

## Métodos Numéricos

PhD. Alejandro Paredes FC-UNI

## Cronograma actividades

#### CALENDARIO DE ACTIVIDADES ACADÉMICAS QUE SE DESARROLLARÁN EN FORMA VIRTUAL EN LA UNIVERSIDAD NACIONAL DE INGENIERÍA

#### PERÍODO ACADÉMICO 2020 -1

N°	FECHA	Sem	ACTIVIDAD	OBSERVACION
1	18 de mayo	1	Inicio de clases	Virtual
2	Del 25mayo al 04 de julio	2 al 7	Evaluación Practicas Calificadas, Monografias Proyectos, Trabajos Calificados, Exposiciones, etc.	Virtual
3	Del 15 al 20 de junio	5	Retiro Parcial	Tramite Virtual de Solicitud Dirección de Escuela Profesional
1	Del 06 al 11 de julio	8	Examen Parcial	Virtual
5	Del 13 julio al 29 de agosto	9 a 15	Evaluación Practicas Calificadas, Monografias Proyectos, Trabajos Calificados, Exposiciones, etc.	Vrtual
6	Del 17 al 22 de agosto	14	Retiro Total	Tramite Virtual de Solicitud Decanato de la Facultad
7	29 de agosto	15	Fin de clase	Virtual
8	Del 31 de agosto al 05 de setiembre	16	Examen Final	Virtual
9	Del 14 al 19 de setiembre	18	Examen Sustitutorio	Virtual
10	23 de setiembre		CIERRE DE INGRESO NOTAS, SIGA-ORCE	



## Organización del Curso



- Sistema de evaluación :
- PC 1 (Trabajo) : Semana 4 (22.06)
- PC 2 (Trabajo) : Semana 7 (13.07)
- PC 3 (Trabajo) : Semana 11 (17.08)
- PC 4 (Trabajo) : Semana 14 (05.09)
- Examen Parcial (Trabajo): 20.07
- Examen Final (Trabajo): 12.09
- Examen Sustitutorio: 26.09
- Se elimina 1 PC
- Nota final = (PP + EP + EF) /3



## Organización del Curso

#### Silabo semanalizado

- S01 : Introducción, Linux, scripts.
- SO2 : Ecuaciones no lienales.
- S03 : Sistemas lineales –
   Métodos directos.
- S04 : Sistemas lineales –
   Métodos iterativos.
- S05 : Interpolación Polinomial.
- S06 : Ajuste de curvas.
- S07 : Integración y

diferenciación numéricas.

- S08 : EDO
- S09 : Problemas condiciones de frontera.
- S10: EDP
- S11 : EDP-parabólicas.
- S12 : EDP-hyperbólicas.
- S13: Elementos finitos 1.
- S14 : Elementos finitos 2.



## Organización del Curso

- Bibliografía
  - Chapra, Applied Numerical Methods for Engineers and Scientists.
  - Chapra, Applied Numerical Methods for Scientists.
  - Alejandro Garcia, Numerical Methods for Physics.
  - Numerical recipes Fortran 77.
  - Numerical Recipes Fortran 90.
  - Sirca Horvat, Computational Methods for Physicists.
  - Thijssen, Computational Physics.

#### Acceso al SO Linux

Formatear la computadora e instalar Ubuntu.
 Más recomendable !!!



Si tienes Windows 10:
 Windows Subsystem for Linux
 Bash en Ubuntu en Windows



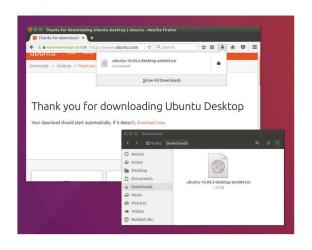
Si tienes Windows < 10:</li>
 Virtual box (genera una maquina virtual)

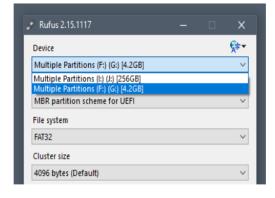


### Instalar Ubuntu

Crear disco de arranque (CD, DVD, USB):

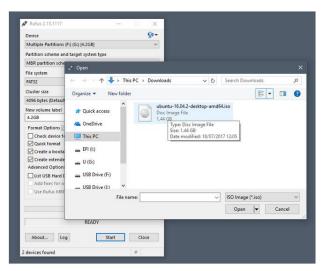
Descarga imagen iso: Ubuntu-16.04.3-desktop-amd.iso

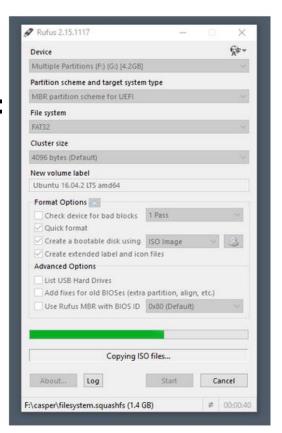




#### Lanzar Rufus

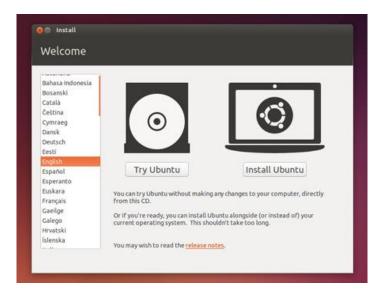
opción : MBR partition scheme for UEF



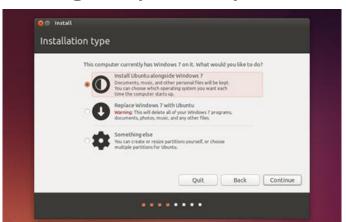


#### Instalar Ubuntu

- Con la Pc (Laptop) apagada insertar el disco de arranque (CD, DVD, USB).
- Entrar a menú de BIOS y habilitar el arranque desde CD o CDV o USB. Guardar cambios.



- Live session.
- Seguir pasos para instalación





## Windows Subsystem for Linux

• Requisitos: versión 64-bit de Windows 10 Anniversary Update o

Find a setting

C) FOWER & SIEEL

Offline maps

Tablet mode

□ Multitasking

☐ Storage

Edition

Version

OS Build

Product ID

Processor

Installed RAM

Windows 10 Home

00326-10000-00000-AA728

64-bit operating system, x64-based processor

W3520 @ 2.67GHz

Intel(R) Xeon(R) CPU

Change product key or upgrade your edition of Windows

Read the Privacy Statement for Windows and Microsoft services

1607

14393.0

2.67 GHz

1.00 GB

superior.

Activar modo desarrollador.

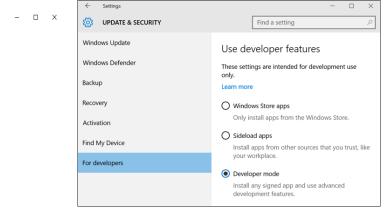
Activar en :

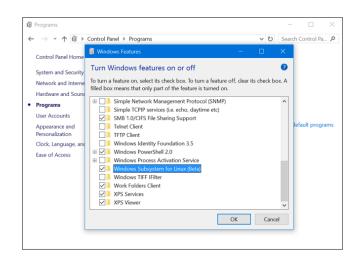
Panel de Control >

Programas >

Activar o desactivar caracteristicas de Windows Windows Subsystem for Linux (Beta)

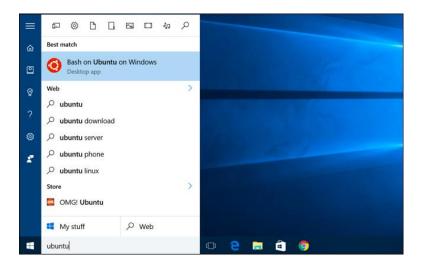
Reiniciar Pc.

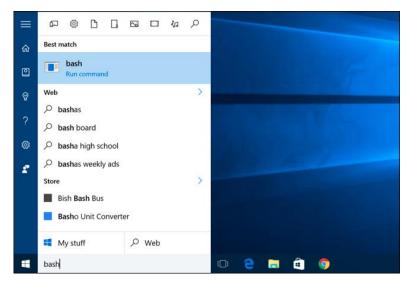


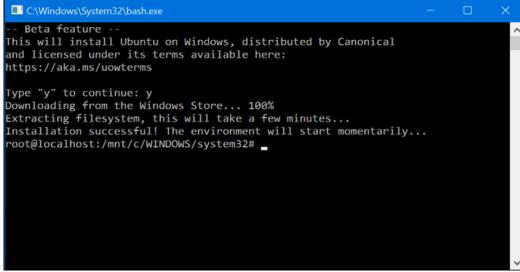


## Windows Subsystem for Linux

- Ejecutar bash.exe.
- Aceptar los términos del servicio.
- El comando descarga la "Bash on Ubuntu on Windows del Windows Store.
- Crear cuenta usuario para entorno Bash.

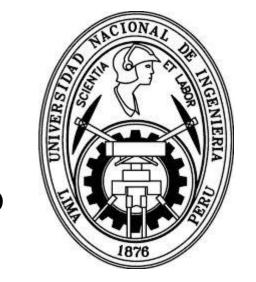






### Bash

## ¿Para qué sirve Bash (csh,ksh,tcsh,zsh)?



- Administrar archivos : Listar, acceder, copiar, mover, editar, etc
- Administrar el sistema operativo:

Instalación de programas : sudo apt-get install nombre\_programa compilar, ejecutar programas (Fortran,c++, etc)

Modificar variables de entorno:

Instalación de librerías para programas.

Tratar archivos de texto.

#### Unix/Linux Command Reference

## **FOSSwire**.com

#### **File Commands**

**ls** - directory listing

**ls -al** - formatted listing with hidden files

**cd** *dir* - change directory to *dir* 

**cd** - change to home

**pwd** - show current directory

mkdir dir - create a directory dir

rm *file* - delete *file* 

rm -r dir - delete directory dir

rm -f file - force remove file

rm -rf dir - force remove directory dir \*

**cp file1 file2** - copy file1 to file2

cp -r dir1 dir2 - copy dir1 to dir2; create dir2 if it doesn't exist.

mv file1 file2 - rename or move file1 to file2 if file2 is an existing directory, moves file1 into directory file2

ln -s file link - create symbolic link link to file

touch file - create or update file

cat > file - places standard input into file

more file - output the contents of file

#### System Info

date - show the current date and time

cal - show this month's calendar

uptime - show current uptime

w - display who is online

whoami - who you are logged in as

**finger** *user* - display information about *user* 

uname -a - show kernel information

cat /proc/cpuinfo - cpu information

cat /proc/meminfo - memory information

man command - show the manual for command

df - show disk usage

**du** - show directory space usage

**free** - show memory and swap usage

whereis app - show possible locations of app

which app - show which app will be run by default

#### Compression

tar cf file.tar files - create a tar named file.tar containing files

tar xf file.tar - extract the files from file.tar

## Entrega de trabajos



- En cada entrega PC, EP, EF o ES se entrega un solo archivo de texto que contenga el script python.
- El script debe contar con tres partes fundamentales :
  - A) Encabezado: Esta parte es fija (será especificada por el profesor)
  - B) Cuerpo: Implementación del método en particular
  - C) Salida (output ): escritura de archivos y produción gráficas (ps,eps o pdf).

## Entrega de trabajos



- El script debe estar nombrado : x\_y\_z.py
   x=primer apellido del alumno(a).
  - y=primer nombre del alumno(a).
  - z=nombre del trabajo que se entrega (PC1,PC2,PC3,PC4,EP,EF,ES).
- Si no se cumplen las especificiones se disminuira **5 puntos** sobre la nota obtenida.

## Encabezado script python



#! /usr/bin/python3

from numpy import \*

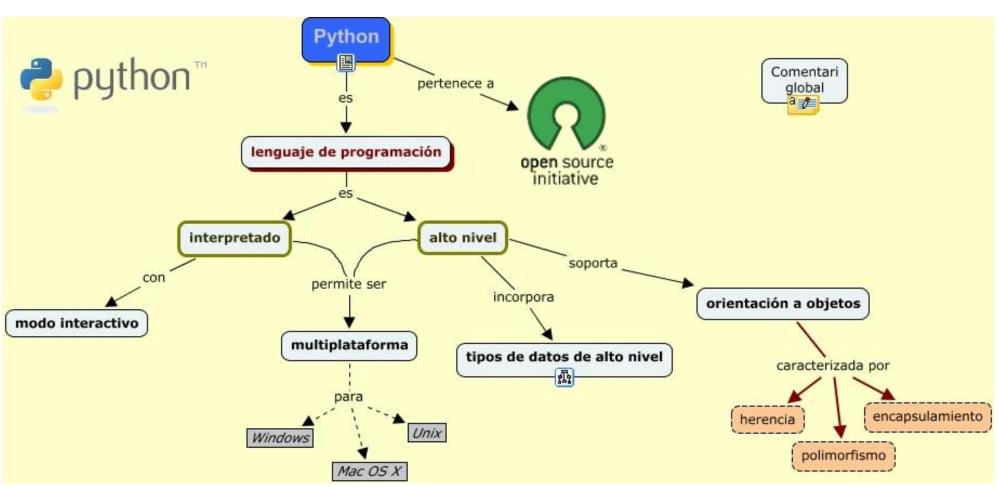
import matplotlib.pyplot as plt # from pylab import plot, show

import warnings
warnings.filterwarnings("ignore")



## Curso introductorio de Python

## Python





## Python



- Interprete de commandos (no se necesita compilar).
- Multipropósito: desarrollo web, desarrollo de juegos, desarrollo de software.
- Aprendizaje rápido e inutitivo.
- Python maneja una sintaxis identada (con márgenes) de carácter obligatorio.
   Para separar los bloques de código en Python se debe tabular hacia dentro.
- Python es case sentive: hace diferencia entre mayúsculas y minusculas.

## Instalar Python en Ubuntu Bash



- sudo apt-get install python3 (Instala python3)
- sudo apt-get install python-pip python3-pip (herramienta para inst. paquetes python)
- sudo pip3 install numpy (Instala librería numpy de Python)

Antes de ejecutar un archivo Python (ejemplo.py) se ejecuta la línea

chmod +x ejemplo.py

## IS78

#### Tipos de variables

- Integer: Son números enteros positivos, negativos o cero. Números como el 1, 0, -2834 son admitidos.
- Float : Son números reales. Números como 3.14.15 ó -6.63 X  $10^{-34}$  ó 1.0 son admitidos.
- Complex : Números complejos. Números com 1+2j ó -3.5 +0.5j son admitidos. Notar que en python la unidad compleja es j y no i.
- String: almacena letras en forma de una cadena de caracteres.

#### Asignación de variables

Integer: x=1

Float : x=1.0

Float :x=float (1)

Complex: x = 1.5 + 0j (variable compleja puramente real) x = complex (1.5) (mismo resultado)  $y = complex (1.0,6.0) \rightarrow y = 1.0 + 6.0 j$ 

String : x ='esta es un string'



#### **Output**

Imprimir en pantalla

```
x=1
```

y=2

Z = 2 + 3j

#### print(x)

1

print ('Este es x= ',x,' Este es y= ',y,'Este es z= ',z)

Este es x=1 Este es y=2 Este es z=(2+3j)



#### Input

Se entra por teclado el valor de la variable x

x= input('entra el valor de x: ')



#### **Aritmética**

Suma: x+y

Resta: x -y

Multiplicación : x\*y

División : x/y

Potencia x\*\*y (x elevado a la potencia y)

**Ejemplos** 

$$x+2*y \iff x - 2y$$
  
 $x-y/2 \iff x - \frac{1}{2}y$   
 $3*x**2 \iff 3x^2$   
 $x/2*y \iff \frac{1}{2}xy$ 

Se recomienda el uso de paréntesis



#### Funciones paquetes y modulos

- Python posee funciones integradas.
- Las funciones se encuentran dentro de los paquetes.
- · Cuando los paquetes son muy grandes son divididos en módulos.

from math import log (llama al paquete math y da acceso a la función log) from math import log,exp,sin,cos,sqrt,pi,e (llama al paquete math y las función log,exp,etc) from math import \* (llama al paquete math y todas las funciones contenidas) from numpy.linalg import inv (llama al paquete numpy, el modulo linalg y la función inv)



#### **Funciones integradas:**

log: logaritmo natural

log10: logaritmo base 10

exp: función exponenecial.

sin, cos, tan: funciones seno, coseno y tangente. El argumento debe estar en radianes.

asin,acos,atan: funciones seno-1, coseno-1 y tangente-1.

sinh, cosh, tanh: funciones senohyperbólico, cosenohiperbólico y tangente hyperbólica.

sqrt: raiz cuadrada

#### **Comentarios**

Para poder hacer al Código de fácil lectura para otros usuarios o inclusive para el desarrolador es común comentar los códigos.

#### Ejemplo

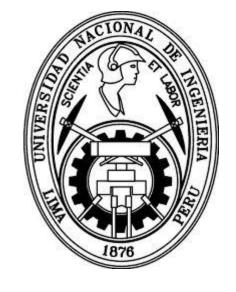
from math import sin,cos,pi
# Ask the user for the values of the radius and angle
r = float(input("Enter r: ")) # radius
d = float(input("Enter theta in degrees: "))

Todo texto que se escribe despues del simbolo # es un comentario. Python ignorará cualquier texto despues del simbolo #.

# TETONAJ. TONIAL STATE OF THE S

#### La sentencia if

```
x = int(input("Enter a whole number no greater than ten: "))
if x>10:
    print("You entered a number greater than ten.")
    print("Let me fix that for you.")
    x = 10
print("Your number is",x)
```



Diferentes condicones que se pueden utilizer en la sentecia if

if x==1: verifica si x=1. Note el doble signo igual.

if x>1 : verifica si x>1

if  $x \ge 1$  : verifica si  $x \ge 1$ 

if x<1 : verifica si x<1

if  $x \le 1$  : verifica si  $x \le 1$ 

if x!=1 : verifica si  $x \neq 1$ 



Se pueden utilizar dos condiciones en una sola sentencia

Una condición o la otra if x>10 or x<1: print("Your number is either too big or too small.")

Una condición y la otra

if x<=10 and x>=1:
 print ("Your number is just right.")



Sentencia else

```
if x>10:
    print("Your number is greater than ten.")
else:
    print("Your number is fine. Nothing to see here.")
```

Sentencia elif



#### Sentencia elif

```
if x>10:
    print("Your number is greater than ten.")
elif x>9:
    print("Your number is OK, but you're cutting it close.")
else:
    print ("Your number is fine. Move along. ")
```



#### Sentencia whyle

Las ordenes se ejecutan mientras se verifique la condición (x>10)

```
x = int(input("Enter a whole number no greater than ten: "))
while x>10:
    print ("This is greater# than ten. Please try again. ")
    x = int(input("Enter a whole number no greater than ten: "))
print("Your number is",x)
```



#### Lista

es una disposición de cantidades una despues de la otra separadas por comas. No es necesario que las cantidades sean del mismo tipo.

#### Ejemplo

Los elementos de la lista se pueden obtener a partir de expresiones algebraicas.

$$r = [2*x, x+y, z/sqrt(X**2+y**2)]$$

- Los elementos de la lista son accesibles y están enumerados desde zero.
- Los elementos de la lista se pueden operar y ser argumentos de funciones.

```
from math import sqrt r = [1.0, 1.5, -2.2] print(r[0]) # imprime primer elemnto de la lista r length= sqrt( r[0]**2 + r[1]**2 + r[2]**2) print(length)
```





Se puede anadir un element o al final de la lista

Al ejecutar obtendremos

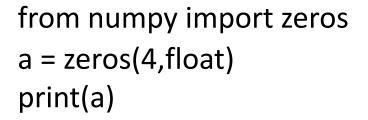
$$[1.0, 1.5, -2.2, 2.6]$$

Arreglos (arrays) Son muy similares a las listas ya que Tambien es un conjunto ordenado de valores. Sin embargo tienen algunas diferencias:

- El número de elementos de un array es fijo. No se puede anadir elementos.
- Todos los elementos de un array deben ser del mismo tipo. No se puede cambiar el tipo de los elementos una vez creado el array.
- Los arrays pueden ser de dimension dos y entenderse como una matriz. Tambien puden tener mayores dimensiones.
- Se pueden hacer operaciones aritméticas con los arrays.
- Las operaciones con arrays son significativamente más rápidas.



Para crear un array de dimension 4 lleno de ceros



Resultado [ 0. 0. 0. 0.]

Para crear un array de dimension 3X4 lleno de ceros

```
a= zeros([3,4] ,float)
print(a)
```

Resultado :[[ 0. 0. 0. 0. 0 .] [ 0. 0. 0. 0. 0.] [ 0. 0. 0. 0.]]





Creamos un array lleno de ceros y luego asignamos valores

```
from numpy import zeros
                                      Resultado:
a= zeros([2,2] ,int)
a[0, 1] = 1
a[1,0] = -1
print(a)
```

```
[[01]
 [-1 O]]
```



Leer un array desde un archivo de texto

El archivo data.txt contiene lo siguiente

1.0

1.5

-2.2

2.6

Ejecutamos

from numpy import loadtxt a= loadtxt("data.txt",float) print(a)

Resultado

[ 1.0 1.5 -2.2 2.6]



Si data.text contiene

**Entonces** 

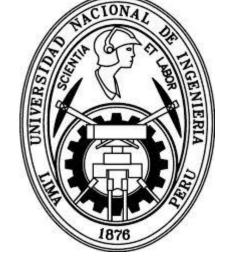
1234

3 4 5 6

5678

from numpy import loadtxt
a= loadtxt("data.txt",float)
print(a)

Imprimirá un array de dimension 3X4



Las funciones shape y size dan información sobre el tamaño y la forma del array

```
a= array([[1,2,3], [4,5,6]] ,int)
print(a.size)
print(a.shape)
```

El resultado será 6 (2, 3)

Algunos detalles a tener encuenta con python

from numpy import array a= array([1,1],int)

b = a

a[O] = 2

print(a)

print(b)

Resultado

[2 1]

[2 1]

from numpy import array, copy

a= array([1,1] ,int)

b = copy(a)

a[O] = 2

print(a)

print(b)

Resultado

[2 1]

[11]

### Python: Bucles for

Un bucle for es un bucle donde el iterador toma ordenadamente valores a partir de una lista.

print("Finished")

r = [1, 3, 5]for n in r: print(n) print(2\*n) 10

Resultado

**Fnished** 



### Python: Bucles for

Se puede crear una lista a partir de una orden y luego usarla en el bucle for La función range(5) crea la lista [0,1,2,3,4]



Resultado

r = range(5)

for n in r:

print("Hola")

Hola

Hola

Hola

Hola

Hola

#### Python: Bucles for

La forma más comun Resultado

de usar range en un (

bucle for

4

for n in range(5):

print(n\*\*2) 16

Variantes de range

range(5) da [ 0, 1, 2, 3, 4 ]
range(2,8) da [ 2, 3, 4, 5, 6, 7 ]
range(2,20,3) da [ 2, 5, 8, 11, 14, 17 ]
range(20,2,-3) da [ 20, 17, 14, 11, 8, 5]



# Python: Funciones definidas por usuario

Se pueden definir funciones que den como resultado un número

El resultado de una función tambien puede ser un array

```
def factorial(n):
    f = 1.0
    for k in range(1,n+1):
    f *= k
    return f
```

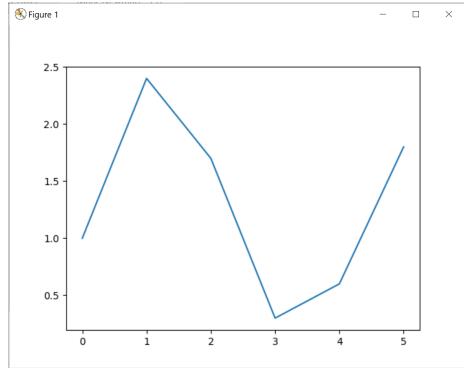
def cartesian(r,theta):
 x = r\*cos(theta)
 y = r\*sin(theta)
 position = [x,y]
 return position

# Python: Graficas y visualización



Para graficar se llaman a las funciones plot y show del paquete pylab

from pylab import plot, show y = [ 1.0, 2.4, 1.7, 0.3, 0.6, 1.8] plot (y) show()



# Python: Graficas y visualización



Se puede definir los puntos de las abscisas y ordenadas

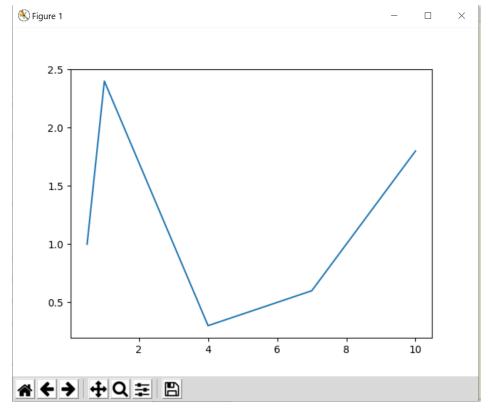
```
from pylab import plot,show

x = [ 0. 5, 1. 0, 2. 0, 4. 0, 7. 0, 10. 0 ]

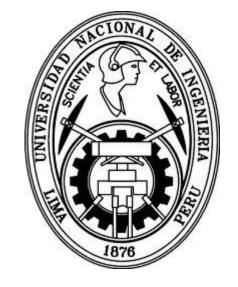
y = [ 1.0, 2.4, 1.7, 0.3, 0.6, 1.8]

plot(x,y)

show()
```



# Python: Graficas y visualización

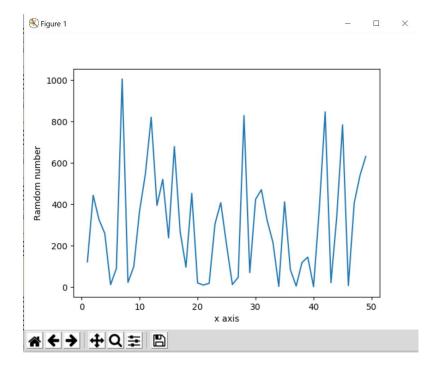


#### Graficar el archivo data.text

#### Ejecutamos

```
    1 122.189988
    2 444.0270889
    3 326.7205784
    4 259.7201836
    5 12.15722275
    6 90.15900043
    7 1005.310014
```

```
from numpy import loadtxt
from pylab import plot,show
data= loadtxt("data.text",float)
x = data[:,0]
y = data [:, 1]
xlabel("x axis")
ylabel("y = sin x")
plot(x,y)
show()
```



# Mapa logístico de Feigenbaum (1944-2019)



Es un mapeo a menudo citado como un ejemplo de comportamiento caótico puede surgir en ecuaciones dinámicas no lineales muy simples. El mapa fue popularizado en un artículo de 1976 por el biólogo Robert May, en parte como un modelo demográfico de tiempo discreto. Matemáticamente, el mapa logístico está descrito por

$$x_{k+1} = rx_n(1 - x_n)$$



donde r es una constante.

# Mapa logístico de Feigenbaum (1944-2019)



- Para un fijo r=1 y un valor incial  $x_0$ = 0.45,0.5,0.55, graficar la evolución  $x_{k+1}$  versus k(iteración). Considere 1000 iteraciones. Las tres gráficas deben estar en una sola imagen.
- Realizar la gráfica (r,x) donde  $r \in [1,4]$  incrementandose en 0.1. Debe tomar como valor incial  $x_0$ =0.5 en todos los casos y solo graficar los valores de  $x_{k+1}$ . En cada caso se deben realizar 3000 iteraciones pero solo deben graficarse los valores de  $x_{k+1}$  a partir de la iteración 1000.