Tema 4. Segmentación Arquitectura de los Computadores

Tema 4. Segmentación

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Objetivos:

- Mostrar al alumno conceptos relativos a segmentación.
- Proporcionar una clasificación de las arquitecturas segmentadas.
- Proponer varios niveles de aplicación de la segmentación.
- Profundizar en la segmentación del repertorio de instrucciones, utilizando la arquitectura MIPS como caso de estudio y manteniendo la continuidad con respecto a temas anteriores.
- Estudiar los cauces aritméticos
- Introducir las técnicas de optimación de unidades segmentadas
- Introducir conceptos de superescalares

Tema 4. Segmentación

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- 1. Introducción
- **2. Segmentación del repertorio de instrucciones**
- 3. Cauces aritméticos
- 4. Optimización de unidades segmentadas
- **5.** Superescalares

4.1 Introducción Tema 4. Segmentación **Arquitectura de los Computadores**

Segmentación

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

4.1. INTRODUCCIÓN

- Concepto de segmentación
- Clasificación de las arquitecturas segmentadas Niveles de aplicación.
- Análisis de prestaciones

Concepto de segmentación

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La segmentación es una de las claves que permite aumentar el rendimiento en los computadores.
- Analogía con una cadena de montaje industrial
 - La ejecución de un tarea se divide en etapas, cada elemento de la cadena se especializa en realizar una operación concreta.
- Explota el paralelismo temporal
 - Opera de forma serie para una pieza determinada
 - Ejecución de varias tareas simultáneas en diferentes etapas

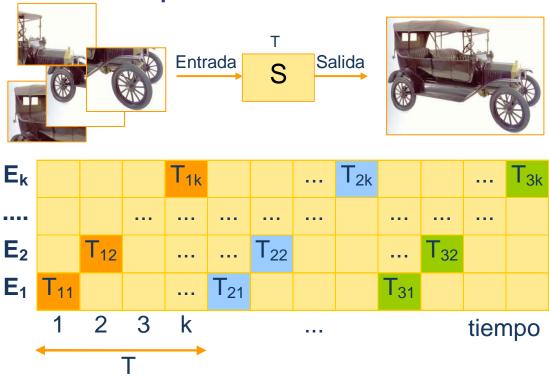
Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares



- Segmentación
- Equipo de trabajo, trabajadores especializados que descansan hasta que vuelvan a entrar los materiales
- Sólo un trabajador (un recurso)

Introducción

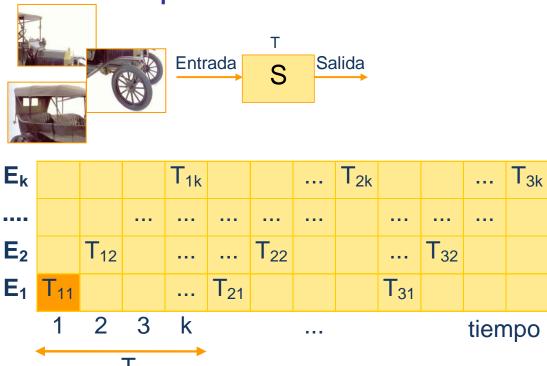
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación





Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación





Introducción

Segmentación del repertorio

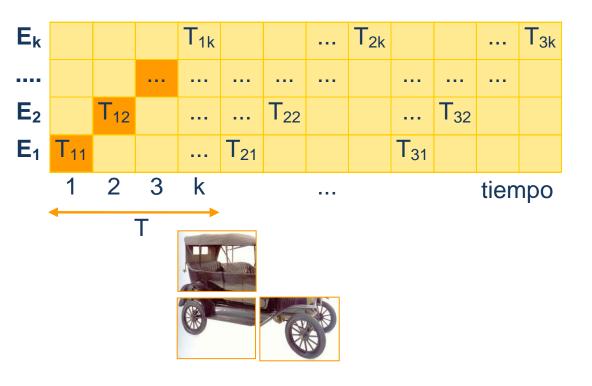
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación





Introducción

Segmentación del repertorio

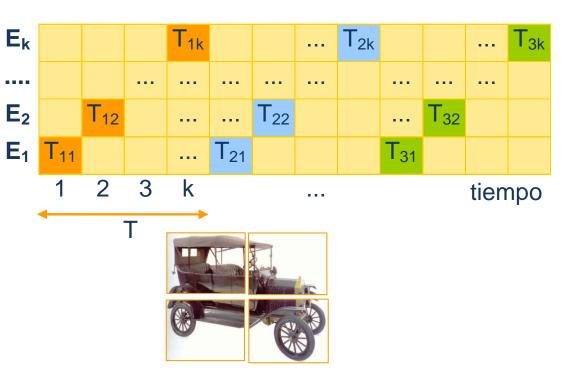
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentació





Introducción

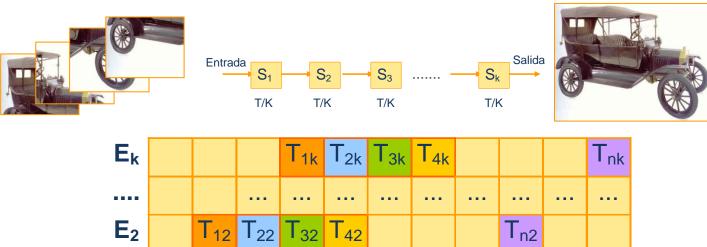
Segmentación del repertorio

> Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

El comienzo de una tarea en una etapa sólo requiere la finalización de la tarea anterior en esa etapa



1 32

4

 E_1

2

3

Cada trabajador pasa al siguiente trabajador de la cadena el estado actual del trabajo mientras puede comenzar a trabajar en el siguiente vehículo

 T_{n1}

n

tiempo

Introducción

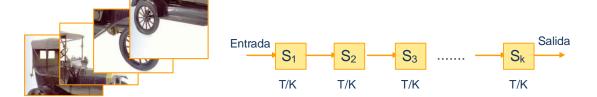
Segmentación del repertorio

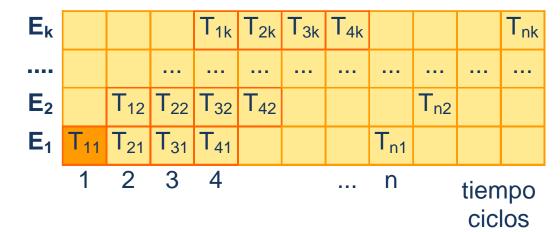
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

El comienzo de una tarea en una etapa sólo requiere la finalización de la tarea anterior en esa etapa







Introducción

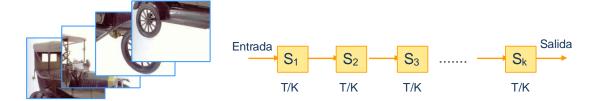
Segmentación del repertorio

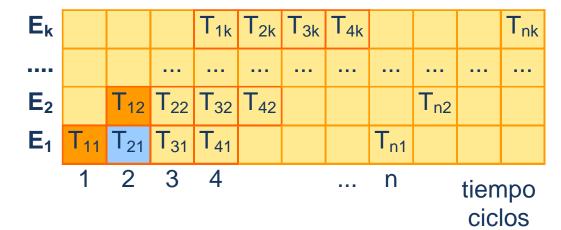
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

El comienzo de una tarea en una etapa sólo requiere la finalización de la tarea anterior en esa etapa









Introducción

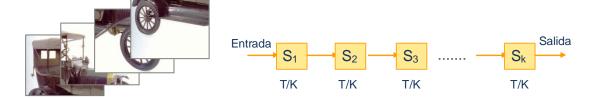
Segmentación del repertorio

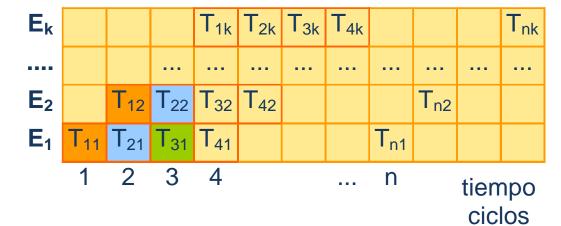
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

El comienzo de una tarea en una etapa sólo requiere la finalización de la tarea anterior en esa etapa













Introducción

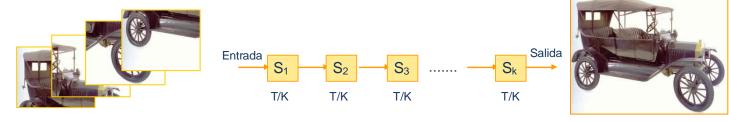
Segmentación del repertorio

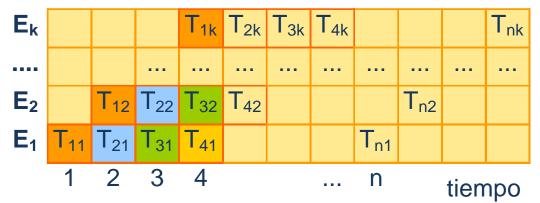
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

El comienzo de una tarea en una etapa sólo requiere la finalización de la tarea anterior en esa etapa













Introducción

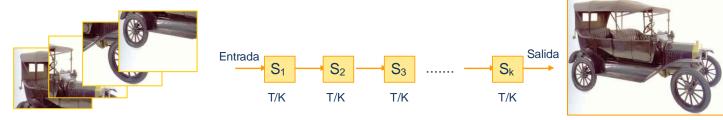
Segmentación del repertorio

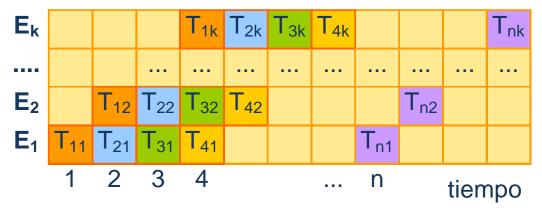
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

El comienzo de una tarea en una etapa sólo requiere la finalización de la tarea anterior en esa etapa













Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

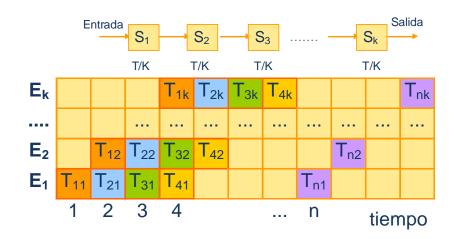
Optimización

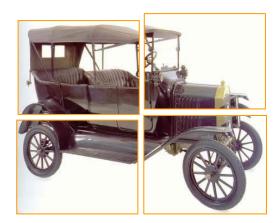
Superescalares

Segmentación

Factor determinante: descomposición tarea a realizar en etapas

- Distribución uniforme del tiempo (caso ideal)
- Etapa más lenta actúa como cuello de botella
- Ajustar el ritmo de trabajo a la etapa más lenta
- Es necesario contemplar:
 - Para que cada trabajador pueda pasar el trabajo necesita tiempo para preparar y distribuir la parte del vehículo que lleva fabricada
 - También tener en cuenta que la nueva organización necesaria para controlar el proceso puede ser muy compleja





Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

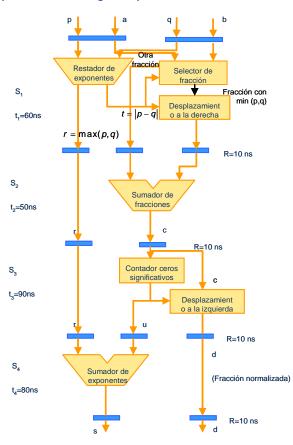
Optimización

Superescalares

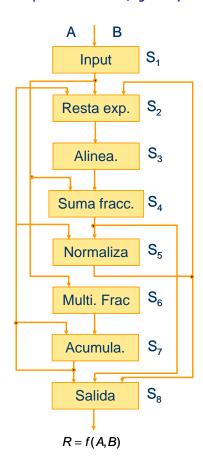
Segmentación

Por tipo de cauce:

■ Unifunción: ejecutan un único proceso (ejemplo: sumador).



■ Multifunción: pueden ejecutar varios procesos (ejemplo: TI-ASC)



Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

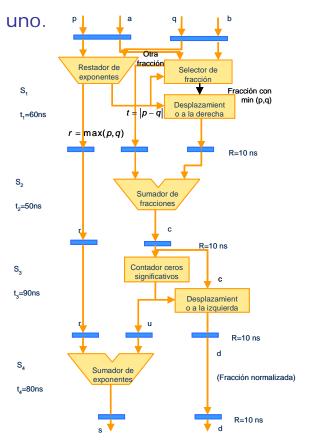
Optimización

Superescalares

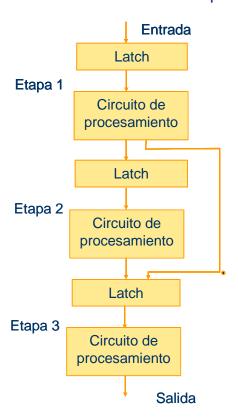
Segmentación

Por tipo de cauce:

■ Estáticos: en un instante determinado sólo pueden ejecutar



■ **Dinámicos**: pueden ejecutar simultáneamente varios procesos.



Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

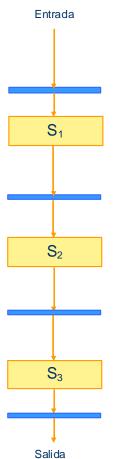
Optimización

Superescalares

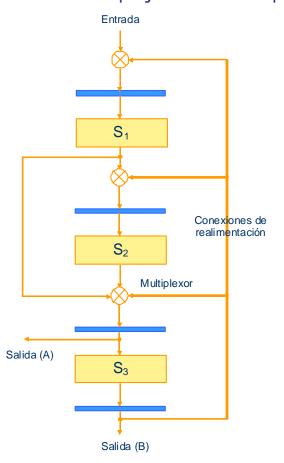
Segmentación

Por tipo de cauce:

■ Lineal: a cada etapa sólo le puede seguir otra etapa concreta.



■ No lineal: se pueden establecer recorridos complejos de las etapas.



Introducción

Segmentación del repertorio

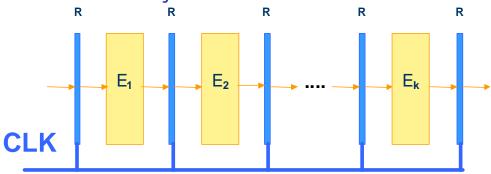
Cauces aritméticos

Optimización

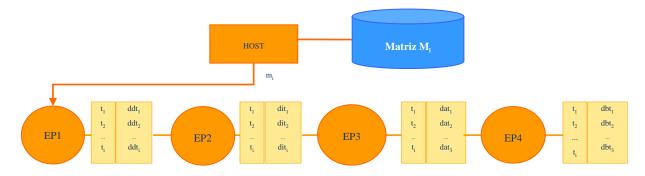
Superescalares

Por tipo de cauce:

■ Síncrono: Una señal de reloj.



Asíncrono: Cada etapa funciona de forma autónoma.



■Protocolo comunicación entre etapas (semáforos, paso de mensajes).

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Por niveles de aplicación:

- Segmentación aritmética
 - Ejecutan una o varias operaciones de la ALU
 - Pueden ser lineales (sumas) o no lineales (división). En este caso suelen ser cíclicos (bucles).
 - Los procesadores actuales incluyen varias ALUs segmentadas y cada una se puede ocupar de varias operaciones.
- Segmentación de instrucciones
 - Suelen ser cauces lineales
 - Algunas de sus fases pueden a su vez sub-segmentarse (uso de una ALU segmentada para la fase de ejecución)
- Segmentación de procesadores

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Se descompone cada operación aritmética en distintas etapas y se realiza un diseño encauzado de la ALU
- Técnica empleada por la mayoría de los computadores.
 - Unidad de punto flotante de tres etapas del clásico del MC68040.
 - La unidad de punto flotante del IBM 360/Model 91 con dos cauces. Un sumador de 2 etapas y un multiplicador de 6.
 - El cauce multifunción de 8 etapas del TI ASC.
 - Operaciones vectoriales del Cray-1 desde 1 a 14 etapas dependiendo del tipo de operación
 - Supercomputadores NEC SX2, Fujitsu VP400, Hitachi S820, Cray Y-MP
 - Procesadores NEC SX6 utilizado en los 640 nodos del Earh Simulator
 - Unidades punto flotante, MMX y SSE de microprocesadores de Intel y AMD

Introducción

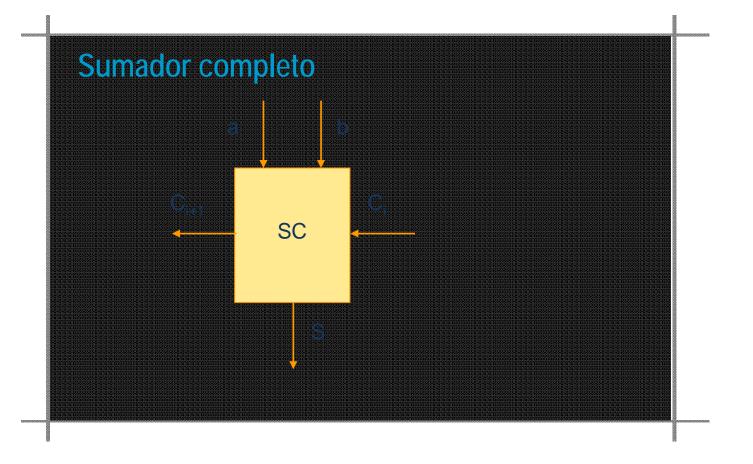
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Sumador de tres bits con propagación de acarreo
 - Compararemos el caso secuencial frente al segmentado



Introducción

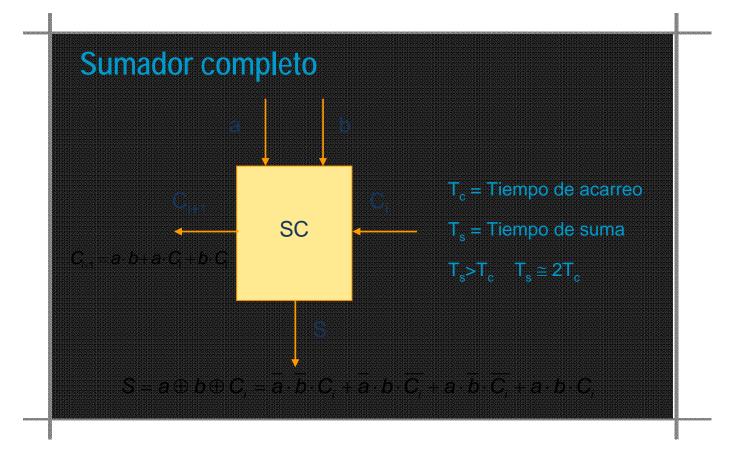
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Sumador de tres bits con propagación de acarreo
 - Compararemos el caso secuencial frente al segmentado



Introducción

Segmentación del repertorio

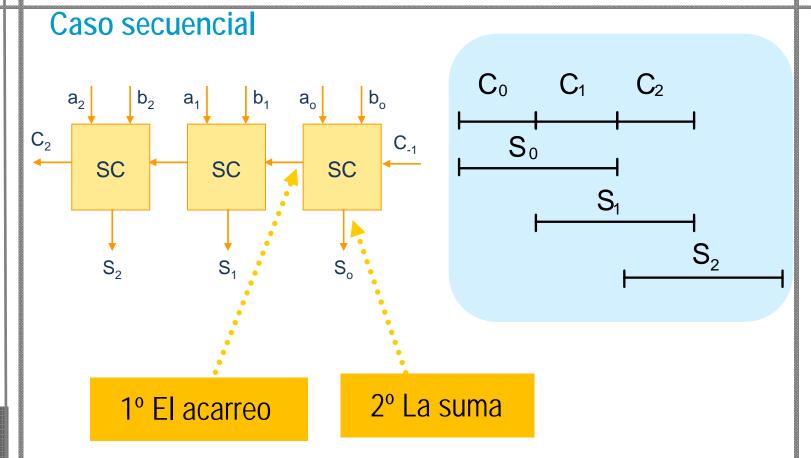
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Sumador de tres bits con propagación de acarreo



Introducciór

Segmentación del repertorio

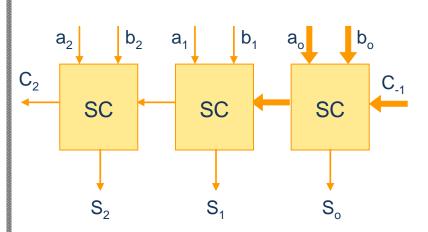
Cauces aritméticos

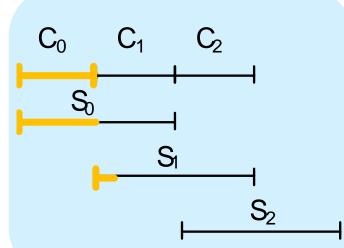
Optimización

Superescalares

Sumador de tres bits con propagación de acarreo

Caso secuencial





Introducciór

Segmentación del repertorio

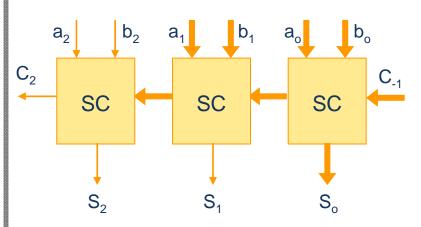
Cauces aritméticos

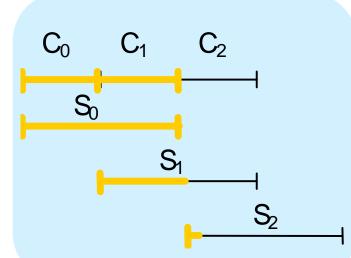
Optimización

Superescalares

Sumador de tres bits con propagación de acarreo

Caso secuencial





Introducciór

Segmentación del repertorio

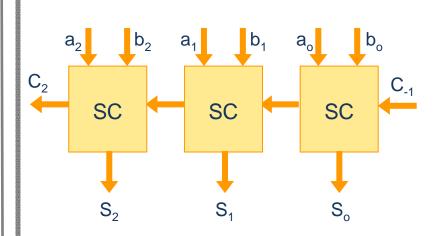
Cauces aritméticos

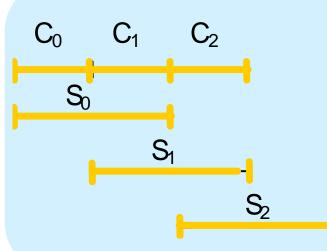
Optimización

Superescalares

Sumador de tres bits con propagación de acarreo







 $T_{suma} = 2 T_c + T_s$

Sumador de tres bits con propagación de acarreo Introducción. C_{-1} b_0 Caso segmentado Segmentación del repertorio Cauces Bloque constructivo SC 1 bit aritméticos SC Dividir en etapas cada una Optimización de las sumas parciales de los Superescalares bits de los números SC Etapa SC Segmentación S_1 S_2

Introducción.

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

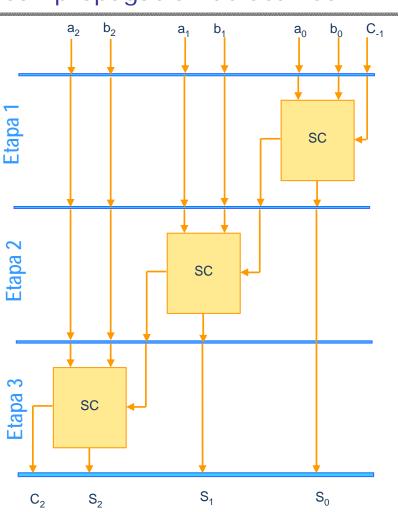
Optimización

Superescalares

Sumador de tres bits con propagación de acarreo

Caso segmentado

- Bloque constructivo SC 1 bit
- Dividir en etapas cada una de las sumas parciales de los bits de los números
- Introducir registros intermedios entre cada una de las etapas para pasar datos (secuencial)



Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

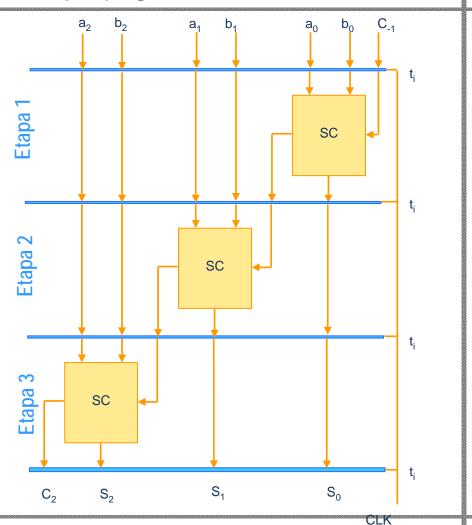
Segmentación

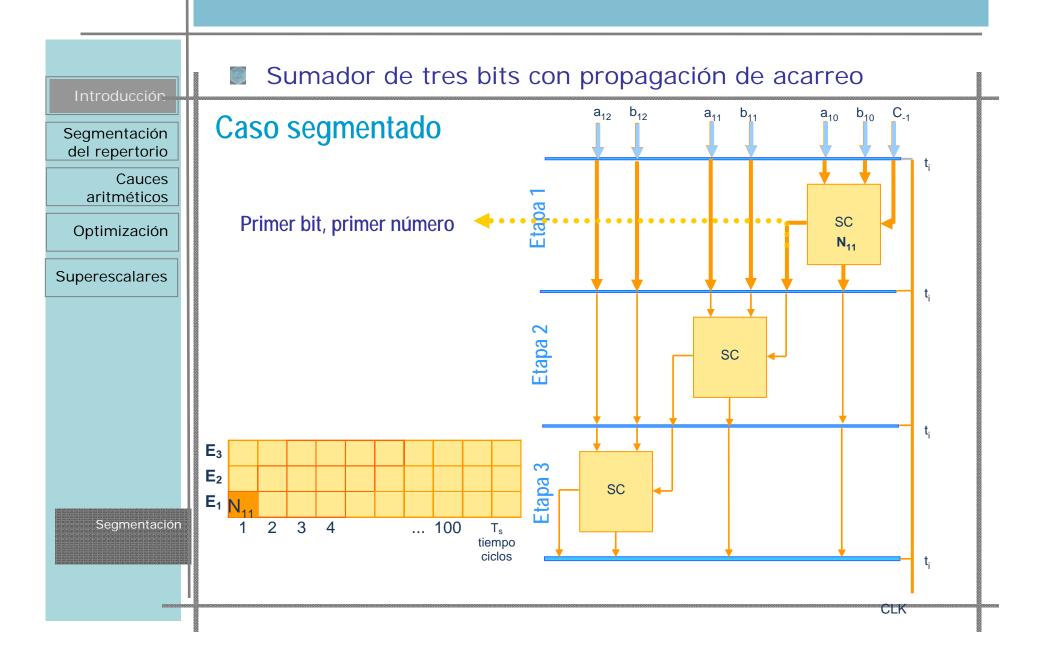
Sumador de tres bits con propagación de acarreo

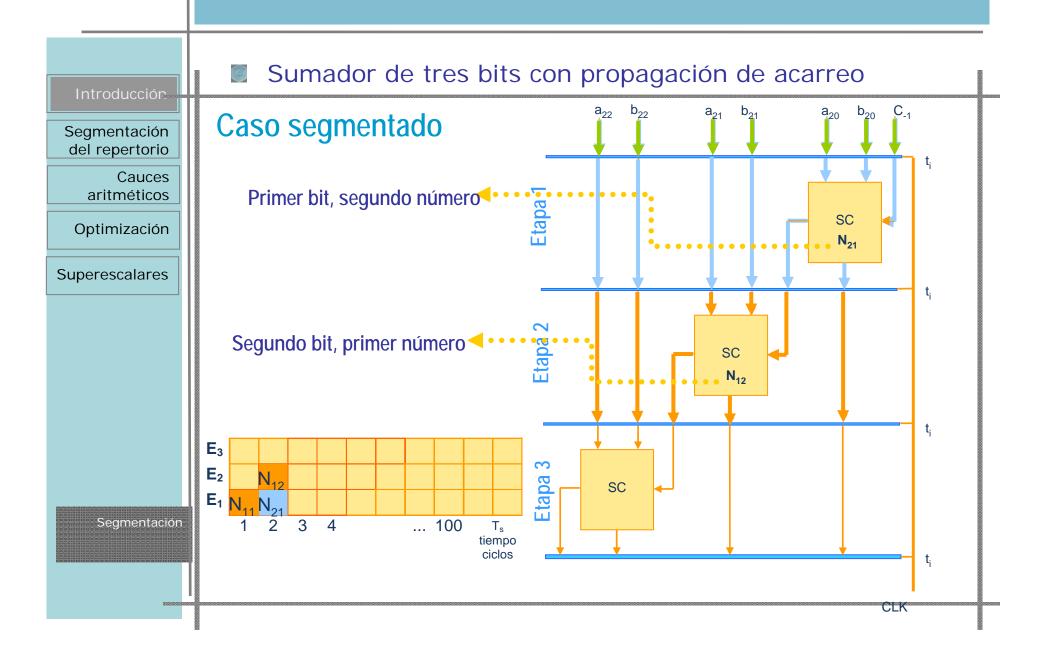
Caso segmentado

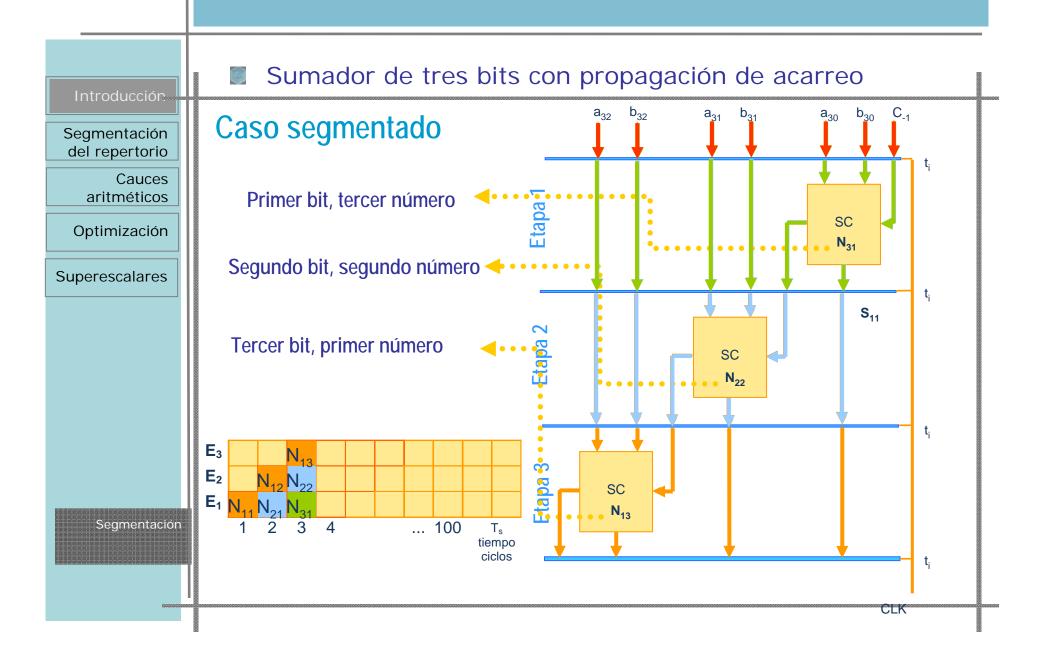
- Bloque constructivo SC 1 bit
- Dividir en etapas cada una de las sumas parciales de los bits de los números
- Introducir registros intermedios entre cada una de las etapas para pasar datos (secuencial)
- (Ritmo) Duración del ciclo de reloj clk: tiempo de la etapa más lenta, Ts

$$T_{suma} = 3 (T_s + t_i)$$









Segmentación aritmética

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Sumador de tres bits con propagación de acarreo
 - El coste temporal de una suma aislada es incluso mayor.
 - Tiempo secuencial para 100 números:

$$T_{Secuencial} = 100(2T_c + T_s) = 200T_s$$

Si $T_c \approx \frac{1}{2}T_s$

■ Tiempo segmentado para 100 números:

$$T_{segmentado} = 3T_s + 99T_s = 102T_s$$

Aceleración de aproximadamente 1,96 para 100 números

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan
- Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU

Introducción

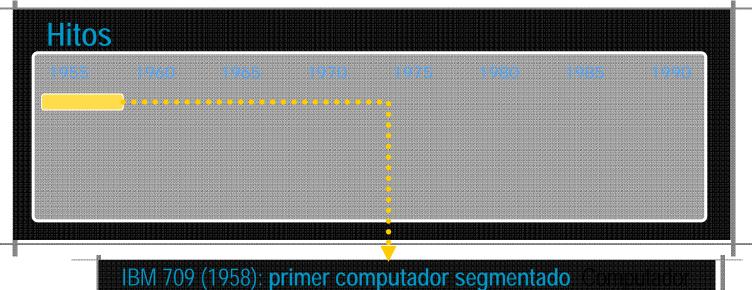
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan
- Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU



Introducción

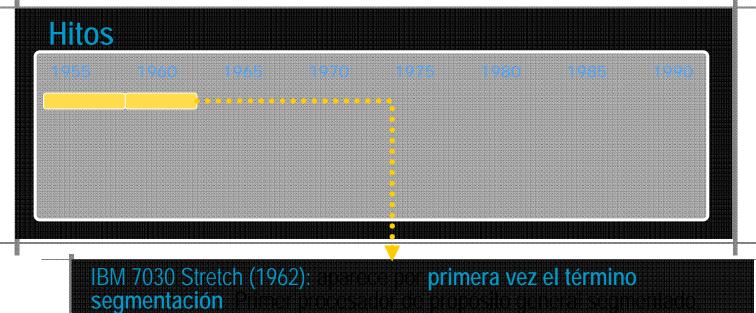
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan
- Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU



Introducción

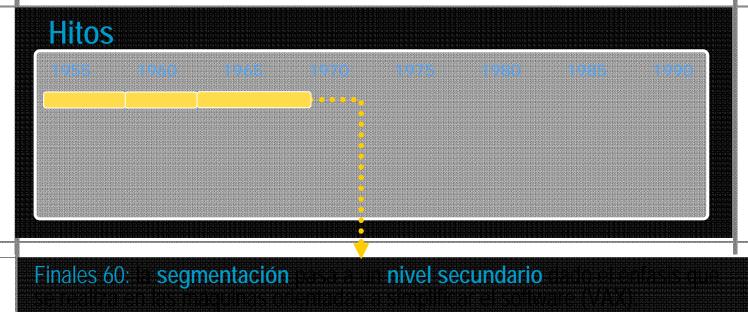
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan
- Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU



Introducción

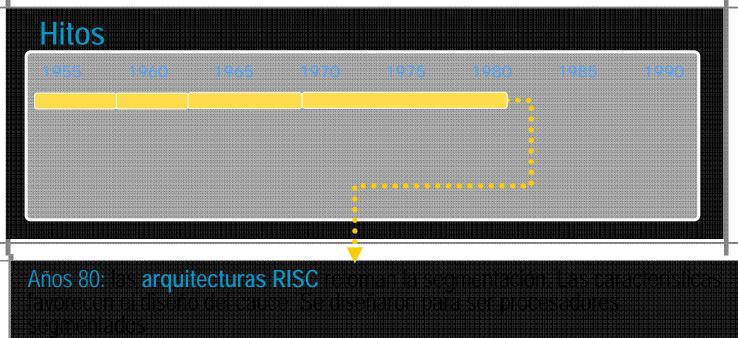
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan
- Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU



Introducción

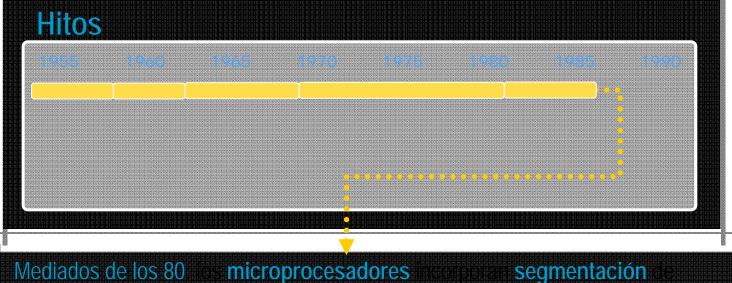
Segmentación del repertorio

> Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan
- Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU



Segmentación

microprocesadores forma generalizada

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan

Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU

Mediados de los 80: Se introducen más recursos para trabajar de forma paralela

- MIPS R4000: uno de los primeros en incorporar un cauce profundo, supersegmentado de 8 etapas
- Alpha 21064: similar al MIPS R4000 para tratar enteros y una mayor segmentación para punto flotante
- Procesadores más modernos
 - MIPS R10000/120000
 - Sun Ultra Sparc III
 - PowerPC 603, G3 y G4
 - Alpha 21264.

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se encauzan
- Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU

Mediados de los 80: PCs traducen instrucciones CISC a microoperaciones RISC superescalares

- Pentium PRO, Pentium II, III y 4 de Intel
- K5, K6, K7, Athlon de AMD

La instrucción a ejecutar se descompone en fases y se Introducción encauzan Segmentación del repertorio Esta técnica o su fundamento, se emplea en la mayoría de Cauces los procesadores para aumentar el rendimiento de la CPU aritméticos Hitos Optimización Superescalares reutilización embebidos Nintendo 64 Segmentación PDAS, TDTs

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Procesador MIPS
 - MIPS64 procesador diseñado expresamente para trabajar de forma segmentada.
 - Su simplicidad hace más fácil demostrar los principios
 - Sencilla arquitectura de carga almacenamiento.
 - Sencillo repertorio de instrucciones fácilmente decodificables
 - Diseño de segmentación eficiente
 - Tres tipos de instrucciones: ALU, carga/almacenamiento, saltos

Introducción

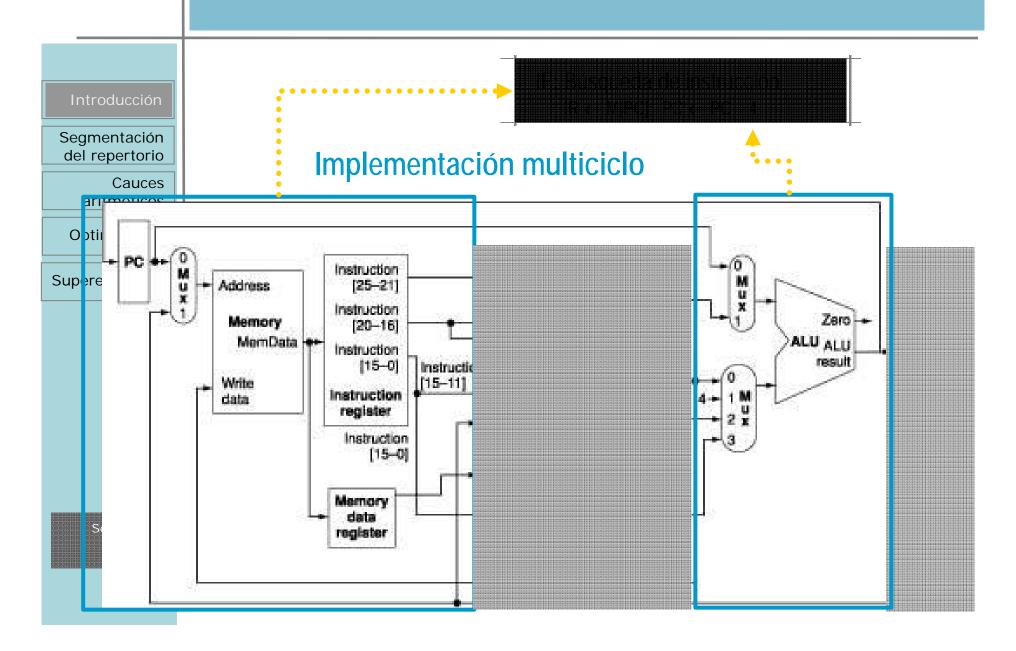
Segmentación del repertorio

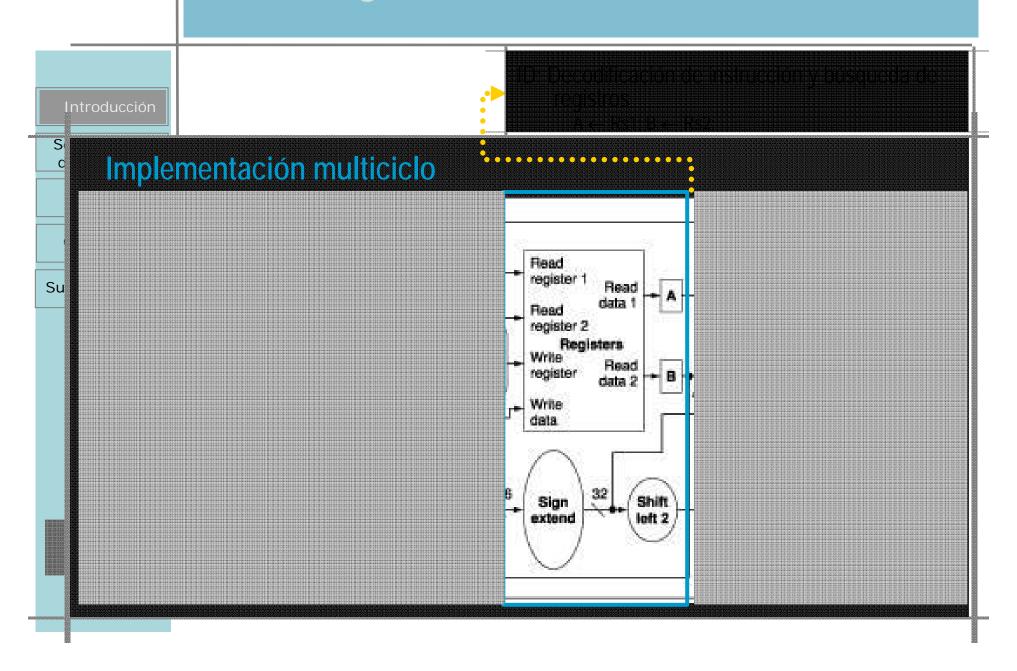
Cauces aritméticos

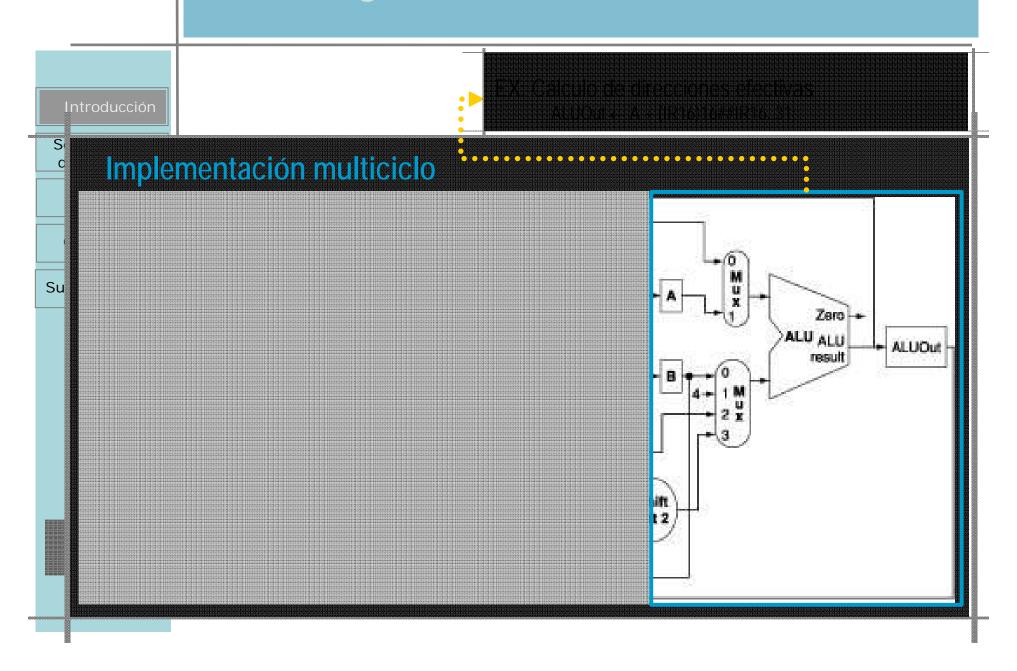
Optimización

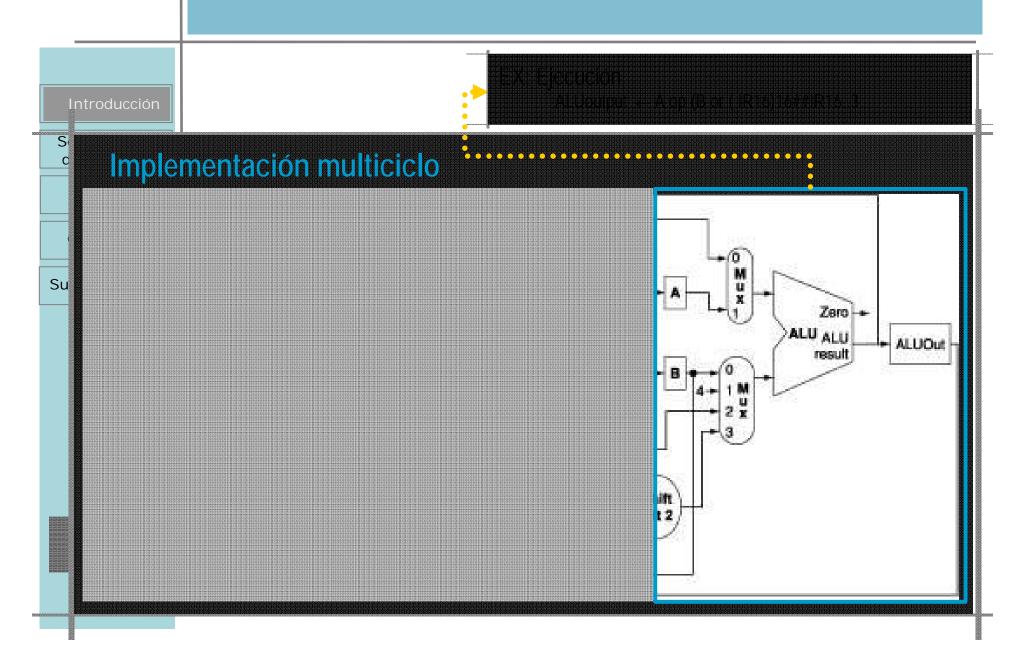
Superescalares

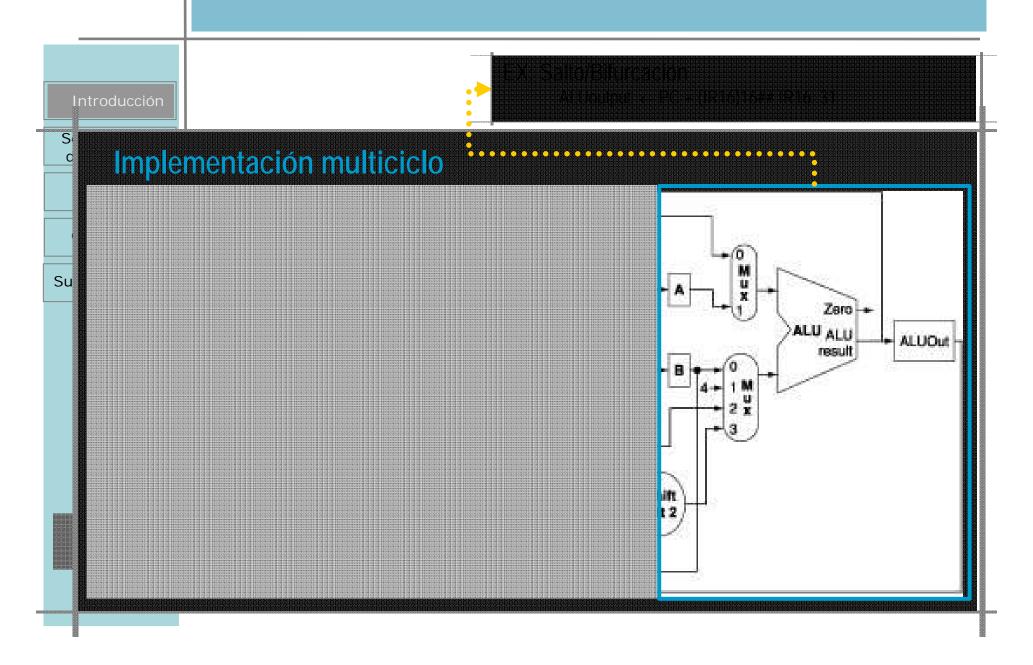
- Paso IF. Búsqueda de instrucción
- Paso ID. Decodificación de instrucción y búsqueda de registros
 - Formato permite leer los registros ya que siempre están ubicados en las mismas posiciones
 - Instrucción de salto: calcular la dirección y hacer la comprobación de los registros (dependerá de la implementación)
- Paso EX. Ejecución y cálculo de direcciones efectivas
- Los operandos en memoria sólo en las operaciones de carga y almacenamiento por lo que en esta fase se puede calcular la dirección de memoria.
- Paso MEM. Acceso a memoria
 - Instrucción de carga se accede a memoria para la lectura del dato.
 - Instrucción almacenamiento se guarda el valor del registro en memoria.
- Paso WB. Postescritura, escritura del resultado en un registro

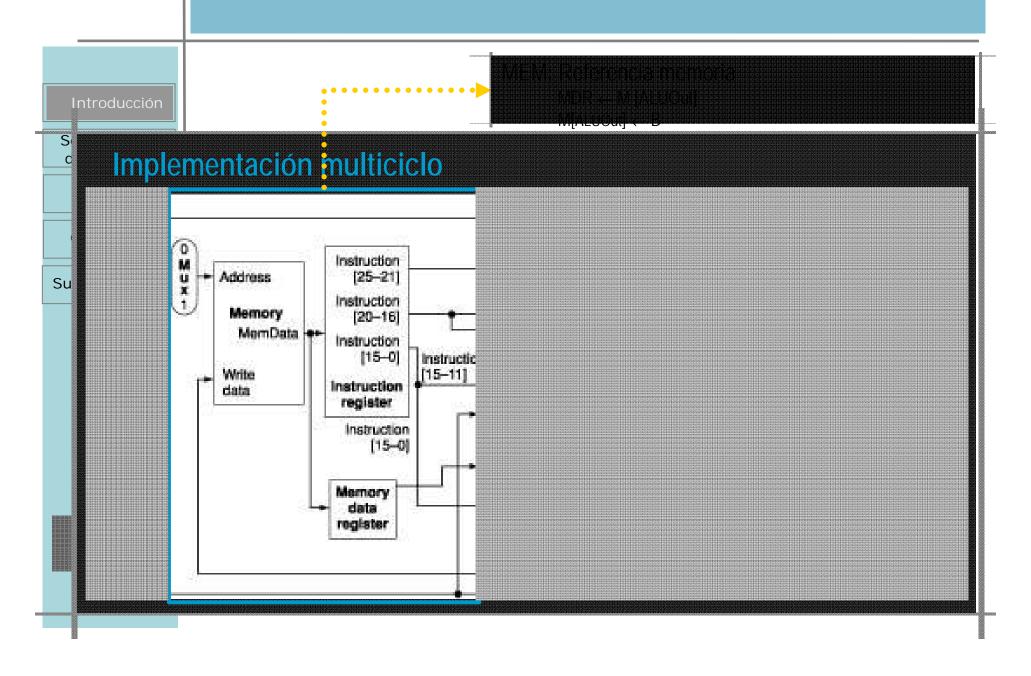


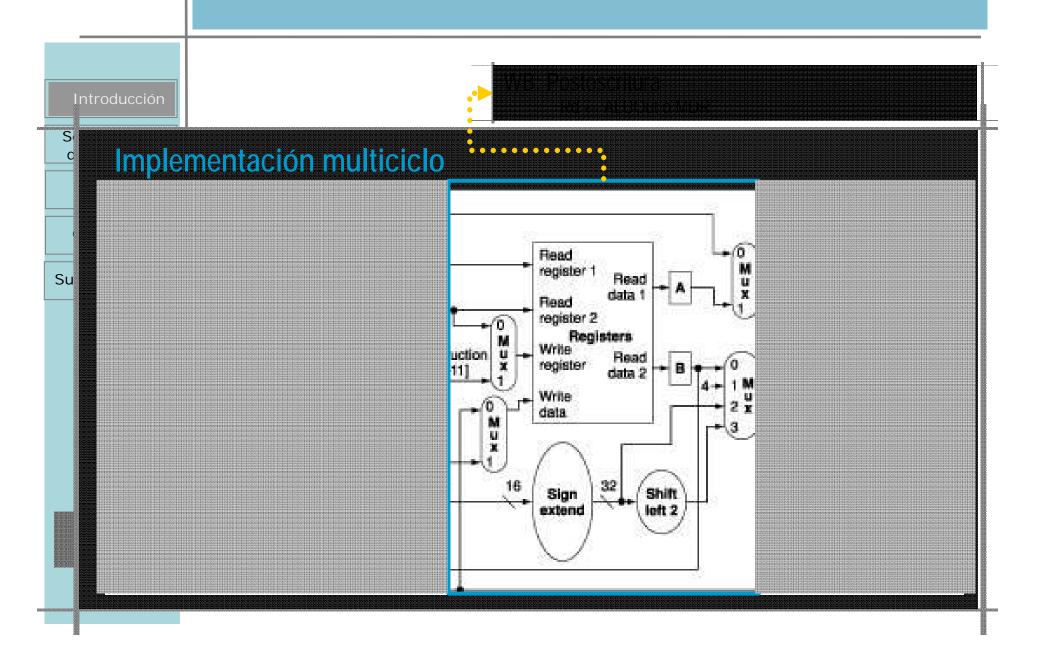


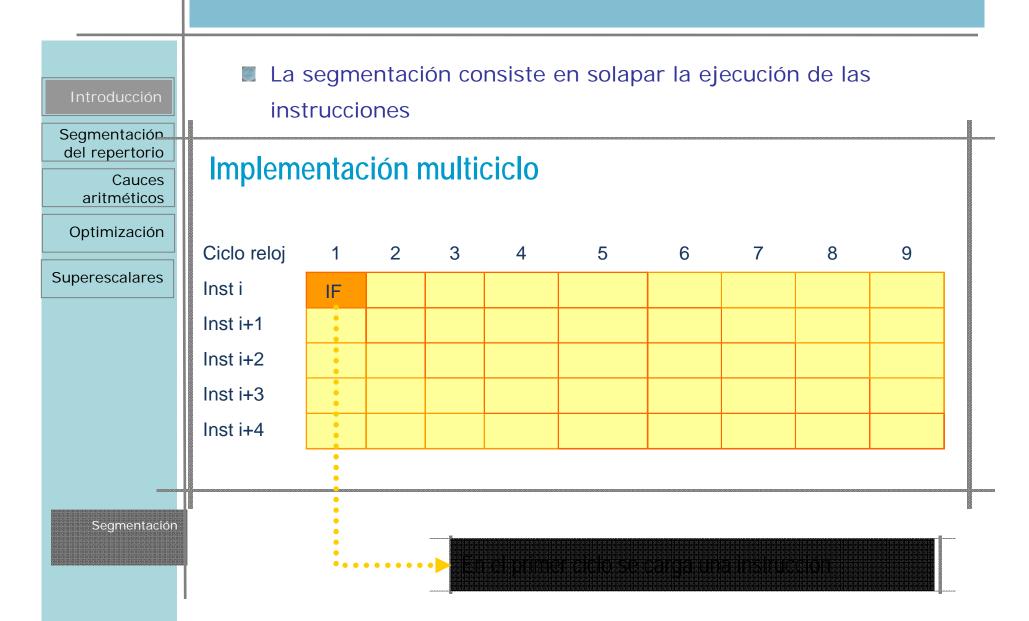












La segmentación consiste en solapar la ejecución de las Introducción instrucciones Segmentación. del repertorio Implementación multiciclo Cauces aritméticos Optimización Ciclo reloj 2 3 8 9 Superescalares Inst i IF. Inst i+1 IF Inst i+2 Inst i+3 Inst i+4 Segmentación

La segmentación consiste en solapar la ejecución de las Introducción instrucciones Segmentación del repertorio Implementación multiciclo Cauces aritméticos Optimización Ciclo reloj 2 3 4 5 8 9 Superescalares Inst i IF EX Inst i+1 IF ID Inst i+2 IF. Inst i+3 Inst i+4 Segmentación

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

La segmentación consiste en solapar la ejecución de las instrucciones

Implementación multiciclo

Ciclo reloj	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Inst i	IF	ID	EX	MEM					
Inst i+1		IF	ID	EX					
Inst i+2			IF	ID					
Inst i+3				IF					
Inst i+4									

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

La segmentación consiste en solapar la ejecución de las instrucciones

Implementación multiciclo

Ciclo reloj 5 3 8 9 Inst i IF EX MEM WB Inst i+1 IF ID EX MEM Inst i+2 IF. ID EX Inst i+3 IF ID Inst i+4 IF

Segmentación

Cuando se llena el cauce se ejecula una:

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

La segmentación consiste en solapar la ejecución de las instrucciones

Implementación multiciclo

Ciclo reloj	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Inst i	IF	ID	EX	MEM	WB				
Inst i+1		IF	ID	EX	MEM	WB			
Inst i+2			IF	ID	EX	MEM	MEM		
Inst i+3				IF	ID	EX	MEM	WB	
Inst i+4					IF	ID	EX	MEM	WB

- Cada paso constituye una etapa de la segmentación.
- Cada ciclo, cinco instrucciones en ejecución
- La segmentación incrementa la **productividad** sin reducir el tiempo de ejecución de una instrucción individual.
- Los programas se ejecutan más rápido

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Ejemplo:

Considerar una máquina no segmentada con 5 pasos de ejecución cuyas duraciones son 50ns, 50ns, 60ns, 50ns, 50ns.

Suponer que debido al tiempo de preparación y sesgo de reloj, segmentar la máquina añade 5 ns de gasto a cada etapa de ejecución.

¿Cuánta velocidad se ganará con la segmentación en la frecuencia de ejecución de las instrucciones?

Introducción

Segmentación del repertorio

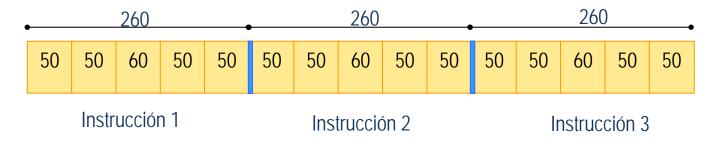
Cauces aritméticos

Optimización

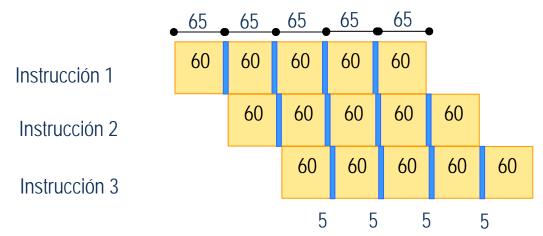
Superescalares

Segmentación

Ejecución secuencial



Ejecución segmentada



$$Aceleración = \frac{Tiempo\ medio_{\sin\ segmentación}}{Tiempo\ medio_{\cos\ segmentación}} = \frac{260}{65} = 4$$

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Riesgos de segmentación

- Riesgos estructurales. Surgen de conflictos de los recursos cuando el hardware no puede soportar todas las combinaciones de instrucciones en ejecución (p.ej. acceso a memoria, banco registros, etc).
- Riesgos por dependencias de datos. Surgen cuando una instrucción depende de los resultados de una instrucción anterior.
- Riesgos de control. Surgen de la segmentación de los saltos y otras instrucciones que cambian el PC.

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Riesgos de segmentación

- Impiden que se ejecute la siguiente instrucción
- Pueden hacer necesario detener el cauce
- Cuando una instrucción se detiene las instrucciones posteriores a esta también lo hacen
- Detención disminuye la ganancia con respecto a la ideal

Segmentación de procesadores

Introducción

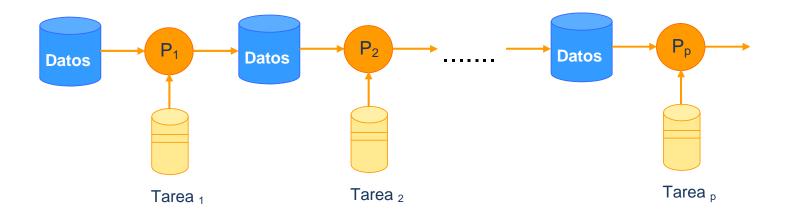
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Las etapas del cauce están formadas por distintos procesadores que realizan, distintas operaciones sobre el flujo de datos
- Propio de la computación sistólica y utilizada en la implementación de algoritmos de alto coste.



Segmentación de procesadores

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Ejemplo: Implementación de filtros de morfología matemática sobre DSPs (Digital Signal Processor). (Plataforma con 4 DSPs)



La morfología matemática proporciona una herramienta para extraer componentes de la imagen tales como contornos, esqueletos y formas convexas.

Introducción

Segmentación del repertorio

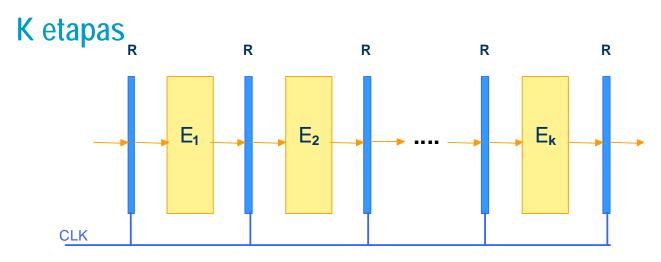
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Unidad segmentada lineal síncrona



R = Registros de almacenamiento intermedio

 E_i = Circuitos combinacionales para operaciones

CLK = Señal de reloj que controla el flujo de datos.

t_i = Retardo temporal de cada etapa E_i

 t_r = Es el retardo de cada registro R.

Introducción

Segmentación del repertorio

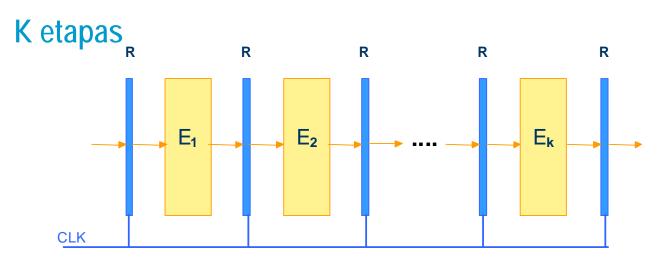
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Unidad segmentada lineal síncrona



Periodo de reloj del cauce

$$CLK = \max\{t_i\}_{i=1}^k + t_r$$

Sesgo de reloj (retardo del pulso). El instante de comienzo de las etapas debe incluir el retardo del pulso de reloj

$$CLK \ge \max\{t_i\}^{k}_{i=1} + t_r + s$$

Introducción

Segmentación del repertorio

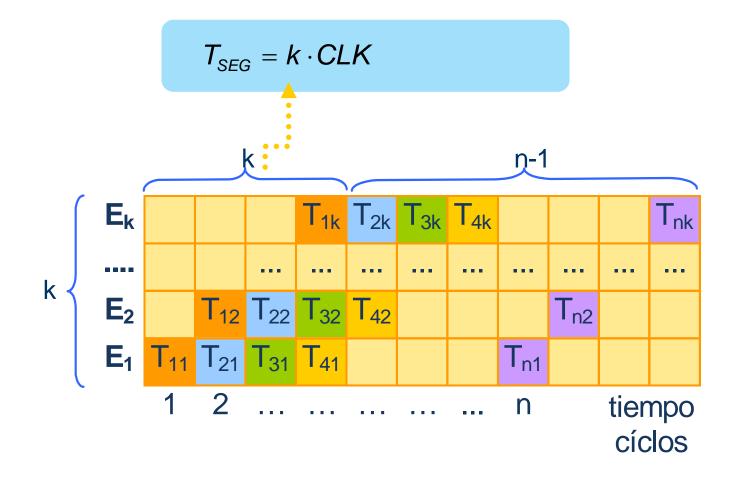
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Unidad segmentada lineal síncrona Tiempo para procesar n tareas



Introducción

Segmentación del repertorio

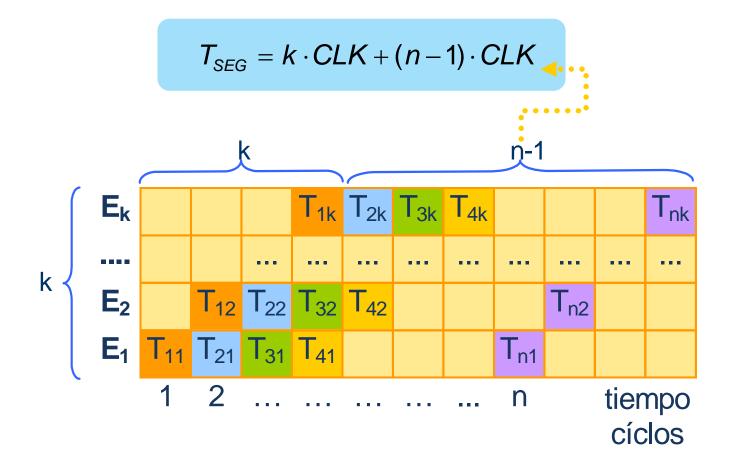
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Unidad segmentada lineal síncrona Tiempo para procesar n tareas



Introducción

Segmentación del repertorio

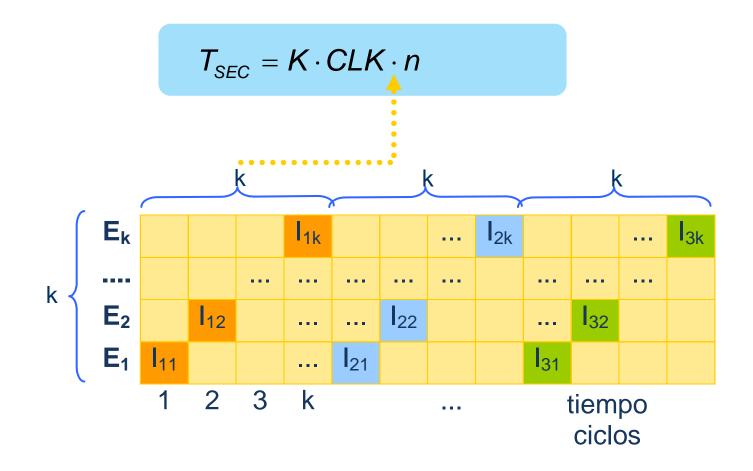
Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Segmentación

Unidad segmentada lineal síncrona
Tiempo equivalente para un proceso no encauzado



Ganancia de velocidad

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

respecto del proceso secuencial

Incremento de velocidad de un cauce de k etapas

$$G_k = \frac{T_{SEC}}{T_{SEG}} = \frac{n \cdot k \cdot CLK}{(k+n-1)CLK} = \frac{n \cdot k}{k+n-1}$$

■ Cuando n→∞

$$\lim_{n\to\infty}G_k=\lim_{n\to\infty}\frac{n\cdot k}{k+n-1}=k$$

- En la práctica diversos condicionantes hacen que G_k < < k
 - Imposibilidad de la descomposición óptima de la tarea en k subtareas.
 - Dependencias entre datos e instrucciones.
 - Bifurcaciones en el programa.

Eficiencia

Introducción

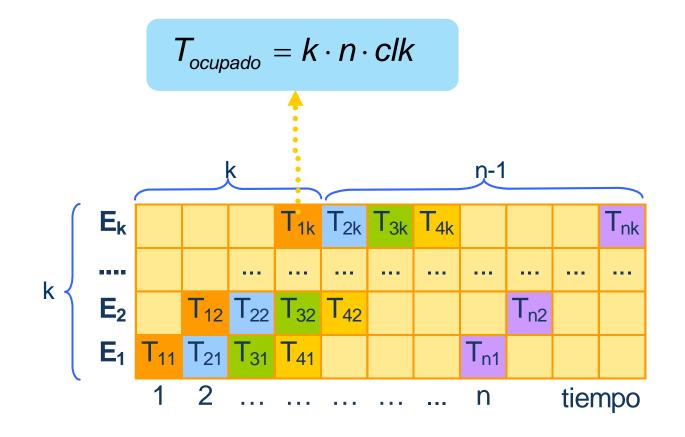
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Nos ofrece idea del grado de utilización de los recursos
- Relación entre el número de tramos temporales ocupados y el número total de tramos en dicho periodo de tiempo T



Eficiencia

Introducción

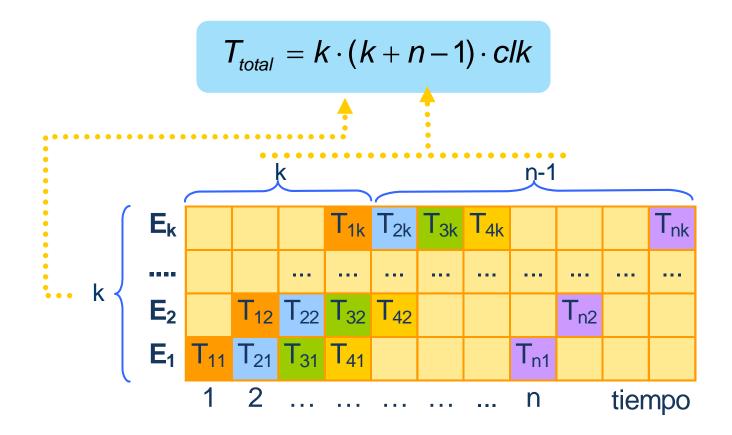
Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Nos ofrece idea del grado de utilización de los recursos
- Relación entre el número de tramos temporales ocupados y el número total de tramos en dicho periodo de tiempo T



Eficiencia

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

- Nos ofrece idea del grado de utilización de los recursos
- Relación entre el número de tramos temporales ocupados y el número total de tramos en dicho periodo de tiempo T

$$E_k = \frac{k \cdot n \cdot CLK}{k(k+n-1)CLK} = \frac{n}{k+n-1} = \frac{G_k}{k}$$

Cuando n→∞

$$\lim_{n\to\infty} E_k = \lim_{n\to\infty} \frac{n}{k+n-1} = 1$$

Segmentación

 \blacksquare En la práctica problemas hacen que $E_k << 1$

Productividad

Introducción

Segmentación del repertorio

Cauces aritméticos

Optimización

Superescalares

Número de datos o instrucciones que puede procesar por unidad de tiempo

$$P_k = \frac{n}{(k+n-1)CLK} = \frac{E_k}{CLK}$$

Cuando n→∞

$$\lim_{n\to\infty} P_k = \lim_{n\to\infty} \frac{n}{(k+n-1)CLK} = \frac{1}{CLK}$$

La cota máxima coincide con la frecuencia de funcionamiento y corresponde a la aparición de un resultado cada periodo de reloj