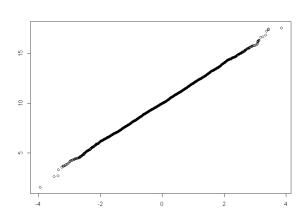
## QCM N° 1: Test

Pour tous les QCM, il y a au moins une réponse juste

plot de :



- $\square$  Deux échantillons suivant des lois  $\mathcal{U}(0,1)$
- $\square$  Un échantillon suivant une loi  $\mathcal{U}(-4,4)$  et un échantillon suivant une loi  $\mathcal{N}(20,4)$
- $\square$  Un échantillon suivant une loi  $\mathcal{N}(0,1)$  et un échantillon suivant une loi  $\mathcal{N}(10,2)$
- $\square$  Deux échantillons suivant des lois  $\mathcal{N}(20,4)$

Exercice 2. Soit Z une variable distribuée suivant une loi normale centrée réduite, et  $\Phi$  la fonction de répartition de la loi  $\mathcal{N}(0,1)$ .

$$\mathbb{P}(-0.155 < Z < 1.60) =$$

- $\Box \Phi(-0.155) \Phi(1.6)$
- $\Box -\Phi(-0.155) + \Phi(1.6)$
- $\Box \Phi(1.6) 1 \Phi(0.155)$
- $\Box \Phi(1.6) + \Phi(0.155) 1$

**EXERCICE 3.** Soit  $X \sim \mathcal{N}(15, 3^2)$  et  $\Phi_{\mu, \sigma}$  la fonction de répartition d'une loi  $\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$ 

$$\mathbb{P}(|X| < 45) =$$

- $\square 2\Phi_{15,3^2}(45) 1$
- $\Box 2\Phi_{0,1}(2.8) 1$
- $\Box \Phi_{0,1}(10) \Phi_{0,1}(-10)$
- $\Box \Phi_{0,1}(10) 1 \Phi_{0,1}(20)$

EXERCICE 1. Le QQ-plot suivant peut être le QQ- EXERCICE 4. Soit Z une variable distribuée suivant une loi normale centrée réduite, et  $\Phi$  la fonction de répartition de la loi  $\mathcal{N}(0,1)$ .

$$\mathbb{P}(Z > -1 \text{ et } Z < 2) =$$

- $\square$  0
- $\Box \Phi(2) + \Phi(1) 1$
- $\sqcap (1 \Phi(-1)) + \Phi(2)$

**EXERCICE 5.** Soit  $X \sim \mathcal{N}(0,1)$ ,  $\Phi$  sa fonction de répartition,  $q \in \mathbb{R}$  et  $p \in [0; 1]$ .

Quelle(s) affirmation(s) est(sont) impossibles:

- $\Box \Phi(q) \simeq -1.96$
- $\Box \Phi(0.19) \simeq 0.385$
- $\Box \Phi^{-1}(p) \simeq -0.25$
- $\Box \Phi(q) \simeq 2.27$

Exercice 6. Soit Z une variable distribuée suivant une loi normale centrée réduite, et b solution de l'équation  $\mathbb{P}(Z < b) = 0.75$ . Alors b est aussi solution de l'équation :

- $\square \ \mathbb{P}(Z > b) = 0.75$
- $\square \mathbb{P}(Z > b) = -0.75$
- $\square \mathbb{P}(Z < b) = 0.25$
- $\square \ \mathbb{P}(Z > b) = 0.25$

**EXERCICE 7.** Soient  $x_1, \ldots, x_n$  quelques observations. Pour des raisons de commodités, on a changé les unités menant à de nouvelles observations

$$y_i = ax_i + b, \qquad i = 1, \dots, n.$$

Quelle(s) réponse(s) est(sont) exacte(s)?

- $\Box \bar{y}_n = |a|\bar{x}_n$
- $\Box \ \bar{y}_n = a^2 \bar{x}_n + b$
- $\Box \sigma_y^2 = |a|\sigma_x^2$
- $\square \ \sigma_x = \frac{1}{|a|} \sigma_y$

EXERCICE 8. En reprenant les notations du cours, quelle(s) réponse(s) est(sont) exacte(s)?

- $\square \bar{x}_n$  est aléatoire
- $\square x_{i_1}$  est aléatoire
- $\square$  n est aléatoire
- $\square$   $x_1$  est aléatoire

## EXERCICE 9.

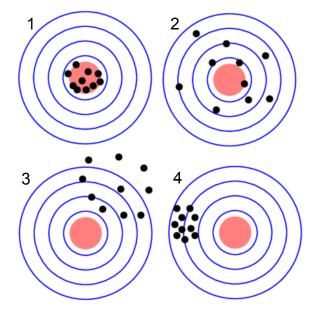
Table 1 – Distribution du nombre d'heures passées devant un écran par semaine.

Nb d'heures.	Nb. de personnes $(\%)$
0-5	8
5 - 10	26
10 – 25	40
25 – 30	22
30-60	4
Total	100

Que peut-on dire des quantiles approchés?

- $\square Q1 \in [5;10]$
- $\square Q3 = 24.3$
- $\square$  Med = 16
- ☐ Aucune des réponse n'est exacte

EXERCICE 10. Concernant l'image ci-dessous :



Si l'on considère que l'estimateur représenté par les points noirs est à faible biais et à variance faible sur la cible 1 que peut-on dire sur les autres cibles?

- ☐ L'estimateur de la cible 2 est à fort biais et à forte variance
- ☐ L'estimateur de la cible 3 est à faible biais et à forte variance
- ☐ L'estimateur de la cible 4 est à faible biais et à forte variance
- ☐ L'estimateur de la cible 2 est à faible biais et à forte variance

**EXERCICE 11.** On considère une population de 7 individus. On s'intéresse à un tirage aléatoire simple

de 4 individus. Le nombre d'échantillons possible est égal à :

- $\square$   $\binom{7}{3}$
- □ 70
- $\Box \frac{7!}{3!}$
- $\Box$   $\binom{7}{4}$

**EXERCICE 12.** Soient  $x_1, \ldots, x_n$  des variables aléatoires indépendantes, distribuées suivant la même loi, d'espérance  $\mu$  et de variance  $\sigma^2$ ; Alors, si n est grand  $(n \ge 30)$ , la variable

$$Z = \frac{\bar{x}_n - \mu}{\sigma / \sqrt{n}}$$

suit approximativement une loi:

- $\square \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$
- $\square \mathcal{N}(0,1)$
- $\square \ \mathcal{U}(0,1)$
- $\square \mathcal{U}(\mu, \sigma^2)$

**EXERCICE 13.** Considérons l'intervalle de confiance suivant de la moyenne empirique  $\bar{x}_n$ :

$$\left[\bar{x}_n - \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x}_n + \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right]$$

Sachant que  $\Phi(1) \simeq 0.84$ , cela nous donne un intervalle de confiance de  $\bar{x}_n$  au niveau :

- □ 84%
- $\square$  32%
- □ 68%
- □ 95%

**EXERCICE 14.** A propos de la variance de la moyenne empirique, en supposant que les  $x_{i_k}$  sont indépendants,  $\mathbb{V}ar(\bar{x}_n) =$ 

- $\square \operatorname{Var}(x_{i_1})$
- $\square \operatorname{Var}(x_{i_1})/n$
- $\square \operatorname{Var}(x_{i_1})/n^2$
- ☐ Aucune des réponse n'est exacte

**EXERCICE 15.** L'écart quadratique moyen d'un estimateur  $\hat{x}_n$  d'un paramètre  $\mu$  est donné par :  $\mathbb{E}(\hat{x}_n - \mu)^2 =$ 

- $\square \operatorname{Var}(\hat{x}_n) + \mathbb{B}(\hat{x}_n)^2$
- $\square \operatorname{Var}(\hat{x}_n) \mathbb{B}(\hat{x}_n)^2$
- $\square \operatorname{Var}(\hat{x}_n)^2 \mathbb{B}(\hat{x}_n)$
- $\square \operatorname{Var}(\hat{x}_n)^2 + \mathbb{B}(\hat{x}_n)$