



INSTITUTO FEDERAL DE  
EDUCAÇÃO, CIÊNCIA E TECNOLOGIA  
SUL-RIO-GRANDENSE  
Campus Passo Fundo



# **ESTRUTURA DE DADOS II**

**Prof. Adilso Nunes de Souza**



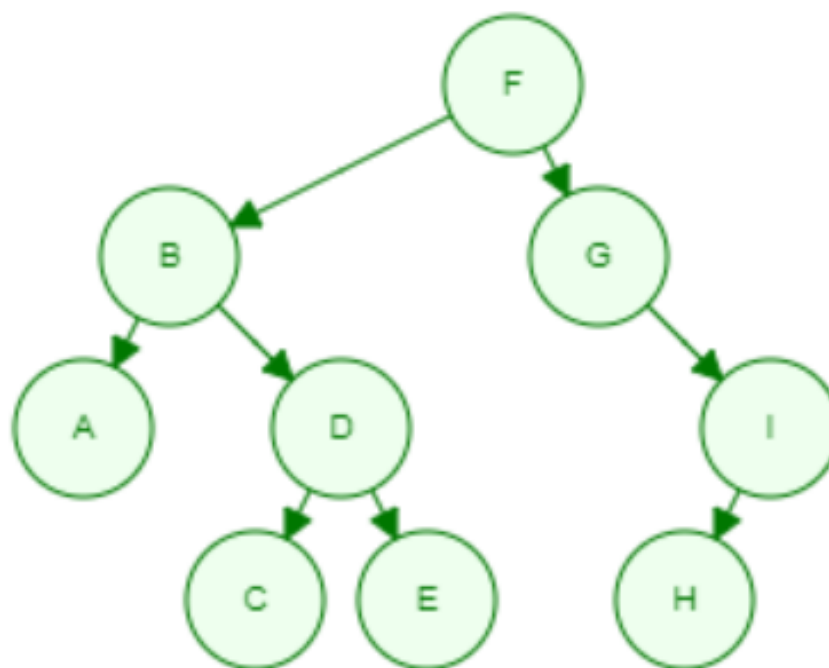
# BUSCA EM ÁRVORE BINÁRIA

- Qualquer operação de busca deve ter um critério claro para percorrer a árvore, **sabendo sempre qual sua estrutura de criação**, e ir “descendo”, ora para esquerda, ora para direita, até encontrar o dado.
- Às vezes o dado que procuramos não está na árvore. Percebemos isso, porque em um certo momento, ao tentar descer mais um nó, simplesmente chegamos ao final da árvore.



# BUSCA EM ÁRVORE BINÁRIA

- Localizar o valor E na árvore

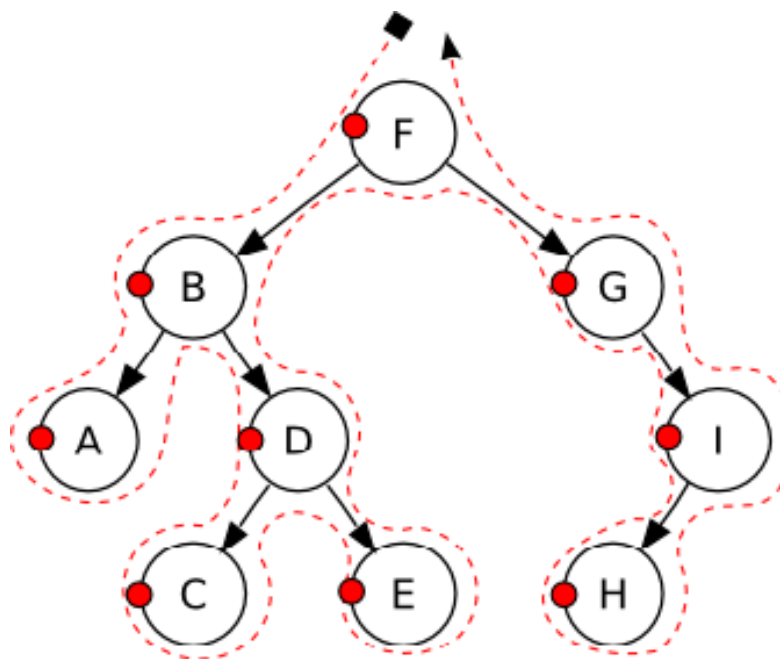




# ÓRDEM DE PERCURSO

- **pré-ordem:**

- trata raiz, percorre sae, percorre sad

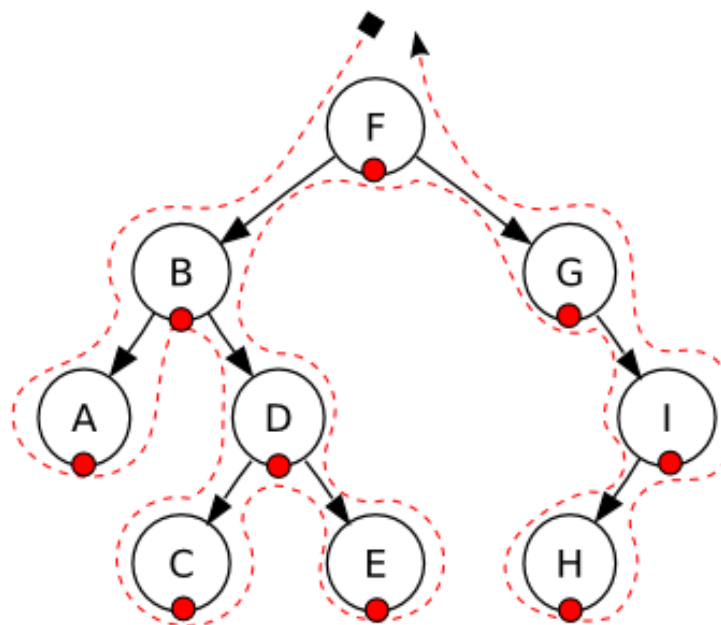


<F<B<A<><>><D<C<><>><E<><>>><G<><I<H<><>><>>>>



# ÓRDEM DE PERCURSO

- **ordem simétrica ou in-ordem:**
  - percorre sae, trata raiz, percorre sad

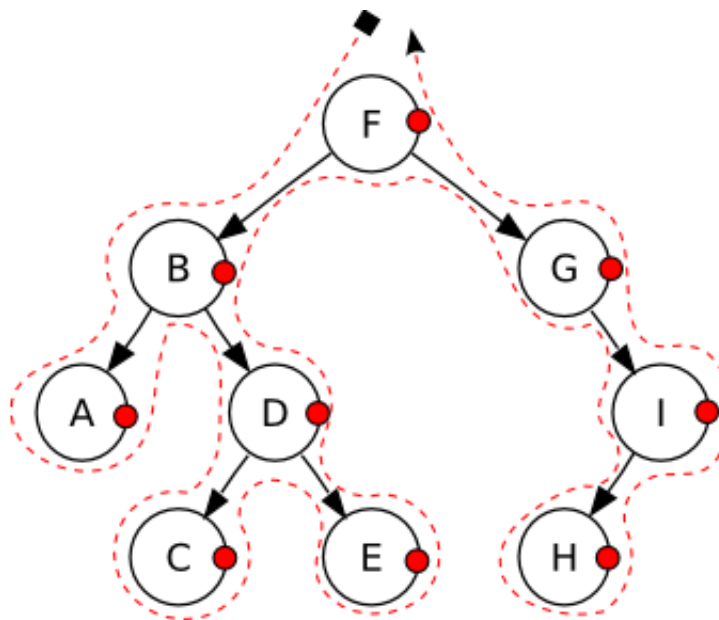


<<<<>>A<>>B<<<>C<>>D<<>E<>>>>F<<>G<<<>H<>>I<>>>>



# ÓRDEM DE PERCURSO

- **pós-ordem:**
  - percorre sae, percorre sad, trata raiz



<<<<>>>>A><<<<>>>>C><<<<>>>>E>D>B><<<<<<<<>>>>H><>I>G>F>



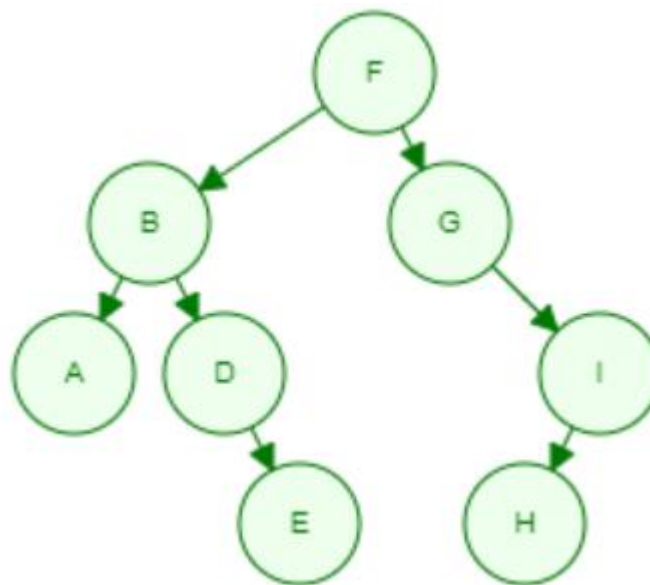
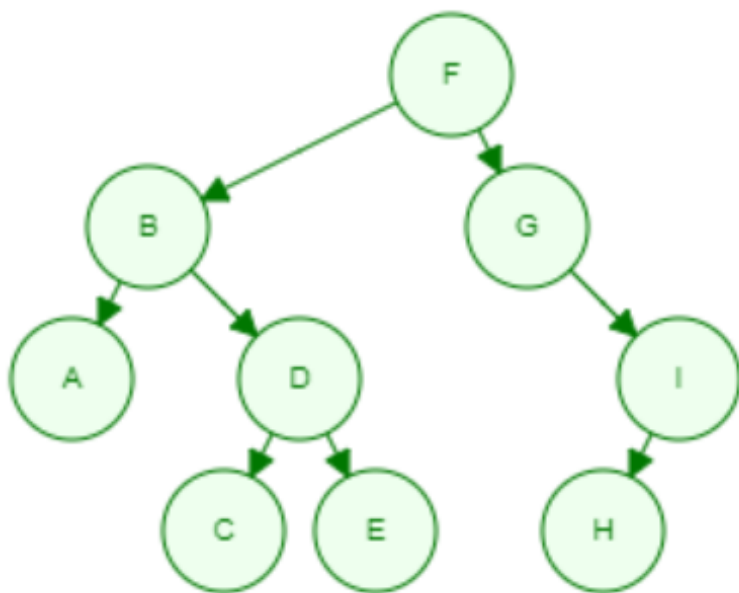
# EXCLUSÃO

- Ao se retirar um dado da árvore, três situações podem ocorrer :
  - O nó removido é um nó folha (não tem filhos ) : então basta removê-lo, colocando um NULO em seu lugar.



# EXCLUSÃO

- Removendo o nó folha C:







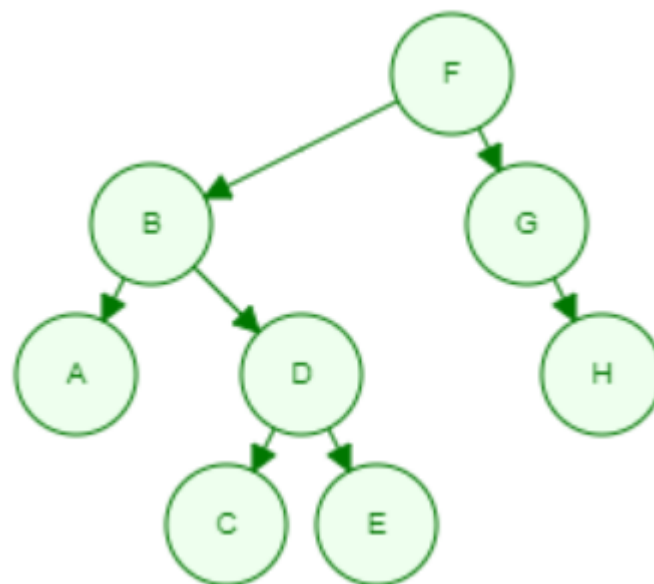
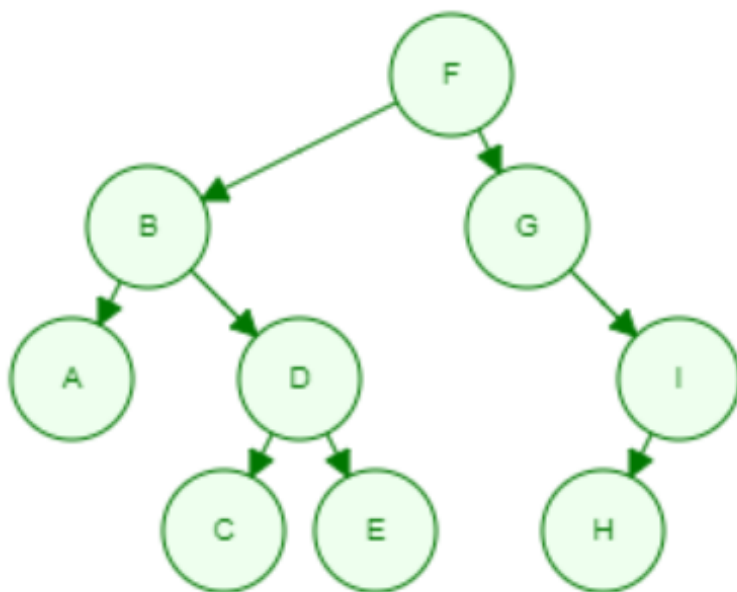
# EXCLUSÃO

- O nó removido tem um filho (que pode ser à esquerda, ou à direita) : nesse caso, o filho toma o lugar do nó removido.



# EXCLUSÃO

- Removendo o nó I:





# EXCLUSÃO

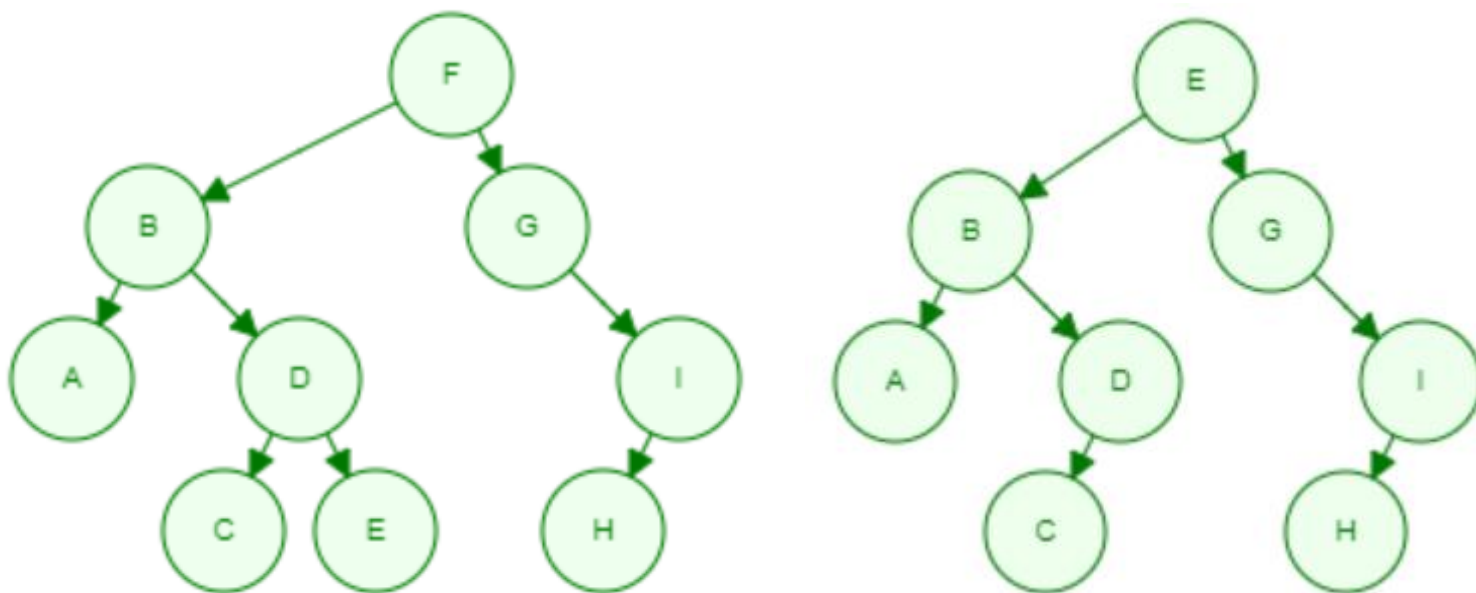
- O nó removido tem dois filhos: Se isso ocorrer, outro nó deve ser escolhido para substituir o nó removido.
- Existem duas soluções igualmente corretas e viáveis :
- ✓ **Podemos pegar o nó mais à direita na sub-árvore esquerda de quem foi removido;\***
- ✓ Ou pegar o nó mais à esquerda na sub-árvore direita do nó removido para substituí-lo.

\*Está será a solução adotada



# EXCLUSÃO

- Removendo o nó F:





# PROBLEMAS

- As ações de inserção e remoção em árvores binárias não garantem que a árvore gerada a cada passo esteja balanceada.
- A eficiência da busca em uma árvore binária depende do seu balanceamento.
- Quanto maior a altura da árvore, maior será o custo da operação de busca.



# SOLUÇÃO

- Modificar as operações de inserção e remoção da árvore para balancear a árvore a cada nova inserção ou remoção.
- Existem diferentes tipos de árvores balanceadas, conforme a aplicação computacional e o algoritmo criado:



# TIPOS DE ÁRVORES BALANCEADAS

- Árvore AVL
- Árvore Vermelho-Preto (Red-Black)
- Árvore 2-3
- Árvore 2-3-4
- Árvore B, B+ e B\*



# ATIVIDADES

- Criar as respectivas funções:
  - Encontrar a altura da sub-árvore esquerda e direita
  - Encontrar a altura da árvore
  - Limpar todos os nós da árvore, liberando as respectivas memórias.
  - Dado um determinado valor, se o mesmo estiver contido na árvore encontrar o nível que ele se encontra.





# REFERÊNCIAS

- PEREIRA, Silvio do Lago. Estrutura de Dados Fundamentais: Conceitos e Aplicações, 12. Ed. São Paulo, Érica, 2008.
- BACKES, André Ricardo, Estrutura de dados descomplicada: em linguagem C, 1 Ed. – Rio de Janeiro: Elsevier, 2016.
- SENGER, H., Notas de Aula, Universidade de São Judas Tadeu, 1999.
- WALDEMAR Celes, Renato Cerqueira, José Lucas Rangel, Introdução a Estruturas de Dados, Editora Campus (2004).
- VELOSO, Paulo. SANTOS, Celso dos. AZEVEDO, Paulo. FURTADO, Antonio. Estrutura de dados. Rio de Janeiro: Ed. Elsevier, 1983 27ª reimpressão.