

# Tema 3: Búsqueda heurística: métodos locales y búsqueda por el mejor nodo.



SIMPLE  
HEURISTICS  
THAT MAKE US  
SMART

# Objetivos

- Adquirir las habilidades básicas para construir sistemas capaces de resolver problemas mediante técnicas de IA.
- Entender que la resolución de problemas en IA implica definir una representación del problema y un proceso de búsqueda de la solución.
- Analizar las características de un problema dado y determinar si es susceptible de ser resuelto mediante técnicas de búsqueda. Decidir en base a criterios racionales la técnica más apropiada para resolverlo y saber aplicarla.
- Entender el concepto de heurística y analizar las repercusiones en la eficiencia en tiempo y espacio de los algoritmos de búsqueda.
- Conocer las técnicas más representativas de búsqueda informada en un espacio de estados (búsqueda local, algoritmo A\*).

# Estudia el tema en ...

- Nils J. Nilsson, “*Inteligencia Artificial: Una nueva síntesis*”, Ed. Mc Graw Hill, 2000. pp. 53-62, 125-146, 163-174
- S. Russell, P. Norvig, “*Inteligencia Artificial: Un enfoque moderno*”, Ed. Prentice Hall, 2ª edición, 2004.

# Contenido

- Heurísticas
- Métodos de escalada
- Búsqueda primero el mejor

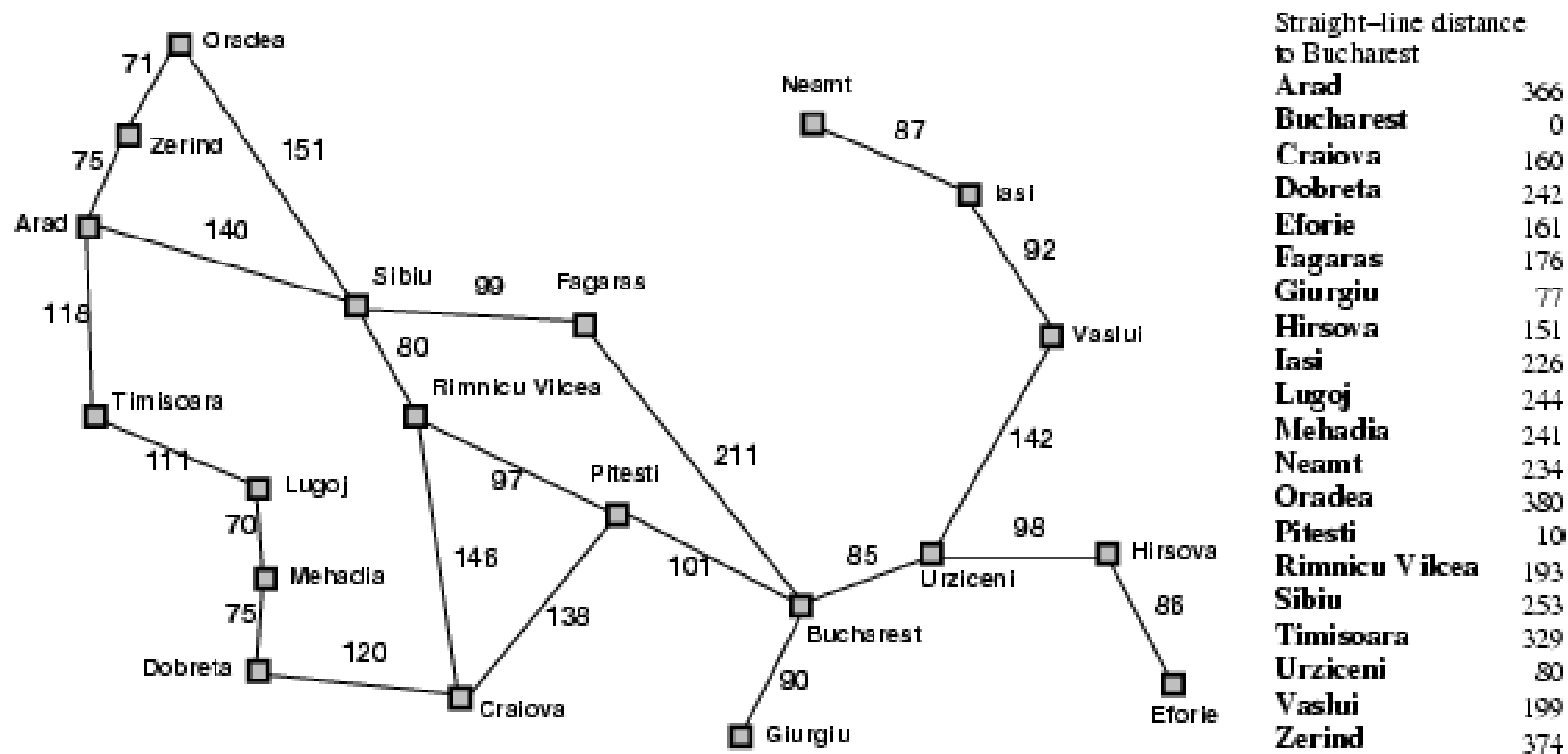
# Heurísticas

- Las **heurísticas** son criterios, métodos o principios para decidir cuál de entre varias acciones promete ser la mejor para alcanzar una determinada meta
- En IA, entendemos por heurística un **método para resolver problemas** que en general **no garantiza la solución óptima**, pero que en media **produce resultados satisfactorios** en la resolución de un problema.
- Una heurística encapsula el conocimiento específico/experto que se tiene sobre un problema, y sirve de guía para que un algoritmo de búsqueda pueda encontrar una solución válida aceptable.
- Eventualmente, una heurística puede devolver siempre soluciones óptimas bajo ciertas condiciones (requiere demostración).

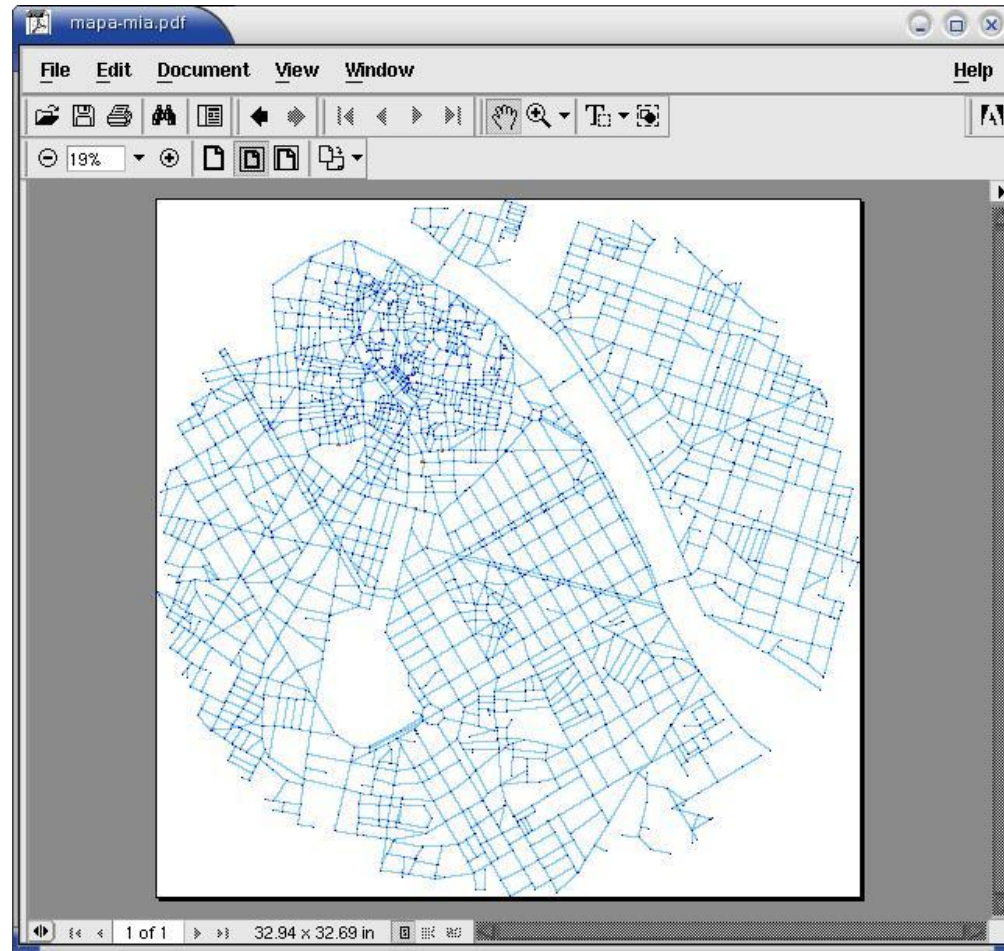
# Ajedrez



# Mapa de carreteras



# Mapa de carreteras





# 8-puzzle

7	2	4
5		6
8	3	1

**Start State**

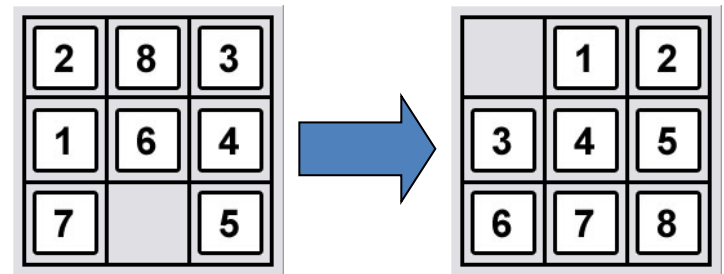
	1	2
3	4	5
6	7	8

**Goal State**

# 8-puzzle

- En IA, implementaremos heurísticas como funciones que devuelven un valor numérico, cuya maximización o minimización guiará al proceso de búsqueda a la solución.
- Ejemplo de heurística en el problema del 8-puzzle:
  - $f(n)$  = nº de fichas descolocadas en comparación con la posición objetivo a alcanzar.
  - **Objetivo:** Minimizar  $f$ .
  - $n$  es un estado (posición de las piezas) del problema.
  - $f(n)$  es la *función heurística*.

$$f( (2, 8, 3, 1, 6, 4, 7, 0, 5) ) = 9$$

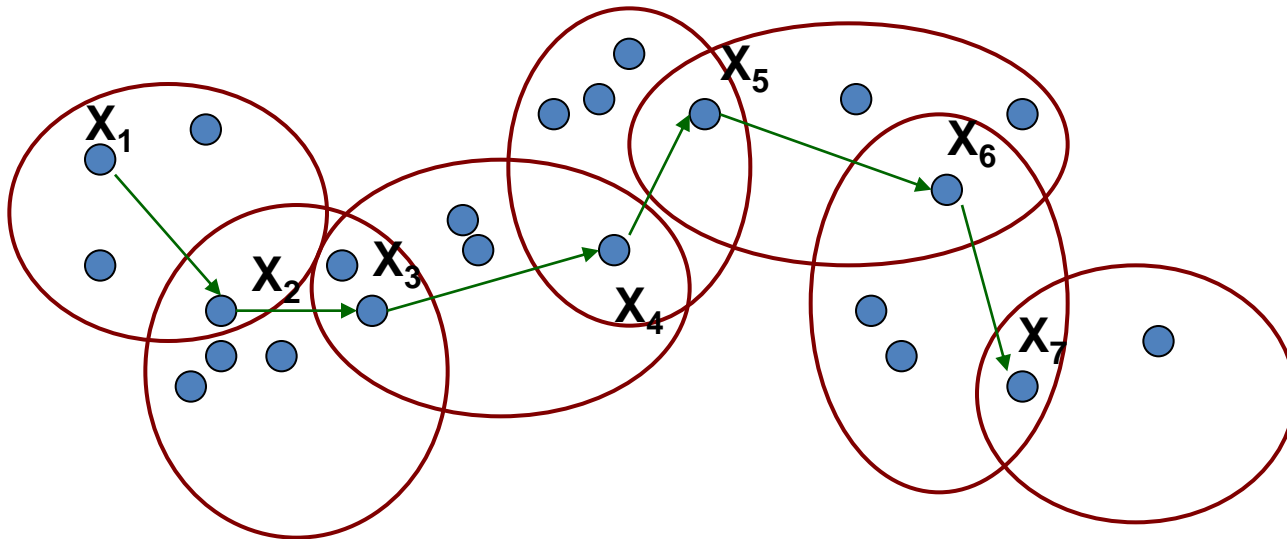


# Métodos de escalada

- Algoritmo de escalada simple
- Algoritmo de escalada por la máxima pendiente
- Algunas variaciones estocásticas
- Algoritmos genéticos

# Métodos de escalada

- Si dibujamos las soluciones como puntos en el espacio, una **búsqueda local** consiste en seleccionar la solución mejor en el vecindario de una solución inicial, e ir viajando por las soluciones del espacio hasta encontrar un óptimo (local o global).



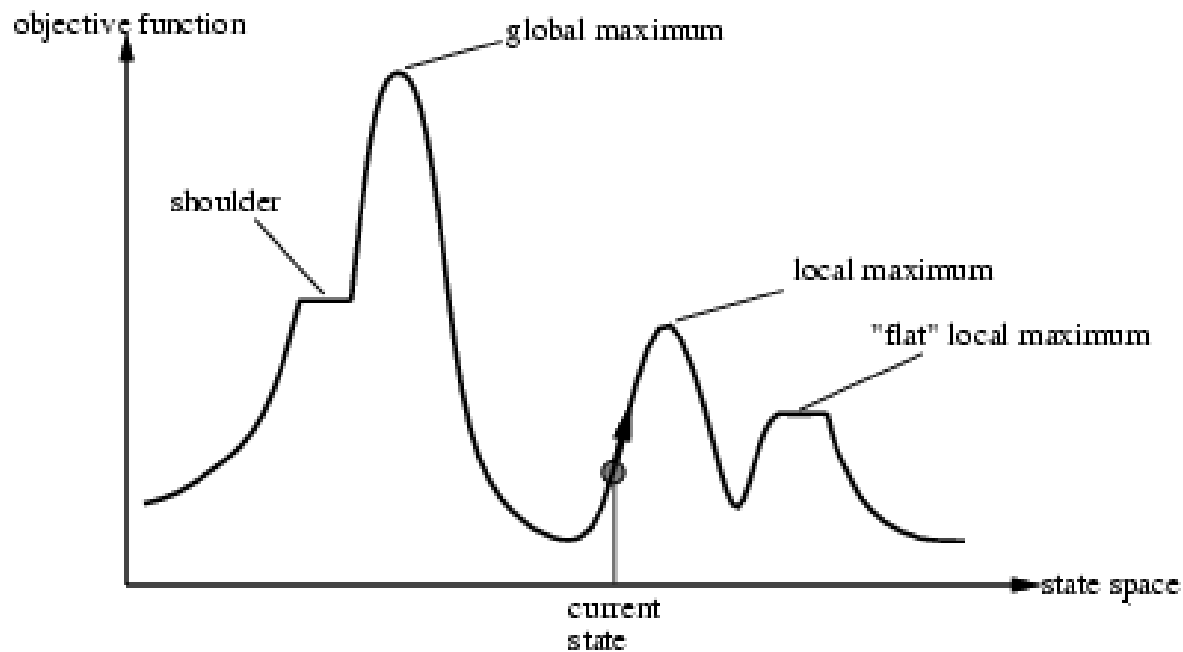
# Algoritmo de escalada simple

- Evaluar el estado inicial. Si también es el estado objetivo, devolverlo y terminar. En caso contrario, continuar con el estado inicial como estado actual.
- Repetir hasta que se encuentre una solución o hasta que no queden nuevos operadores que aplicar al estado actual:
  - Seleccionar un operador que no haya sido aplicado con anterioridad al estado actual y aplicarlo para generar un nuevo estado.
  - Evaluar el nuevo estado.
    - Si es un estado objetivo, devolverlo y terminar.
    - Si no es un estado objetivo, pero es mejor que el estado actual, convertirlo en el estado actual.
    - Si no es mejor que el estado actual, continuar con el bucle.

# Algoritmo de escalada por la máxima pendiente

- Evaluar el estado inicial. Si también es el estado objetivo, devolverlo y terminar. En caso contrario, continuar con el estado inicial como estado actual.
- Repetir hasta que se encuentre una solución o hasta que una iteración completa no produzca un cambio en el estado actual:
  - Sea SUCC un estado tal que algún posible sucesor del estado actual sea mejor que este SUCC.
  - Para cada operador aplicado al estado actual hacer lo siguiente:
    - Aplicar el operador y generar un nuevo estado
    - Evaluar el nuevo estado. Si es un estado objetivo, devolverlo y terminar. Si no, compararlo con SUCC. Si es mejor, asignar a SUCC este nuevo estado. Si no es mejor, dejar SUCC como está.
  - Si SUCC es mejor que el estado actual, hacer que el estado actual sea SUCC.

# Métodos de escalada



# Ejemplo

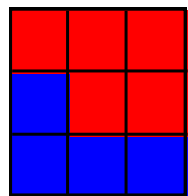
- **Ejemplo:** Colorear una matriz de **filas\*columnas** con **n** colores, de modo que cada celda tenga el mínimo número de celdas adyacentes del mismo color. Asumimos que las celdas adyacentes son las que se encuentran una casilla hacia arriba, abajo, izquierda o derecha de la casilla considerada.
  - **Función objetivo:** Minimizar la suma del número de pares de casillas adyacentes del mismo color.
  - **Definición del entorno:** El vecindario de una solución estará formado por aquellas soluciones cuyos colores varíen en una única posición de la solución dada.



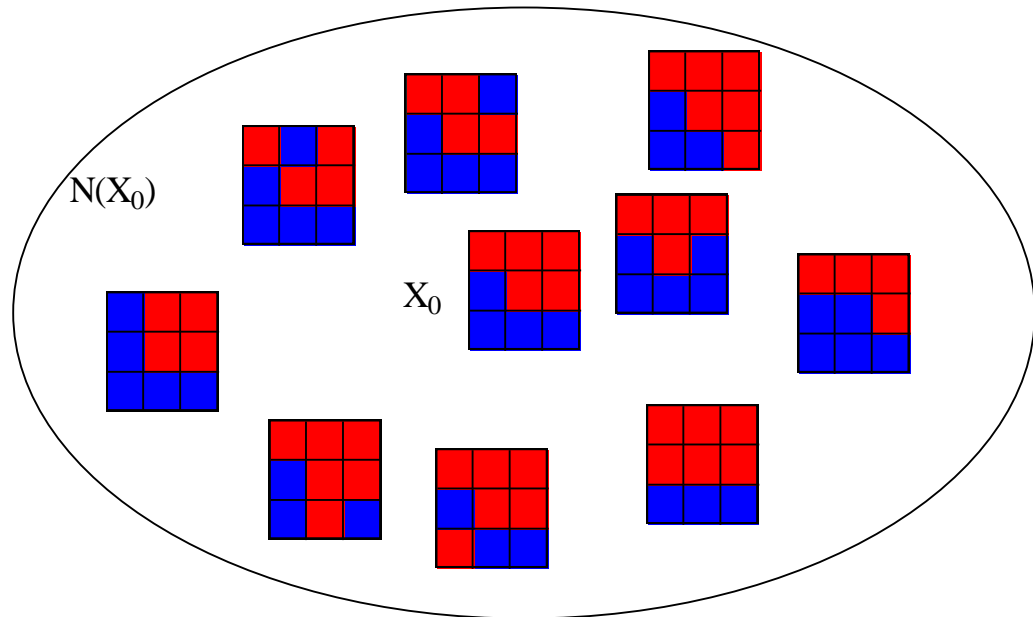
# Ejemplo

- **Ejemplo:**

- **Solución inicial:** Generada de forma aleatoria. Supongamos que se ha generado la siguiente para una matriz de  $3 \times 3$ , a rellenar con **2 colores rojo y azul**, con valor de función objetivo  $v=8$ :

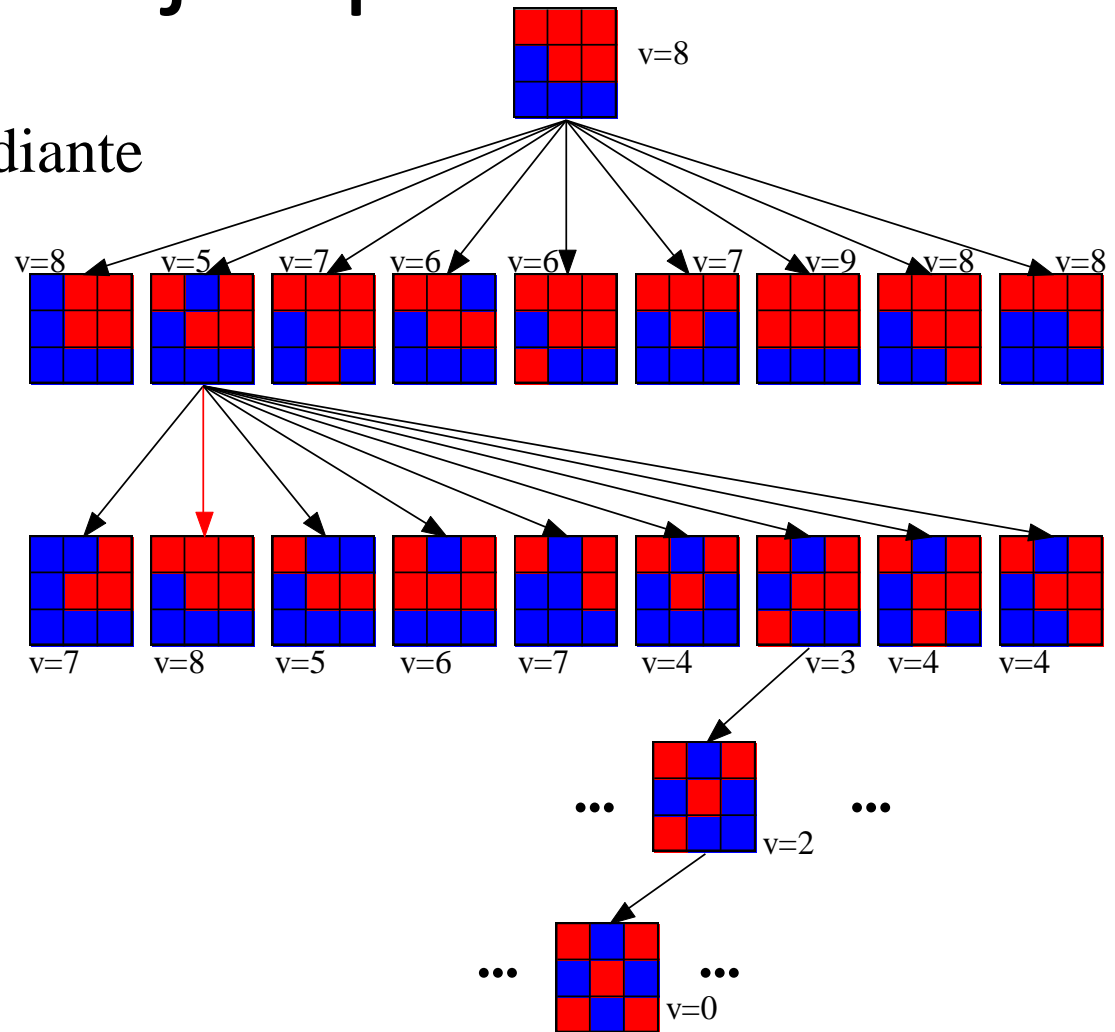


$v=8$



# Ejemplo

- **Ejemplo:** Solución al problema anterior mediante ascensión de colinas.

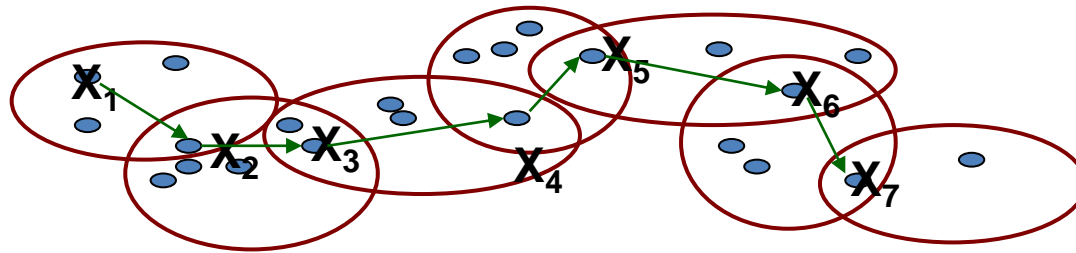


# Algunas variaciones estocásticas

- Algoritmo de escalada estocástico
- Algoritmo de escalada de primera opción
- Algoritmo de escalada de reinicio aleatorio
- Enfriamiento simulado

# Algoritmo de enfriamiento simulado

- Es un método de búsqueda local (por entornos).
- Su objetivo es encontrar una solución con valor de función objetivo óptimo.
- Genera los vecinos de forma probabilística (muy útil cuando el entorno de la solución es demasiado grande y costoso de generar).
- Se basa en principios de Termodinámica.
- Al contrario que los métodos de ascensión de colinas, permite visitar soluciones peores que la actual para evitar óptimos locales.



# Algoritmo de enfriamiento simulado

- **Un poco de historia:**

- En el campo de la Termodinámica, en los años 50 se simuló el proceso de enfriamiento en sistemas de partículas hasta que se llegaba a un estado congelado estable.
- El proceso simulaba la diferencia de energía del sistema,  $\delta E$ , y se quería verificar que la probabilidad de que el sistema tuviese el cambio  $\delta E$  seguía la siguiente fórmula ( $t$  es la temperatura actual del sistema;  $k$  es una constante física):



$$P[\delta E] = e^{-\frac{\delta E}{k \cdot T}}$$

# Algoritmo de enfriamiento simulado

- **Analogía entre el proceso de enfriamiento y el algoritmo de enfriamiento simulado:**
  - Los **estados** por los que pasa el sistema físico de partículas equivalen a las **soluciones factibles** del algoritmo.
  - La **energía E del estado actual** del sistema es el valor de la **función objetivo de la solución actual**. Ambos tienen que minimizarse.
  - Un **cambio de estado** en el sistema equivale a **explorar el entorno de una solución y viajar a una solución vecina**.
  - El **estado final estable** (congelado) es la **solución final** del algoritmo.

# Algoritmo de enfriamiento simulado

## Enfriamiento Simulado( $T_i$ , $T_f$ , $\alpha$ , $N$ )

1.  $T \leftarrow T_i$ , temperatura inicial
2.  $X \leftarrow$  Generar Solución Inicial
3. Mientras ( $T \geq T_f$ ), hacer:
  - 3.1. Para cada vecino a generar desde  $i=1..N(T)$ , hacer:
    - 3.1.1.  $X' \leftarrow$  Generar Solución Vecina de  $X$
    - 3.1.2.  $F \leftarrow \text{Bondad}(X') - \text{Bondad}(X)$
    - 3.1.3. Si ( $F < 0$ ) ó ( $U(0,1) < e^{(-F/T)}$ ), aceptar solución  $X \leftarrow X'$
  - 3.2. Actualizar temperatura  $T \leftarrow \alpha(T)$
4. Devolver mejor  $X$  encontrado en el proceso.

# Algoritmo de enfriamiento simulado

## Enfriamiento Simulado( $T_i$ , $T_f$ , $\alpha$ , $N$ )

1.  $T \leftarrow T_i$ , temperatura inicial
2.  $X \leftarrow$  Generar Solución Inicial
3. Mientras ( $T \geq T_f$ ), hacer:
  - 3.1. Para cada vecino a generar desde  $i=1..N(T)$ , hacer:
    - 3.1.1.  $X' \leftarrow$  Generar Solución Vecina de  $X$
    - 3.1.2.  $F \leftarrow \text{Bondad}(X') - \text{Bondad}(X)$
    - 3.1.3. Si ( $F < 0$ ) ó ( $U(0,1) < e^{(-F/T)}$ ), aceptar solución  $X \leftarrow X'$
  - 3.2. Actualizar temperatura  $T \leftarrow \alpha(T)$
4. Devolver mejor  $X$  encontrado en el proceso.

Se parte de una Temperatura inicial  $T_i$ , y de un estado (solución)  $X$ , con una energía (coste, bondad) asociada **Bondad( $X$ )**



# Algoritmo de enfriamiento simulado

## Enfriamiento Simulado( $T_i$ , $T_f$ , $\alpha$ , $N$ )

1.  $T \leftarrow T_i$ , temperatura inicial
2.  $X \leftarrow$  Generar Solución Inicial
3. Mientras ( $T \geq T_f$ ), hacer:
  - 3.1. Para cada vecino a generar desde  $i=1..N(T)$ , hacer:
    - 3.1.1.  $X' \leftarrow$  Generar Solución Vecina de  $X$
    - 3.1.2.  $F \leftarrow$  Bondad( $X'$ ) – Bondad( $X$ )
    - 3.1.3. Si ( $F < 0$ ) ó ( $U(0,1) < e^{(-F/T)}$ ), aceptar solución  $X \leftarrow X'$
  - 3.2. Actualizar temperatura  $T \leftarrow \alpha(T)$
4. Devolver mejor  $X$  encontrado en el proceso.

El sistema se modelará hasta que se alcance una temperatura final deseada.

# Algoritmo de enfriamiento simulado

## Enfriamiento Simulado( $T_i$ , $T_f$ , $\alpha$ , $N$ )

1.  $T \leftarrow T_i$ , temperatura inicial
2.  $X \leftarrow$  Generar Solución Inicial
3. Mientras ( $T \geq T_f$ ), hacer:
  - 3.1. Para cada vecino a generar desde  $i=1..N(T)$ , hacer:
    - 3.1.1.  $X' \leftarrow$  Generar Solución Vecina de  $X$
    - 3.1.2.  $F \leftarrow \text{Bondad}(X') - \text{Bondad}(X)$
    - 3.1.3. Si ( $F < 0$ ) ó ( $U(0,1) < e^{(-F/T)}$ ), aceptar solución  $X \leftarrow X'$
  - 3.2. Actualizar temperatura  $T \leftarrow \alpha(T)$
4. Devolver mejor  $X$  encontrado en el proceso.

En cada estado (solución), se exploran sus estados cercanos (vecindario). Si el problema es muy grande, la exploración se limita a  $N(T)$  vecinos.

# Algoritmo de enfriamiento simulado

## Enfriamiento Simulado( $T_i, T_f, \alpha, N$ )

1.  $T \leftarrow T_i$ , temperatura inicial
2.  $X \leftarrow$  Generar Solución Inicial
3. Mientras ( $T \geq T_f$ ), hacer:
  - 3.1. Para cada vecino a generar desde  $i=1..N(T)$ 
    - 3.1.1.  $X' \leftarrow$  Generar Solución Vecina de  $X$
    - 3.1.2.  $F \leftarrow \text{Bondad}(X') - \text{Bondad}(X)$
    - 3.1.3. Si ( $F < 0$ ) ó ( $U(0,1) < e^{(-F/T)}$ ), aceptar solución  $X \leftarrow X'$
  - 3.2. Actualizar temperatura  $T \leftarrow \alpha(T)$
4. Devolver mejor  $X$  encontrado en el proceso.

Se genera un vecino. Si es mejor, se acepta directamente. Si no, y la diferencia de energía de los estados (Bondad de solución) es menor que  $e^{(-F/T)}$ , **también se acepta.**

# Algoritmo de enfriamiento simulado

## Enfriamiento Simulado( $T_i, T_f, \alpha, N$ )

1.  $T \leftarrow T_i$ , temperatura inicial
2.  $X \leftarrow$  Generar Solución Inicial
3. Mientras ( $T \geq T_f$ ), hacer:
  - 3.1. Para cada vecino a generar desde  $i=1..N(T)$ , hacer:
    - 3.1.1.  $X' \leftarrow$  Generar Solución Vecina de  $X$
    - 3.1.2.  $F \leftarrow$  Bondad( $X'$ ) – Bondad( $X$ )
    - 3.1.3. Si ( $F < 0$ ) ó ( $U(0,1) < e^{(-F/T)}$ ), aceptar solución  $X \leftarrow X'$
  - 3.2. Actualizar temperatura  $T \leftarrow \alpha(T)$
4. Devolver mejor  $X$  encontrado en el proceso.

La temperatura se reduce, indicando que nos acercamos al estado estable.

# Algoritmo de enfriamiento simulado

## Enfriamiento Simulado( $T_i, T_f, \alpha, N$ )

1.  $T \leftarrow T_i$ , temperatura inicial
2.  $X \leftarrow$  Generar Solución Inicial
3. Mientras ( $T \geq T_f$ ), hacer:
  - 3.1. Para cada vecino a generar desde  $i=1..N(T)$ , hacer:
    - 3.1.1.  $X' \leftarrow$  Generar Solución Vecina de  $X$
    - 3.1.2.  $F \leftarrow \text{Bondad}(X') - \text{Bondad}(X)$
    - 3.1.3. Si ( $F < 0$ ) ó ( $U(0,1) < e^{(-F/T)}$ ), aceptar solución  $X \leftarrow X'$
  - 3.2. Actualizar temperatura  $T \leftarrow \alpha(T)$
4. Devolver mejor  $X$  encontrado en el proceso.

Se devuelve la mejor solución  $X$  que se haya encontrado en todo el proceso de enfriamiento simulado

# Algoritmo de enfriamiento simulado

- La **solución inicial** se puede generar de forma aleatoria, por conocimiento experto, o por medio de otras técnicas algorítmicas como *greedy*.
- La **actualización de temperatura** también es heurística, y hay varios métodos:
  - $T \leftarrow \alpha \cdot T$ , con  $\alpha$  en  $(0,1)$
  - $T \leftarrow 1/(1+k)$ , con  $k$ = número de iteraciones del algoritmo hasta el momento, etc.
- **Número de vecinos a generar:** Fijo  $N(T) = \text{cte}$ , dependiente de la temperatura  $N(T) = f(T)$ , etc.

# Algoritmo de enfriamiento simulado

- Tanto la temperatura inicial como la temperatura final  $T_i$  y  $T_f$  son parámetros de entrada al algoritmo.
- Es difícil asignar un valor concreto a  $T_f$ , por lo que la condición de parada se suele sustituir por un número específico de iteraciones a realizar.

## • **Ventajas:**

- Al ser un método probabilístico, tiene capacidad para salir de óptimos locales.
- Es eficiente.
- Es fácil de implementar.

# Algoritmo de enfriamiento simulado

- **Inconvenientes:**

- Encontrar la temperatura inicial  $T_i$ , el método de actualización de temperatura  $\alpha$ , el número de vecinos a generar en cada estado y el número de iteraciones óptimo es una tarea que requiere de **muchas pruebas de ensayo y error** hasta que ajustamos los parámetros óptimos.
- Pese a todo, el algoritmo puede proporcionar soluciones mucho mejores que utilizando algoritmos no probabilísticos.



# Algoritmos genéticos

- La simulación de procesos naturales es un campo de investigación muy amplio en Inteligencia Artificial, conocido por varios nombres como **computación evolutiva**, **biocomputación**, **algoritmos bioinspirados**, etc.
- Si ha funcionado bien en la naturaleza, ¿porqué una simulación de estos procesos no iba a proporcionar buenos resultados en un computador?
- Ejemplos:
  - Algoritmos genéticos.
  - Algoritmos basados en Colonias de Hormigas.
  - Algoritmos basados en inteligencia de enjambres.



# Algoritmos genéticos

- Son algoritmos de optimización basados en el proceso de la evolución natural de Darwin.
- En un proceso de evolución, existe una **población de individuos**. Los más adecuados a su entorno **se reproducen y tienen descendencia** (a veces **con mutaciones** que mejoran su idoneidad al entorno). Los más adecuados sobreviven para la siguiente generación.
- No necesitan partir de un nodo/estado inicial: ¡Hay toda una población!



- Su objetivo es encontrar una solución cuyo valor de función objetivo sea óptimo.

# Algoritmos genéticos

- **Cromosoma**  $\leftrightarrow$  Vector representación de una solución al problema.
- **Gen**  $\leftrightarrow$  Característica/Variable/Atributo concreto del vector de representación de una solución
- **Población**  $\leftrightarrow$  Conjunto de soluciones al problema.
- **Adecuación al entorno**  $\leftrightarrow$  Valor de función objetivo (fitness).
- **Selección natural**  $\leftrightarrow$  Operador de selección.
- **Reproducción sexual**  $\leftrightarrow$  Operador de cruce.
- **Mutación**  $\leftrightarrow$  Operador de mutación.
- **Cambio generacional**  $\leftrightarrow$  Operador de reemplazamiento.

# Algoritmos genéticos

- **Ejemplo:** Cromosoma que codifica una solución a un problema. Cada característica del problema es un valor 0/1.

Individuo (Solución)



Cromosoma  
(Representación del individuo)

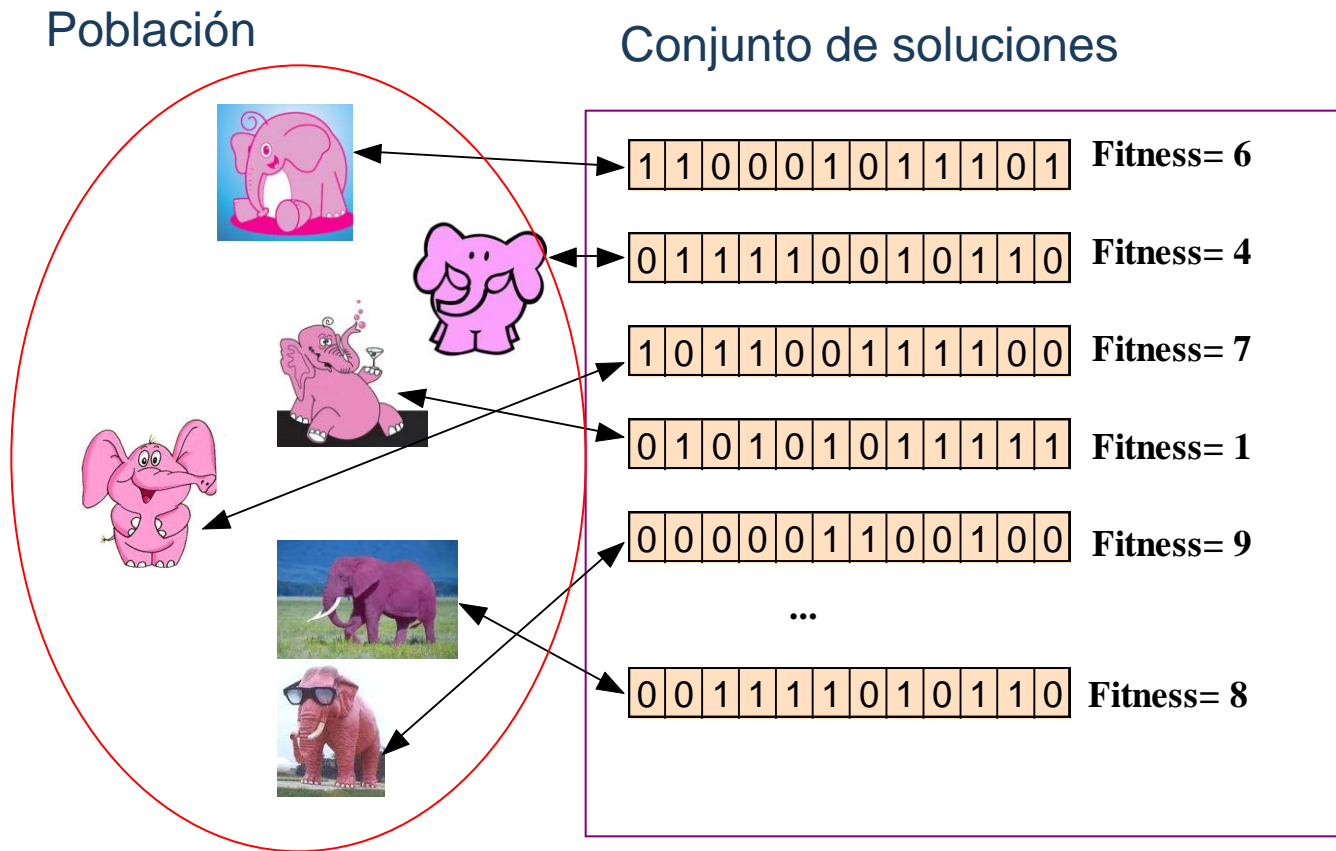
1	1	0	0	0	1	0	1	1	1	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

...

Genes (codificación binaria)

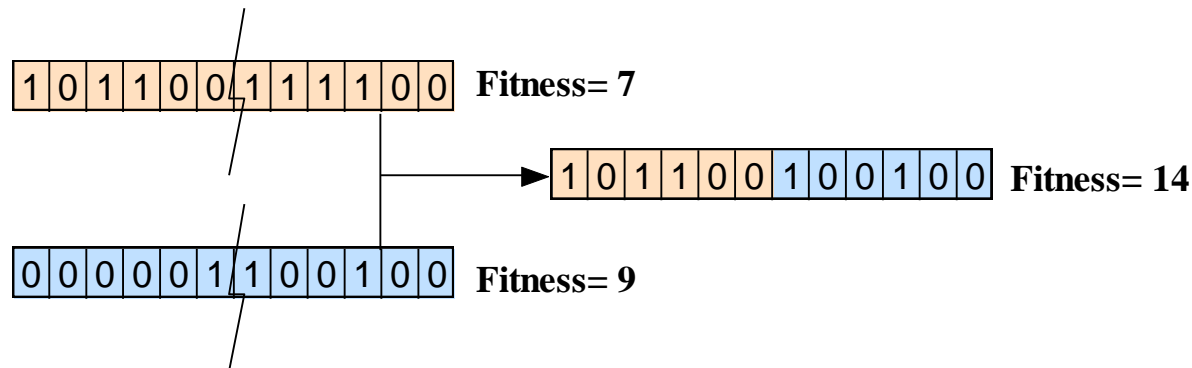
# Algoritmos genéticos

- **Ejemplo:** Población. Conjunto de individuos (cada uno con su fitness).



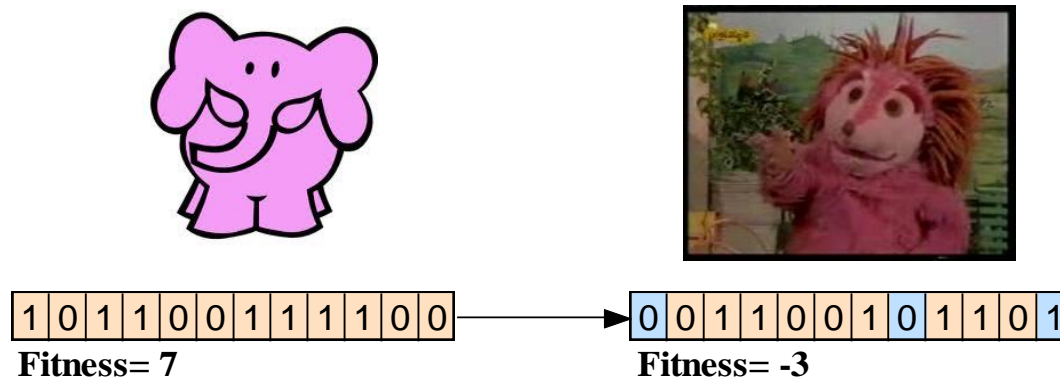
# Algoritmos genéticos

- **Ejemplo:** Cruce. Combinación de soluciones de la población para generar descendientes.



# Algoritmos genéticos

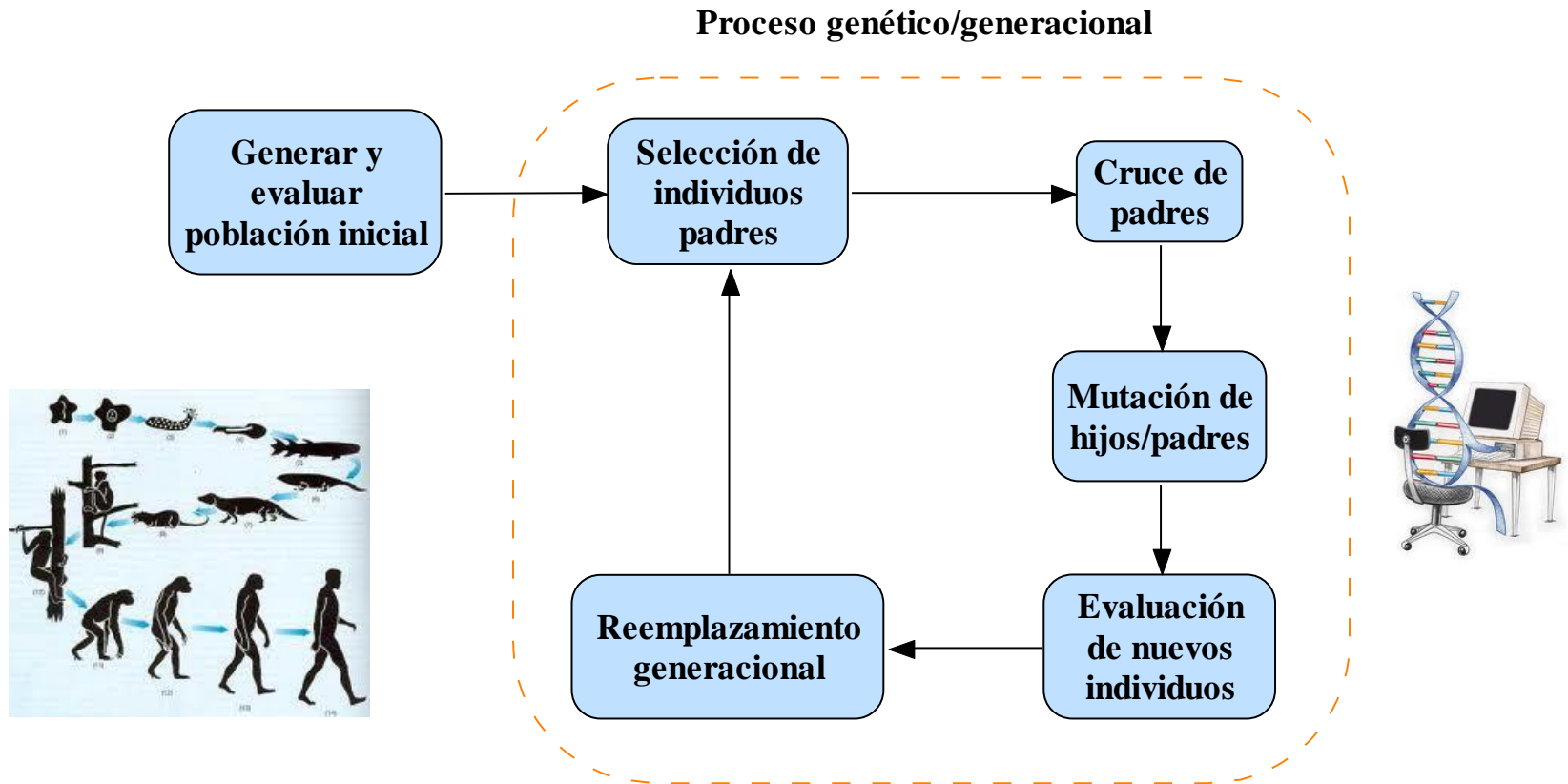
- **Ejemplo:** Mutación. Uno o más genes de un individuo pueden mutar para generar una nueva solución.



- En la población, hay una probabilidad dada a priori de que un individuo pueda mutar. A su vez, cuando un individuo muta, existe otra probabilidad de que cada gen mute o no.

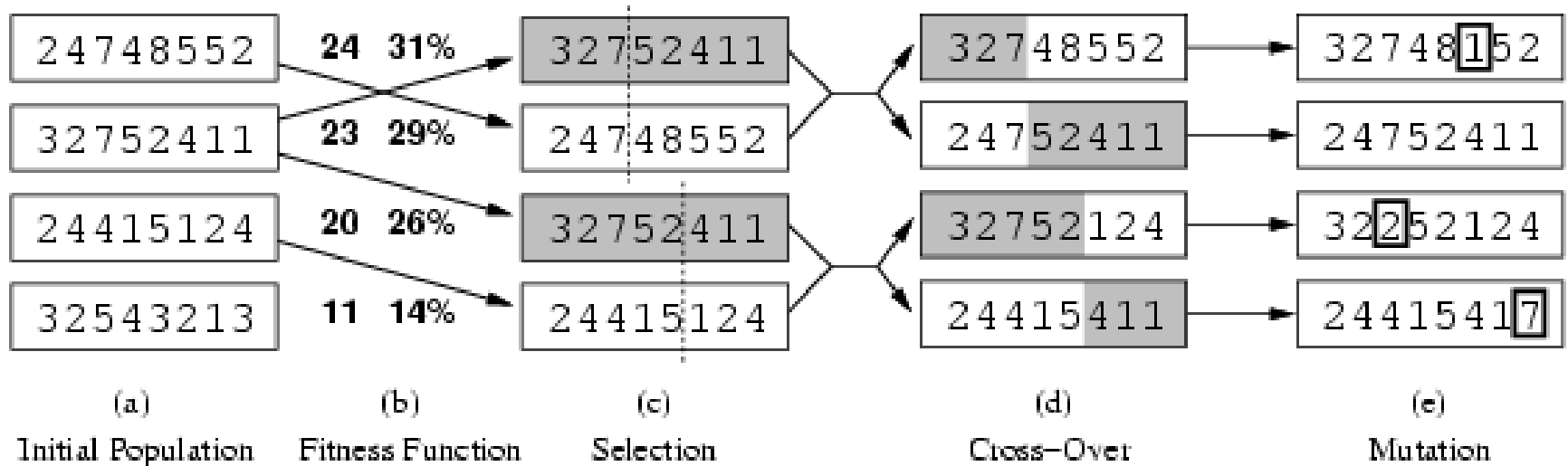
# Algoritmos genéticos

- Proceso de un algoritmo genético:





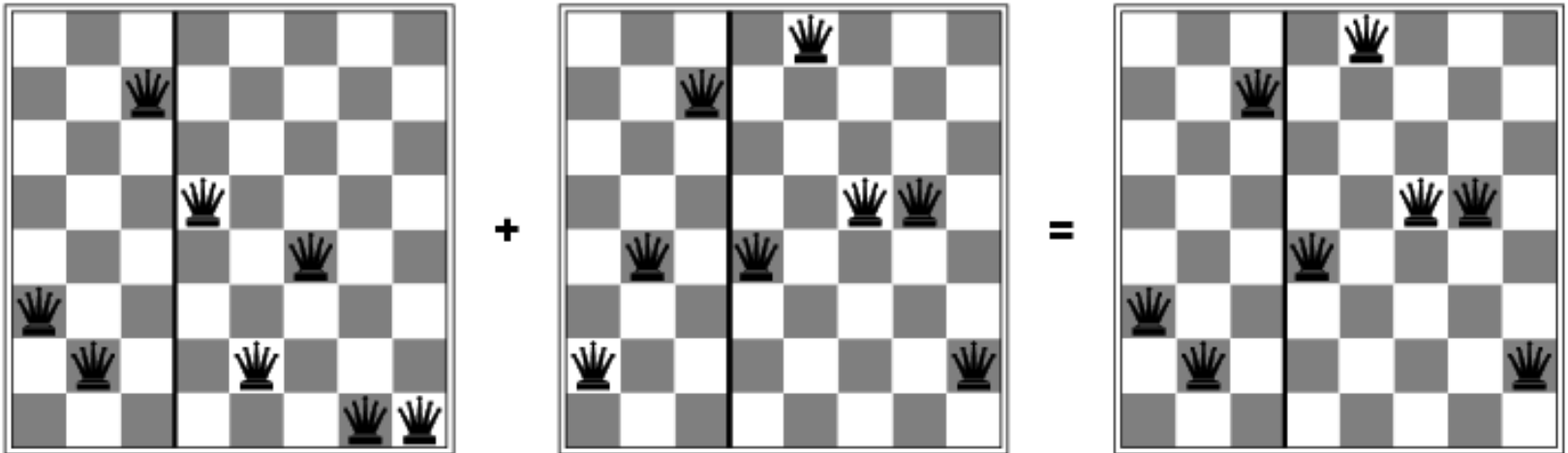
# Ejemplo



Función de evaluación (8 reinas) = número de pares de reinas no atacadas

28 para una solución

# Ejemplo



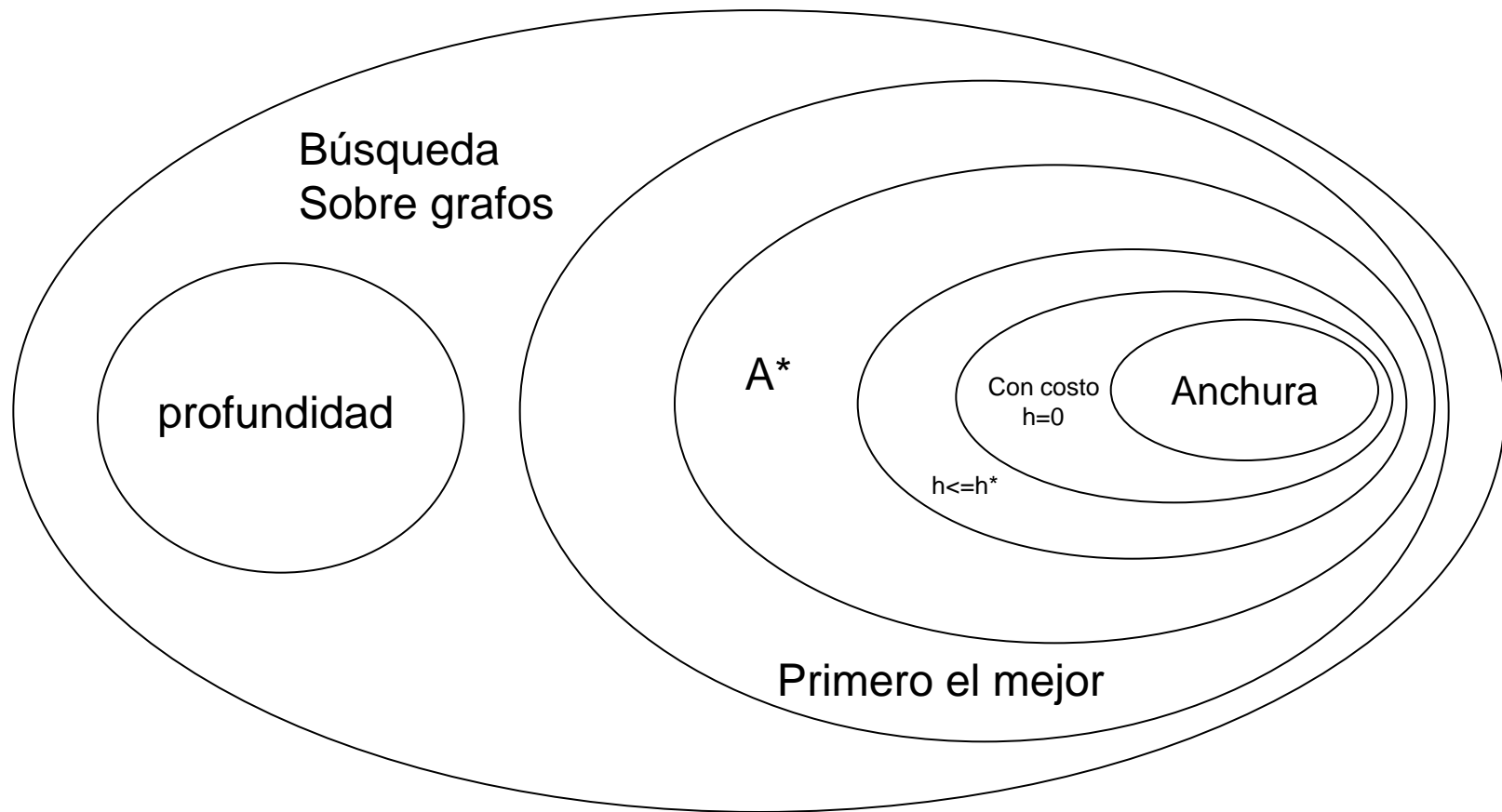
# Búsqueda primero el mejor

- Algoritmo A\*
- Búsqueda dirigida

# Algoritmo A\*

- ABIERTOS contiene el nodo inicial, CERRADOS esta vacío
- Comienza un ciclo que se repite hasta que se encuentra solución o hasta que ABIERTOS queda vacío
  - Seleccionar el mejor nodo de ABIERTOS
  - Si es un nodo objetivo terminar
  - En otro caso se expande dicho nodo
  - Para cada uno de los nodos sucesores
    - Si está en ABIERTOS insertarlo manteniendo la información del mejor padre
    - Si está en CERRADOS insertarlo manteniendo la información del mejor padre y actualizar la información de los descendientes
    - En otro caso, insertarlo como un nodo nuevo

# Algoritmos de búsqueda



# Dificultades del proceso

- Los procesos de percepción no siempre pueden obtener la información necesaria acerca del **estado** del entorno
- Las acciones pueden no disponer siempre de modelos de sus **efectos**
- Pueden haber otros procesos físicos, u **otros agentes**, en el mundo

# Dificultades del proceso

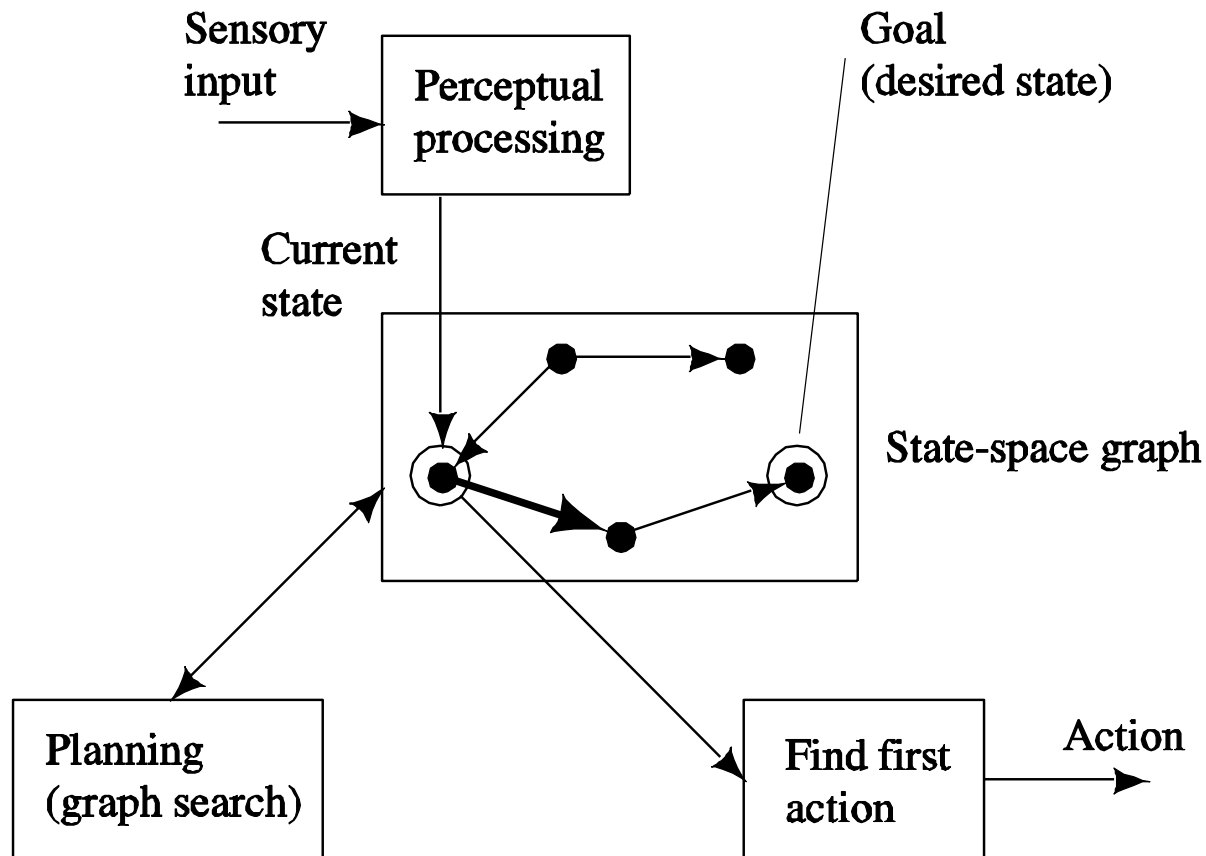
- En el tiempo que transcurre desde la construcción de un plan, el mundo puede cambiar de tal manera que el plan ya no sea adecuado
- Podría suceder que se le requiriese al agente actuar antes de que pudiese completar una búsqueda de un estado objetivo
- Aunque el agente dispusiera de tiempo suficiente, sus recursos de memoria podrían no permitirle realizar la búsqueda de un estado objetivo

# Heurísticas sobre el proceso de búsqueda

- Arquitecturas combinadas de percepción y planificación
- Búsqueda orientada a subobjetivos
- Búsqueda jerárquica
- Búsqueda con horizonte



# Arquitectura percepción/planificación/actuación

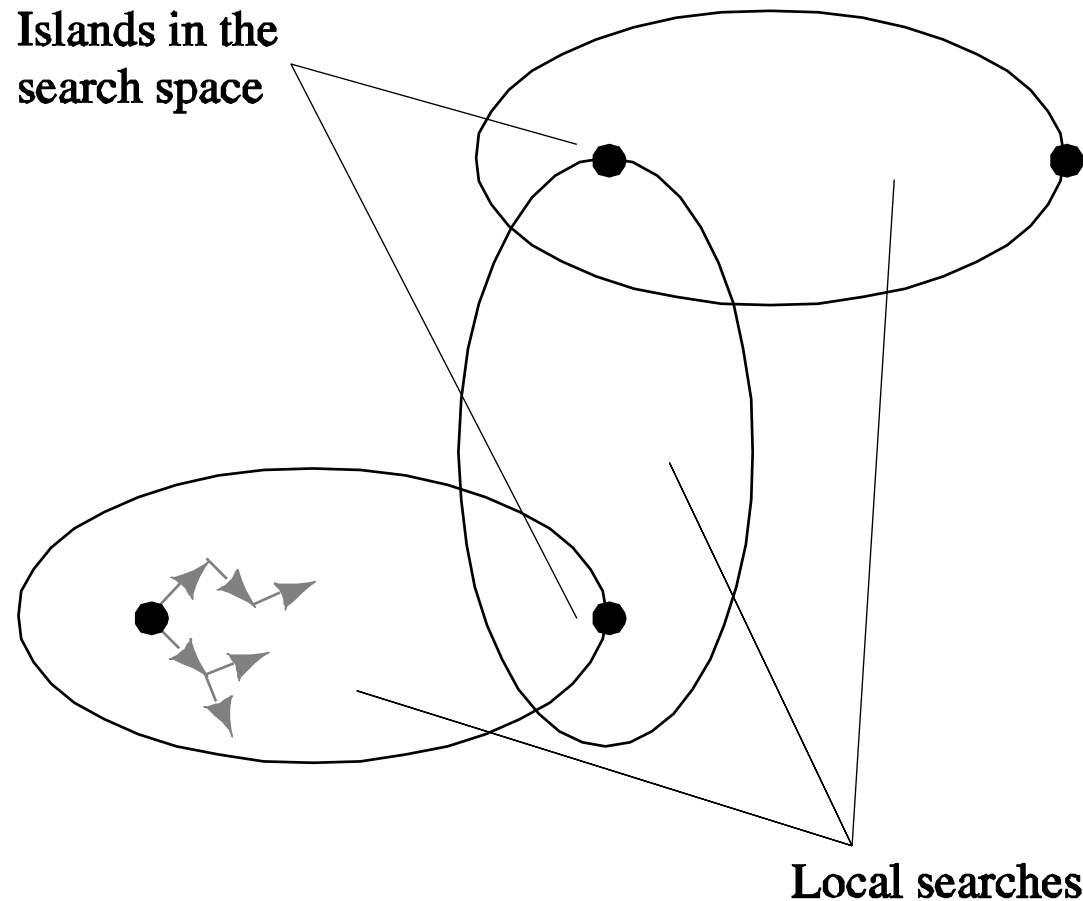


© 1998 Morgan Kaufman Publishers

# Heurísticas sobre el proceso de búsqueda

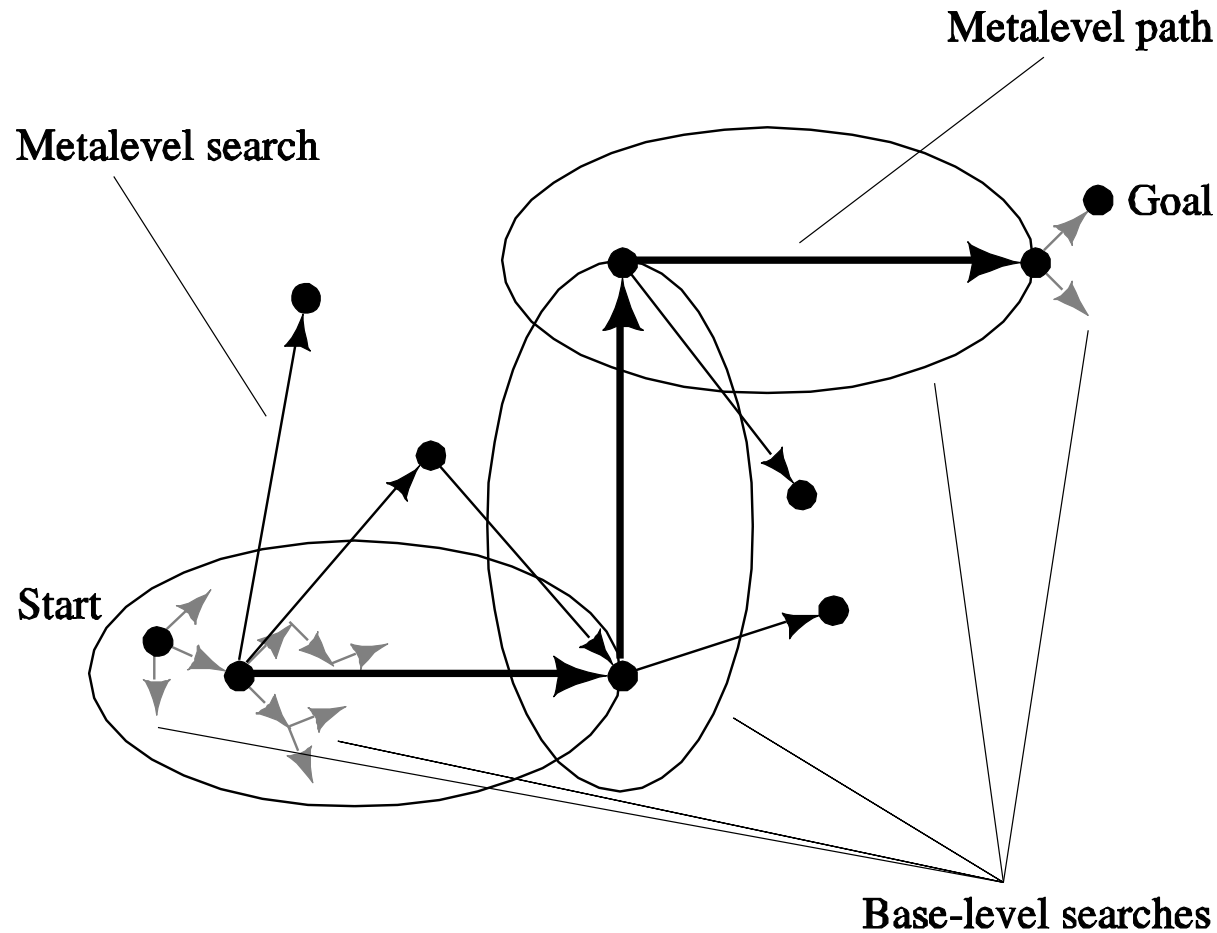
- Búsqueda orientada a subobjetivos
- Búsqueda con horizonte
- Búsqueda jerárquica

# Búsqueda orientada a subobjetivos



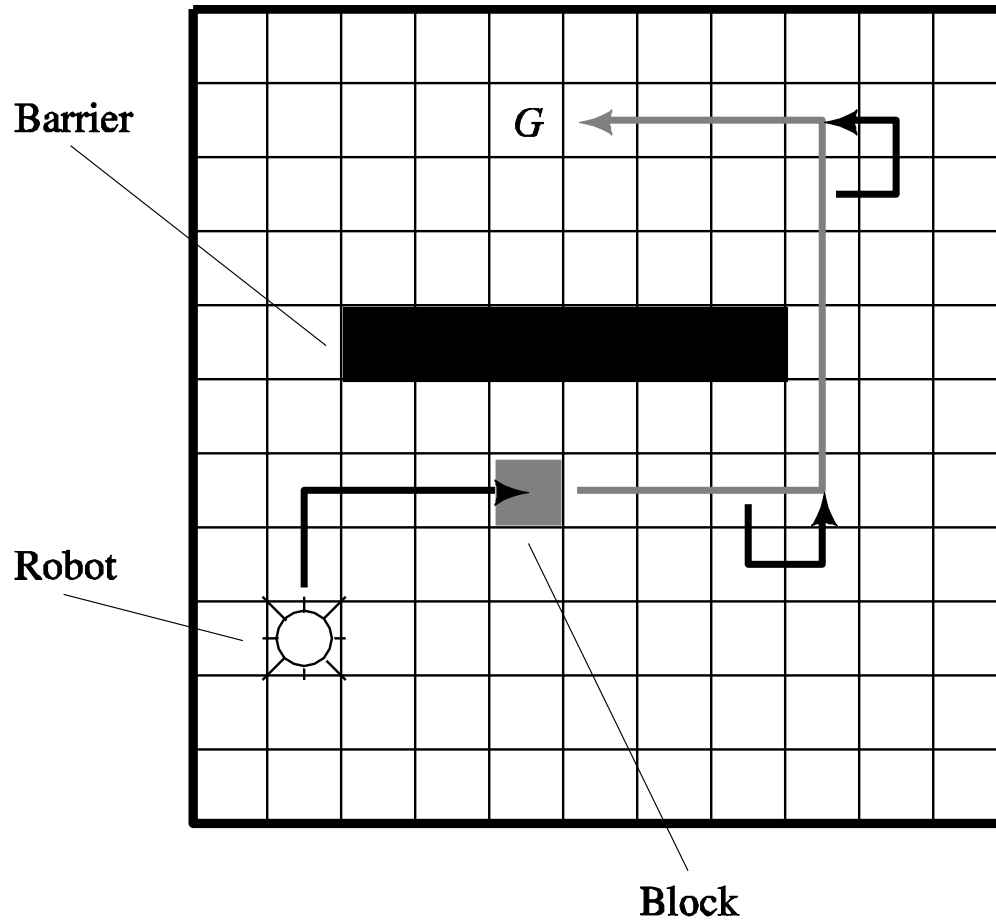
© 1998 Morgan Kaufman Publishers

# Búsqueda jerárquica



© 1998 Morgan Kaufman Publishers

# Búsqueda jerárquica



© 1998 Morgan Kaufman Publishers