

Pregunta 4.

Josefina Nicot 18642381

a) el algoritmo termina ya que, luego de calcular las medianas respectivas si son iguales, sabemos que es la mediana total, por lo que el algoritmo termina.

Si no son iguales sabemos que la mediana está ~~entre~~ entre medio de esos dos números; pero como ambos arreglos iniciales están ordenados sabemos que un número entre esos dos solo puede estar entre la parte final (mayor hasta el final del arreglo) de la mediana y la parte inicial del arreglo (desde el inicio del arreglo hasta m) de la mediana más grande y la parte inicial del arreglo (desde el inicio del arreglo hasta m) de la mediana más chica calculada. Con esto tenemos al menos $n-1$ elementos de los n iniciales de cada arreglo. Si seguimos y calculamos las medianas de estos grupos ya y los disminuimos, o concluimos el algoritmo o nuevamente disminuimos el número de elementos a analizar.

Si seguimos iterando y el algoritmo todavía no termina, sabemos que seguirá disminuyendo los elementos en cada arreglo, así hasta que se lleguen a los elementos en los subarreglos y terminamos el algoritmo.

Entonces si $m_1 \neq m_2$ en todas las iteraciones, el algoritmo igual terminará cuando se lleguen a subarreglos de tamaño 2 (que pasa por la creación de subarreglos desde la mitad hasta el final o desde el inicio hasta la mitad).

b) tenemos que para calcular la mediana de cada arreglo solo necesitamos calcular

$$\frac{A[\lfloor n/2 \rfloor] + A[\lceil n/2 \rceil]}{2} \quad \text{dado que ya están ordenados.}$$

Por lo que el paso 1 tiene orden $O(1)$.
ahora, si $m_1 \neq m_2$, se debe buscar por la mitad de cada lista, y así recursivamente vamos dividiendo el arreglo en mitades.
Por lo que tenemos que el $O(1)$ inicial se hace por cada iteración de las mitades de la lista

$$O(1) \cdot 2 \log(n) \quad \text{2 es por cada mitad del arreglo respectivo.}$$

como el 2 es una constante tenemos $O(1) \cdot O(\log(n)) = O(\log(n))$