EGM0004

Sistemas Não Lineares

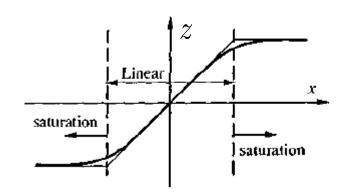
Prof. Josenalde Barbosa de Oliveira – UFRN

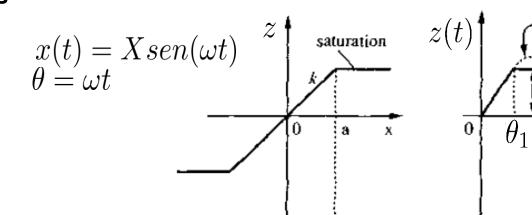


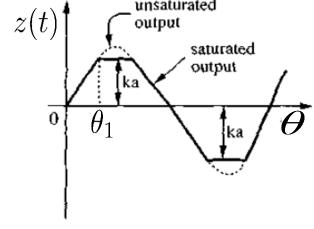
Programa de Pós-Graduação em Engenharia Mecatrônica

24T12 (60h) (13:00-14:40h) - 22.08.2022 : 21.12.2022

Exemplo obtenção função descritiva: saturação



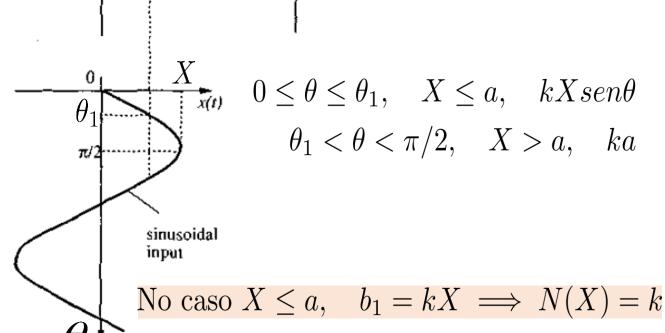




$$\theta_1$$
 onde $X sen \theta_1 = a \implies \theta_1 = sen^{-1} \left(\frac{a}{X}\right)$

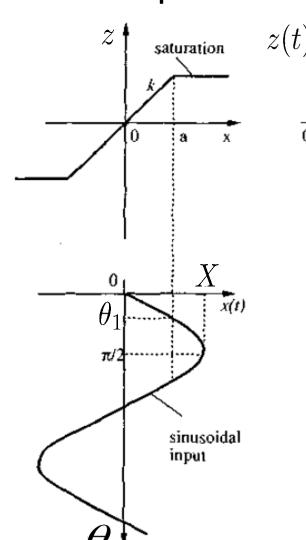
$$N(X) = \frac{b_1 + ja_1}{X}, \text{ mas } z(x) \text{impar, logo}$$

$$N(X) = \frac{b_1}{X}$$



Prof. Josenalde Oliveira

Exemplo obtenção função descritiva: saturação



$$z(t) \qquad \qquad \text{unsaturated output} \\ \hline 0 \qquad \theta_1 \qquad \qquad \text{ka} \qquad \theta$$

saturated output
$$b_1 = \frac{4}{\pi} \int_0^{\pi/2} z(\theta) sen\theta d\theta$$

$$= \frac{4}{\pi} \left(\int_0^{\theta_1} X sen\theta sen\theta d\theta + \int_{\theta_1}^{\pi/2} a sen\theta d\theta \right)$$

$$= \frac{4}{\pi} \left(X \int_0^{\theta_1} \frac{1}{2} (1 - cos2\theta) d\theta + a \left[-cos\theta \right]_{\theta_1}^{\pi/2} \right)$$

$$= \frac{4}{\pi} \left(\frac{X}{2} \left[\theta - \frac{sen2\theta}{2} \right]_0^{\theta_1} + a cos\theta_1 \right)$$

$$= \frac{4}{\pi} \left(\frac{X}{2} \left[\theta_1 - \frac{1}{2} sen2\theta_1 \right]^* + a cos\theta_1^* \right)$$

Identidades trigonométricas utilizadas

$$sen^2\theta = \frac{(1 - cos2\theta)}{2}$$

$$*sen(2sen^{-1}x) = 2x\sqrt{1-x^2}$$

$$**cos(sen^{-1}x) = \sqrt{1-x^2}$$

$$= \frac{4}{\pi} \left(\frac{X}{2} \left[\theta_1 - \frac{1}{2} sen2\theta_1 \right]^* + acos\theta_1^{**} \right)$$

$$sen\left(2sen^{-1}\frac{a}{X}\right) = 2\left(\frac{a}{X}\right)\sqrt{1-\left(\frac{a}{X}\right)^2}$$

$$\theta_1 \text{ onde } X sen \theta_1 = a \implies \theta_1 = sen^{-1} \left(\frac{a}{X}\right), \quad x = \frac{a}{X}$$

$$acos\theta_1 = acos\left(sen^{-1}\left(\frac{a}{X}\right)\right) = a\sqrt{1-\left(\frac{a}{X}\right)^2}$$

Identidades trigonométricas utilizadas

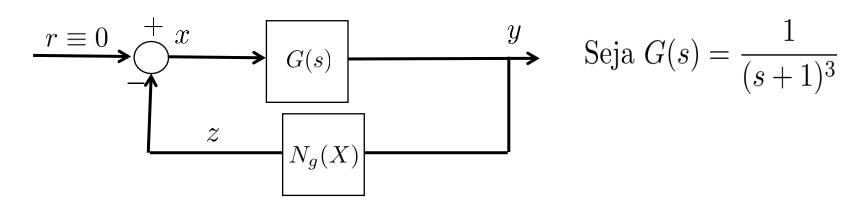
$$= \frac{4}{\pi} \left(\frac{X}{2} \left[\theta_1 - \frac{1}{2} sen 2\theta_1 \right]^* + a cos \theta_1^{**} \right)$$

$$= \frac{4}{\pi} \left(\frac{X}{2} \left(sen^{-1} \frac{a}{X} - \frac{a}{X} \sqrt{1 - \left(\frac{a}{X}\right)^2} \right) + a \sqrt{1 - \left(\frac{a}{X}\right)^2} \right)$$

$$= \frac{4}{\pi} \left(\frac{x}{2} \left(sen^{-1} \frac{a}{X} - \frac{a}{X} \sqrt{1 - \left(\frac{a}{X}\right)^2} \right) + a \sqrt{1 - \left(\frac{a}{X}\right)^2} \right)$$

$$b_1 = \frac{2X}{\pi} \left[sen^{-1} \left(\frac{a}{X} \right) + \frac{a}{X} \sqrt{1 - \left(\frac{a}{X} \right)^2} \right] N(X) = \frac{b_1}{X} = \frac{2}{\pi} \left[sen^{-1} \left(\frac{a}{X} \right) + \frac{a}{X} \sqrt{1 - \left(\frac{a}{X} \right)^2} \right]$$

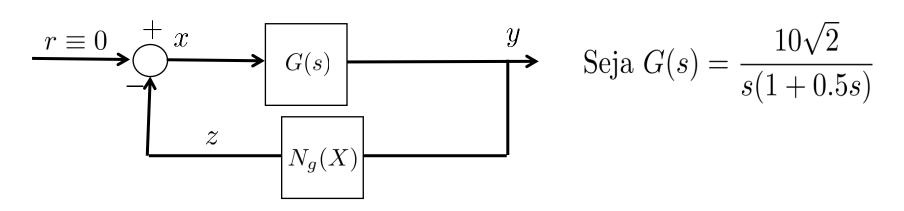
Problemas resolvidos (sala de aula)...



Encontrar ciclo(s) limite(s), se houver, classificando-os (estável, instável)

- a) não linearidade relé puro com a = M = 1
- b) não linearidade saturação com a=M=k=1

Problemas resolvidos (sala de aula)...



Encontrar ciclo(s) limite(s), se houver, classificando-os (estável, instável)

, e determinando sua amplitude e frequência

a) não linearidade com
$$N(X) = \frac{1}{X} \angle 45^{\circ}$$

a) não linearidade com
$$N(X) = \frac{1}{X} \angle - 45^{\circ}$$