0-1 Knapsack Problem

Seoul National University of Science and Technology

Computer Science and Engineering



배낭문제

Q. N개의 물건이 있고, 각 물건의 무게와 가치가 각각 다를 때, 정해진 무게만큼만 담을 수 있는 가방에 어떤 물건들을 담아야 이익을 최대화할 수 있는가?

(단, 물건을 쪼개거나 나눌 수 없음)

Input:

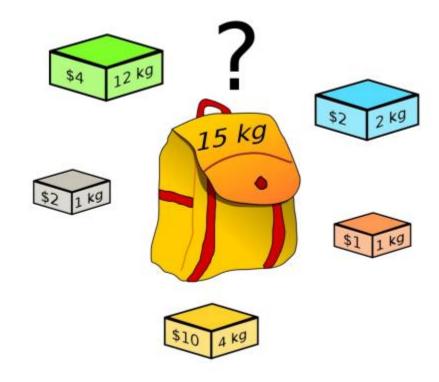
물건의 수량 (Objects)

가방의 최대 무게 (Capacity)

물건의 무게와 가치에 대한 리스트 (Value, Weight)

Output:

가방에 담긴 물건들의 가치의 총 합



배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

새로운 물건을 고려하는 경우, 특정 시점의 가방 용량 상황에서 해당 <mark>물건을 넣는 것이 이득인지</mark> 아닌지를 판별

가방의 용량이 처음엔 0이라고 가정하고 점차 늘려나감 **Capacity** Object Value Weight

처음엔 물건이 하나만 있다고 가정하며, 점차 고려할 물건의 수를 늘려나감

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

새로운 물건을 고려하는 경우, 특정 시점의 가방 용량 상황에서 해당 <mark>물건을 넣는 것이 이득인지</mark> 아닌지를 판별

가방의 용량이 0인 경우 \rightarrow 담을 수 있는 물건이 없음 \rightarrow 가방에 담긴 물건들의 가치의 총 합이 0

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | | | | | | | | | | |
| 2 | 40 | 4 | | | | | | | | | | | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

새로운 물건을 고려하는 경우, 특정 시점의 가방 용량 상황에서 해당 <mark>물건을 넣는 것이 이득인지</mark> 아닌지를 판별

배낭의 용량이 1번 물건의 무게인 5가 되는 시점부터 연산 시작



| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | | | | | | |
| 2 | 40 | 4 | | | | | | | | | | | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|---|----|---|---|---|---|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | Û | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | | | | | |
| 2 | 40 | 4 | | | | | | | | | | | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | | | | | | | | | | | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | | | | | | | | | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|------------------------|---|--------------------|-----------------|---------|--------------------|-------------|-------------|-------|-------|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 기존 배낭 | 10 상태에서의 | 10 가치의 합 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | = 새로 고려 | #할 물건을 | 넣지 않은 | 경우의 가 | 시의 합 | |
| 3 | 30 | 6 | 새로운 물 = 기존 배 가치의 | | ː 경우의 기 새 물건의 ! | -치의 합 무게를 넣을 | ・수 있을 민 | 큼 여유가 | 있는 상태0 | ∥서 새로운 | 물건을 넣 | 었을 때의 | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| | Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | | | | | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | • | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | 50 | |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | 7 | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | 50 | 50 |
| 3 | 30 | 6 | | | | | | | | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| | Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | 50 | 50 |
| 3 | 30 | 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | | | | |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | 7 | | | | |

배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| (| Capacit | y | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|--------|---------|--------|---|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | 50 | 50 |
| 3 | 30 | 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | 50 | 70 |
| 4 | 50 | 3 | | | | | | | | | | | |

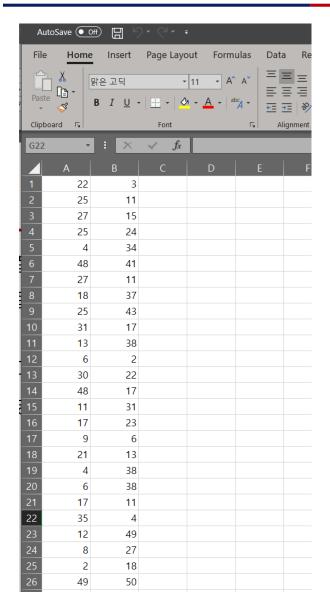
배낭문제

고려하는 물건과 가방의 용량을 점차 늘려가면서 이익을 계산

| Capacity | | | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----------|-------|--------|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|
| Object | Value | Weight | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 10 | 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 | 10 |
| 2 | 40 | 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | 50 | 50 |
| 3 | 30 | 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 40 | 40 | 40 | 40 | 40 | 50 | 70 |
| 4 | 50 | 3 | 0 | 0 | 0 | 50 | 50 | 50 | 50 | 90 | 90 | 90 | 90 |

실습 방법 – 코드 샘플

quiz_4.csv



A열: 물건의 가치 (1~50)

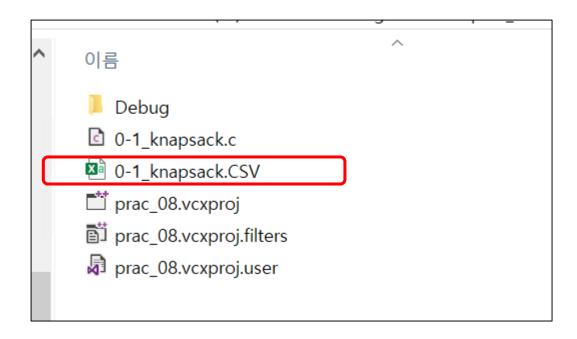
B열: 물건의 무게 (1~50)

데이터의 개수 – 200

가방에 담을 수 있는 무게의 합 – 1,000

실습 방법 – 코드 샘플

Microsoft Visual Studio (2017)



0-1_knapsack.csv을 프로젝트 폴더로 이동

- ※.c 파일 이름은 학번으로 할 것 (예: 18520028.c or 18520028.cpp)
- ※ eclass 업로드 시 프로젝트 폴더를 압축해서 올리지 말고 .c(또는 .cpp) 파일만 업로드할 것

파일 입출력 설명

data.csv

```
C 0-1_knapsack.c ×
#define CRT SECURE NO WARNINGS
#include <stdio.h>
#include <string.h>
#include <stdlib.h>
#define DATA SIZE 1000
#define CAPACITY 10000
#define COLUMN NUM 2
void read data(int(*quiz)[COLUMN NUM], const char* fileDir);
int main()
    char* fileDir = "./0-1 knapsack.csv";
    int data[DATA SIZE][COLUMN NUM];
    int total value = 0;
    read data(data, fileDir); // CSV data file read
    // write your code here
    printf("Total value: %d\n", total value); // result format
void read data(int(*quiz)[COLUMN NUM], const char* fileDir)
```

전역변수 설명

DATA_SIZE: 데이터(물건)의 수

CAPACITY: 가방의 수용능력(무게)

COLUMN: 데이터의 컬럼 수 (2)

출력변수

total value:

가방에 담긴 물건들의 가치의 총 합

Thank you