MATEMÁTICAS BÁSICAS Quinta entrega

- 1. Encontrar todos los enteros positivos n tales que los números 3n-6 y 5n-1 son primos.
- 2. ¿De cuantas formas diferentes se puede dividir un grupo de 15 personas en 5 equipos A, B, C, D y E de 3 personas cada una?
- 3. Demuestra que si A es un conjunto de 201 impares positivos diferentes, no superiores a 300 y elegidos al azar existen, al menos, dos elementos de A tales que uno divide al otro.

MATEMÁTICAS BÁSICAS Quinta entrega

- 1. Sean p y q primos impares consecutivos. Probar que p+q tiene al menos tres factores primos, no necesariamente distintos. Dar un ejemplo en el que el número de factores primos distintos sea uno, otro en el que sea dos y otro en el que sea tres.
- 2. ¿Cuántas palabras se pueden formar con todas las letras de la palabra "Murcielago"? ¿Cuántas de ellas tienen las cinco vocales juntas?
- 3. Sean n un entero positivo y S un conjunto formado por 4n+1 números enteros positivos, todos menores o iguales que 5n. Demostrar que existen $x,y\in S$ distintos tales que $\frac{x}{y}$ es potencia de 5.

MATEMÁTICAS BÁSICAS Quinta entrega

1. Sean n y m números enteros tales que $1 \le m \le 2n$. Demostrar que

$$\frac{\mathrm{mcd}\,(m,2n)}{m}\cdot\binom{m}{2n}$$

es un número entero.

- 2. Tenemos un grupo de 7 personas (5 chicas y 2 chicos). ¿De cuantas maneras pueden sentarse en 7 sillas dispuestas en línea recta si al menos 3 chicas deben estar juntas?
- 3. Demuestra que en cualquier conjunto de 121 enteros positivos menores de 10000 siempre hay dos cuya diferencia es menor de 83.

MATEMÁTICAS BÁSICAS Quinta entrega

- 1. Encontrar todos los enteros positivos n tales que los números 5n-8, n+2 y 7n-3 son primos.
- 2. Una empresa de seguridad va a comercializar un nuevo tipo de llave que se fabrica realizando incisiones de varias profundidades en ciertas posiciones fijas de la llave. Si las incisiones se pueden hacer de 6 posibles profundidades, ¿cuántas incisiones deben hacerse en cada llave para que se puedan producir más de 1.500.000 llaves diferentes?
- 3. Demuestra que dados 51 números cualesquiera del 1 al 100 hay dos cuya suma es 101.