

Instituto de Ciências Exatas Departamento de Ciência da Computação

UnB-CIC: Uma classe em LaTeX para textos do Departamento de Ciência da Computação

José Marcos Leite

Monografia apresentada como requisito parcial para conclusão do Bacharelado em Ciência da Computação

Orientadora Prof.a Dr.a Claudia Nalon

> Brasília 2020



Instituto de Ciências Exatas Departamento de Ciência da Computação

UnB-CIC: Uma classe em LaTeX para textos do Departamento de Ciência da Computação

José Marcos Leite

Monografia apresentada como requisito parcial para conclusão do Bacharelado em Ciência da Computação

Prof.a Dr.a Claudia Nalon (Orientadora) CIC/UnB

Prof. Dr. Donald Knuth Dr. Leslie Lamport Stanford University Microsoft Research

Prof. Dr. Edison Ishikawa Coordenador do Bacharelado em Ciência da Computação

Brasília, 24 de dezembro de 2020

Dedicatória

Eu dedico essa música a primeira garota que tá sentada ali na fila. Brigado!

Agradecimentos

Nos agradecimentos

O presente trabalho foi realizado com apoio da Coordenação de Aperfeiçoamento de Pessoal de Nível Superior - Brasil (CAPES), por meio do Acesso ao Portal de Periódicos.

Resumo

O resumo

Palavras-chave: LaTeX, metodologia científica, trabalho de conclusão de curso

Abstract

O abstract é o resumo

Keywords: LaTeX, scientific method, thesis

Sumário

1	Introdução	1
2	Definicoes	2
	2.1 Linguagem	2
	2.2 Forma Normal em Camadas	4
	2.3 Regras de inferência	5
	2.4 Algoritmo	7
	2.5 Grafo	8
	2.6 Matroide	8
3	Proposta de Solução	10
	3.1 Proposta	10
R	eferências	11
\mathbf{R}	eferências	12

Lista de Figuras

2.1 Regras de inferência		6
--------------------------	--	---

Capítulo 1

Introdução

Lógica nos fornece ferramentas para criar e reconhecer argumentos válidos. Embora seja custoso formalizar problemas do mundo real para poder utilizar estas ferramentas, é desejável, principalmente em sistemas críticos, ter a certeza de que a solução aplicada está correta. Alguns exemplos onde isto é empregado são: verificação de hardware, verificação de programas, verificação de protocolos etc.

Formalmente, um argumento válido pode ser reescrito como prova de teorema.

Cientistas da computação são apaixonados por automação, então é natural que esforços para prova automática de teoremas sejam feitos.

Capítulo 2

Definicoes

Nesta seção apresentamos as definições básicas para o resto do texto.

2.1 Linguagem

Trabalharemos com a linguagem lógica modal K_n .

Definição 1 Seja $P = \{p, q, r, ...\}$ um conjunto finito de símbolos proposicionais, $\mathcal{A} = \{1, 2, 3, ..., n\}, n \in \mathbb{N}$. Definimos o conjunto de fórmulas \mathcal{FBF} indutivamente.

- Se $\varphi \in \mathcal{P}$ então $\varphi \in \mathcal{FBF}$
- Se $\varphi \in \mathcal{FBF}$, $\psi \in \mathcal{FBF}$ e $a \in \mathcal{A}$, então $(\varphi \wedge \psi) \in \mathcal{FBF}$, $(\varphi \vee \psi) \in \mathcal{FBF}$, $(\varphi \to \psi) \in \mathcal{FBF}$, $a \varphi \in \mathcal{FBF}$, $\Leftrightarrow \varphi \in \mathcal{FBF}$ e $\neg \varphi \in \mathcal{FBF}$

Definição 2 Denotamos por \mathcal{LP} o conjunto de literais proposicionais e por \mathcal{LM} o conjunto de literais modais. $\forall p \in \mathcal{P}, \forall a \in \mathcal{A}, \text{ então } p \in \mathcal{LP}, \neg p \in \mathcal{LP}, \boxed{a}p \in \mathcal{LM}, \boxed{a} \neg p \in \mathcal{LM}, \textcircled{\phi} \neg p \in \mathcal{LM}$

Definição 3 Uma cláusula proposicional é uma disjunção de literais proposicionais.

Seja $\Sigma = \{0, 1\}$, Σ^* é o conjunto de todas as cadeias formadas com elementos de Σ . Em particular, ϵ representa a cadeia vazia. Construiremos cadeias em Σ^* para codificar a posi-

ção de ocorrência de uma subfórmula em uma fórmula. Seja inv: {positiva, negativa} \mapsto {positiva, negativa} tal que inv(positiva) = negativa e inv(negativa) = positiva.

Definição 4 Definimos a polaridade de uma subfórmula pela função $pol: \mathcal{FBF} \times \mathcal{FBF} \times \Sigma^* \mapsto \{\text{positiva, negativa}\}.$ Para $\varphi, \chi_1, \chi_2 \in \mathcal{FBF}, s \in \Sigma^*, a \in \mathcal{A}, val \in \{\text{positiva, negativa}\}.$

- $pol(\varphi, \varphi, \epsilon) = positiva.$
- Se $pol(\varphi, \chi_1 \vee \chi_2, s) = val$, então $pol(\varphi, \chi_1, s0) = pol(\varphi, \chi_2, s1) = val$
- Se $pol(\varphi, \chi_1 \land \chi_2, s) = val$, então $pol(\varphi, \chi_1, s0) = pol(\varphi, \chi_2, s1) = val$
- Se $pol(\varphi, \chi_1 \to \chi_2, s) = val$, então $pol(\varphi, \chi_1, s0) = inv(val)$ e $pol(\varphi, \chi_2, s1) = val$
- Se $pol(\varphi, \diamondsuit \chi_1, s) = val$, então $pol(\varphi, \chi_1, s0) = val$
- Se $pol(\varphi, \overline{a}\chi_1, s) = val$, então $pol(\varphi, \chi_1, s0) = val$
- Se $pol(\varphi, \neg \chi_1, s) = val$, então $pol(\varphi, \chi_1, s0) = inv(val)$

Dizemos que a polaridade de χ_1 em φ na posição s é $pol(\varphi, \chi_1, s)$.

Definição 5 Definimos o nível modal de uma subfórmula pela função $mlevel: \mathcal{FBF} \times \mathcal{FBF} \times \Sigma^* \mapsto \mathbb{N}$. Para $\varphi, \chi_1, \chi_2 \in \mathcal{FBF}, s \in \Sigma^*, a \in \mathcal{A}, val \in \mathbb{N}$.

- $mlevel(\varphi, \varphi, \epsilon) = 0.$
- Se $mlevel(\varphi, \chi_1 \vee \chi_2, s) = val$ ou $mlevel(\varphi, \chi_1 \wedge \chi_2, s) = val$ ou $mlevel(\varphi, \chi_1 \rightarrow \chi_2, s) = val$, então $mlevel(\varphi, \chi_1, s0) = mlevel(\varphi, \chi_2, s1) = val$
- Se $mlevel(\varphi, \diamondsuit\chi_1, s) = val$ ou $mlevel(\varphi, \bar{a}\chi_1, s) = val$, então $mlevel(\varphi, \chi_1, s0) = val + 1$
- Se $mlevel(\varphi, \neg \chi_1, s) = val$, então $mlevel(\varphi, \chi_1, s0) = val$

Dizemos que o nível modal de χ_1 em φ na posição s é $mlevel(\varphi, \psi, s)$.

A semântica para lógica modal proposicional é dada por estruturas de Kripke. Uma estrutura de Kripke M é da forma $M = (\mathcal{W}, w_0, \mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_{|\mathcal{A}|}, \pi)$, onde \mathcal{W} é um conjunto de mundos possíveis, $w_0 \in \mathcal{W}, \pi : \mathcal{W} \times \mathcal{P} \to \{ \text{true}, \text{false} \}, \mathcal{R}_a \subseteq \mathcal{W} \times \mathcal{W}$ para todo $a \in \mathcal{A}$. Dizemos que uma fórmula φ é satisfeita na lógica modal K no modelo M no

mundo w se, e somente se, $\langle M, w \rangle \models \varphi$, conforme segue:

- $\langle M, w \rangle \models \varphi$, se e somente se $\varphi \in \mathcal{P}$ e $\pi(w, \varphi) = \mathbf{true}$
- $\langle M, w \rangle \models \neg \varphi$, se e somente se $\langle M, w \rangle \not\models \varphi$
- $\langle M, w \rangle \models (\varphi \land \psi)$, se e somente se $\langle M, w \rangle \models \varphi$ e $\langle M, w \rangle \models \psi$
- $\langle M, w \rangle \models (\varphi \lor \psi)$, se e somente se $\langle M, w \rangle \models \varphi$ ou $\langle M, w \rangle \models \psi$
- $\langle M, w \rangle \models (\varphi \rightarrow \psi)$, se e somente se $\langle M, w \rangle \not\models \varphi$ ou $\langle M, w \rangle \models \psi$
- $\langle M, w \rangle \models \Diamond \varphi$, se e somente se $\exists w', (w, w') \in \mathcal{R}_a, \langle M, w' \rangle \models \varphi$
- $\langle M, w \rangle \models \Box \varphi$, se e somente se $\forall w', (w, w') \in \mathcal{R}_a, \langle M, w' \rangle \models \varphi$

Uma fórmula φ é localmente satisfatível se existe um modelo M tal que $\langle M, w_0 \rangle \models \varphi$. Uma formula φ é globalmente satisfatível se existe um modelo M tal que para todo $w \in \mathcal{W}$ temos que $\langle M, w \rangle \models \varphi$. Escrevemos $M \models \varphi$ se, e somente se, $\langle M, w_0 \rangle \models \varphi$

Podemos reduzir o problema de satisfatibilidade global ao problema de satisfatibilidade local com a extensão da linguagem K pelo operador universal *. Seja $M = (\mathcal{W}, w_0, \mathcal{R}_1, \dots, \mathcal{R}_{|\mathcal{A}|}, \pi), \langle M, w \rangle \models * \varphi$ se, e somente se, para todo $w' \in \mathcal{W}, \langle M, w \rangle \models \varphi$.

Definição 6 Uma fórmula está na forma normal negada caso seja formada somente por símbolos proposicionais, \neg , \land , \lor , \boxed{a} e \diamondsuit para $a \in \mathcal{A}$, e a negação só é aplicada a símbolos proposicionais.

É importante ressaltar se $\varphi \in \mathcal{FBF}$ que não está na forma normal negada pode ser reescrita como $\psi \in \mathcal{FBF}$ na forma normal negada com semântica equivalente. Isto é, para todo $\langle M, w \rangle$, $\langle M, w \rangle \models \varphi$ se, e somente se, $\langle M, w \rangle \models \psi$.

2.2 Forma Normal em Camadas

O cálculo a ser apresentado utiliza uma outra linguagem chamada de Forma Normal Separada em Níveis $\frac{\text{Modais}(SNF_{ml})}{\text{Modais}}$.

Definição 7 Uma fórmula em SNF_{ml} é uma conjunção de cláusulas. Para $ml \in \mathbb{N} \cup \{*\}$ e $l_1, l_2 \in \mathcal{LP}$, cada cláusula está em um dos três formatos:

 \bullet ml:c, onde c é uma cláusula proposicional

- $ml: l_1 \rightarrow \boxed{a} l_2$
- $ml: l_1 \to \diamondsuit l_2$

A satisfatibilidade de uma fórmula em SNF_{ml} é definida a partir da satisfatibilidade de K_n . Sejam $ml: \varphi \in ml: \psi$ cláusulas $SNF_{ml} \in M$ um modelo na lógica K_n .

- $M \models * : \varphi$ se, e somente se, $M \models * \varphi$.
- $M \models (ml : \varphi) \land (ml : \psi)$ se, e somente se, $M \models ml : \varphi \in M \models ml : \psi$.
- $M \models ml : \varphi$ se, e somente se, para todo w tal que depth(w) = ml, temos $\langle M, w \rangle \models ml : \varphi$.

Um função de tradução de K_n para SNF_{ml} bem como prova que a tradução de uma fórmula tem satisfatibilidade equivalente podem ser encontradas em [1].

Definição 8 O literal l é máximo em $\varphi \in SNF_{ml}$ se e somente se l ocorre em φ e não há l_2 em φ tal que $l_2 > l$ para uma ordem total fixa.

Note que podemos escolher qualquer ordem, assim l pode ser máximo numa ordem e não ser máximo em outra ordem.

2.3 Regras de inferência

O cálculo dedutivo baseado em resolução RES_{ml} para lógica K_n foi descrito em [1]. Para simplificar a descrição das regras de inferência faremos uso de uma função parcial de unificação $\sigma: P(\mathbb{N} \cup \{*\}) \mapsto \mathbb{N} \cup \{*\}$, tal que $\sigma(\{ml, *\}) = ml$, $\sigma(\{ml\}) = ml$, e indefinida caso contrário. As regras de inferência de RES_{ml} são apresentadas na Figura 2.1, onde *-1 = * e m pode ser 0. Essas regras só valem se o resultado da unificação for definido. Demostrações de correção e corretude podem ser encotradas em [1].

Figura 2.1: Regras de inferência

2.4 Algoritmo

return satisfativel;

20

21 end

A seguir, descrevemos o algoritmo implementado no KSP.

```
Algorithm 1: KSP-Proof-Search
    Result: Satisfatibilidade da fórmula
 1 preprocessamento-da-entrada;
 2 tradução-para-SNF;
 3 preprocessamento-de-clausulas;
4 \Gamma^{lit} \leftarrow \bigcup \Gamma^{lit}_{ml};
 5 while \Gamma^{lit} \neq \emptyset do
        for todo nível modal ml do
             clausula \leftarrow given(ml);
 7
             if não redundante(clausula) then
 8
                  GEN1(clausula, ml, ml - 1);
 9
                  GEN3(clausula, ml, ml - 1);
10
                  LRES(clausula, ml, ml);
11
                  \Lambda_{ml}^{lit} \leftarrow \Lambda_{ml}^{lit} \cup \{clausula\};
12
             end
13
             \Gamma_{ml}^{lit} \leftarrow \Gamma_{ml}^{lit} \setminus \{clausula\};
14
             if 0: false \in \Gamma_0^{lit} then
15
                  return insatisfativel;
16
             end
17
             \Gamma^{lit} \leftarrow \bigcup \Gamma^{lit}_{ml};
18
        end
19
```

KSP utiliza uma variação de conjunto de suporte, técnica que restringe os candidatos possíveis para resolução, e a demostração da correção e completude dessa extensão para SNF_{ml} pode ser encontrada em [1].

Na versão para lógica clássica de conjunto de suporte o conjunto de cláusulas Δ é particionado em dois conjuntos Γ , o conjunto de suporte ou não processado, e Λ , o conjunto usable ou processado. Cláusulas são selecionadas de Γ , e passam para Λ , para aplicação de regras de inferência, os resolventes são inseridos em Γ .

Na extensão para SNF_{ml} , onde as clásulas são rotuladas pelo nível modal, as clásulas de todo nível modal é particionado em três conjuntos Γ^{lit}_{ml} , Λ^{lit}_{ml} e Λ^{mod}_{ml} . Cláusulas proposicionais são particionadas em Γ^{lit}_{ml} e Λ^{lit}_{ml} como no caso em lógica clássica. Clásulas modais são armazenadas em Λ^{mod}_{ml} . Note que nenhuma regra de inferência descrita na seção 2.3

produz novas cláusulas modais.

As Linhas 1-3 aplicam algumas regras de simplificação, traduzem a fórmula para linguagem SNF_{ml} e constrõem os conjuntos usable e de suporte. As Linhas 9-11 aplicam regras de inferências descritas na Seção 2.3.

A função given, Linha 7, é responsável por escolher uma cláusula dentre todas as candidatas possíveis. Cada nível modal é independente, possibilitando até estratégias diferentes em níveis diferentes. Naturalmente, a função given só considera as cláusulas do nível modal pedido. KSP implementa cinco variações dessa função: menor, mais antiga, mais nova, mínima e máxima; e o usuário pode escolher qual deseja utilizar.

Na variação menor, é selecionada uma cláusula com o menor tamanho de Γ_{ml}^{lit} .

Na variação mais antiga, é salvo a ordem nas quais as cláusulas foram adicionadas à Γ^{lit}_{ml} e é selecionada a que foi adicionada antes de todas as outras.

Mais nova é análoga a mais antiga, mas é selecionada a que foi adicionada depois de todas as outras.

Em minima, é escolhida uma cláusula com o menor tamanho dentre as cláusulas com o menor literal máximo em Γ_{ml}^{lit} .

Em $m\'{a}xima$, é feita escolha análoga a $m\'{i}nima$ mas dentre cláusulas com o maior literal m\'{a}ximo em Γ^{lit}_{ml} .

Neste trabalho propomos novos métodos para seleção de cláusulas e comparamos com os métodos previamente utilizados no KSP. Para comparação usaremos o benchmark [?] contendo 378 formulas modais, medade satisfatíveis e metade insatisfatíveis.

_	mais antiga	mais nova	$m\'inima$	máxima	menor
Número de cláusulas resolvidas	96	88	89	88	112

2.5 Grafo

Um grafo é um par um ordenado (V, E), onde $E \subseteq V \times V$, chamamos V o conjunto de vértices e E o conjunto de arestas.

2.6 Matroide

Seja X um conjunto de objetos e $I\subseteq 2^X$ o conjunto de conjuntos independentes tal que:

- 1. $\emptyset \in I$
- $2. A \in I, B \subseteq A \implies B \in I$
- 3. Axioma do troco, $A \in I, B \in I, |B| > |A| \implies \exists x \in B \setminus A : A \cup \{x\} \in I$
- 4. Se $A \subseteq X$ e I e I' são conjuntos independentes maximais de A então |I| = |I'|

Então (X,I) é um matroide. O problema combinatório associado a ele é: Dada um função de peso $w(e) \geq 0 \ \forall e \in X$, encontre um subconjunto independente com maior soma de pesos possível.

Capítulo 3

Proposta de Solução

Neste capítulo propomos novos métodos de seleção de cláusula para o KSP.

3.1 Proposta

Grafo

Referências

[1] Nalon, Cláudia, Clare Dixon e Ullrich Hustadt: *Modal resolution: Proofs, layers, and refinements.* ACM Trans. Comput. Logic, 20(4), agosto 2019, ISSN 1529-3785. https://doi.org/10.1145/3331448. 5, 7

Referências

[1] Nalon, Cláudia, Clare Dixon e Ullrich Hustadt: *Modal resolution: Proofs, layers, and refinements.* ACM Trans. Comput. Logic, 20(4), agosto 2019, ISSN 1529-3785. https://doi.org/10.1145/3331448. 5, 7