# Clase #07 de 27 Lenguajes Formales

Abril 29, Lunes

## Agenda para esta clase

- Examen #1
- Intervalo
- Lenguajes Formales

## Examen #1

# Intervalo

20 minutos

## Lenguajes Formales

[MUCH2012] 1.1.3-1.1.4

## Lenguajes Naturales & Formales

- Lenguajes Naturales
  - Para comunicarse entre personas
  - Evolución continua
  - Reglas gramaticales y sintaxis surgen después
  - El pragmatismo se puede obtener aunque la sintaxis o la semántica no sea la correcta
  - Ambiguo
  - Ejemplos
    - Castellano
      - navegar . Las
      - Los persona hablan castellano.
      - La suerte mira infancia.

- Lenguajes Formales
  - Para comunicarse entre sistemas o para formalizar conceptos
  - Evolución discreta
  - Reglas gramaticales y sintaxis surgen primero
  - El pragmatismo se obtiene solo si la sintaxis y la semántica son correctas
  - Preciso
  - Ejemplos
    - Matemática
      - 3=2+
      - 3=2+5
      - 3=2+1

## Lenguajes Formales

- Conjunto de cadenas
- Definición
- Sus elementos se llaman palabras
- Por extensión
- Por comprensión

#### Ejemplo 27

Sea el siguiente Lenguaje Formal descripto por EXTENSIÓN: L =  $\{101, 1001, 10001, 100001\}$ . Utilizando el operador "supraíndice", este lenguaje puede ser descripto por COMPRENSIÓN, en forma más compacta, así: L =  $\{10^n1/1 \le n \le 4\}$ . Entonces, la cadena 1001 ("uno-cero-cero-uno") es una palabra del lenguaje L, mientras que 1100 ("uno-uno-cero-cero") es una cadena construida con caracteres del mismo alfabeto pero no es una palabra de L.

- Expresiones regulares
- Máquinas de estado como Autómatas Finitos
- Ejemplo 27 de [MUCH2012]v1c1.

## Ejemplo 31 de [MUCH2012]v1c1

- $L = \{(abc)^n / o \le n \le 3\}$  $L = \{\epsilon, abc, abcabc, abcabcabc\}.$
- ¿Alfabeto?
- |abc| = 3?
- ¿Concatenación o potencia cerrada?
  - La palabra vacía es un miembro L
  - La concatenación de las palabras abc y abcabc produce otra palabra de este lenguaje: abcabcabc.
  - En cambio, la concatenación de la palabra abcabc consigo misma produce la cadena abcabcabcabc, que no es una palabra de este lenguaje.
  - La potencia (abc)<sup>2</sup> es una palabra del lenguaje
- Definir L por medio de LN
  - La cadena abc hasta tres veces o ninguna vez

## Ejemplo 32 de [MUCH2012]v1c1

- L = {a<sup>2n+1</sup> / o ≤ n ≤ 200}
  ¿Concatenación cerrada?
- Ejercicio 15: Definir L por medio de LN

#### Cardinalidad de un Lenguaje Formal

- Ejemplos
  - $L_1 = \{a, ab, aab\}$
  - $L_2 = \{\} = \emptyset$
  - L3 =  $\{\epsilon\}$

#### Sublenguajes

- Sublenguajes de un Lenguaje
  - Ø es sublenguaje de todo lenguaje
- ¿Cómo se expresa "Todos los Sublenguajes de un Lenguaje"?
  - Conjunto potencia: P(L)=2<sup>L</sup>
- Ejercicio. Completar:
  - $L = \{a, b\}$
  - $2^{L} = {$
  - $|2^{L}| = |2|^{|L|} =$

# Lenguajes Formales – El Lenguaje Universal sobre un Alfabeto – Definición formal de Σ\*

- $\Sigma = \{a, b\}$  Alfabeto
- Σ° = {ε}
  Lenguaje de palabras de longitud cero
  - $\Sigma^{o} \neq \emptyset$
  - Ø = { }
- $\Sigma = \Sigma^1 = \{a, b\}$ Lenguaje de palabras de longitud uno
- Σ × Σ =
  Σ² = {aa, bb, ab, ba}
  Lenguaje de palabras de longitud dos

- Σ × Σ × Σ =
  Σ² × Σ =
  Σ³ = {aaa, aab, aba, abb, baa, bab, bba, bbb}
  Lenguaje de palabras de longitud tres
- $\Sigma^* = \Sigma^0 \cup \Sigma^1 \cup \Sigma^2 \cup ... = \Sigma^0$

$$\Sigma^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} \Sigma^i$$

## Lenguajes Formales – Dado un E ¿Cuántos lenguajes?

- [Mv1c1] Ejercicio 10:
  Dado el LF = {Argentina, Holanda, Brasil}
  Indique el Σ (alfabeto) mínimo
- Dado el  $\Sigma$  anterior, indique cuántos lenguajes de cada cardinalidad existen
  - 0
  - 1
  - 2
  - n
  - Infinita

#### Términos de la clase #7

#### Definir cada término con la bibliografía

- Lenguajes Formales
  - Lenguaje Natural
  - Lenguaje Formal
  - Evolución
  - Reglas gramaticales
  - Reglas sintácticas
  - Alfabeto de un LF
  - Cadena que pertenece a un LF
  - Palabra
  - Definiciones y Especificaciones de LF
  - Por Lenguaje Natural

- Por Conjuntos por Extensión
- Por Conjuntos por Comprensión con operaciones sobre Caracteres, Strings o
- Lenguajes (conjuntos)
- Lenguajes de Programación como Lenguajes Formales
- Palabra de un LP
- Sublenguajes de un Lenguaje
- Conjunto potencia: P(L)=2L
- El Lenguaje Universal sobre un Alfabeto: Σ\*
- Lenguaje Universal

## Tareas para la próxima clase

1. Repasar lo visto estas primeras siete clases.

## ¿Consultas?

## Fin de la clase