

Tratamiento de Señales

Version 2021-2

Deconvolución

[Capítulo 6]

Dr. José Ramón Iglesias

DSP-ASIC BUILDER GROUP Director Semillero TRIAC Ingenieria Electronica Universidad Popular del Cesar

Degradación en el dominio de Foruier

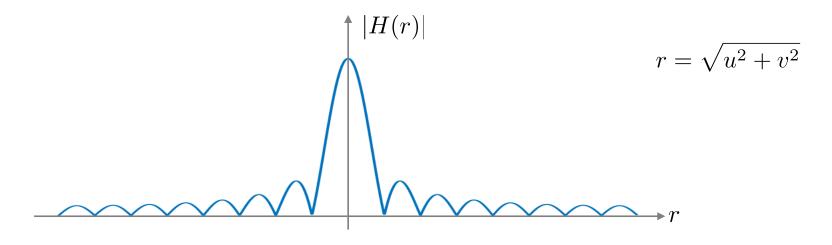


$$G(u,v) = F(u,v)H(u,v)$$

Entonces, podemos pensar que la restauración sería:

$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$
 $\hat{\mathbf{f}} = \text{IDFT}(\hat{\mathbf{F}})$

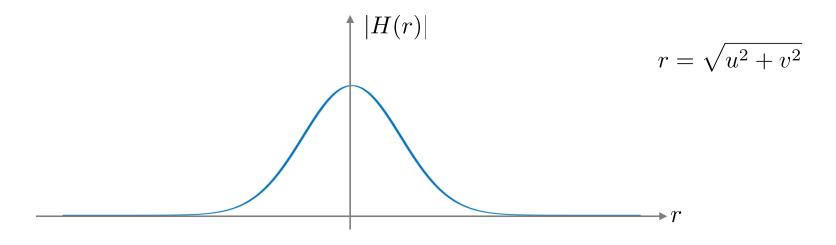
$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$



$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$

H al ser un filtro pasa bajos tiene ceros y valores cercanos a cero, genera divisiones por cero que ocasionan un serio problema.

$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$

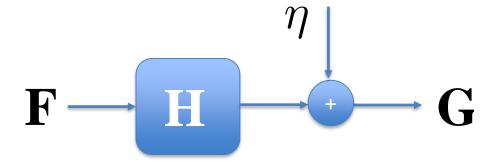


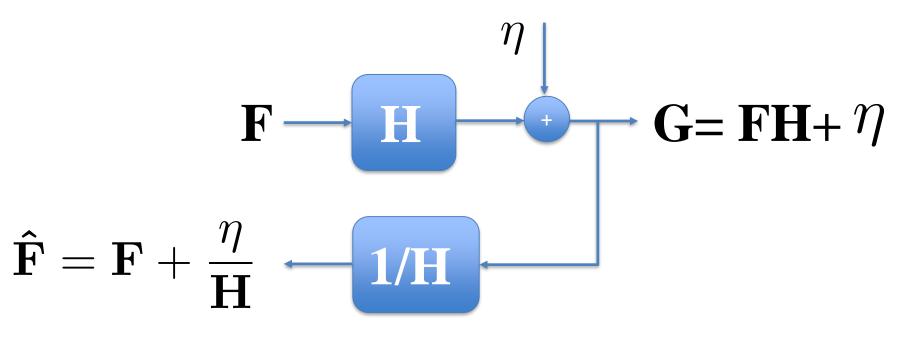
$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$

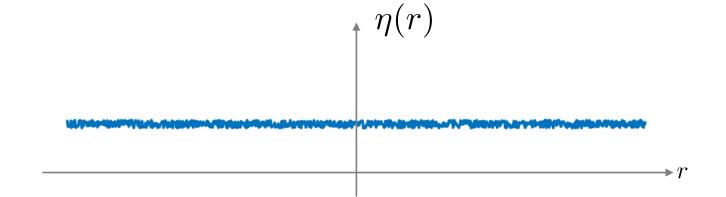
$$r = \sqrt{u^2 + v^2}$$

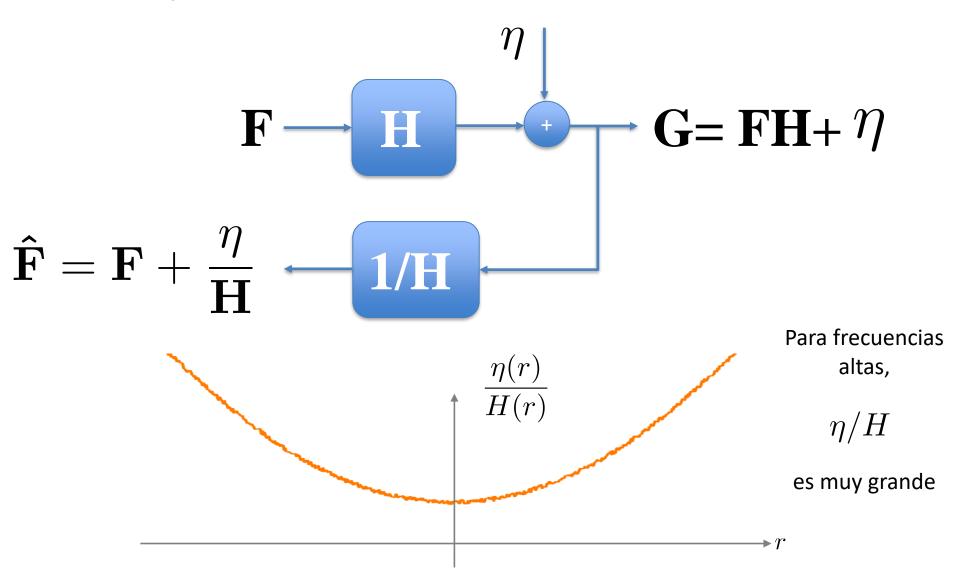
H al ser un filtro pasa bajos tiene ceros y valores cercanos a cero, genera divisiones por cero que ocasionan un serio problema.









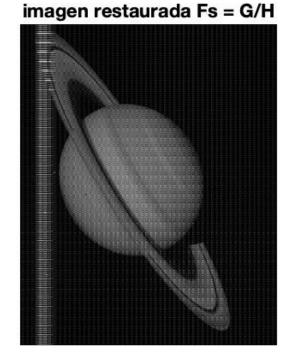


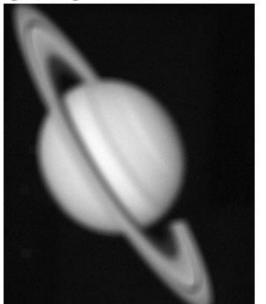
Ejemplo

imagen original F

imagen degradada sin ruido G







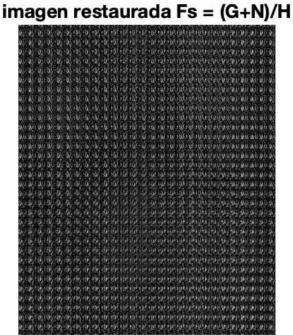


imagen degradada con ruido G+N

Degradación en el dominio de Foruier



$$G(u,v) = F(u,v)H(u,v)$$

Entonces, podemos pensar que la restauración sería:

$$\hat{F}(u,v) = \frac{G(u,v)}{H(u,v)}$$
 $\hat{\mathbf{f}} = \text{IDFT}(\hat{\mathbf{F}})$

Solución



$$W(u,v) = \frac{1}{H(u,v)}$$

$$\hat{\mathbf{F}} - \mathbf{W} - \mathbf{G}$$

$$W(u,v) = \frac{1}{H(u,v)} = \frac{1}{H(u,v)} \frac{H^*(u,v)}{H^*(u,v)}$$

$$\hat{\mathbf{F}}$$
 \mathbf{G}

$$W(u,v) = \underbrace{W(u,v)}_{H(u,v)} = \underbrace{\frac{1}{H(u,v)}}_{H(u,v)} \underbrace{\frac{1}{H(u,v)}}_{H(u,v)} \underbrace{\frac{1}{H(u,v)}}_{H(u,v)} \underbrace{\frac{1}{H(u,v)}}_{H(u,v)|^2}$$

- R evita división por cero
- R evita amplicación del ruido

La idea es escoger R (no constante) de tal forma que:

- 1) Para frecuencias altas W es bajo
- 2) Para frecuencias bajas W = 1/H

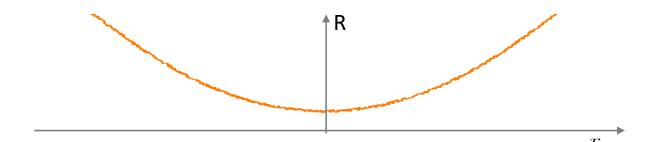
$$W(u,v) \simeq \frac{H^*(u,v)}{|H(u,v)|^2 + R}$$

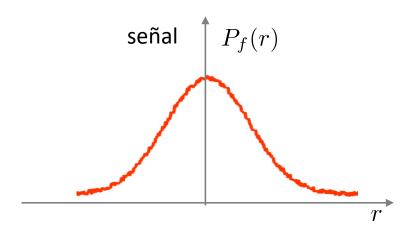
- R evita división por cero
- R evita amplicación del ruido

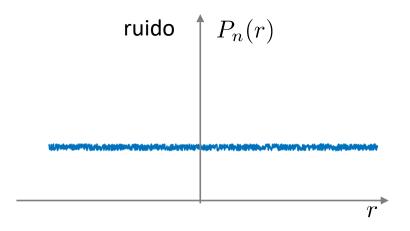
La idea es escoger R (no constante) de tal forma que:

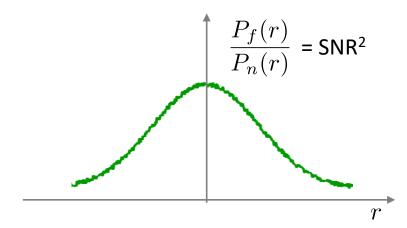
- 1) Para frecuencias altas W es bajo
- 2) Para frecuencias bajas W = 1/H

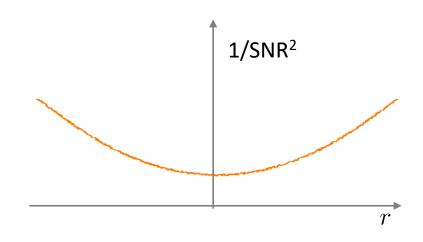
$$W(u,v) \simeq \frac{H^*(u,v)}{|H(u,v)|^2 + R}$$











$$W(r) \simeq \frac{H^*(r)}{|H(r)|^2 + C/\mathrm{SNR}^2}$$

- Para frecuencias altas, R es alto => W es bajo
- $R=Cr^{
 ho}$ 2) Para frecuencias bajas, R es bajo => W=1/H

Deconvolución General

$$W(r) = \left[\frac{H^*(r)}{|H(r)|^2}\right]^a \left[\frac{H^*(r)}{|H(r)|^2 + C/SNR^2}\right]^{1-a}$$

a=1 Filtro inverso total a=0 Filtro inverso corregido total