# Logiciels scientifiques - HLMA310 Partie 1 : Python

# Matrices et numpy

Joseph Salmon

http://josephsalmon.eu

Université de Montpellier



#### Introduction

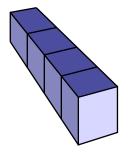
#### numpy ou comment se passer de Matlab :

- ▶ faire du calcul numérique
- ▶ faire du traitement sur des vecteurs, matrices et tenseurs

#### Ressources:

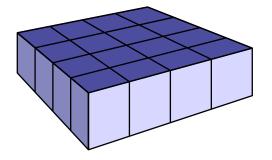
- Science des données : Van der Plas (2016) (en anglais) et dont le site internet associé est une mine de ressource : https://jakevdp.github.io/PythonDataScienceHandbook/index.html
- numpy/scipy: http://www.scipy-lectures.org/

## Représentation de tenseur 1D



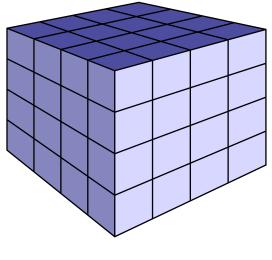
Cas vectoriel

## Représentation de tenseur 2D



Cas matriciel

# Représentation de tenseur 3D



Cas tensoriel

#### Forces et faiblesses

#### Points forts de numpy :

- ▶ gratuit / open source

### Points faibles de numpy :

- plus verbeux que Matlab ou Julia (open source), dont la syntaxe est plus proche des mathématiques
- prise en main moins intuitive

## Chargement classique de numpy

#### Chargement standard de numpy :

```
>>> import numpy as np # importe numpy
>>> np.__version__ # vérifie la version utilisée
'1.14.3'
```

Rem: L'extension .np est courante et sera employée dans la suite pour toute référence à numpy.

## array/arrays

Dans la terminologie numpy : vecteurs, matrices et autres tenseurs sont appelés arrays (en français : "tableaux").

### Création d'array possible :

- ▶ à partir de listes ou n-uplets Python
- ▶ avec des fonctions dédiées, telles que arange, linspace, etc.
- par chargement, à partir de fichiers externes

## Création d'array à partir de liste

Vecteur: l'argument est une liste Python

```
>>> liste = [1, 3, 2, 4]
>>> vecteur = np.array(liste)
>>> print(vecteur)
[1 3 2 4]
```

Matrice : l'argument est une liste de liste

```
>>> matrice = np.array([[1, 2], [3, 4]])
>>> print(matrice)
>>> print(matrice[0,0])
>>> print(matrice[0,1])
[[1 2]
    [3 4]]
1
2
```

## array: type, taille, etc.

Vecteurs et matrices ont même type : ndarray

```
>>> type(vecteur), type(matrice)
(numpy.ndarray, numpy.ndarray)
```

Connaître les dimensions avec shape :

```
>>> np.shape(vecteur), np.shape(matrice)
((4,), (2, 2))
```

Forcer les types de données dans un array :

## Plus sur les types

Autres types possibles reconnus par l'argument optionnel dtype :

- ▶ int
- ▶ float
- ▶ complex
- ▶ bool

Rem: possibilité de donner la précision en bits également avec int64, int16, float128, complex128.

#### Plus sur ces types:

- https://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/
  generated/numpy.ndarray.html
- https:
  //jakevdp.github.io/PythonDataScienceHandbook/02.
  01-understanding-data-types.html

## Création d'array par fonction de génération

arange : crée un array de valeurs de float ou d'int consécutifs

```
>>> x = np.arange(0, 10, 2) # start, stop, step
>>> x
array([0, 2, 4, 6, 8])
```

ou pour des flottants :

```
>>> y = np.arange(-1, 1, 0.5)
>>> y
array([-1., -0.5, 0., 0.5])
```

## linspace, logspace

#### linspace:

```
>>> np.linspace(0, 5, 11) # début et fin sont inclus array([0. , 0.5, 1. , 1.5, 2. , 2.5, 3. , 3.5, 4. , 4.5, 5. ])
```

logspace : similaire mais travaille en échelle logarithmique

Rem: 0, renvoie à  $10^0$ ; 11 renvoie à  $10^{11}$ , et 10 permet d'afficher 10 nombres entre ces deux bornes (en progression géométrique)

<u>Utilité</u>: pour afficher la vitesse de convergence d'algorithmes d'optimisation, pour l'étude des prix en économie, ...

```
>>> 10**(np.linspace(np.log10(10), np.log10(10**11), 10))
array([1.00e+00, 1.67e+01, 2.78e+02, 4.64e+03, 7.74e+04, 1.29e+06,
2.15e+07, 3.59e+08, 5.99e+09, 1.00e+11])
```

## diag

Rem: diag peut extraire d'un array sa diagonale

```
>>> np.diag(np.diag([1, 2, 3], k=0))
array([1, 2, 3])
```

### sous/sur diagonale :

## **Transposition**

Pour obtenir la **transposition** d'une matrice il suffit d'appliquer l'argument .T à la matrice :

Aussi la fonction transpose permet la même opération :

#### zeros

```
>>> np.zeros((3,), dtype=int)
array([0, 0, 0])
```

#### ou encore:

```
>>> print(np.zeros((3,2), dtype=float))
>>> print(np.zeros((1, 3), dtype=float))
>>> print(np.zeros((3, 1), dtype=float))
[0.0.1]
[0. 0.]
[0. 0.1]
[[0. 0. 0.]]
[[0.]]
 [0.]
 [0.]]
```

### ones, full et eye

#### ones:

#### full: remplit un array avec n'importe quel nombre

#### eye: matrice identité

### Génération aléatoire

#### Utilité : en statistique et en probabilité

détails sur la manière dont Python gère la création de nombres pseudo-aléatoires : https://docs.python.org/3/library/random.html

détails sur le type d'algorithme utilisé (par défaut l'algorithme de Mersenne Twister), on pourra se référer à https://fr.wikipedia.org/wiki/Mersenne\_Twister

# Générateur de nombres aléatoires "uniformes (2)" entre 0. et 1.

Module pour les nombres aléatoires :

- ▶ le module random de numpy :
- ▶ import random (ce qu'on ne fera pas ici)

```
>>> np.random.rand(5, 5) # aléatoire entre 0. et 1. array([[0.2, 0.63, 0.17, 0.11, 0.8], [0.16, 0.16, 0.52, 0.03, 0.87], [0.05, 0.41, 0.98, 0.36, 0.68], [0.66, 0.45, 0.24, 1., 0.66], [0.14, 0.91, 0.13, 0.14, 0.13]])
```

En relançant la commande, la matrice créée est différente!!!

<u>Rem</u>: np.set\_printoptions(precision=2) a restreint notre affichage aux deux premiers chiffres après la virgule, d'où le "1."!

 $<sup>(2) \</sup> un \ rappel \ sur \ la \ loi \ uniforme \ est \ donn\'e \ ici: \ https://fr.wikipedia.org/wiki/Loi\_uniforme\_continue$ 

# graines ( : seed)

Pour la reproductibilité des résultats (e.g., pour des tests ou du débogage) on veut le même comportement; on peut fixer au préalable une graine ( seed) qui fixe l'ordre de l'aléa

<u>Approche</u> : fixer une graine dictant où démarre la suite aléatoire utilisée par Python

```
>>> np.random.seed(2018) # fixe la graine
>>> np.random.rand(3, ) # tirage aléatoire
array([0.88234931, 0.10432774, 0.90700933])
```

 $\underline{\text{R\'esultat}}$  : en relançant cette commande, on produit exactement la même sortie à chaque fois

## Autres lois : exemple gaussien

Construction similaire pour d'autres lois : la plus connue étant loi gaussienne (ou loi normale), dont la fonction de densité (réelle) vaut :

$$p(x) = \frac{\exp\left(-\frac{x^2}{2}\right)}{\sqrt{2\pi}}\tag{1}$$

On remplace alors np.random.rand par np.random.randn

- Plus de détails sur cette loi : https://fr.wikipedia.org/wiki/Loi\_normale
- Pour d'autres lois classiques on peut consulter l'aide de numpy: https://docs.scipy.org/doc/numpy/ reference/routines.random.html

## Affichage : histogramme et densité

```
a = np.random.randn(10000)
x = np.linspace(-4, 4, 100)
fig = plt.figure(figsize=(8, 5))
# Affichage d'un histogramme normalisé
hitogramme = plt.hist(a, bins=50, density=True)
from scipy.stats import norm
# Oublier les détails matplotlib et Latex si besoin
plt.plot(x, norm.pdf(x), linewidth=3, color='black',
         label=r"$\frac{(-\frac{x^2}{2}\right)}{}
                       {\sqrt{2\pi}}$")
plt.xlabel("x")
plt.ylabel("Proportion")
plt.legend()
plt.show()
```

## Affichage : histogramme et densité (II)

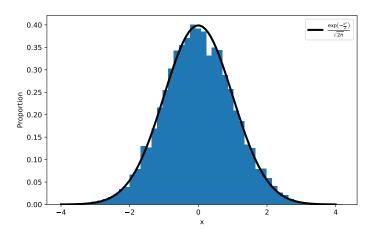


FIGURE – Tirage de nombres gaussiens et comparaison et densité théorique

## Import de fichiers en numpy

<u>But</u> : importer un fichier en ligne de commande (sans télécharger à la main avec un navigateur)

```
Format visé (ici): .csv ( comma separated values).
```

```
>>> import os # interface système d'exploitation
>>> from download import download
```

### Localiser le répertoire courant :

```
>>> !pwd # unix command "print working directory"
/home/jo/Documents/Mes_cours/Montpellier/HLMA310/Poly/codes
```

## Import de fichiers (suite)

#### Url contenant le fichier de données :

```
>>> url = "http://josephsalmon.eu/enseignement/datasets/data_test.csv"
```

#### Téléchargement des fichiers :

```
>>> path target = "./data set.csv"
>>> if not os.path.isfile(path_target):
       print("Télécharge")
>>>
       download(url, path_target, replace=False)
>>>
>>> else:
>>>
       print("Données data set déjà téléchargées!")
Télécharge
file sizes: 100% 30.0/30.0 [00:00<00:00, 37.0kB/s]
Downloading data from
http://josephsalmon.eu/enseignement/datasets/data_test.csv
(30 bytes)
Successfully downloaded file to ./data_set.csv
```

### Visualisation du fichier brut

On peut maintenant visualiser le fichier qui a été téléchargé dans le répertoire courant (et correspondant à la sortie de la commande !pwd )

```
>>> !cat data_set.csv # commande pour visualiser
1,2,3,4,5
6,7,8,9,10
1,3,3,4,6
```

#### Rem: autres fonctions unix disponibles

- cd : changer de dossier (change directory en anglais)
- ► cp : copier des fichiers (copy en anglais)
- ▶ 1s : lister les fichiers à l'endroit courant (*list* en anglais)
- man : avoir accès au manuel/aide (manual en anglais)
- mkdir : créer un dossier (make directory en anglais)
- mv : déplacer un fichier (move directory en anglais)
- rm: supprimer un fichier (remove en anglais)
- rmdir: supprimer un dossier (remove directory en anglais)

## Import du fichier sous numpy

#### Import et lecture au format array :

## Export sous forme de texte

Export standard en.csv ou en .txt :

```
np.savetxt("random_matrix.txt", data_as_array)
```

#### Vérification :

Rem: vérification possible "à la main", en ouvrant le fichier avec un éditeur de texte

## Export en .npy

Sauvegarder (ڲ : save) un array :

```
>>> np.save("random_matrix.npy", data_as_array)
```

## Charger ( : load) :

```
>>> data_as_array2 = np.load("random_matrix.npy")
>>> data_as_array2
array([[ 1., 2., 3., 4., 5.],
       [ 6., 7., 8., 9., 10.],
       [ 1., 3., 3., 4., 6.]])
```

### Rem: Pour effacer le fichier après usage (si besoin)

```
!rm data_set.csv
!rm random_matrix.txt
!rm random_matrix.npy
```

## **Slicing**

slicing : disponible pour les arrays, avec en plus la possibilité d'y avoir accès pour chaque dimension :

```
>>> data_as_array2[:,0] # accès première colonne
array([1., 6., 1.])
```

```
>>>data_as_array2[1,:] # accès deuxième ligne array([ 6., 7., 8., 9., 10.])
```

## **Masques**

Possibilités travailler avec des masques (booléens) :

```
>>> print(data as array2 < 7)
>>> print(data_as_array2[data_as_array2 < 7])</pre>
>>> data as array2[data as array2 < 7] = 0.
>>> print(data as array2)
[ True True True True True]
 [ True False False False]
 [ True True True True True]]
[1. 2. 3. 4. 5. 6. 1. 3. 3. 4. 6.]
[[0. 0. 0. 0. 0.]
 [ 0. 7. 8. 9. 10.]
 [ 0. 0. 0. 0. 0.]]
```

## Copie

#### Attention: changer B va maintenant affecter A

```
>>> B = A
>>> B[0,0] = 10
>>> print(B)
>>> print(B is A) # les deux objets sont les mêmes
>>> print(A)
array([[10, 2],
      [3, 4]
True
array([[10 2]
      [3 4]])
```

## Copie profonde (deep copy)

Copie profonde ( deep copy) de A dans B :

```
>>> B = A.copy()
```

Maintenant on peut observer le comportement différent :

A n'est alors plus modifié : on a créé une copie profonde de l'objet !

## Concaténation d'array

#### Concaténation verticale :

#### Concaténation horizontale :

# Fonctions sur les lignes / colonnes : Moyenne ( : mean)

```
>>>np.mean(A)
4.75
```

```
>>> np.mean(B,axis=0) # moyenne en colonne
array([57., 3.])
```

```
>>> np.mean(B,axis=1) # moyenne en ligne array([56.5, 3.5])
```

# Fonctions sur les lignes / colonnes : Somme ( : sum)

```
>>> np.sum(A)
19
```

```
>>> np.sum(A, axis=0) # somme en colonne array([13, 6])
```

```
>>> np.sum(A, axis=1) # somme en ligne
array([12, 7])
```

# Fonctions sur les lignes / colonnes : Somme cumulée ( : cumsum)

```
>>> np.cumsum(A) # noter l'ordre en ligne array([10, 12, 15, 19])
```

```
>>> np.cumsum(A, axis=0) # somme cumulé en colonne array([[10, 2], [13, 6]])
```

Rem: il existe la même chose avec prod et cumprod pour le produit au lieu de l'addition

## Bibliographie I

VANDERPLAS, J. Python Data Science Handbook. O'Reilly Media, 2016.