

Pour un mode Transverse Électrique (**TE**) :

$$\begin{cases} \vec{E} = E_y(x, z) \vec{e}_y \\ \vec{H} = H_x \vec{e}_x + H_z \vec{e}_z \end{cases}$$

$$r_{TE} = \frac{\gamma_1 - \gamma_2}{\gamma_1 + \gamma_2} \quad \text{et} \quad t_{TE} = \frac{2\gamma_1}{\gamma_1 + \gamma_2}$$

$$\gamma_{1/2} = \sqrt{\frac{\omega^2}{c^2} \varepsilon_{1/2} - \alpha^2}$$

$$\alpha = \left(\frac{\omega}{c} n_1 \right) \sin \theta = (k_1) \sin \theta$$

Donc :

$$\gamma_{1/2} = \sqrt{k_{1/2}^2 - \alpha^2}$$

$$k_{1/2} = \left(\frac{\omega}{c} \right) n_{1/2} = (k_0) n_{1/2}$$

En incidence normale : ($\theta = 0$) :

$$\text{Donc } \alpha = 0$$

$$\gamma_{1/2} = \sqrt{k_{1/2}^2 - 0^2} = k_{1/2}$$

Le coefficient de réflexion en polarisation TE, sous incidence normale, est donné par :

$$r_{TE} = \frac{k_1 - k_2}{k_1 + k_2} = \frac{\gamma_1 - \gamma_2}{\gamma_1 + \gamma_2} = \frac{k_0 n_1 - k_0 n_2}{k_0 n_1 + k_0 n_2} = \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2}$$

En l'absence de graphène, et pour $n_1 = 1$ et $n_2 = 1,5$:

$$r_{TE} = \frac{1 - 1,5}{1 + 1,5} = -0,2$$

$$\varepsilon_r = \frac{n_1}{n_1} |r_{TE}|^2 = |-0,2|^2 = 0,04 \equiv 4\%$$

De la même manière :

$$t_{TE} = \frac{2\gamma_1}{\gamma_1 + \gamma_2} = \frac{2k_1}{k_1 + k_2} = \frac{2k_0 n_1}{k_0 n_1 + k_0 n_2} = \frac{2n_1}{n_1 + n_2} = 0,8$$

$$\varepsilon_t = \frac{n_2}{n_1} |t_{TE}|^2 = \frac{1,5}{1} \times |0,8|^2 = 0,96 = 96\%$$

Donc :

$$\varepsilon_t + \varepsilon_r = 1$$

En incidence classique ($\theta \neq 0$) :

$$r_{TE} = \frac{\gamma_1 - \gamma_2}{\gamma_1 + \gamma_2} = \frac{\sqrt{k_1^2 - k_1^2 \sin^2 \theta} - \sqrt{k_2^2 - k_1^2 \sin^2 \theta}}{\sqrt{k_1^2 - k_1^2 \sin^2 \theta} + \sqrt{k_2^2 - k_1^2 \sin^2 \theta}}$$

$$\frac{k_1}{k_2} = \frac{k_0 n_1}{k_0 n_2} = \frac{n_1}{n_2}$$

Loi de Snell-Descartes :

$$n_1 \sin(\theta_1) = n_2 \sin(\theta_2)$$

$$\frac{n_1}{n_2} \sin(\theta_1) = \sin(\theta_2)$$

$$r_{TE} = \frac{k_1 \sqrt{1 - \sin^2 \theta_1} - k_2 \sqrt{1 - \sin^2 \theta_2}}{k_1 \cos(\theta_1) + k_2 \cos(\theta_2)}$$

On obtient ainsi :

$$r_{TE} = \frac{n_1 \cos \theta_1 - n_2 \cos \theta_2}{n_1 \cos \theta_1 + n_2 \cos \theta_2}$$

Pour un mode Transverse Magnetique (**TM**) :

$$\begin{cases} \vec{H} = H_y(x, z) \vec{e}_y \\ \vec{E} = E_x \vec{e}_x + E_z \vec{e}_z \end{cases}$$

$$r_{TM} = \frac{\gamma'_1 - \gamma'_2}{\gamma'_1 + \gamma'_2} \quad \text{et} \quad t_{TM} = \frac{2\gamma'_1}{\gamma'_1 + \gamma'_2}$$

$$\gamma'_1 = \frac{\gamma_1}{\varepsilon_1} = \frac{\gamma_1}{n_1^2}$$

$$\gamma'_2 = \frac{\gamma_2}{\varepsilon_2} = \frac{\gamma_2}{n_2^2}$$

En incidence conique, on permute :

$$(\theta = 30^\circ, \psi = 0^\circ) \quad \leftrightarrow \quad (\theta = 30^\circ, \psi = 45^\circ)$$

On effectue ce test avec :

$$\delta = 90^\circ \quad \Rightarrow \quad \text{polarisation TE}$$

$$\delta = 0^\circ \quad \Rightarrow \quad \text{polarisation TM}$$