## 1RegresionLineal1Variable

## June 19, 2019

```
In []: #José Antonio Garrido Sualdea
#REGRESION LINEAL 1 VARIABLE
        ##############################
In [25]: import pandas as pd #perimte trabajar con los datos de forma tabular
        import matplotlib.pyplot as plt
In [26]: #dataframe donde cargamos los datos
        nombres_columnas = ['poblacion', 'beneficio']
        data = pd.read_csv('ex1data1.csv', names=nombres_columnas)
        data.head()
Out[26]:
           poblacion beneficio
        0
              6.1101
                       17.5920
              5.5277
                       9.1302
        1
        2
                     13.6620
              8.5186
        3
              7.0032
                     11.8540
              5.8598
                        6.8233
In [27]: #hipotesis, predicción del beneficio en función de la poblacion
        def h(x, t): #t = teta
            return t[0] + t[1]*x
        def J(data, t): #función de coste
            #columna nueva 'error cuadrático'
            data['error cuadratico'] = data.apply(
                lambda row: #funcián sin nombre, row es el parámetro
                    (
                        h(row['poblacion'], t) #predicción
                         - row['beneficio'] #valor real
                axis=1 #aplica la función fila a fila
            )
            return (
                1/(2*data['poblacion'].count())
            ) * data['error cuadratico'].sum()
```

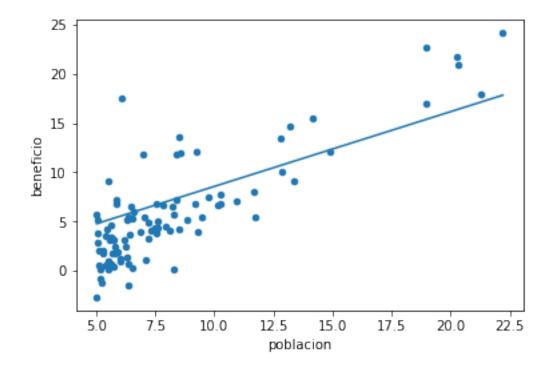
```
def gradiente(data, t, j, alfa=0.01):
             #columna nueva 'gradiente'
             data['gradiente'] = data.apply(
                 lambda row:
                     (#cuanto se equivoca
                         h(row['poblacion'], t)
                         - row['beneficio']
                     #utiliza el valor de la columna para que
                     #el ajuste sea de la misma escala(tamaño)
                     #j==0 es la constante, por eso tiene siempre valor 1
                     * (row['poblacion'] if j==1 else 1)
                 , axis=1
             return (
                 t[j] - (#media de los gradientes y lo controla con alfa
                     alfa * data['gradiente'].sum() / data['poblacion'].count()
                 )
             )
In [28]: def plot_data(data, t): #función pintar gráfica
             fig = plt.figure()
             data.plot.scatter(x='poblacion', y='beneficio')
             min_value = data['poblacion'].min()
             max_value = data['poblacion'].max()
             plt.plot([min_value, max_value],[h(min_value, t), h(max_value, t)])
             plt.show()
In [29]: t = [1, 1]
         print('configuracion inicial - t: {}, J: {}'.format(t, J(data, t)))
         #gradiente(data, t, 0)
         #gradiente(data, t, 1)
         #data.head()
configuracion inicial - t: [1, 1], J: 10.266520491383504
In [30]: MAX_ITERACIONES = 1500
         coste_x_iteracion = []
         for i in range(0, MAX_ITERACIONES):
             for j in range(len(nombres_columnas)):
                 t[j] = gradiente(data, t, j)
                 #vamos guardando el coste(j) por iteración
                 #para ver la evolución del apredizaje
                 coste_x_iteracion.append(J(data, t))
             if i % 500 == 0:
                 print('iter: {}, t: {}, J: {}'.format(i, t, J(data, t)))
```

```
plot_data(data, t)
```

```
print('evolucion del coste segun el numero de iteracion')
#mostramos la gráfica de la evolución del aprendizaje
fig = plt.figure()
plt.plot(range(len(coste_x_iteracion)), coste_x_iteracion)
data.head()
```

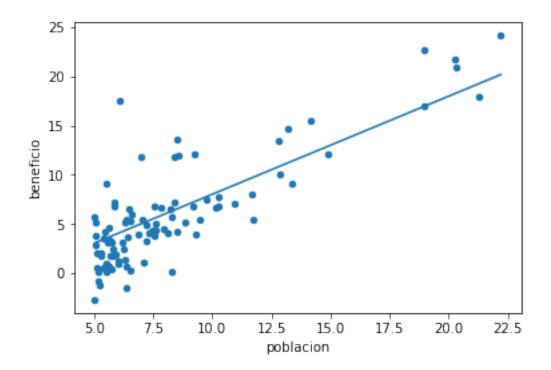
iter: 0, t: [0.9667933505154639, 0.7603606654195877], J: 6.75149515419807

<Figure size 432x288 with 0 Axes>

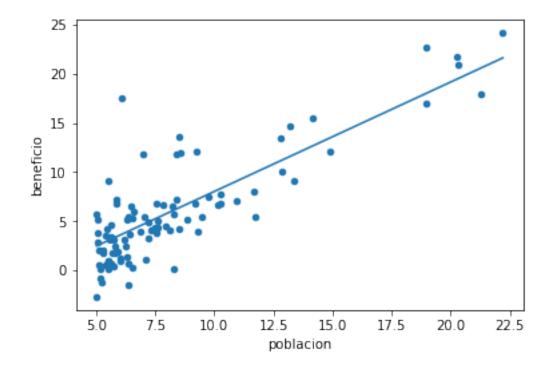


iter: 500, t: [-1.9397151324962003, 0.9968791839002915], J: 4.825298331961877

<Figure size 432x288 with 0 Axes>

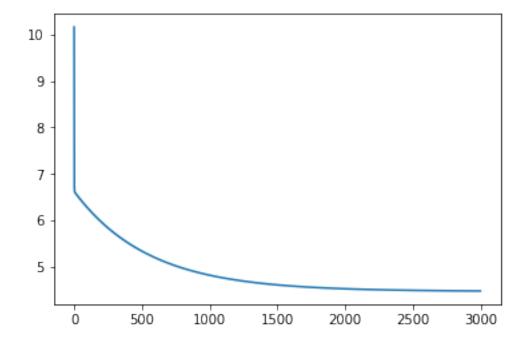


iter: 1000, t: [-3.108022511435824, 1.1140371597291412], J: 4.533465884896614
<Figure size 432x288 with 0 Axes>



evolucion del coste segun el numero de iteracion

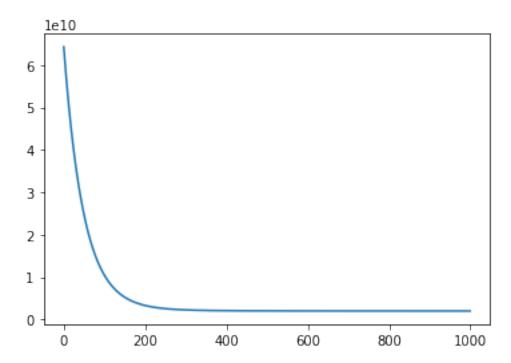
Out [30]: poblacion beneficio error cuadratico gradiente 6.1101 17.5920 198.109507 -86.002667 39.559050 -34.768787 5.5277 9.1302 1 2 8.5186 13.6620 54.000154 -62.602970 3 7.0032 11.8540 53.291523 -51.126936 5.8598 6.8233 12.938961 -21.080143



- In [32]: import pandas as pd #perimte trabajar con los datos de forma tabular
   import matplotlib.pyplot as plt
   import numpy as np

```
Out [33]:
           piesCuadrados nHabitaciones precio
                                       3 399900
         0
                     2104
         1
                     1600
                                       3 329900
         2
                     2400
                                       3 369000
                                       2 232000
         3
                     1416
                     3000
                                       4 539900
In [34]: X = data[['piesCuadrados', 'nHabitaciones']]
         y = data ['precio']
In [35]: def normalizar(fila, mu, sigma):
             return (fila - mu) / sigma
In [36]: def J(X_norm, T):
             return (X_norm.dot(T) - y).transpose().dot(X_norm.dot(T) - y) / (2*m)
In [37]: def gradiente(X_norm, T, alfa):
             coste_x_iteracion = []
             MAX_ITERACIONES = 1000
             for i in range(MAX_ITERACIONES):
                 for t in range(n):
                     T[t] = T[t] - (alfa/m)*((X_norm.dot(T) - y)
                            .transpose()*X norm[X norm.columns[t]]).sum()
                 coste_x_iteracion.append(J(X_norm, T))
             return coste_x_iteracion
In [38]: mu = X.mean() #media vectorizada
         sigma = X.std() #desviación vectorizado
         #axis=1 aplica la función para cada fila
         X norm = X.apply(lambda fila: normalizar(fila, mu, sigma), axis=1)
         X_norm['constante'] = 1
         (m, n) = X_norm.shape
         X_norm.head()
Out [38]:
           piesCuadrados nHabitaciones constante
         0
                 0.130010
                               -0.223675
                                                  1
                -0.504190
                                                  1
         1
                               -0.223675
         2
                 0.502476
                               -0.223675
                                                  1
         3
                -0.735723
                               -1.537767
                                                  1
                 1.257476
                               1.090417
In [39]: T = np.array([1]*n)
         coste_x_iteracion = gradiente(X_norm, T, 0.01)
         print('evolucion del coste segun el numero de iteracion')
evolucion del coste segun el numero de iteracion
```

Out[40]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x16f3cdf8400>]



```
In [41]: #normalizo y preparo los datos de prueba
         prueba = np.array([1650, 3])
         prueba_norm = normalizar(prueba, mu, sigma)
         prueba_norm['constante'] = 1
        print(prueba_norm)
piesCuadrados
                -0.441273
nHabitaciones
                -0.223675
constante
                 1.000000
dtype: float64
In [42]: #hipótesis o predicción segun lo aprendido
         #en el proceso iterativo
         prueba_norm.dot(T)
Out [42]: 293172.9955954961
In [43]: #ecuación nomral
         T_normal = ((np.linalg.inv((X_norm.transpose().dot(X_norm))))
                    .dot(X_norm.transpose())).dot(y)
```

Out[45]: 293081.46433489607