



**Escuela Superior  
de Ingeniería y Tecnología**  
Universidad de La Laguna

# Informe de Prácticas

---

**Robótica Computacional**

*Grado en Ingeniería Informática*

José Ramón Morera Campos

---

La Laguna, 29 de diciembre de 2024

**Resumen**

XXXXX

**Palabras clave:** XXXXXX, XXXX, XXXX

# Índice general

<b>1. Introducción</b>	<b>1</b>
<b>2. Cinemática Directa</b>	<b>2</b>
2.1. Código Implementado . . . . .	2
2.1.1. Análisis . . . . .	2
2.1.2. Complejidad . . . . .	3
2.2. Ejemplo . . . . .	4
2.2.1. Código . . . . .	4
2.2.2. Ejecución . . . . .	4
2.3. Mejoras . . . . .	5
2.4. Conclusiones . . . . .	5
<b>3. Cinemática Inversa</b>	<b>10</b>
3.1. Código Implementado . . . . .	10
3.2. Ejercicios . . . . .	11
3.2.1. Manipulador 2 . . . . .	11
3.2.2. Manipulador 3 . . . . .	11
3.2.3. Manipulador 4 . . . . .	11
3.3. Mejoras . . . . .	11
3.3.1. Apartado Uno . . . . .	11
3.4. Conclusiones . . . . .	12
<b>4. Localización</b>	<b>13</b>
4.1. Sección Uno . . . . .	13
4.1.1. Apartado Uno . . . . .	13
4.2. Sección Dos . . . . .	13
4.3. Sección Tres . . . . .	13
4.4. Sección Cuatro . . . . .	13
<b>5. Filtro de Partículas</b>	<b>15</b>
<b>6. Conclusiones y líneas futuras</b>	<b>16</b>

# Índice de Figuras

- 2.1. Porción del código que se debe modificar para cada manipulador . . . . . 3
- 2.2. Manipulador 3 . . . . . 4
- 2.3. Código para el manipulador 3 . . . . . 6
- 2.4. Ejecución 1 . . . . . 7
- 2.5. Ejecución 2 . . . . . 7
- 2.6. Ejecución 2, perspectiva vertial . . . . . 8
- 2.7. Ejecución 3 . . . . . 8
- 2.8. Ejecución 3, perspectiva vertial . . . . . 9
  
- 3.1. Otra figura . . . . . 11
  
- 4.1. Ejemplo de figura . . . . . 14

# Índice de Tablas

# Capítulo 1

## Introducción

En este informe se analizan las cuatro prácticas realizadas a lo largo de la asignatura de Robótica Computacional.

Se estudia el comportamiento de los programas realizados, mostrando ejemplos con diversas configuraciones de parámetros. Adicionalmente, se explican las modificaciones realizadas, así como otras propuestas de mejora.

Finalmente, para cada práctica se exponen unas breves conclusiones sobre los resultados obtenidos. Dichas conclusiones se exponen en inglés, siguiendo los requisitos del informe.

# Capítulo 2

## Cinemática Directa

En esta práctica se calcula la cinemática directa para manipuladores tridimensionales. Esto es, a partir de la morfología del robot y de las variables articulares, se calculan las coordenadas de cada articulación.

En el código, se puede modificar la morfología del robot indicando la longitud de los elementos rígidos, así como la existencia de articulaciones de revolución o prismáticas. Al ejecutar el script se indican los valores de las variables articulares.

### 2.1. Código Implementado

#### 2.1.1. Análisis

El script proporcionado contiene todo el código necesario para calcular la cinemática directa y visualizar los manipuladores. Solamente se deben modificar ciertos parámetros para adaptar el script a la morfología del robot:

- `nvar` Número de variables que se introduzcan al ejecutar el programa, correspondientes a las variables articulares.
- Parámetros de Denavit-Hartenberg son 4 vectores, uno para cada parámetro. El tamaño del vector se corresponde al número de articulaciones.
- Orígenes para cada articulación un vector con las coordenadas homogéneas de cada articulación.
- Matrices `T` son matrices que permiten realizar la transformación de un sistema de coordenadas a otro. Las matrices entre sistemas consecutivos son triviales, y se construyen con sus parámetros de Denavit-Hartenberg. Las matrices que describen la transformación entre sistemas no consecutivos se obtienen multiplicando las matrices de transformación de los sistemas intermedios. Por ejemplo, la matriz `T02`, que transforma el sistema de coordenadas 0 al 2, se obtiene realizando el producto de las matrices `T01` y `T12`.
- Coordenadas de cada articulación se calcula el origen de coordenadas del sistema de cada articulación mediante el producto de la matriz de transformación `T0X` y el origen de coordenadas `oXX`.

- Visualización del robot se deben modificar las instrucciones de visualización para adaptarlas a la morfología del robot, incluyendo los orígenes de coordenadas calculados que se quieren visualizar.

En la figura 2.1 se muestra el fragmento del script que se debe modificar.

```

95  # Introducción de los valores de las articulaciones
96  nvar=2 # Número de variables
97  if len(sys.argv) != nvar+1:
98      sys.exit('El número de articulaciones no es el correcto ('+str(nvar)+')')
99  p=[float(i) for i in sys.argv[1:nvar+1]]
100
101  # Parámetros D-H:
102  #      1      2
103  d = [ 0, 0]
104  th = [p[0],p[1]]
105  a = [ 10, 5]
106  al = [ 0, 0]
107
108  # Orígenes para cada articulación
109  o00=[0,0,0,1]
110  o11=[0,0,0,1]
111  o22=[0,0,0,1]
112
113  # Cálculo matrices transformación
114  T01=matriz_T(d[0],th[0],a[0],al[0])
115  T12=matriz_T(d[1],th[1],a[1],al[1])
116  T02=np.dot(T01,T12)
117
118  # Transformación de cada articulación
119  o10 =np.dot(T01, o11).tolist()
120  o20 =np.dot(T02, o22).tolist()
121
122  # Mostrar resultado de la cinemática directa
123  muestra_origenes([o00,o10,o20])
124  muestra_robot ([o00,o10,o20])
125  input()
126

```

Figura 2.1: Porción del código que se debe modificar para cada manipulador

Al ejecutar el código se deben proporcionar como parámetros los valores de las variables articulares: unidades de longitud en el caso de las articulaciones prismáticas, y grados de rotación en el caso de las articulaciones de revolución.

### 2.1.2. Complejidad

La complejidad del código depende del número de articulaciones del manipulador. Por cada nueva articulación, solamente es necesario realizar dos productos de matrices de transformación homogénea. Uno para obtener la matriz de transformación y otro para obtener las coordenadas de la articulación. Por tanto, la complejidad es lineal respecto al número de articulaciones.



## 2.2. Ejemplo

Se emplea el Manipulador 3 de entre los propuestos para visualizar la cinemática directa. Se ha elegido puesto que tiene suficiente complejidad para ilustrar correctamente la práctica, pero sin ser excesiva.

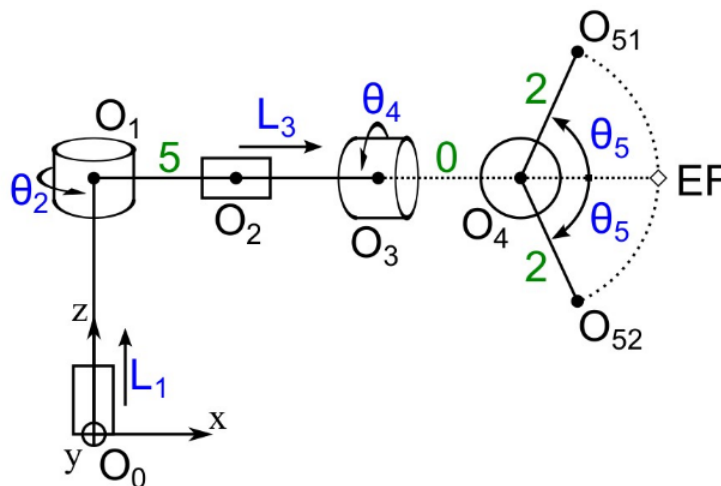


Figura 2.2: Manipulador 3

### 2.2.1. Código

La figura 2.3 muestra el código modificado para el manipulador 3. Cabe destacar que se necesita emplear un sistema de coordenadas auxiliar entre O1 y O2 para que el sistema sea dextrógiro y compatible Denavit-Hartenberg. También resulta reseñable que para la visualización del manipulador, en las 2 funciones pertinentes, los puntos O51 y O52 se agrupan en un mismo vector, para señalar que son 2 bifurcaciones desde el punto anterior.

### 2.2.2. Ejecución

En primer lugar, en la figura 2.4 se muestra un ejemplo de ejecución con todas las variables articulares a 0. Observamos que algunos orígenes se solapan, por ejemplo O0 y O1, o O51 y O52.

A continuación, probamos dando valor de 5 a las articulaciones prismáticas y 30º para la articulación O4. Dejamos el resto a 0. De esta forma, como observamos en la figura 2.5 el manipulador se asemeja al diagrama del ejercicio.

En último lugar, aplicamos una rotación de  $30^\circ$  en las articulaciones O1 y O3. Observamos el resultado en la figura 2.7.

De esta forma, hemos comprobado que el código funciona correctamente y que la descripción del manipulador realizada es correcta.

## 2.3. Mejoras

En esta práctica no se han implementado mejoras, pero se proponen algunas que podrían ser interesantes.

- Lectura de JSON se podría implementar la lectura de la morfología del robot desde un fichero JSON, evitando tener que modificar el script para cada manipulador.
- Modificación de los parámetros en tiempo real Sería de gran utilidad poder modificar las variables articulares mientras se visualiza el manipulador, para poder estudiar fácilmente cómo lo afectan.

## 2.4. Conclusions

We have studied the forward kinematics of a 3D manipulator. We have seen that we can characterize any manipulator by its Denavit-Hartenberg parameters, and that it is easy and fast to calculate the coordinates of each joint. We have also seen that the visualization of the manipulator is very useful to understand its behavior and to check that the calculations made to obtain the parameters are correct.

Although the script provided is very useful, it has room for improvements. Also, we still have to manually calculate the Denavit-Hartenberg parameters, which can be a tedious task for complex manipulators.

```

nvar=5 # Número de variables
if len(sys.argv) != nvar+1:
    sys.exit('El número de articulaciones no es el correcto ('+str(nvar)+')')
p=[float(i) for i in sys.argv[1:nvar+1]]

# Parámetros D-H:
#      1      2      aux      3      4      51      52      EF
d = [p[0],    0,    5, p[2],    0,    0,    0,    0]
th = [ -90, p[1],    0,    0, p[3]-90, p[4]-90, -p[4]-90, -90]
a = [    0,    0,    0,    0,    0,    2,    2,    2]
al = [    0, -90,    0,    0, -90,    0,    0,    0]

# Orígenes para cada articulación
o00=[0,0,0,1]
o11=[0,0,0,1]
oauxaux=[0,0,0,1]
o22=[0,0,0,1]
o33=[0,0,0,1]
o44=[0,0,0,1]
o5151=[0,0,0,1]
o5252=[0,0,0,1]
oefef=[0,0,0,1]

# Cálculo matrices transformación
T01=matriz_T(d[0],th[0],a[0],al[0])
T1aux=matriz_T(d[1],th[1],a[1],al[1])
Taux2=matriz_T(d[2],th[2],a[2],al[2])
T23=matriz_T(d[3],th[3],a[3],al[3])
T34=matriz_T(d[4],th[4],a[4],al[4])
T451=matriz_T(d[5],th[5],a[5],al[5])
T452=matriz_T(d[6],th[6],a[6],al[6])
T4ef=matriz_T(d[7],th[7],a[7],al[7])

T0aux=np.dot(T01, T1aux)
T02=np.dot(T0aux,Taux2)
T03=np.dot(T02,T23)
T04=np.dot(T03,T34)
T051=np.dot(T04,T451)
T052=np.dot(T04,T452)
T0ef=np.dot(T04,T4ef)

# Transformación de cada articulación
o10 =np.dot(T01, o11).tolist()
o20 =np.dot(T02, o22).tolist()
o30 =np.dot(T03, o33).tolist()
o40 =np.dot(T04, o44).tolist()
o510 =np.dot(T051, o5151).tolist()
o520 =np.dot(T052, o5252).tolist()
oef0 =np.dot(T0ef, oefef).tolist()

# Mostrar resultado de la cinemática directa
muestra_origenes([o00,o10,o20,o30, o40, [o510, o520], oef0])
muestra_robot   ([o00,o10,o20,o30, o40, [[o510], [o520]]], oef0)
input()

```

Figura 2.3: Código para el manipulador 3

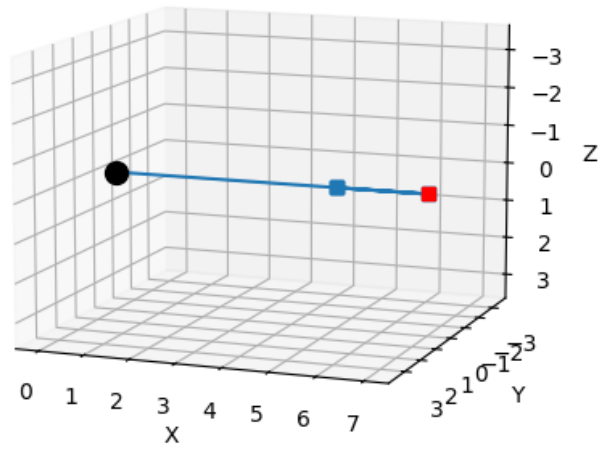


Figura 2.4: Ejecución 1

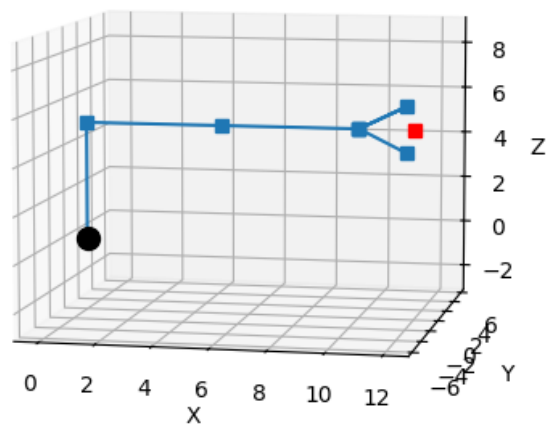


Figura 2.5: Ejecución 2

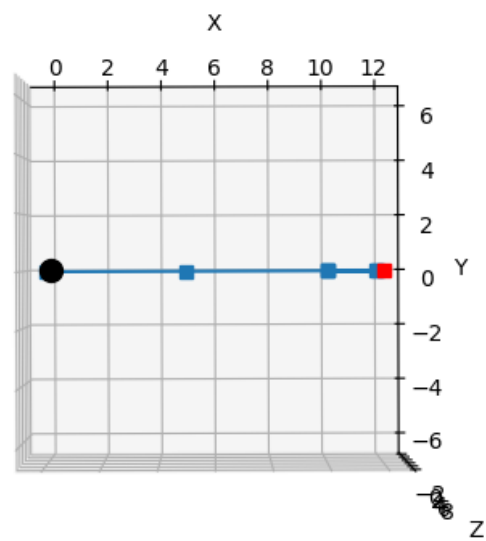


Figura 2.6: Ejecución 2, perspectiva vertical

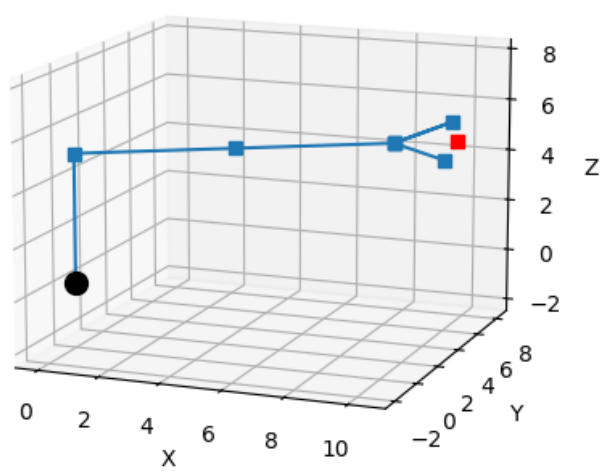


Figura 2.7: Ejecución 3

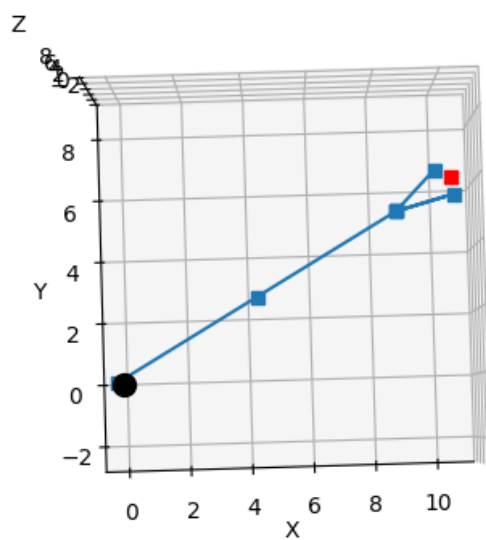


Figura 2.8: Ejecución 3, perspectiva vertical

# Capítulo 3

## Cinemática Inversa

En esta práctica se calcula la cinemática directa para manipuladores tridimensionales. Se modifica la morfología del robot indicando la longitud de los elementos rígidos, así como la existencia de articulaciones de revolución o prismáticas. Al ejecutar el script se indican los valores de las variables articulares.

### 3.1. Código Implementado

El script proporcionado contiene todo el código necesario para calcular la cinemática directa y visualizar los manipuladores. Solamente se deben modificar ciertos parámetros para adaptar el script a la morfología del robot:

- `nvar` Número de variables que se introduzcan al ejecutar el programa, correspondientes a las variables articulares.
- Parámetros de Denavit-Hartenberg son 4 vectores, uno para cada parámetro. El tamaño del vector se corresponde al número de articulaciones.
- Orígenes para cada articulación un vector con las coordenadas homogéneas de cada articulación.
- Matrices `T` son matrices que permiten realizar la transformación de un sistema de coordenadas a otro. Las matrices entre sistemas consecutivos son triviales, y se construyen con sus parámetros de Denavit-Hartenberg. Las matrices que describen la transformación entre sistemas no consecutivos se obtienen multiplicando las matrices de transformación de los sistemas intermedios. Por ejemplo, la matriz `T02`, que transforma el sistema de coordenadas 0 al 2, se obtiene realizando el producto de las matrices `T01` y `T12`.
- Coordenadas de cada articulación se calcula el origen de coordenadas del sistema de cada articulación mediante el producto punto a punto de la matriz de transformación `T0X` y el origen de coordenadas `oXX`.
- Visualización del robot se deben modificar las instrucciones de visualización para adaptarlas a la morfología del robot, incluyendo los orígenes de coordenadas calculados que se quieren visualizar.

En la figura 2.1 se muestra el fragmento del script que se debe modificar.

```

95 # Introducción de los valores de las articulaciones
96 nvar=2 # Número de variables
97 if len(sys.argv) != nvar+1:
98     sys.exit('El número de articulaciones no es el correcto ('+str(nvar)+')')
99 p=[float(i) for i in sys.argv[1:nvar+1]]
100
101 # Parámetros D-H:
102 #      1      2
103 d = [ 0, 0]
104 th = [p[0],p[1]]
105 a = [ 10, 5]
106 al = [ 0, 0]
107
108 # Orígenes para cada articulación
109 o00=[0,0,0,1]
110 o11=[0,0,0,1]
111 o22=[0,0,0,1]
112
113 # Cálculo matrices transformación
114 T01=matriz_T(d[0],th[0],a[0],al[0])
115 T12=matriz_T(d[1],th[1],a[1],al[1])
116 T02=np.dot(T01,T12)
117
118 # Transformación de cada articulación
119 o10 =np.dot(T01, o11).tolist()
120 o20 =np.dot(T02, o22).tolist()
121
122 # Mostrar resultado de la cinemática directa
123 muestra_origenes([o00,o10,o20])
124 muestra_robot ([o00,o10,o20])
125 input()
126

```

Figura 3.1: Otra figura

## 3.2. Ejercicios

Se proponen 4 manipuladores para los que se debe calcular la cinemática directa. Como se proporciona la solución del primero a modo de ejemplo, en este apartado se incluyen las soluciones de los ejercicios 2, 3 y 4.

### 3.2.1. Manipulador 2

### 3.2.2. Manipulador 3

### 3.2.3. Manipulador 4

## 3.3. Mejoras

En primer lugar, se abordan las mejoras implementadas.

### 3.3.1. Apartado Uno

A continuación, se describen las mejoras propuestas, que no se han llegado a implementar.



### **3.4. Conclusions**

# Capítulo 4

## Localización

Los capítulos intermedios servirán para cubrir los siguientes aspectos: antecedentes, problemática o estado del arte, objetivos, fases y desarrollo del proyecto.

### 4.1. Sección Uno

#### 4.1.1. Apartado Uno

Texto del apartado uno

- Item 1
- Item 2
- Item 3
- Item 4

### 4.2. Sección Dos

- Item 1
- Item 2
- Item 3

### 4.3. Sección Tres

Bla, bla, bla.

### 4.4. Sección Cuatro

Bla, bla, bla.

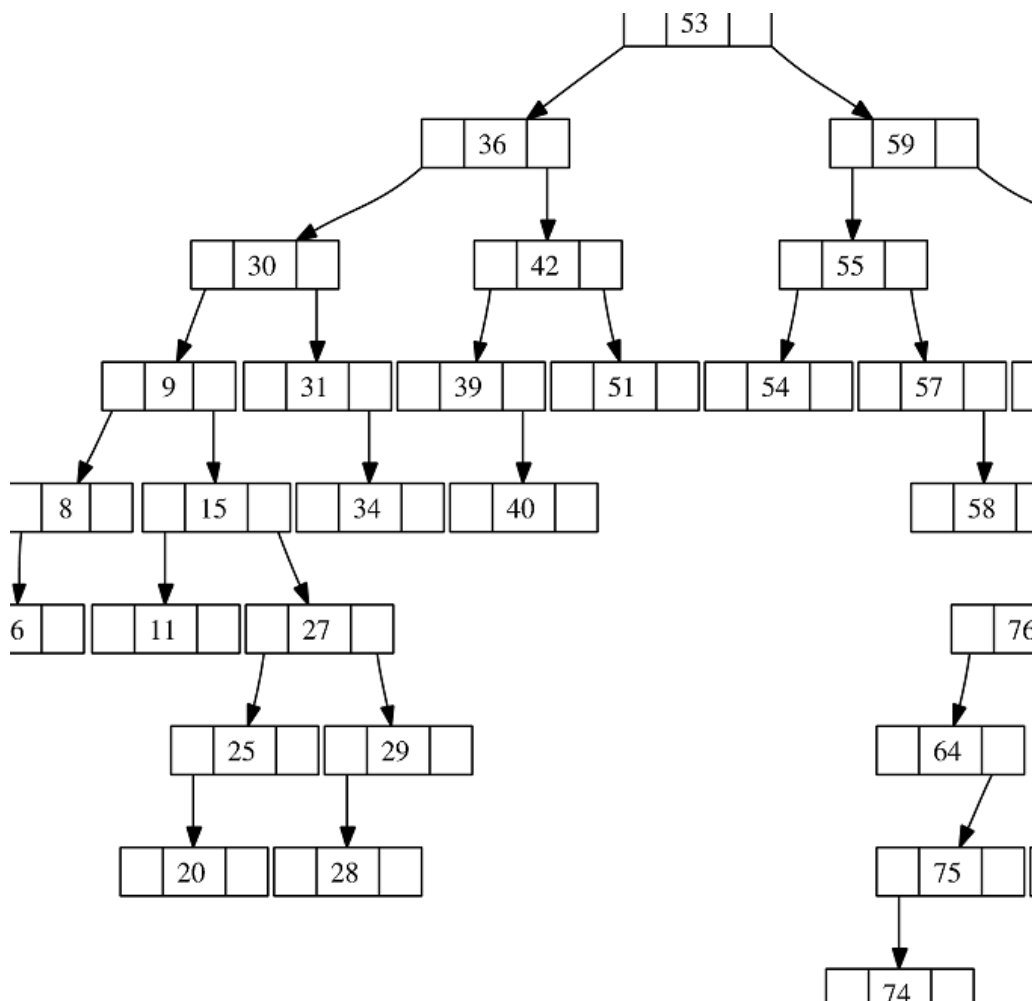


Figura 4.1: Ejemplo de figura

# Capítulo 5

## Filtro de Partículas

Este capítulo es obligatorio. Toda memoria de Trabajo de Fin de Grado debe incluir unas conclusiones y unas líneas de trabajo futuro

# Capítulo 6

## Conclusiones y líneas futuras

This chapter is compulsory. The memory should include an extended summary and conclusions in english.

# **Bibliografía**