

# Experimento fuerza de fricción

Hector Peñaranda-2202200 y Andrés Hernández Acosta-2191077 April 2023

### 1 Resumen

En este documento se analizará el movimiento en caida libre de una servilleta comprimida y una sin estarlo, con el objetivo de encontrar relaciones entre las ecuaciones de movimiento para un cuerpo sin resistencia al aire y otro con una constante k de resistencia. Para esto se empleó el sofware tracker, ya que nos permite hacer medidas y comparación entre la distancia recorrida y el tiempo requerido para dicho movimiento. Se planea comparar las mediciones optenidas de modo experiemntal y el modelo teorico existente sobre el fénomeno físico. Los datos se analizarán por medio de herramientas computacionales en Jupyterlab. Se prevé un margen de error en las mediciones debido a la factivilidad humana en la toma de datos. Por esta razón se toma un promedio de varias repeticiones del mismo experimento.

# 2 Introduction

El objetivo principal de este documento es poder registar numéricamente y analiticamente la furza producida por el campo gravitatorio de la tierra, produciendo con esto una gravedad, siendo esta la acelaración que experimentaría una masa (m) la cual entra dentro del campo gravitatorio de la tierra.

Para poder realizar este experimento se requiere de una servilleta (como cualquiera que se puede encontrar en la cocina) y del sofware "Tracker", la idea es dividir el experimento en dos ramas, la primera es dejar caer la servilleta extendida y con esto, se apreciariía los fenomenos de restencia del aire, el cual va en contra del movimiento de caída. La otra parte del esperimento consiste en arrugar la servilleta y que con esto la estructura del cuerpo (servilleta) cuente con las propiedades necesarias para poder "vencer" esa fuerza de resistencia y que de esta forma, sea posible analizar un fenomeno de caída libre lo más aproximado posible.

Se espera contar que en los calculos finales el resultado obtenido para el valor de la gravedad sea lo más aproximado a 9.8, sin embardo, es necesario tener en cuenta que debido a los errores humanos y de sofware, lo más probable es que el valor de "g" obtenido de los datos, sea distinto al esperado.

# 3 Objetivos

- Realizar el montaje experimental de la caida libre de un objeto con y sin resistencia al aire.
- Comparar el movimiento experimental con el modelo teorico del objeto sin resistencia al aire.
- Estimar el coeficiente k de la fuerza de fricción a partir de la comparación entre: el experimento sin roce, el experimento con roce y el modelo teórico con roce

### 4 Marco teórico

## Descripción planteamiento teórico servilleta comprimida

La fuerza de friccion con la que cae la servilleta comprimida puede ser representada por medio de las ecuaciones basicas de newton:

$$\sum(F) = ma \tag{1}$$

ya que el objeto está en caida libre, la aceleracion del mismo se matiene constante. Y además las distancias recorridas por el objeto en un tiempo  $t_1$  esta dado por la ecuación:

$$v_f = v_o + gt \tag{2}$$

$$d = v_o t + g \frac{t^2}{2} \tag{3}$$

Este modelo debiera ajustarse a la caída de la servilleta comprimida. Dicho esto se comprobará con las mediciones de la caida de la servilleta comprimida.. Adicionalmente, este modelo servirá para calibrar el experimento de la servilleta extendida y estimar el valor de la constante de fricción k.

Acontinuación se mostrarán los datos y los plantemaientos requeridos para tratar el experimento de caida de la servilleta extendida.

#### Modelado teórico servilleta extendida

Para este caso de estudio, no podemos tomar los mismos resultados obtenidos en el caso de la servilleta comprimida debido a que la fuerza de friccion influye en la caida. es por esto que es necesario replantear el analisis para formular teoricamente lo que sucede.

Sabemos que por la mecanica clásica ofrecida por newton, se cumpolen las siguientes propiedades.

$$\sum F = ma$$

Sabemos que la velocidad que experimenta la servilleta en su descenso no es constante por tanto existe un valor que depende de ella. Ahora gracias a estopodemos analizar que las fuerzas que influyen en el sistema son: El peso y la fricción de desplazamiento que depende de la velocidad y una constante la cual llamaremos k. Esto ocurre proque si lo analizamos desde el puntod e un paracaidista que abrio su equipo este en algun momento de la caida siente como la fuerza de friccion no influye y su velocidad de caida es constante, es asi como entonces el peso del paracaidista y la fuerza de friccion que va en sentido contrario se igualan a la fuerza que va con una aceleración constante de caida. como se puede observar en las siguientes formulas:

$$m * g - kv = m * a_y$$

$$a = g - \frac{k}{m} * v \tag{4}$$

De la ecuación (4) se logra evidenciar la aceleración con la que se estima un cuerpo con fuerza de fricción se desplace en ciertos instantes de tiempo. Ahora bien llamaremos a la constante que acompaña la velocidad (v) como  $\frac{k}{m} = B$  Dicha constante es la que hallaremos por medio de nuestro modelado computacional y su mejor aproximación con los datos resultantes del experimento.

# 5 Metodología

#### Montaje del experimento

Para llevar a cabo este experimento es necesario contar con una servilleta, un computador y un celular, debido a que la servilleta es blanca, se requiere de un fondo con color distinto, para que de esta forma el sofware "tracker" pueda diferenciar entre el objeto a tomar las muestras y su entorno. Es necesario que se tengan ciertos elementos en el fondo para que de esta forma sea más fácil medir las distancias.

Una vez se tenga el escenario preparada, se procede a arrugar una servilleta con el fin de que su resistencia al movimiento disminuya hasta ser casi despreciable, luego de esto, se tira desde un lugar alto y se registran sus movientos. Dichos movimientos se registran diex veces tanto para el caso cuando no exista una friccion significativa como cuando no. Una muestra de estos datos se refleja en la figura 1

#### 5.1 Experimento servilleta comprimida

En esta sección se elaborará el experimento de la caída de la servilleta paro en este caso se arrugará con el fin de que la resistencia del aire no afecte el moviemiento a analizar y con esto último poder tener una caída libre lo más aproximada posible.

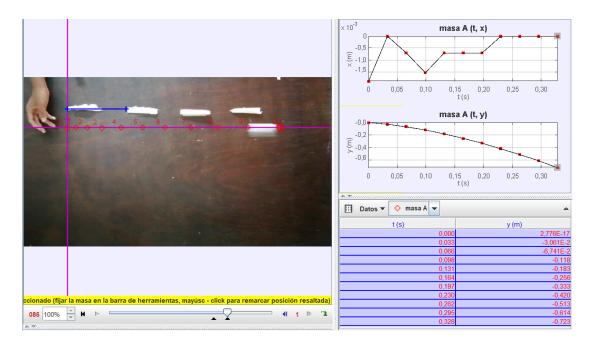


Figure 1: montaje

## Muestras montaje experimental de la servilleta comprimida

Apartir de tracker se puede intuir que si se dejar caer una servilleta comprimida posee las caracteristicas de un objeto en caida libre debido a la funcion cuadratica que se observa en los datos presentes en la tabla 1 como se observa en la figura 1 que representan el promedio entre todos los datos correspondientes a la repeticion de diez veces de la caida de la servilleta:

y (m)
2,775558E-17
-0,03060748
-0,06740654
-0,1181075
-0,1827103
-0,2563084
-0,3331776
-0,4198598
-0,5130841
-0,6136682
-0,7232477

Table 1: Posición vs tiempo

# Gráfica servilleta comprimida

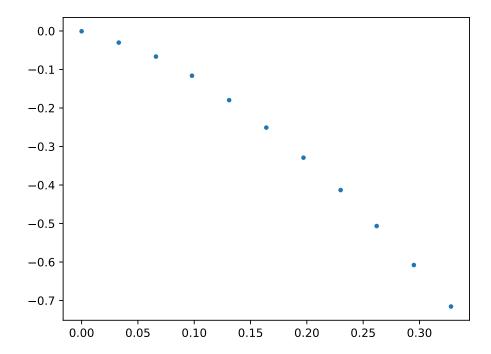


Figure 2: Datos Servilleta Comprimida

#### Análisis de datos

se puede apreciar por medio de la gráfica que la relación entre el tiempo y la posición es en forma de parabola y por eso se puede observar la curva decreciente de y vs t.

La razón del por qué la grafica de posición y(t) sea negativa es debido al sistema de referencia que se fue elegido, ya que se recuerda, la servilleta se enecuentra cayendo. Además, la variación de la posición con respecto al tiempo nos puede dictar la velocidad de la particula, y la derivada de la velocidad con respecto al tiempo nos determina la aceleración que experimenta la servilleta, en este caso, se evidencia que la gravedad tiene un valor aproximado de 13  $[m/s^2]$ .

### Aproximación lineal

Con los datos obtenidos se debe proceder a realizar una linealización con el objetivo de poder calcular los errores y de esta forma tener una idea sobre la exactitud de los datos obtenidos por medio de los experimentos. Ver figura 3

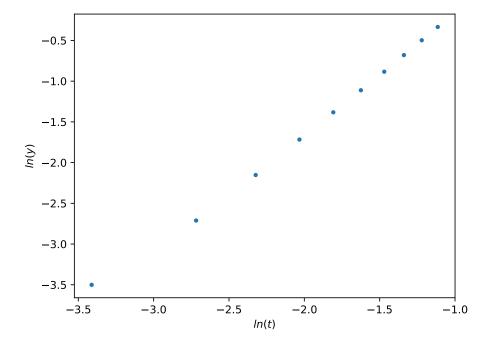


Figure 3: Gráfica linealización servilleta comprimida

### Error relativo y absoluto de la gravedad

El error absoluto hallado en este experimento se puede expresar como:

$$\begin{split} Error_{Absoluto} = & |V_{teorico} - V_{experimental}| \\ Error_{Absoluto} = & |9.8 \frac{m}{s^2} - 13 \frac{m}{s^2}| \\ Error_{Absoluto} = & 3.2 \frac{m}{s^2} \end{split}$$

Mientras tanto el error relativo seria dado por:

$$\begin{split} Error_{relativo} &= \frac{|V_{teorico} - V_{experimental}|}{V_{teorico}} \\ Error_{relativo} &= \frac{3.2 \frac{m}{s2}}{9.8 \frac{m}{s^2}} \\ Error_{relativo} &= 0.32 \end{split}$$

### 5.2 Experimento servilleta extendida

Luego de haber hecho una descripcion del planteamiento teórico de la caida libre de una servilleta en un estado comprimido, es necesario hacer una comparacion de los tiempos que se registran luego de lanzar una servilleta en su forma extendida. Como lo indica nuestra experiencia podriamos afirmar en un inicio que la caida de un objeto que posee la misma masa y la misma altura caería con la misma velocidad, pero esto contradice tambien el hecho de que una servilleta sin ser comprimida cae con mayor lentitud debido a una "fuerza" que se opone a su caída. Es así como teniendo en cuenta estos hechos se expondran los ratos registrados de la repeticion del experimento y se analizará por medio de la comparacion los resultados obtenido con los del experimento de una servilleta comprimida.

## Datos promedio de la servilleta extendida

luego de haber tomado los datos correspondientes a dejar caer la servilleta cuando estuviese extendida, se tomnaron los promedios de destos datos los cuales se encuentras en la tabla 5 siendo un total de 31 instantes los cuales sirven como comparación para hallar el valos de la costante de friccion del aire. Los datos se pueden apreciar en la tabla 2

t (s)	y (m)
0.086	0.043731
0.1198	0.064713
0.1537	0.08285
0.1867	0.10634
0.2199	0.12865
0.2537	0.14811
0.2868	0.17101
0.3207	0.19586
0.3537	0.21862
0.3537	0.21862
0.3868	0.24534
0.4207	0.2746
0.4537	0.3047
0.4868	0.3366
0.5207	0.3668
0.5537	0.4054
0.5869	0.4455
0.6207	0.487
0.6538	0.5239
0.6877	0.5584
0.7207	0.5942
0.7538	0.6226
0.7877	0.6454
0.8207	0.6671
0.8538	0.6671
0.8877	0.7108
0.9207	0.7405

Table 2: Posición vs tiempo en servilleta extendida

# 6 Resultados

### Analísis de datos

Apartir de los datos promedios de los registros de los experimentos se realizará una linealización de los datos para luego poder generar un pronostico del error en la toma de datos iniciales.

## Gráfica servilleta extendida

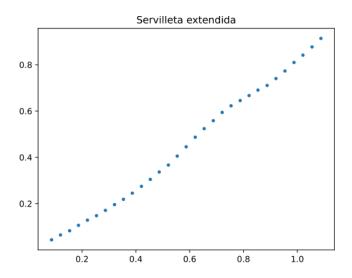


Figure 4: Datos Servilleta Extendida

# Aproximación Lineal

La aproximación lineal de los datos representados anteriormente se puede graficar de la siguiente manera:

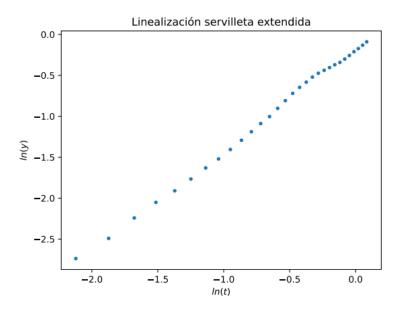


Figure 5: Linealizacion servilleta extendida

#### Errores servilleta extendida

Como se espera de cualquier experimento en los cuales la toma de datos se ve influenciada por factores humanos, hay espacio para el cometido de errores. Por esto se hace necesario analizar el margen de error en el regiusto de datos de todas las repeticiones del experimentos.

Por medio de Jupyter se tomaran diviciones de todos los tiempos y todas las alturas correspondientes a ciertos momentos como se muestra en los anexos correspondientes. Apartir de dichos instantes se tomará la desviacion estandar entre un instante de tiempo a otros y así se podrá realizar el analisis de la desviacion entre los datos en un instante de tiempo similar. Graficandose de la siguiente manera:

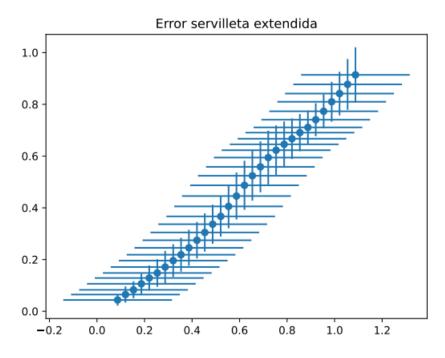


Figure 6: Error servilleta extendida

Como se observó en la figura 6 la desviacion estandar d elos datos se encuentra entre 0.2 en el tiempo y 0.05 con respecto a la altura. Lo cual puede llevar a una conclusión fuera de lo previsto.

## Modelado computacional para servilleta extendida

Tomando en cuenta el resultado del valor de la gravedad observado de alrrededor de 13  $m/s^2$  en el apartado de la servilleta comprimida se dará paso a la creación de un modelado que permita "representar" los datos obtenidos en la figura 5 y así obtener una aproximación a la constante de fricción del aire. El modelado

se lográ observan en los anexos de jupyter en el cual se hace uso de la función "modelado" que solicita los valores de "y" y de "t" para dar como resultado el valor de la constante de la fuerza de fricción del aire, para luego hacer uso de las propiedad de python "curvevfit" y así utilizar los valores de los resultados promedios del tiempo y de las alturas para darnos la mejor aproximación de los datos resultantes el cual genera como resultado una fuerza de fricción de 11.23 se puede graficar de la siguiente manera:

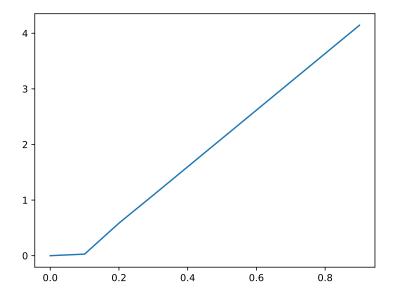


Figure 7: Modelado servilleta extendida

## 7 Conclusiones

- El error presentado en la gravedad es de  $3.2m/s^2$  mientras el error relativo del mismo es de 0.32. Dicho error posiblemente se debió a que las condiciones en las cuales se hicieron el experimento no eran las mismas. El exprimento comprimido y extendido fueron llevados a cabo en dos partes diferentes y en adición con servilletas con formas diferentes y pesos diferentes.
- El valor de la gravedad experimental da al rededor de 13  $m/s^2$ , el cual se vio influenciado por la forma de las medidas realizadas por el investigador.
- La gráfica que representa la caida de la servilleta extendida experimenta una forma cuadratica en un principio para luego tener una aproximación lineal.Lo cual nos permite intuir como aunque la aceleración del objeto no es constante llega un momento en el cual se vuelve lineal.

• El valor de la constate de fricción según los datos experimentales y las comparaciones obtenidas en el modelado computacional arrojan ser 11.23 para la mejor aproximación a los datos con un error del 0.007 en la aproximación de curve fit.