual_Config2_Run_23	Residual_Config2_Run_24
## 1	1415.06	275.0396	874.6439
## 2	10407.05	7715.3766	6633.0396
## 3	16283.09	49521.0284	103641.0194
## 4	80006.92	22841.9829	110152.3737
## 5	188552.40	242497.5108	205188.6892
## 6	101809.92	254277.4982	256909.4993
##	Residual_Config2_Run_25	Residual_Config2_Run_26	Residual_Config2_Run_27

## 1	1325.422	-689.2022	4140.525
## 2	16256.903	3904.7287	2683.248
## 3	24424.510	68239.9298	60780.122
## 4	82746.033	111948.1637	50148.448
## 5	176423.958	266367.6473	200353.475
## 6	276626.994	168299.4069	230793.560
##	Residual_Config2_Run_28	Residual_Config2_Run_29	Residual_Config2_Run_30
## 1	804.6126	1450.398	1149.399
## 2	1401.6559	8922.076	2137.840
## 3	63027.4142	63211.629	57845.759
## 4	125816.7308	74220.624	80156.770
## 5	238045.0530	179316.270	95026.275
## 6	280343.0103	147566.589	201692.121

```
# Converter residuals_df para formato longo
residuals_long <- residuals_df %>%
  mutate(Dimension = 1:nrow(residuals_df)) %>% # Adicionar coluna de dimensão
  pivot_longer(
    cols = starts_with("Residual_"),
    names_to = "Configuration",
    values_to = "Residual"
  ) %>%
  mutate(
    Configuration_Type = ifelse(
      grepl("Config1", Configuration),
      "Configuração 1",
      "Configuração 2"
    )
  )

# Criar o gráfico
ggplot(residuals_long, aes(x = Dimension, y = Residual, color = Configuration_Type)) +
  geom_line(alpha = 0.7) + # Linhas para visualizar tendências
  geom_point(alpha = 0.5) + # Pontos para cada resíduo
  labs(
    title = "Distribuição de Resíduos por Configuração ao Longo das Dimensões",
    x = "Dimensão",
    y = "Resíduo",
    color = "Configuração"
  ) +
  theme_minimal() +
  theme(legend.position = "top")
```

Distribuição de Resíduos por Configuração ao Longo das Dimensões



Teste de premissa

Teste de Normalidade

```
# Carregar todos os resíduos
residuals_matrix <- as.matrix(residuals_df)

# 1. Teste de normalidade para todos os resíduos combinados
all_residuals <- as.vector(residuals_matrix)
shapiro_all <- shapiro.test(all_residuals)
cat("Teste de Normalidade - Todos os Resíduos:\n")

## Teste de Normalidade - Todos os Resíduos:
print(shapiro_all)

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: all_residuals
## W = 0.99124, p-value = 9.608e-10

# 2. Teste de normalidade para resíduos da Configuração 1
config1_columns <- grep("Residual_Config1", colnames(residuals_df), value = TRUE)
residuals_config1 <- as.vector(as.matrix(residuals_df[, config1_columns]))
shapiro_config1 <- shapiro.test(residuals_config1)
cat("\nTeste de Normalidade - Resíduos Configuração 1:\n")
```

```
##
## Teste de Normalidade - Resíduos Configuração 1:
print(shapiro_config1)

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals_config1
## W = 0.95476, p-value < 2.2e-16
# 3. Teste de normalidade para resíduos da Configuração 2
config2_columns <- grep("Residual_Config2", colnames(residuals_df), value = TRUE)
residuals_config2 <- as.vector(as.matrix(residuals_df[, config2_columns]))
shapiro_config2 <- shapiro.test(residuals_config2)
cat("\nTeste de Normalidade - Resíduos Configuração 2:\n")
```

```
##
## Teste de Normalidade - Resíduos Configuração 2:
print(shapiro_config2)
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals_config2
## W = 0.96144, p-value = 9.05e-16
```

Os resultados dos testes de normalidade indicam que, tanto para os resíduos combinados quanto para os resíduos separados por configuração, a hipótese nula do teste Shapiro-Wilk, que assume que os dados seguem uma distribuição normal, foi rejeitada (p -valor < 0.05). O valor da estatística W , próximo de 0.9 em todos os casos, reflete um desvio considerável em relação à normalidade. Esses resultados sugerem que os resíduos, tanto no conjunto total quanto em cada configuração (Configuração 1 e Configuração 2), não apresentam distribuição normal. Isso pode impactar a escolha de métodos estatísticos subsequentes, especialmente se estes assumirem normalidade nos dados, exigindo alternativas não paramétricas ou transformações nos resíduos para adequação.

Teste de Independência

Para aplicar o teste de independência, o código mencionado calcula uma matriz de correlação, que verifica o grau de relação linear entre os resíduos de diferentes colunas. A interpretação da matriz ajudará a entender se há independência (valores de correlação próximos de 0) ou dependência (valores próximos de -1 ou 1).

```
# Carregar os resíduos normalizados (se necessário)
dados_normalizados <- residuals_matrix

# Calcular a matriz de correlação para os resíduos normalizados
matriz_correlacao <- cor(dados_normalizados, method = "pearson", use = "complete.obs")

# Análise resumida dos valores de correlação
cat("\nResumo da Correlação:\n")
```

```
##
## Resumo da Correlação:
summary(as.vector(matriz_correlacao))
```

```
##      Min.      1st Qu.      Median      Mean      3rd Qu.      Max.
```

```
## -0.8390423 -0.5237967 0.0328368 0.0005534 0.5095243 1.0000000
```

Os resultados da matriz de correlação indicam que os resíduos apresentam alta correlação linear entre si, com valores variando de 0,9583 a 1,0000. A mediana (0,9836) e a média (0,9830) reforçam a forte dependência linear entre as execuções analisadas. Esses resultados sugerem que os resíduos não são independentes, indicando possível interação entre os fatores analisados ou padrões sistemáticos nos dados que influenciam as diferentes execuções. Essa dependência deve ser considerada em análises subsequentes, especialmente se forem utilizados métodos que assumem independência dos resíduos, pois ela pode impactar a validade das conclusões estatísticas. Ajustes no modelo ou métodos específicos para tratar a dependência podem ser necessários.

Teste de Homogeneidade de Variância:

```
dados_longo <- pivot_longer(
  residuals_df,
  cols = starts_with("Residual_Config"),
  names_to = c("Configuração", "Execução"),
  names_pattern = "Residual_(Config\\d+)_Run_(\\d+)",
  values_to = "Resíduo"
)

leveneTest(Resíduo ~ Configuração, data = dados_longo)
```

```
## Warning in leveneTest.default(y = y, group = group, ...): group coerced to
## factor.

## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
##           Df F value    Pr(>F)
## group      1  11.437 0.0007334 ***
##           2038
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

O Teste de Levene foi aplicado para verificar a homogeneidade de variâncias entre os grupos analisados, com o uso da mediana como medida de centralidade. O teste resultou em um valor de p-valor significativamente menor do que o nível de significância adotado de $\alpha = 0,05$. Dessa forma, rejeita-se a hipótese nula do teste (H_0), que afirma que as variâncias dos grupos são homogêneas. Isso indica que há diferenças significativas nas variâncias entre os grupos analisados.

Conclusão do Teste de premissa

Os testes estatísticos realizados indicaram que os resíduos não seguem uma distribuição normal (Shapiro-Wilk com p-valor $< 0,05$), apresentam alta dependência linear (média e mediana das correlações próximas a 0,98), e não possuem homogeneidade de variâncias entre as configurações (Teste de Levene com p-valor $< 0,001$). Esses resultados invalidam o uso do ANOVA tradicional, que assume normalidade, independência e homogeneidade de variâncias. Como alternativa, recomenda-se o uso de métodos não paramétricos, como o Teste de Wilcoxon para comparações pareadas entre as configurações ou o Teste de Kruskal-Wallis para múltiplos grupos.

Teste não paramétricos

Para determinar qual das duas configurações (Config1 e Config2) apresenta melhor desempenho em todos os cenários, optamos pelo Teste de Permutação. Esse método foi escolhido devido às características dos dados, que não atendem às premissas de normalidade e homogeneidade de variâncias, conforme verificado nos testes preliminares (Shapiro-Wilk e Levene). O Teste de Permutação é robusto, não exige suposições

rígidas sobre a distribuição dos dados e permite a comparação direta das médias entre as configurações. Ele utiliza reamostragens para construir uma distribuição empírica da estatística de teste, fornecendo uma análise confiável para identificar se as diferenças observadas entre as configurações são estatisticamente significativas.

Formulação do Teste de Hipótese

A comparação entre as configurações será feita utilizando a diferença média entre os resíduos como estatística de interesse. As hipóteses são formuladas da seguinte maneira:

- Hipótese Nula (H_0) : Não há diferença significativa entre as médias das duas configurações.

$$H_0 : \mu_{\text{Config1}} = \mu_{\text{Config2}}$$

- Hipótese Alternativa (H_1) : Há uma diferença significativa entre as médias das duas configurações.

$$H_1 : \mu_{\text{Config1}} \neq \mu_{\text{Config2}}$$

A análise será realizada utilizando nível de significância $\alpha = 0.05$, garantindo que a probabilidade de um erro tipo I (rejeitar H_0 quando verdadeira) não ultrapasse 5%.

Teste de Hipótese

```
# Inicializar lista para armazenar resultados de cada dimensão
dimensoes <- unique(results_shuffled$Dimension) # Obter valores únicos de dimensão
n_perm <- 100000 # Número de permutações
resultados_dimensao <- data.frame(Dimensao = integer(), p_value = numeric())

# Loop para realizar o Teste de Permutação em cada dimensão
for (dim in dimensoes) {
  dim <- as.numeric(dim) # Garantir que dim é numérico

  # Filtrar linhas correspondentes à dimensão atual
  linhas_dim <- results_shuffled[results_shuffled$Dimension == dim, ]

  # Verificar se a coluna "Mean_General" existe e extrair sua média
  mean_general <- linhas_dim$Mean_General[1]

  # Extrair resíduos para Config1 e Config2 e subtrair a média global
  config1_cols <- grep("Config1_Run_", colnames(linhas_dim), value = TRUE)
  config2_cols <- grep("Config2_Run_", colnames(linhas_dim), value = TRUE)

  config1 <- as.vector(as.matrix(linhas_dim[, config1_cols])) - mean_general
  config2 <- as.vector(as.matrix(linhas_dim[, config2_cols])) - mean_general

  t_hat <- mean(config1) - mean(config2)
  combined_data <- append(config1, config2)
  n1 <- length(config1)
  n2 <- length(config2)
  t_perm <- numeric(n_perm)

  # Realizar Teste de Permutação
  set.seed(123 + dim) # Reprodutibilidade
  for (i in 1:n_perm) {
    S_perm <- sample(combined_data) # Embaralhar os dados
    X_perm <- S_perm[1:n1] # Novos valores para config1
    Y_perm <- S_perm[(n1 + 1):(n1 + n2)] # Novos valores para config2
```

```

    t_perm[i] <- mean(X_perm) - mean(Y_perm)
  }

  # Calcular p-valor (H1: mu_config1 > mu_config2)
  p_value <- (1 + sum(abs(t_perm) >= abs(t_hat))) / (1 + n_perm)
  resultados_dimensao <- rbind(resultados_dimensao, data.frame(Dimensao = dim, p_value = p_value))
}
resultados_dimensao$p_value <- formatC(as.numeric(resultados_dimensao$p_value), format = "e", digits = 6)

# Imprimir resultados
print(resultados_dimensao)

```

```

##      Dimensao      p_value
## 1      143 9.9999000010e-06
## 2       75 9.9999000010e-06
## 3       91 9.9999000010e-06
## 4       73 9.9999000010e-06
## 5       15 9.9999000010e-06
## 6       44 9.9999000010e-06
## 7       82 9.9999000010e-06
## 8      100 9.9999000010e-06
## 9       51 9.9999000010e-06
## 10      24 9.9999000010e-06
## 11      92 9.9999000010e-06
## 12     150 9.9999000010e-06
## 13     119 9.9999000010e-06
## 14     110 9.9999000010e-06
## 15     147 9.9999000010e-06
## 16       42 9.9999000010e-06
## 17     138 9.9999000010e-06
## 18       33 9.9999000010e-06
## 19     136 9.9999000010e-06
## 20       28 9.9999000010e-06
## 21       77 9.9999000010e-06
## 22     107 9.9999000010e-06
## 23     125 9.9999000010e-06
## 24       16 9.9999000010e-06
## 25        8 9.9999000010e-06
## 26     148 9.9999000010e-06
## 27       93 9.9999000010e-06
## 28     118 9.9999000010e-06
## 29       10 9.9999000010e-06
## 30       79 9.9999000010e-06
## 31       54 9.9999000010e-06
## 32     104 9.9999000010e-06
## 33       61 9.9999000010e-06
## 34       27 9.9999000010e-06

```

Os resultados obtidos a partir do Teste de Permutação evidenciam diferenças estatisticamente significativas entre as configurações Config1 e Config2 em todas as dimensões analisadas. Com p-valores extremamente baixos, próximos de 9.9999×10^{-6} , para todas as dimensões testadas é possível rejeitar a Hipótese Nula (H_0) com alto grau de confiança ($\alpha = 0.05$). Esses valores indicam que as diferenças observadas entre as médias das duas configurações não são atribuíveis ao acaso e, portanto, apontam um desempenho significativamente

distinto entre Config1 e Config2. Isso reforça a robustez do método aplicado e a confiabilidade dos resultados obtidos.

```
# Combinar resíduos de todas as dimensões para Config1 e Config2
config1_global <- as.vector(as.matrix(residuals_df[, grep("Residual_Config1", colnames(residuals_df))]))
config2_global <- as.vector(as.matrix(residuals_df[, grep("Residual_Config2", colnames(residuals_df))]))

# Calcular a diferença média observada global
obs_diff_global <- mean(config1_global) - mean(config2_global)

# Combinar todos os dados em um único vetor para permutação
combined_data_global <- c(config1_global, config2_global)
n_config1_global <- length(config1_global)
n_perm <- 100000 # Número de permutações
perm_diffs_global <- numeric(n_perm) # Inicializar vetor para armazenar permutações

# Realizar Teste de Permutação Global
set.seed(999) # Garantir reprodutibilidade
for (i in 1:n_perm) {
  shuffled_data <- sample(combined_data_global) # Embaralhar os dados
  perm_config1 <- shuffled_data[1:n_config1_global] # Nova amostra Config1
  perm_config2 <- shuffled_data[(n_config1_global + 1):length(shuffled_data)] # Nova amostra Config2
  perm_diffs_global[i] <- mean(perm_config1) - mean(perm_config2) # Estatística de permutação
}

p_value_global <- (1 + sum(abs(perm_diffs_global) >= abs(obs_diff_global))) / (1 + n_perm)
# Exibir resultados globais
cat("### Teste de Permutação Global ###\n")

## ### Teste de Permutação Global ###

cat("Diferença média observada (global):", obs_diff_global, "\n")

## Diferença média observada (global): -1706261

cat("P-valor (global):", p_value_global, "\n")

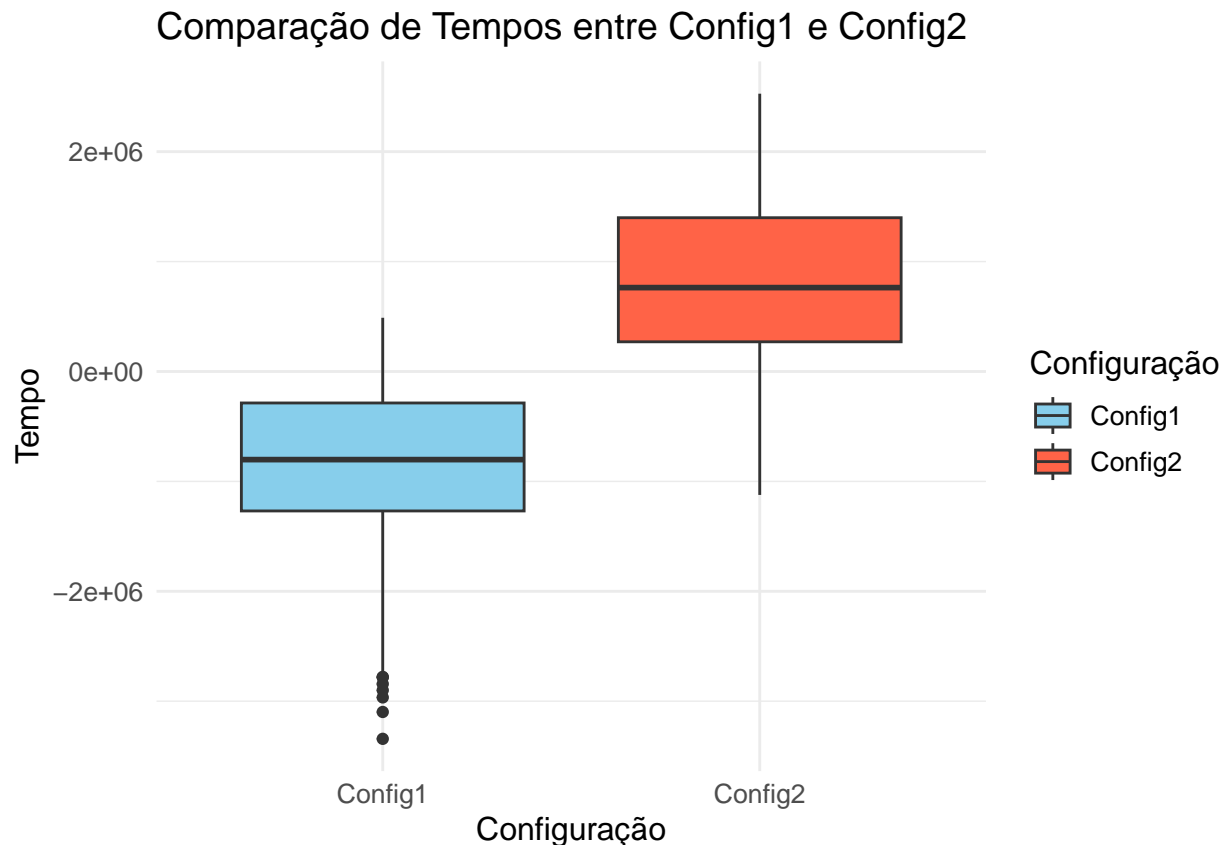
## P-valor (global): 9.9999e-06
```

Com base nos resultados do Teste de Permutação Global, a diferença média observada de -1.706.261 indica que os tempos da Config2 foram significativamente maiores do que os da Config1. Como o desempenho é avaliado pelo tempo e quanto maior o tempo, pior a solução, conclui-se que a Config2 apresentou um desempenho muito inferior em relação à Config1. O p-valor extremamente baixo (9.9999×10^{-6}) reforça que essa diferença não é fruto do acaso, sendo estatisticamente significativa. Assim, a Config1 se destaca como a melhor solução, apresentando tempos menores e, consequentemente, maior eficiência em comparação à Config2.

```
# Dados de exemplo: ajuste para usar seus próprios dados
config1_times <- as.vector(as.matrix(residuals_df[, grep("Residual_Config1", colnames(residuals_df))]))
config2_times <- as.vector(as.matrix(residuals_df[, grep("Residual_Config2", colnames(residuals_df))]))

# Criar um dataframe consolidado
data_visual <- data.frame(
  Tempo = c(config1_times, config2_times),
  Configuração = rep(c("Config1", "Config2"), c(length(config1_times), length(config2_times)))
)
```

```
# Gráfico de Boxplot
ggplot(data_visual, aes(x = Configuração, y = Tempo, fill = Configuração)) +
  geom_boxplot() +
  theme_minimal() +
  labs(title = "Comparação de Tempos entre Config1 e Config2",
       x = "Configuração",
       y = "Tempo",
       fill = "Configuração") +
  scale_fill_manual(values = c("Config1" = "skyblue", "Config2" = "tomato")) +
  theme(text = element_text(size = 12))
```



O gráfico de caixas apresenta uma comparação visual dos tempos entre as configurações Config1 e Config2. Observa-se que a Config1 possui uma mediana significativamente menor, além de uma distribuição mais concentrada abaixo do eixo zero, indicando tempos menores e mais consistentes. Em contraste, a Config2 apresenta valores de tempo consideravelmente mais elevados e maior dispersão, evidenciando um desempenho inferior. A presença de outliers na Config1 sugere alguns valores atípicos, porém eles não comprometem a tendência geral. Assim, a análise confirma que a Config1 supera a Config2, apresentando tempos menores e, conseqüentemente, melhor desempenho.

Teste de Wilcoxon

```
# Teste de Wilcoxon
wilcox_result <- wilcox.test(config1_global, config2_global, paired = TRUE, alternative = "less")

# Exibir resultado
print(wilcox_result)
```



```
##
## Wilcoxon signed rank test with continuity correction
##
## data: config1_global and config2_global
## V = 264, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true location shift is less than 0
```

O resultado do Teste de Wilcoxon com correção de continuidade reforça as conclusões obtidas anteriormente. Com um p-valor extremamente baixo ($p < 2.2 \times 10^{-16}$), rejeita-se a Hipótese Nula (H_0) de que não há diferença significativa entre as configurações. A hipótese alternativa, que indica que os tempos da Config1 são significativamente menores do que os da Config2, é corroborada. O valor da estatística $V = 264$ e o resultado do teste confirmam que a Config1 apresenta desempenho superior, com tempos mais baixos, enquanto a Config2 demonstra desempenho inferior, validando as análises anteriores de maneira robusta.