# Logiciels scientifiques - HLMA310 Partie 1 : Python

# Matrices et numpy

**Joseph Salmon** 

http://josephsalmon.eu

Université de Montpellier



## **Sommaire**

Introduction et présentations du package numpy

Nombres (pseudo)-aléatoires

Importations/Exportations externes

Affectation et copie

## Introduction

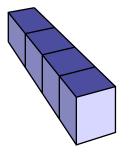
### numpy ou comment se passer de Matlab :

- faire du calcul numérique
- ▶ faire du traitement sur des vecteurs, matrices et tenseurs

#### Ressources:

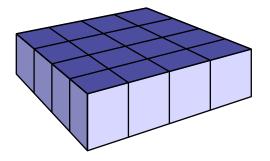
- Science des données : Van der Plas (2016) (en anglais) et dont le site internet associé est une mine de ressource : https://jakevdp.github.io/PythonDataScienceHandbook/index.html
- numpy/scipy:http://www.scipy-lectures.org/

# Représentation de tenseur 1D



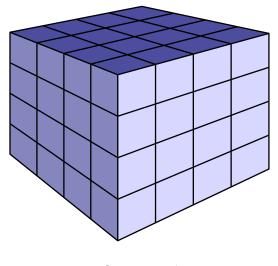
Cas vectoriel

# Représentation de tenseur 2D



Cas matriciel

# Représentation de tenseur 3D



Cas tensoriel

## Forces et faiblesses

## Points forts de numpy :

- ▶ gratuit / open source
- écrit en C et en Fortran 
   performances élevées (pour les calculs vectorisés, i.e., calculs formulés comme des opérations sur des vecteurs/matrices) (1)

## Points faibles de numpy :

- plus verbeux que Matlab ou Julia (open source), dont la syntaxe est plus proche des mathématiques
- prise en main moins intuitive

# Chargement classique de numpy

## Chargement standard de numpy :

```
>>> import numpy as np # importe numpy
>>> np.__version__ # vérifie la version utilisée
'1.14.3'
```

Rem: L'extension .np est courante et sera employée dans la suite pour toute référence à numpy.

# array/arrays

Dans la terminologie numpy : vecteurs, matrices et autres tenseurs sont appelés arrays ( !! : tableaux).

## Comme de création d'array :

- ▶ à partir de listes ou n-uplets Python
- ▶ avec des fonctions dédiées, telles que arange, linspace, etc.
- par chargement, à partir de fichiers externes

# Création d'array à partir de liste

Vecteur: l'argument est une liste Python

```
>>> liste = [1, 3, 2, 4]
>>> vecteur = np.array(liste)
>>> print(vecteur)
[1 3 2 4]
```

Matrice : l'argument est une liste de liste

```
>>> matrice = np.array([[1, 2], [3, 4]])
>>> print(matrice)
>>> print(matrice[0,0])
>>> print(matrice[0,1])
[[1 2]
    [3 4]]
1
2
```

# Création d'array : les tenseurs

#### Tenseur:

## array: type, taille, etc.

Vecteurs et matrices ont même type : ndarray

```
>>> type(vecteur), type(matrice), type(tenseur)
(numpy.ndarray, numpy.ndarray)
```

Connaître les dimensions avec shape :

```
>>> np.shape(vecteur), matrice.shape, tenseur.shape ((4,), (2, 2), (2, 2, 2))
```

Forcer les types de données dans un array :

# Plus sur les types

Autres types possibles reconnus par l'argument optionnel dtype :

- ▶ int
- ▶ float
- ▶ complex
- ▶ bool

Rem: possibilité de donner la précision (en bits) également avec int64, int16, float128, complex128.

## Plus sur ces types:

- https://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/generated/ numpy.ndarray.html
- https://jakevdp.github.io/PythonDataScienceHandbook/ 02.01-understanding-data-types.html

# Création d'array par fonction de génération

arange : crée un array de nombres de type float ou int

```
>>> x = np.arange(0, 10, 2) # start, stop, step
>>> x
array([0, 2, 4, 6, 8])
```

ou pour des flottants :

```
>>> y = np.arange(-1, 1, 0.5)
>>> y
array([-1., -0.5, 0., 0.5])
```

Enfin pour connaître le type :

```
>>> print(x.dtype, y.dtype)
int64 float64
```

## linspace, logspace

#### linspace:

```
>>> np.linspace(0, 5, 11) # début et fin sont inclus array([0., 0.5, 1., 1.5, 2., 2.5, 3., 3.5, 4., 4.5, 5.])
```

logspace : similaire mais travaille en échelle logarithmique

Rem: 0, renvoie à  $10^0$ ; 11 renvoie à  $10^{11}$ , et 10 permet d'afficher 10 nombres entre ces deux bornes (en progression géométrique)

<u>Utilité</u>: pour afficher la vitesse de convergence d'algorithmes d'optimisation, pour l'étude des prix en économie, ...

## diag

## Rem: diag peut extraire d'un array sa diagonale

```
>>> np.diag(np.diag([1, 2, 3], k=0))
array([1, 2, 3])
```

#### sous/sur diagonale:

# **Transposition**

Pour obtenir la **transposition** d'une matrice il suffit d'appliquer l'argument .T à la matrice :

Aussi la fonction transpose permet la même opération :

#### zeros

```
>>> np.zeros((3,), dtype=int)
array([0, 0, 0])
```

#### ou encore:

```
>>> print(np.zeros((3, 2), dtype=float))
>>> print(np.zeros((1, 3), dtype=float))
>>> print(np.zeros((3, 1), dtype=float))
[0.0.1]
[0. 0.]
[0. 0.1]
[[0. 0. 0.]]
[[0.]]
 [0.]
 [0.]]
```

## ones, full et eye

#### ones:

#### full: remplit un array avec n'importe quel nombre

#### eye: matrice identité

# **Concaténation d'array**

#### Concaténation verticale :

#### Concaténation horizontale :

```
>>> np.hstack((A,B)) # concaténation horizontale array([[0, 2, 1, 2], [3, 4, 5, 4]])
```

# Fonctions sur les lignes / colonnes : moyenne ( : mean)

## Moyenne globale :

```
>>>np.mean(A)
2.25
```

### Moyenne des colonnes :

```
>>> np.mean(B,axis=0) # moyenne en colonne
array([3., 3.])
```

### Moyenne des lignes :

```
>>> np.mean(B,axis=1) # moyenne en ligne array([1.5, 4.5])
```

# Fonctions sur les lignes / colonnes : somme ( sum)

## Somme globale:

```
>>> np.sum(A)
9
```

#### Somme des colonnes :

```
>>> np.sum(A, axis=0) # somme en colonne array([3, 6])
```

## Somme des lignes :

```
>>> np.sum(A, axis=1) # somme en ligne array([2, 7])
```

# Fonctions sur les lignes / colonnes : Somme cumulée ( : cumsum)

## Somme cumulée globale :

```
>>> np.cumsum(A) # noter l'ordre en ligne array([0, 2, 5, 9])
```

#### Somme cumulée des colonnes :

```
>>> np.cumsum(A, axis=0) # somme cumulée en colonne array([[0, 2], [3, 6]])
```

## Somme cumulée des lignes :

Rem: idem pour prod et cumprod

# **Slicing**

slicing : disponible pour les arrays (même syntaxe que pour les listes et les chaînes de caractères, avec en plus la possibilité d'y avoir accès pour chaque dimension) :

#### Accès en colonne :

```
>>> A[:,0] # accès première colonne array([0, 3])
```

## Accès en ligne :

```
>>>A[1,:] # accès deuxième ligne array([3, 4])
```

## Masques

Utilisation de masques booléens pour extraire certains éléments :

```
>>> print(A < 2)
>>> print(A[A < 2])
>>> A[A < 2] = 10
>>> print(A)
>>> A[0, 0] = 0
>>> print(A)
[[ True False]
 [False False]]
[0]
[[10 2]
 [3 4]]
[[0 2]
 [3 4]]
```

# Vectorisation des opérations

On peut appliquer les opérations usuelles sur un array : elles seront alors appliquées terme à terme :



```
np.exp(A) \neq scipy.linalg.expm(A)
terme à terme \neq matriciel
```

# Multiplication des matrices

Il y a plusieurs syntaxe pour faire le produit matriciel :

## **Sommaire**

Introduction et présentations du package numpy

Nombres (pseudo)-aléatoires

Importations/Exportations externes

Affectation et copie

## **Génération** aléatoire

## <u>Utilité</u> : en statistique et en probabilité

- détails sur la manière dont Python gère la création de nombres pseudo-aléatoires : https://docs.python.org/3/library/random.html
- détails sur le type d'algorithme utilisé (par défaut l'algorithme de Mersenne Twister), on pourra se référer à https://fr.wikipedia.org/wiki/Mersenne\_Twister

en informatique, les opérations sont déterministes : l'aléatoire n'existe pas, on parle de pseudo-aléatoire

# Générateur de nombres aléatoires "uniformes (2)" entre 0. et 1.

Module pour générer des nombres aléatoires :

- ▶ import random : le module aléatoire standard
- np.random : le module aléatoire de numpy

```
>>> np.random.rand(5, 5) # aléatoire entre 0. et 1. array([[0.2, 0.63, 0.17, 0.11, 0.8], [0.16, 0.16, 0.52, 0.03, 0.87], [0.05, 0.41, 0.98, 0.36, 0.68], [0.66, 0.45, 0.24, 1., 0.66], [0.14, 0.91, 0.13, 0.14, 0.13]])
```

En relançant la commande, la matrice créée est différente!!!

Rem: np.set\_printoptions(precision=2) a restreint notre affichage aux deux premiers chiffres après la virgule, d'où le "1."!

 $<sup>(2) \</sup> un \ rappel \ sur \ la \ loi \ uniforme \ est \ donn\'e \ ici : \\ https://fr.wikipedia.org/wiki/Loi\_uniforme\_continue$ 

# Graine ( : seed)

Pour la reproductibilité des résultats on peut souhaiter "geler" l'aléa (e.g., pour des tests ou du débogage)

**Graine** (**SE** : *seed*) : nombre utilisé pour initialiser un générateur de nombres pseudo-aléatoires

<u>Fonctionnement</u> : fixer une graine permet de spécifier de manière déterministe l'appel des opérations pseudo-aléatoires

```
>>> np.random.seed(2018) # fixe la graine
>>> np.random.rand(3, ) # tirage aléatoire
array([0.88234931, 0.10432774, 0.90700933])
```

Résultat : cette commande produit alors toujours la même sortie

# Autres lois : exemple gaussien

Construction similaire pour d'autres lois : la plus connue étant la loi gaussienne (ou loi normale), dont la fonction de densité est :

$$\varphi(x) = \frac{\exp\left(-\frac{x^2}{2}\right)}{\sqrt{2\pi}}$$

On remplace alors np.random.rand par np.random.randn

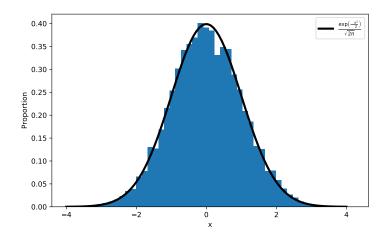
- Plus de détails sur cette loi : https://fr.wikipedia.org/wiki/Loi\_normale
- Pour d'autres lois classiques, cf. l'aide de numpy : https://docs.scipy.org/doc/numpy-1.15.0/reference/ routines.random.html

<u>Rem</u>: scipy: module d'outils scientifiques (statistiques, optimisation, etc.); matplotlib: module d'affichage graphique

# Affichage : histogramme et densité

```
from scipy.stats import norm # module loi normale
a = np.random.randn(10000)
x = np.linspace(-4, 4, 100)
# Affichage d'un histogramme normalisé
fig = plt.figure(figsize=(8, 5))
hitogramme = plt.hist(a, bins=50, density=True)
# Oublier les détails matplotlib et Latex si besoin
plt.plot(x, norm.pdf(x), linewidth=3, color='black',
         label=r"$\frac{(-\frac{x^2}{2}\right)}{}
                       {\sqrt{2\pi}}$")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("Proportion")
plt.legend()
plt.show()
```

# Histogramme et densité : cas gaussien



## **Sommaire**

Introduction et présentations du package numpy

Nombres (pseudo)-aléatoires

Importations/Exportations externes
Importations
Exportations

Affectation et copie

# Import de fichiers en numpy

<u>But</u> : importer un fichier en ligne de commande (sans télécharger à la main avec un navigateur)

Format visé (ici): .csv ( comma separated values).

```
>>> import os # interface système d'exploitation
>>> from download import download
```

## Localiser le répertoire courant :

```
>>> !pwd # unix command "print working directory"
/home/jo/Documents/Mes_cours/Montpellier/HLMA310/Poly/codes
```

### **Sommaire**

Introduction et présentations du package numpy

Nombres (pseudo)-aléatoires

Importations/Exportations externes Importations

Exportations

Affectation et copie

# Importation de fichiers (suite)

#### Url contenant le fichier de données :

```
>>> url = "http://josephsalmon.eu/enseignement/datasets/data_test.csv"
```

#### Téléchargement des fichiers :

```
>>> from download import download
>>> path_target = "./data_set.csv"
>>> download(url, path_target, replace=False)
Télécharge
file_sizes: 100% 30.0/30.0 [00:00<00:00, 37.0kB/s]

Downloading data from
http://josephsalmon.eu/enseignement/datasets/data_test.csv
(30 bytes)

Successfully downloaded file to ./data_set.csv</pre>
```

### Visualisation du fichier brut

Après téléchargement, le fichier brut est visualisable :

```
>>> !cat data_set.csv # commande pour visualiser
1,2,3,4,5
6,7,8,9,10
1,3,3,4,6
```

#### Rem: autres fonctions unix disponibles

- ▶ cd : changer de dossier (*change directory* en anglais)
- cp : copier des fichiers (copy en anglais)
- ▶ 1s : lister les fichiers à l'endroit courant (*list* en anglais)
- ▶ man : avoir accès au manuel/aide (*manual* en anglais)
- mkdir : créer un dossier (make directory en anglais)
- mv : déplacer un fichier (move directory en anglais)
- rm: supprimer un fichier (remove en anglais)
- ▶ rmdir : supprimer un dossier (*remove directory* en anglais)

## Import du fichier sous numpy

Import et lecture au format array de numpy :

Rappel: csv signifie "comma-separated values" ( : valeurs séparées par des virgules)

### **Sommaire**

Introduction et présentations du package numpy

Nombres (pseudo)-aléatoires

 $Importations/Exportations\ externes$ 

**Importations** 

Exportations

Affectation et copie

## Export sous forme de texte

Export standard en.csv ou en .txt :

```
np.savetxt("random_matrix.txt", data_as_array)
```

#### Vérification :

<u>Solution alternative</u>: ouvrir le fichier avec un éditeur de texte (gedit, mousepad, etc.) pour vérifier son contenu (pas avec Word ou LibreOffice)

## Export sous format .npy

Sauvegarder (☒☐ : save) un array :

```
>>> np.save("random_matrix.npy", data_as_array)
```

### Charger ( : load) :

```
>>> data_as_array2 = np.load("random_matrix.npy")
>>> data_as_array2
array([[ 1., 2., 3., 4., 5.],
       [ 6., 7., 8., 9., 10.],
       [ 1., 3., 3., 4., 6.]])
```

### Rem: Pour effacer le fichier après usage (si besoin)

```
!rm data_set.csv
!rm random_matrix.txt
!rm random_matrix.npy
```

### **Sommaire**

Introduction et présentations du package numpy

Nombres (pseudo)-aléatoires

Importations/Exportations externes

Affectation et copie

## Affectation simple

```
>>> A = np.array([[0, 2], [3, 4]])
>>> B = A
```

changer B va maintenant affecter A : l'affectation ne copie pas le tableau, mais "l'adresse mémoire" du tableau d'origine

# Copie profonde (deep copy)

Copie profonde ( deep copy) de A dans B :

```
>>> B = A.copy()
```

Maintenant on peut observer le comportement différent :

A n'est alors plus modifié : on a créé une copie profonde de l'objet!

## Tests entre array

Test (exact) terme à terme :

Test approché:

```
>>> np.allclose(A, A+0.001)
False
```

Test approché à précision choisie :

```
>>> np.allclose(A, A+0.001, atol=0.01)
True
```

Rem: atol signifie absolute tolerance

# Bibliographie I

VANDERPLAS, J. Python Data Science Handbook. O'Reilly Media, 2016.