| Seleção de atributos | |
|----------------------|--|
| | |

Em muitos casos práticos há necessidade/ diversas vantagens em reduzir o nº de atributos de entrada de um modelo:

- complexidade dos modelos aumenta com o nº atributos de entrada o que pode provocar sobre-ajustamento;
- dados e modelos podem ser mais facilmente analisados e compreendidos;
- eliminação de atributos redundantes ou contraditórios pode melhorar o próprio processo de aprendizagem reduzindo o ruído

Processo de escolha do melhor sub-conjunto de atributos de um dado conjunto é um **problema de optimização** que pode tornar-se complexo, dado o espaço alargado de procura

Seleção de atributos: estratégia

Algoritmos de **filtragem**:

Seleção de atributos realizada antes do processo de aprendizagem, de forma independente dos classificadores

Avaliação dos subconjuntos de atributos realizada com medidas estatísticas (e.g. Entropia/ganho, etc)

Algoritmos envolventes (wrappers):

Seleção dos atributos realizada em paralelo com a construção do modelo Avaliação dos subconjuntos de atributos realizada treinando um modelo e estimando o seu erro (usando os métodos estudados)

Algoritmos embebidos (embedded):

Seleção dos atributos realizada junto com o processo de aprendizagem (e.g. regressão linear com regularização)

Seleção de atributos: algoritmos de optimização

Heurísticas:

Forward selection: inicia com poucos atributos (e.g. 1) e vai adicionando atributos até atingir um comportamento satisfatório

Backward selection: inicia com todos os atributos e vai removendo

Meta-heurísticas:

Algoritmos Evolucionários Simulated Annealing

IMPLEMENTAÇÃO EM PYTHON

Filtros por variabilidade – remover atributos que variam "pouco" (abaixo de um threshold definido)

```
from sklearn import datasets, svm
from sklearn.feature_selection import VarianceThreshold
from sklearn.model_selection import cross_val_score

digits = datasets.load_digits()
print (digits.data.shape)
sel = VarianceThreshold(threshold=20)
filt = sel.fit_transform(digits.data)
print (filt.shape)
svm_mod = svm.SVC(gamma=0.001, C=100.)
scores= cross_val_score(svm_mod, digits.data, digits.target, cv= 10)
print (scores_vt= cross_val_score(svm_mod, filt, digits.target, cv= 10)
print (scores_vt.mean())
```

Experimente variar o threshold!

Ver secção 1.13.1 do *User Guide*

Seleção de atributos

IMPLEMENTAÇÃO EM PYTHON

Filtros por análise univariada (testes estatísticos) – manter atributos com valores melhores de p-value

```
from \ sklearn. feature\_selection \ import \ Select KBest, \ chi 2, \ f\_class if
```

```
filt_kb = SelectKBest(chi2, k=32).fit_transform(digits.data, digits.target)
print (filt_kb.shape)
scores_kb = cross_val_score(svm_model, filt_kb, digits.target, cv = 10)
print (scores_kb.mean())
```

filt_kb2 = SelectKBest(f_classif, k=32).fit_transform(digits.data, digits.target) scores_kb2 = cross_val_score(svm_model, filt_kb2, digits.target, cv = 10) print (scores_kb2.mean())

Ver secção 1.13.2 do User Guide

IMPLEMENTAÇÃO EM PYTHON

Wrapper: recursive feature elimination (RFE)

```
from sklearn.feature_selection import RFE

svm_model = svm.SVC(kernel = "linear", C=100.)

rfe = RFE(estimator=svm_model, n_features_to_select=32, step=1)

scores_rfe = cross_val_score(rfe, digits.data, digits.target, cv = 10)

print (scores_rfe.mean())
```

Ver secção 1.13.3 do User Guide

Seleção de modelos

IMPLEMENTAÇÃO EM PYTHON

Procura em grelha de parâmetros de SVMs (com validação cruzada na estimação do erro)

Ver secção 3.2 do *User Guide*

Exploração dos dados

Verificar existência de valores nulos

```
allxy.isnull().sum().sum()
```

Caracterizar distribuição da variável de saída

```
allxy.groupby("Activity").size()
grouped.groupby("Activity").size()
```

Caracterizar distribuição das variáveis de entrada

```
allxy.iloc[:,:-2].mean()
allxy.iloc[:,:-2].max()
allxy.iloc[:,:-2].min()
allxy.iloc[:,:-2].std()
allxy.describe()
```

Redução de dimensionalidade

Objetivos: dado um conjunto alargado de variáveis, descobrir um conjunto mais pequeno de variáveis não correlacionadas entre si que explicam a maior parte da variabilidade dos dados

Em termos de compressão de dados, queremos uma matriz com o menor rank possível, que explique os dados (e os permita reconstruir)

Técnica mais popular: Análise de componentes principais (ou PCA)

Análise de componentes principais - PCA

Consta de um procedimento algébrico que converte as variáveis originais (tipicamente correlacionadas) num conjunto de variáveis não correlacionadas (linearmente) que se designam por componentes principais (PC) ou variáveis latentes

Análise baseada na covariância das diversas variáveis

As PCs são ordenadas pela quantidade decrescente de variabilidade (variância) que explicam

Análise de componentes principais - PCA

Cada PC é gerada de forma a **explicar o máximo de variabilidade** da parte ainda não explicada, tendo que ser **ortogonal** às PCs anteriores Útil quando há grande número de dados e estes contêm possível redundância

A PCA é sensível à escala dos dados, pelo que se recomenda a sua standardização prévia

Análise de componentes principais - PCA

PCA fornece mapeamento de um espaço com N dimensões (N – n^{o} variáveis originais) para um espaço com M dimensões (onde M < N)

As coordenadas das observações nas novas variáveis são chamada de *scores (T)*

As novas dimensões são combinações lineares das variáveis originais, sendo os coeficientes destas no espaço original designados por *loadings (P)*

Os dados originais (X) são obtidos fazendo X = T.P^T

Se considerarmos apenas k componentes principais consideramos apenas as primeiras k colunas das matrizes T e P e temos uma aproximação dos dados originais

PCA - exemplo

Standardizar os dados

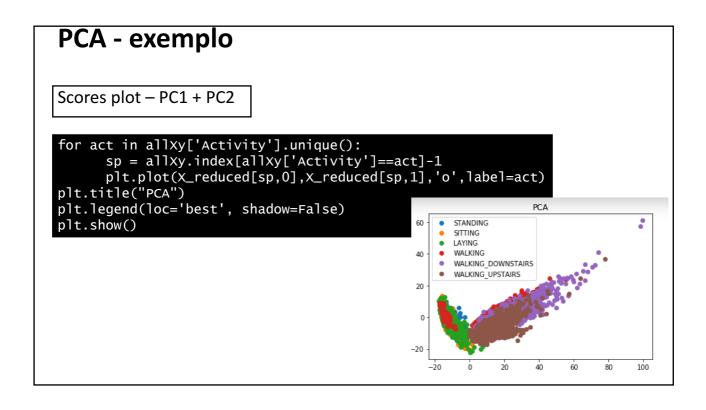
from sklearn import preprocessing
scaled = preprocessing.scale(allxy.iloc[:,:-2])

Realizar o PCA

```
from sklearn.decomposition import PCA

n = 10
pca = PCA(n_components=n)
pca.fit(scaled)
X_reduced = pca.transform(scaled)
```

PCA - exemplo Variância explicada import matplotlib.pyplot as plt print('Var. explained: %s'% str(pca.explained_variance_ratio_)) plt.bar(range(n), pca.explained_variance_ratio_*100) plt.xticks(range(n), ['Pc'+str(i) for i in range(1,n+1)]) plt.title("Explained variance") plt.ylabel("Percentage") plt.show() Explained variance of the proof of th



Clustering hierárquico - exemplo

```
Visualizar árvore
```

Seleção de atributos

Por variabilidade

```
from sklearn.feature_selection import VarianceThreshold
sel = VarianceThreshold(threshold=0.05)
filt_var = sel.fit_transform(allxy.iloc[:,:-2])
print(filt_var .shape)
```

Testes estatísticos univariados

```
from sklearn.feature_selection import SelectPercentile, f_classif
selector = SelectPercentile(f_classif, percentile=30)
filt_univ = selector.fit_transform(allxy.iloc[:,:-2], allxy.iloc[:,-1])
print(filt_univ .shape)
```

Remover atributos altamente correlacionados

```
corr_matrix = allxy.iloc[:,:-2].corr()
drop_cols = []
threshold\_cor = 0.9
for i in range(len(corr_matrix.columns) - 1):
    for j in range(i+1,len(corr_matrix.columns)):
         if j not in drop_cols:
             item = corr_matrix.iloc[i:(i+1), j:(j+1)]
             val = item.values
             if abs(val) >= threshold_cor:
                  drop_cols.append(j)
                                         keep = []
                                         for i in range(len(corr_matrix.columns)):
print(drop_cols)
                                              if i not in drop_cols:
                                                   keep.append(i)
                                         orig = allxy.iloc[:,:-2]
                                         filt_cor = orig.iloc[:,keep]
                                         print(filt_cor.shape)
```

Divisão da amostra para aprendizagem máquina