

ANÁLISIS Y DISEÑO DE ALGORITMOS

COMPLEJIDAD TEMPORAL: ANÁLISIS EMPÍRICO (I)

Práctica 1 de laboratorio

Entrega: Hasta el domingo 11 de febrero, 23:55h. A través de Moodle

Realizar un análisis empírico del tiempo promedio que el algoritmo de ordenación *Quicksort central* requiere para realizar su cometido.¹

Para guiarte en este trabajo sigue las pautas del archivo `bubbleSort.tar.gz` suministrado (en este caso se refiere al algoritmo de ordenación *Burbuja*). Debes crear exactamente los mismos ficheros que los contenidos en dicho archivo comprimido pero relativos todos ellos a *Quicksort*.

De manera resumida, el trabajo a realizar consiste en:

1. Completar el código fuente del archivo `quickSort.cc` creando una función `main()` que actúe de la siguiente manera:
 - a) Generando vectores de distintas tallas y con contenido aleatorio² para que quicksort los ordene. El tamaño de los vectores debe ser suficientemente grande para que el análisis no se desvirtúe por la influencia de factores ajenos a la propia ordenación, en este sentido, las potencias exactas de 2 desde 15 hasta 23 son tamaños apropiados.³
 - b) Cronometrando el tiempo que tarda quicksort en ordenar cada una de las instancias generadas. Para ello se debe seguir el procedimiento utilizado en `bubleSort.cc`.
 - c) Es importante tener en cuenta que este algoritmo, a diferencia de Burbuja, presenta *caso mejor* y *caso peor* en cuanto a complejidad temporal por lo que, para que el valor (de tiempo de ejecución) obtenido tenga validez estadística, hay que hacer varias repeticiones distintas para cada talla. Un número de repeticiones igual a 30 es suficiente.⁴
 - d) La única salida por pantalla que debe proporcionar dicha función `main()` es una tabla que recoge el **tiempo medio** que el algoritmo de ordenación ha empleado en resolver todas las repeticiones de cada una de las tallas analizadas, similar a la que se muestra a continuación:

QuickSort CPU-times in milliseconds:	
Size	Average CPU time (ms.)
32768	2.08
65536	3.84
131072	19.16
524288	40.28
1048576	85.56
2097152	181.56
4194304	377.32
8388608	774.80
16777216	1612.84
33554432	3334.32

2. Análisis de resultados mediante la herramienta *Gnuplot*. A partir de la tabla de tiempos obtenida anteriormente y almacenada en un fichero con nombre `quickSort.CPUtimes`,⁵ escribir un fichero de órdenes de *gnuplot*, similar a `bubbleSort.gnuplot` pero con nombre `quickSort.gnuplot` para realizar lo siguiente:

¹Todos los materiales se proporcionan a través de *Moodle*, en este caso es el archivo `quickSort.cc` que contiene el código de este algoritmo de ordenación.

²La función `int rand(void)`, en `stdlib.h`, devuelve un entero pseudo-aleatorio entre 0 y `RAND_MAX`. Las series generadas son siempre las mismas aún en distintas ejecuciones, puesto que siempre parten del mismo valor (semilla). Para evitarlo se debe suministrar en cada ejecución un nuevo valor para la semilla, mediante `void srand(unsigned int semilla)`.

³Nótese que los tamaños de los vectores son significativamente más grandes que en el algoritmo Burbuja dada la gran diferencia de ambos algoritmos en cuanto a tiempo de proceso.

⁴El **Teorema central del límite** establece que a partir de un tamaño muestral $n \geq 30$ los promedios muestrales seguirán la misma distribución de probabilidad que la de la variable de interés.

⁵Este fichero se obtiene utilizando la redirección de salida del *Shell* de *Linux*, a partir del programa realizado en el apartado 1.

- Dibujar la gráfica que corresponde a dichos resultados, similar a la que se muestra en la figura 1 pero relativa al algoritmo que nos ocupa. La gráfica debe llamarse `quickSort.png`.
- Utilizar la función `fit`⁶ de *Gnuplot* para analizar de qué tipo de función analítica podría tratarse. Hay que probar las siguientes funciones de coste: lineal, " $n \cdot \log(n)$ " y " $n \cdot \log(n) + n$ " y seleccionar la que mejor se ajusta.⁷
- Dibujar conjuntamente ambas gráficas: la que se ha obtenido de forma empírica y la que consideras que mejor se ajusta, similar a la que se muestra en la figura 2 pero relativa quicksort. La gráfica debe llamarse `quicksortSort_and_Fit-Function.png`.

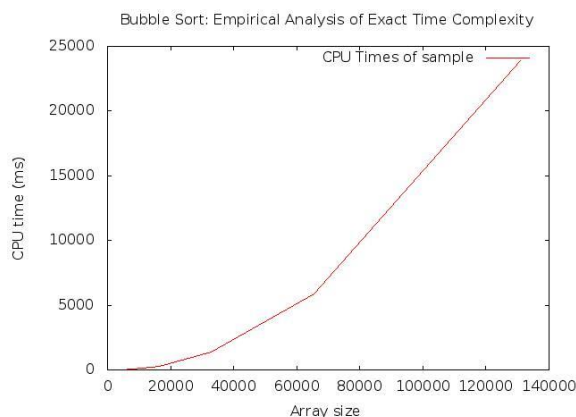


figura 1: Coste temporal exacto del algoritmo *Burbuja*.
Datos obtenidos de forma empírica.

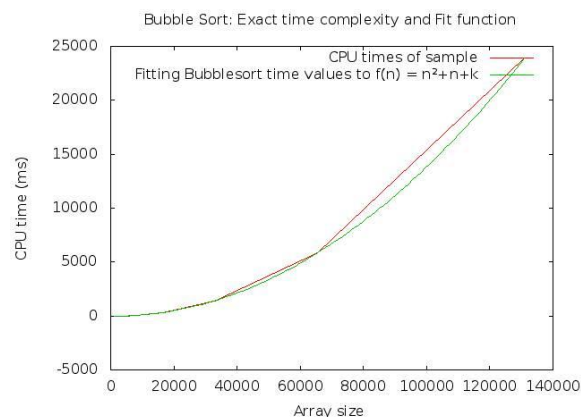


figura 2: En rojo, coste temporal exacto del algoritmo *Burbuja*. En verde, ajuste a la función $an^2 + bn + c$.

3. Por último, hay que crear un fichero *makefile* que contenga los siguientes objetivos:

- `quickSort`, para crear el ejecutable que se describe en el apartado 1. Este objetivo dependerá únicamente del código fuente `quickSort.cc`.
- `quickSort.CPUTimes`, para redirigir a un fichero del mismo nombre la salida del programa anterior (tabla de tiempos). Este objetivo dependerá por tanto de dicho programa.
- `graphs`, para llamar a *gnuplot* con el fichero de órdenes creado en el punto 2. Este objetivo dependerá del fichero anterior y del fichero de órdenes de *gnuplot*. El resultado será las dos gráficas pedidas.
- `all`, este objetivo dependerá de los tres anteriores y se utilizará para invocarlos de forma secuencial, rehaciéndolos si fuera necesario.

4. Normas para la entrega.

ATENCIÓN: Estas normas son de obligado cumplimiento para que esta práctica sea evaluada.

- Se debe entregar únicamente los ficheros `quickSort.cc`, `quickSort.gnuplot` y `makefile`. Sigue escrupulosamente los nombres de ficheros, objetivos, etc. que aquí se citan. No hay que entregar nada más.
- Es imprescindible que no presente errores ni de compilación ni de interpretación (según corresponda), en los ordenadores del laboratorio asignado.⁸ Se tratará de evitar también cualquier tipo de *warning*.
- Todos los ficheros que se entregan deben contener el nombre del autor y su DNI (o NIE) en su primera línea (entre comentarios apropiados según el tipo de archivo).
- Se comprimirán en un archivo *.tar.gz* cuyo nombre será el DNI (o NIE) del alumno. Por ejemplo: `123456789A.tar.gz`. **Solo se admite este formato de compresión.**
- En el archivo comprimido **no debe existir subcarpetas**, es decir, al extraer sus archivos estos deben quedar guardados en la misma carpeta donde está el archivo que los contiene.
- La práctica hay que subirla a *Moodle* respetando las fechas expuestas en el encabezado de este enunciado.

⁶Se trata de la técnica denominada "mínimos cuadrados" que, dado un conjunto de valores (x, y) y una función analítica suministrada, encuentra los coeficientes de dicha función que mejor se ajustan a los valores suministrados de acuerdo con el criterio de mínimo error cuadrático.

⁷Se trata de observar cuál de esas funciones minimiza la media cuadrática de los residuos (*rms of residuals*). Es necesario advertir que este análisis no tiene por qué ser concluyente puesto que, por regla general, cuanto mayor es el grado de una curva mejor puede ajustarse a unos datos concretos aunque sin capacidad para generalizar de forma correcta. Por lo tanto, para saber cuál es la función teórica que mejor se ajusta se deben utilizar los métodos analíticos estudiados en clase de teoría.

⁸Si trabajas con tu propio ordenador o con otro sistema operativo asegúrate de que este requisito se cumple.