

## Minería de datos y Patrones

Version 2024-I

#### **SVM**

Dr. José Ramón Iglesias
DSP-ASIC BUILDER GROUP
Director Semillero TRIAC
Ingenieria Electronica
Universidad Popular del Cesar

# Objetivos

- Identificar el método de funcionamiento de una máquina de soporte vectorial.
- Reconocer el principio de funcionamiento del truco del kernel.
- Usar una SVM en el problema de clasificación binaria.

# Que son:

Son un conjunto de métodos de aprendizaje supervisado para la clasificación y regresión.

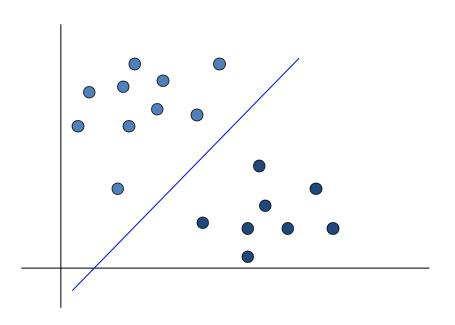
Viendo los datos de entrada como conjuntos de vectores en un espacio n-dimensional, una SVM construirá un híper plano de separación en ese espacio, que maximiza el margen entre los conjuntos de datos.

Se hicieron populares por su éxito en reconocimiento de dígitos manuscritos

# Historia:

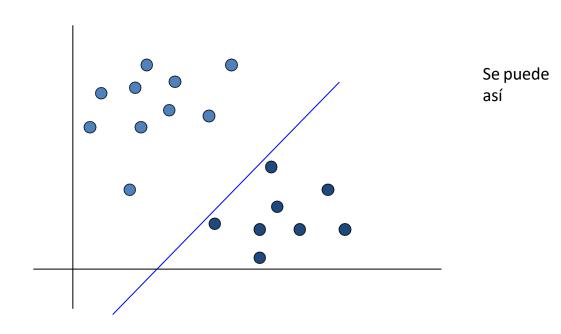
https://scholar.google.com/citations?user=U\_IVY50AA AAJ&hl=en

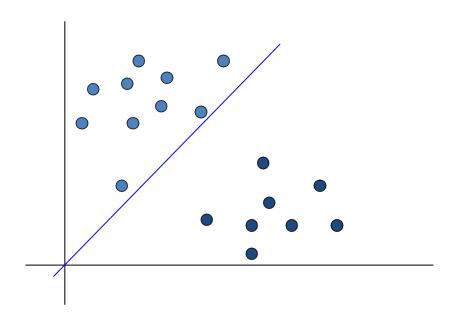
https://scholar.google.com/citations?user=vtegaJgAAA AJ&hl=en



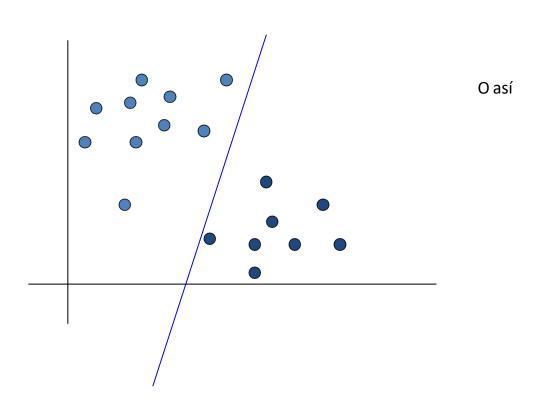
#### Por ejemplo:

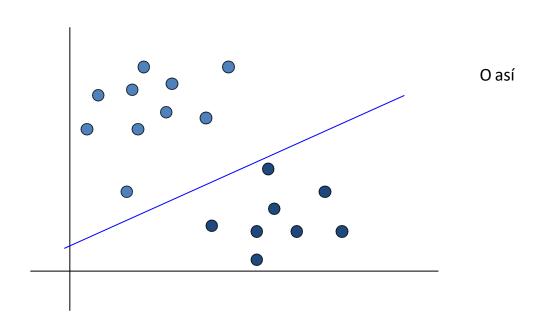
Separar en este caso dos clases con una línea recta

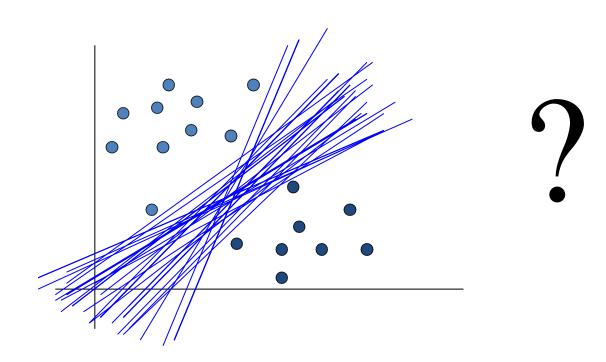


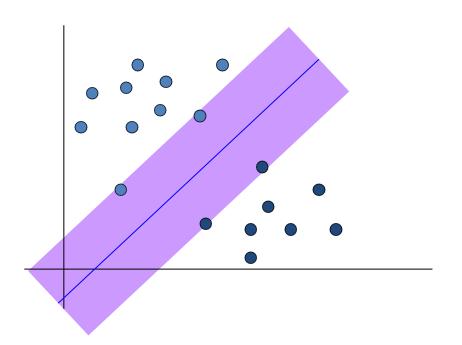


Se puede poner también así

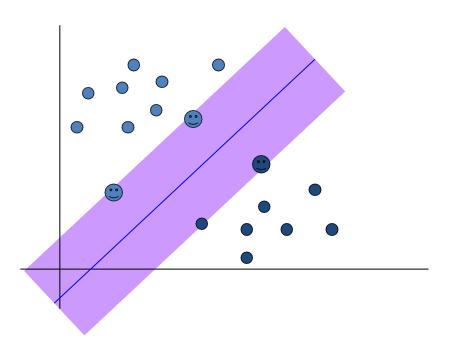








La línea que tenga un mayor margen será la escogida para clasificar

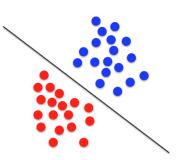


Los limites que toca este margen son llamados:

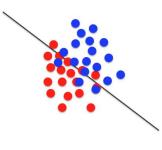
VECTORES DE SOPORTE

# SVM: Máquinas vectoriales de soporte

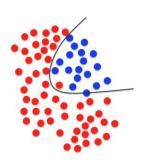
1) Lineal con separación perfecta



2) Lineal sin separación perfecta

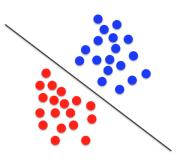


3) No lineal

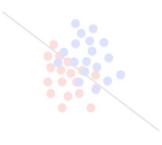


# SVM: Máquinas vectoriales de soporte

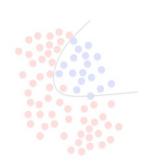
1) Lineal con separación perfecta



2) Lineal sin separación perfecta



3) No lineal



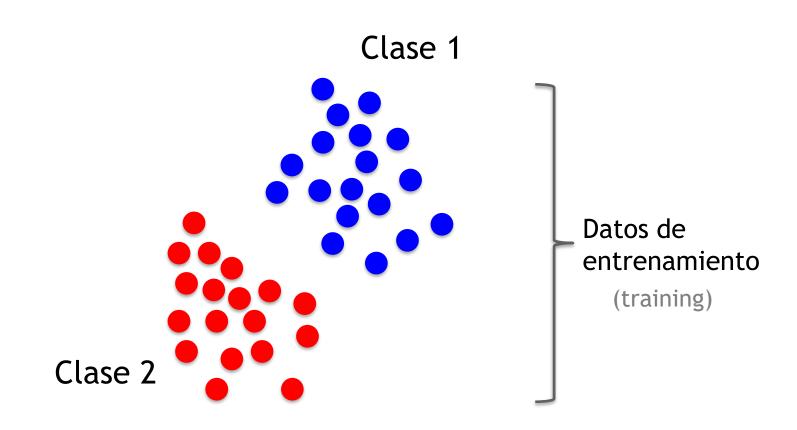
# Maquinas de soporte vectorial lineales

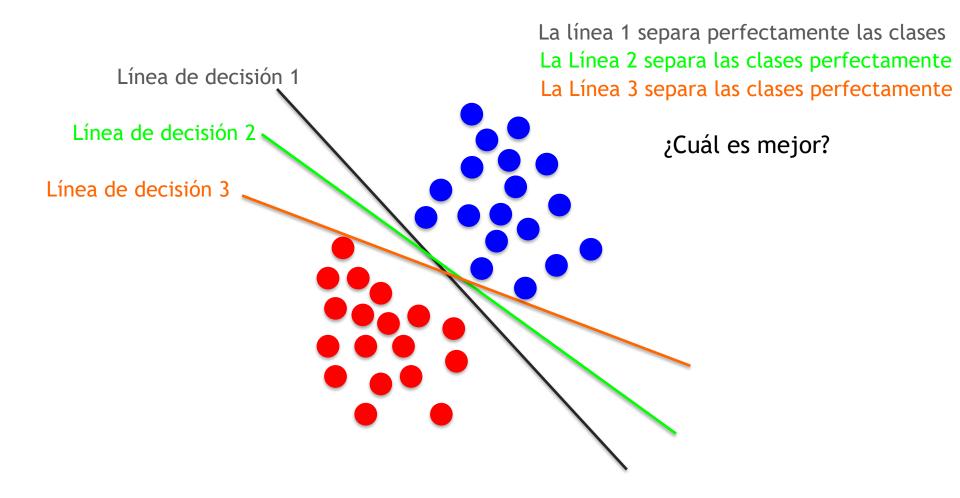
Caso separable

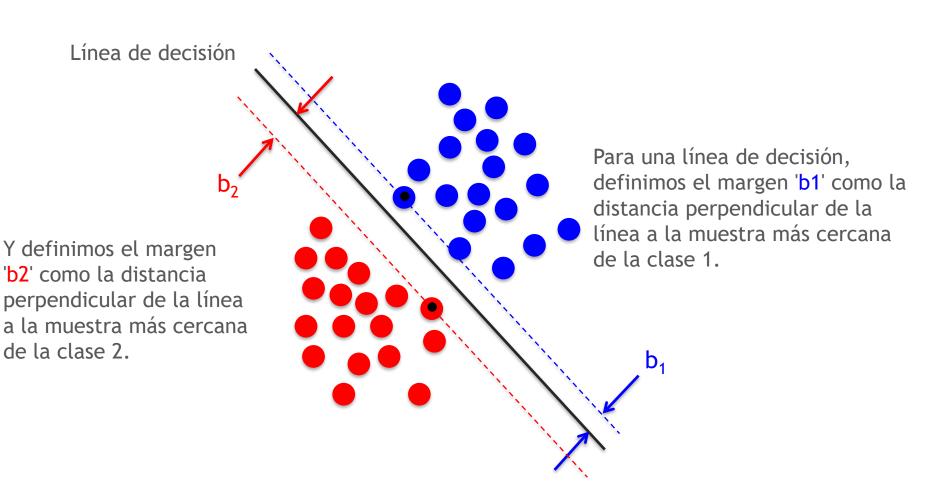
Dadas m observaciones:

Con un vector de características  $x_i \in \mathbb{R}^n$ ,  $i = \{0 \dots m-1\}$ 

Y unas etiquetas  $y_i \in \{+1,-1\}$ 







Línea de decisión  $b_1$ 

1) 
$$b_1 = b_2 = b$$
.

Línea de decisión 1)  $b_1 = b_2 = b$ .  $b_1 = b$ 

1) 
$$b_1 = b_2 = b_3$$

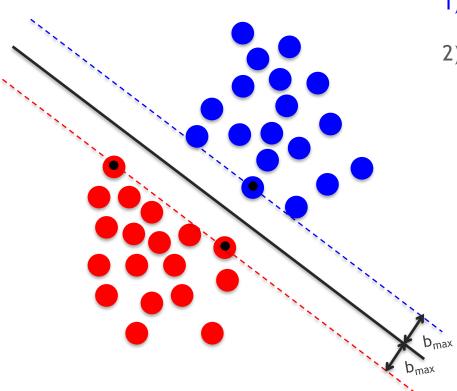
Línea de decisión

1) 
$$b_1 = b_2 = b$$
.

Línea de decisión

- 1)  $b_1 = b_2 = b$ .
- 2) b debe maximizarse.

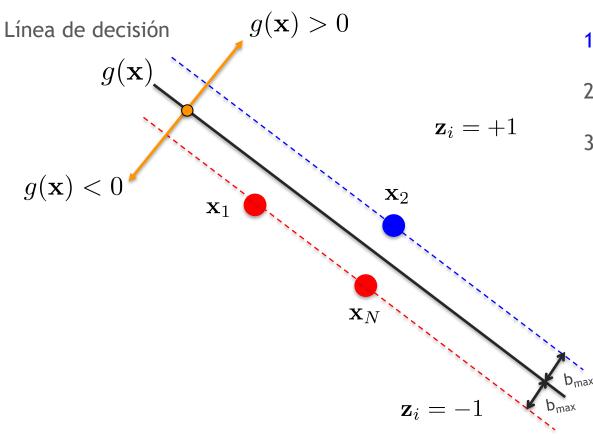
Línea de decisión



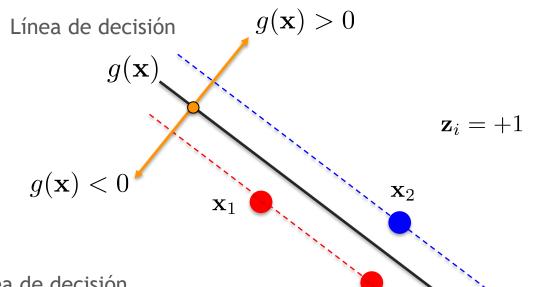
- 1)  $b_1 = b_2 = b$ .
- 2) b debe maximizarse.

Línea de decisión Vectores de Soporte

- 1)  $b_1 = b_2 = b$ .
- 2) b debe maximizarse.



- 1)  $b_1 = b_2 = b$ .
- 2) b debe maximizarse.
- 3) Solución:  $g(\mathbf{x})$

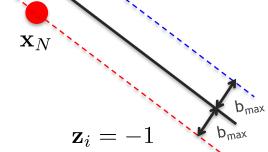


Ideas clave de SVM:

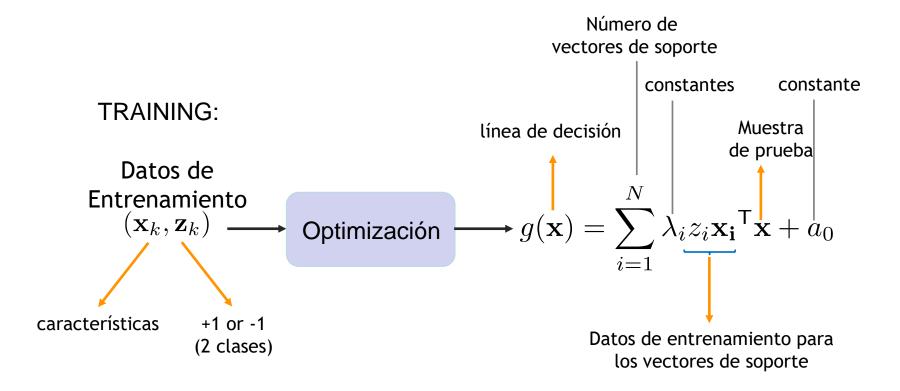
- 1)  $b_1 = b_2 = b$ .
- 2) b debe maximizarse.
- 3) Solución:  $g(\mathbf{x})$

Línea de decisión

$$g(\mathbf{x}) = \sum_{i=1}^{N} \lambda_i z_i \mathbf{x_i}^\mathsf{T} \mathbf{x} + a_0$$



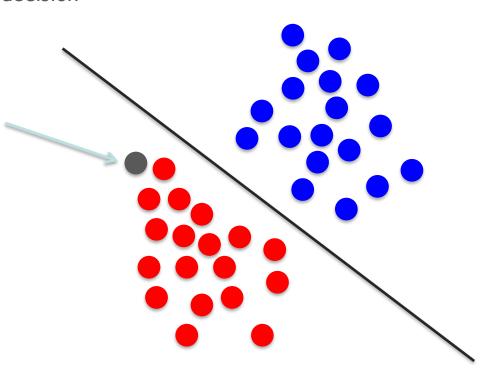
#### La solución de SVM



TESTING: si  $g(\mathbf{x}) > 0$  entonces clase = +1 en caso contrario clase = -1

Línea de decisión

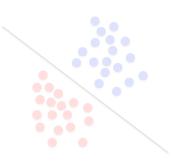
(testing)
Dato de
prueba
?



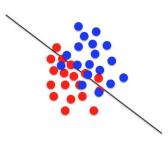
Línea de decisión (testing) Dato de prueba

# SVM: Máquinas vectoriales de soporte

1) Lineal con separación perfecta



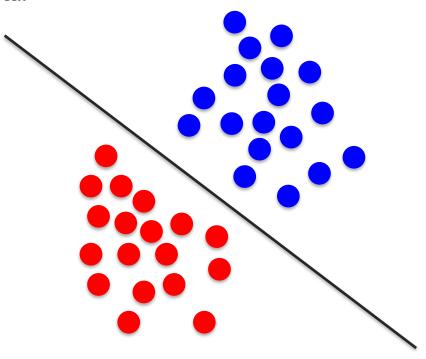
2) Lineal sin separación perfecta



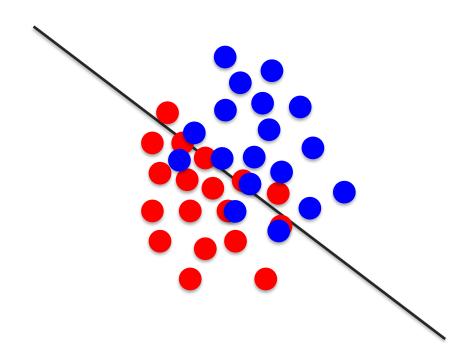
3) No lineal



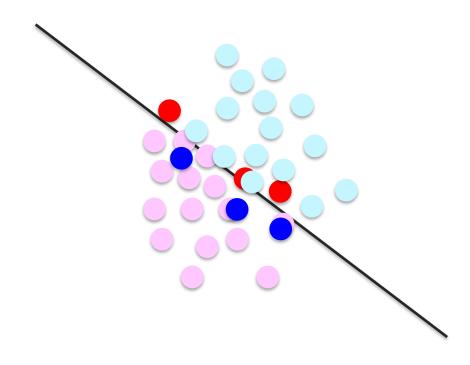
¿Cómo definir la línea de decisión cuando no hay una separación perfecta?



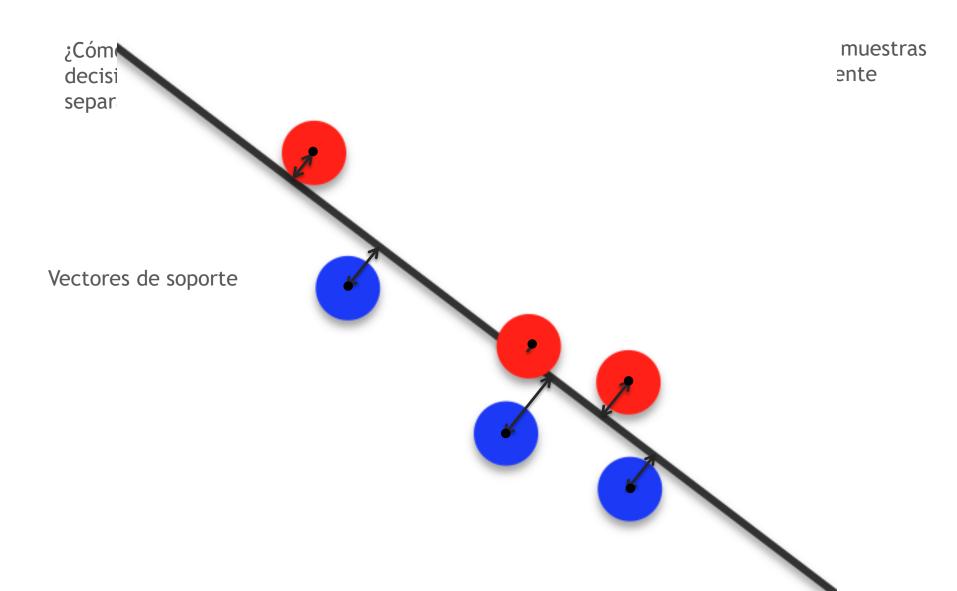
¿Cómo definir la línea de decisión cuando no hay una separación perfecta? Consideramos sólo las muestras clasificadas erroneamente

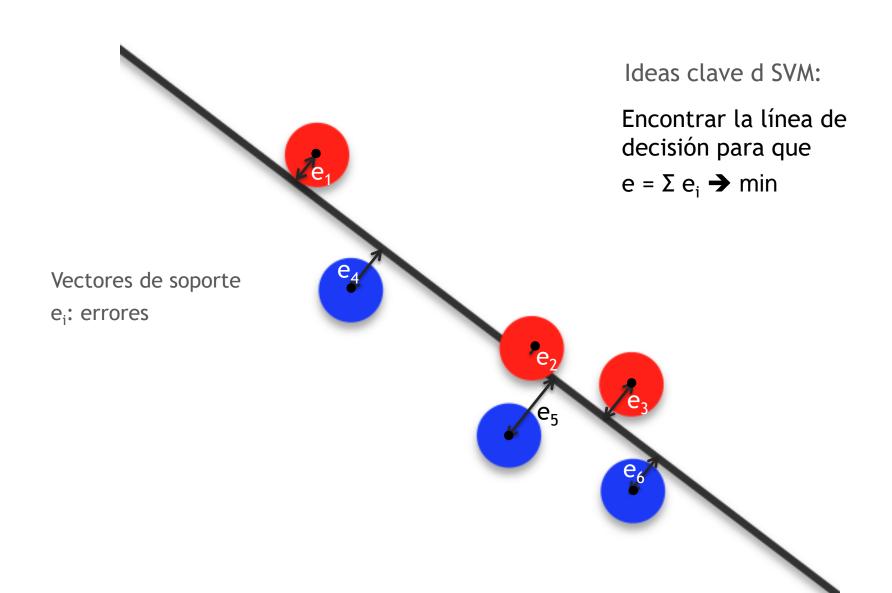


¿Cómo definir la línea de decisión cuando no hay una separación perfecta? Consideramos sólo las muestras clasificadas erroneamente



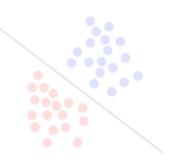
# SVN



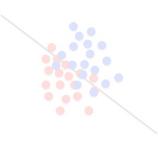


# SVM: Máquinas vectoriales de soporte

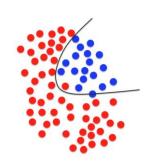
1) Lineal con separación perfecta

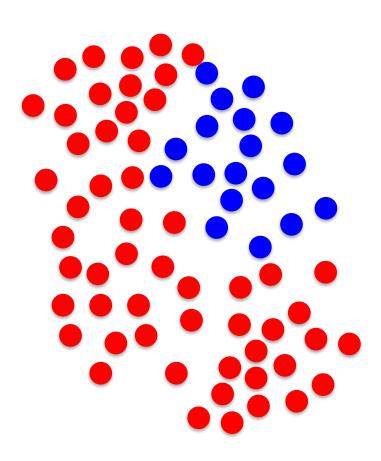


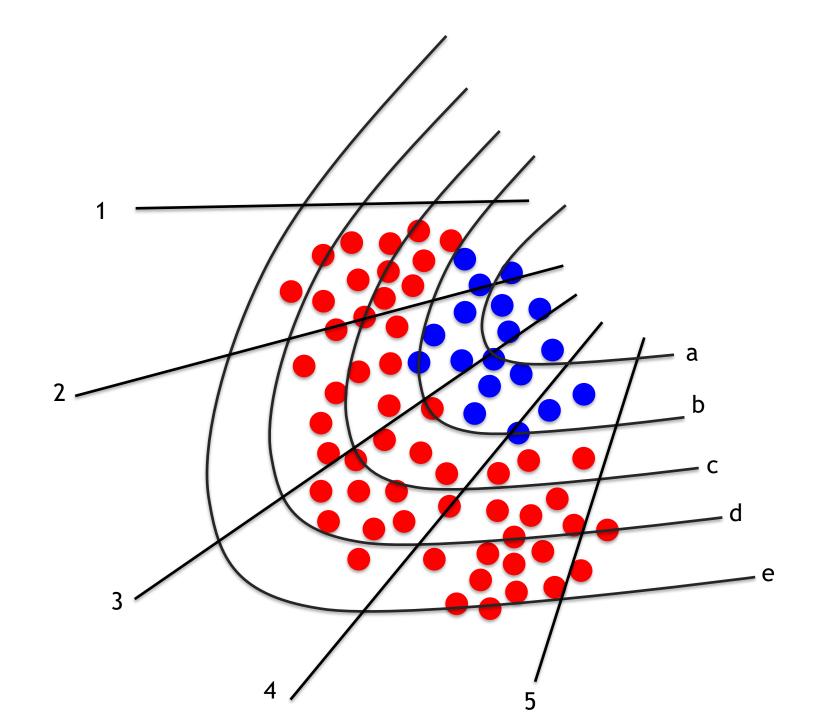
2) Lineal sin separación perfecta

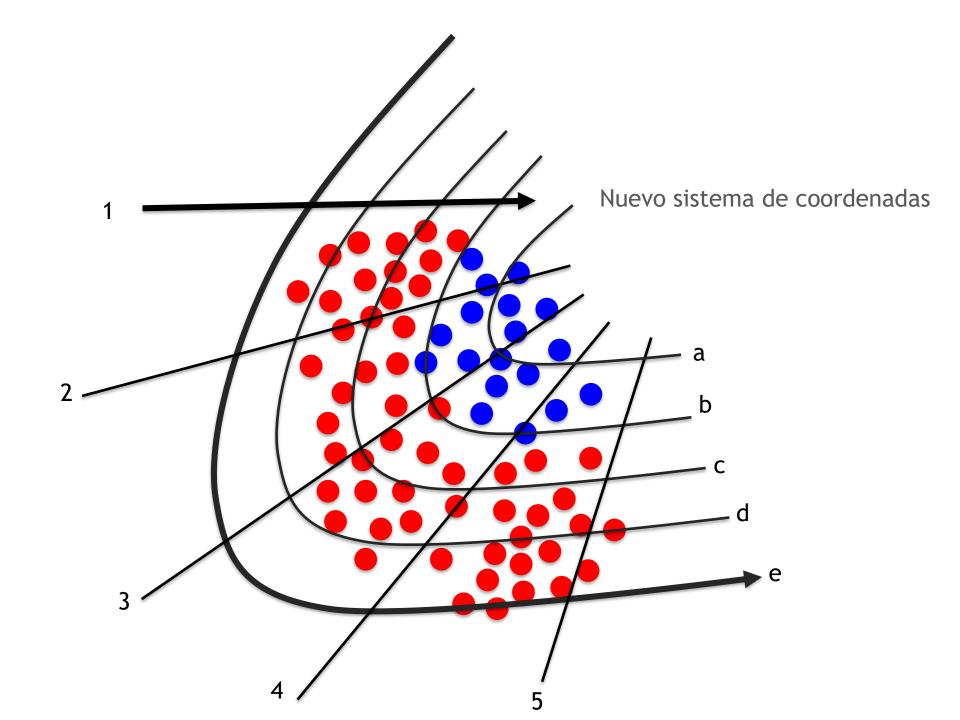


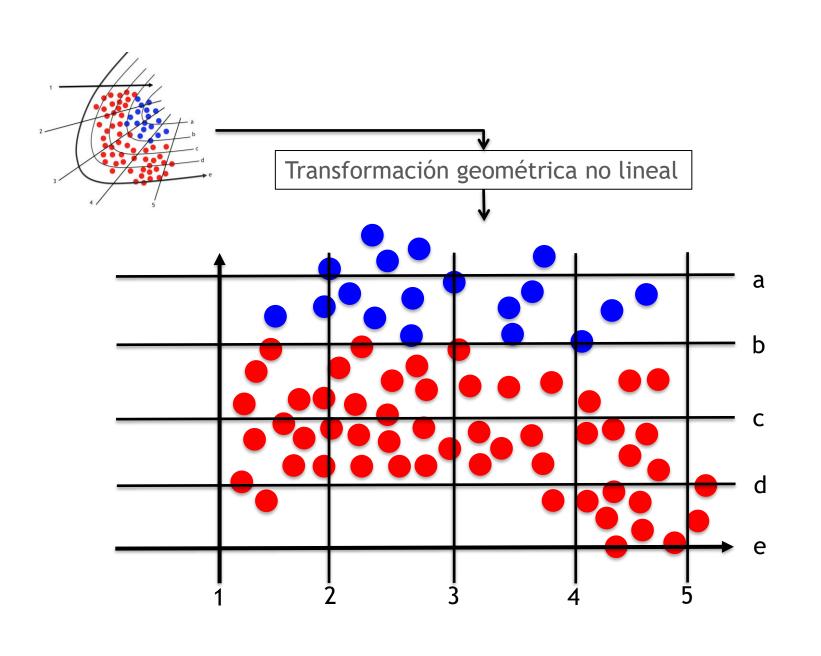
3) No lineal

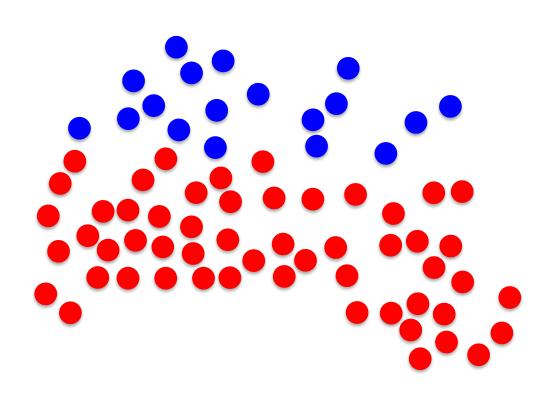




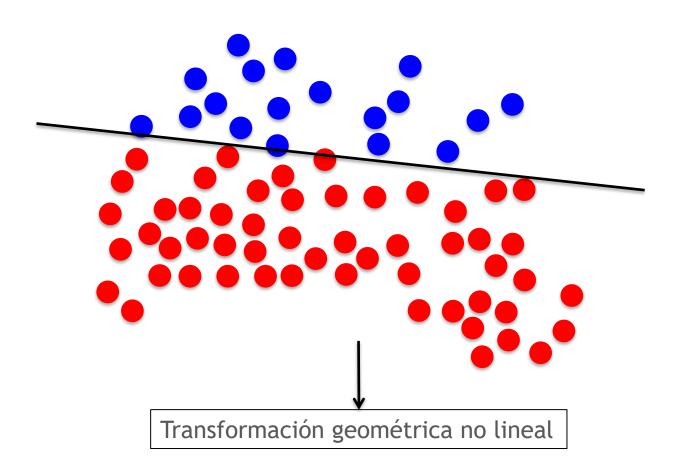


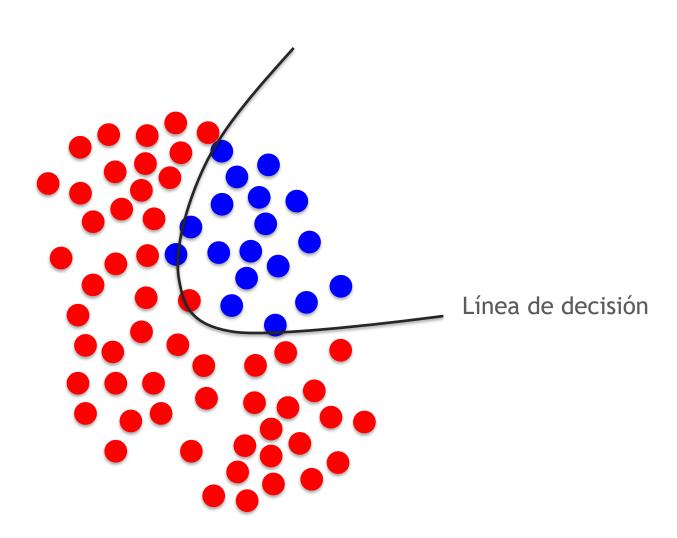






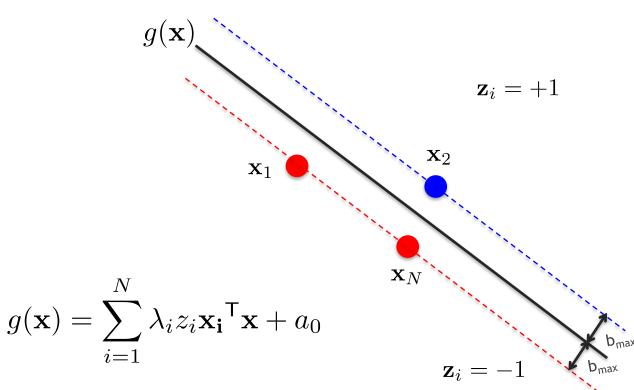
#### SVM lineal en nuevo sistema de coordenadas



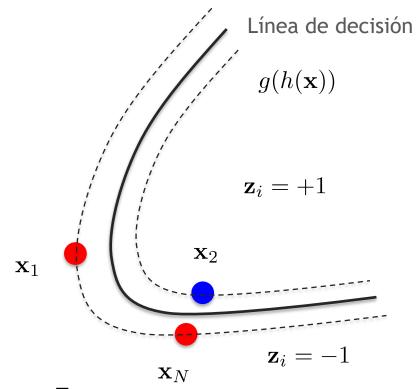


### SVM: Máquinas vectoriales de soporte





## SVM: Máquinas vectoriales de soporte



$$g(h(\mathbf{x})) = \sum_{i=1}^{N} \lambda_i z_i h(\mathbf{x_i})^{\mathsf{T}} h(\mathbf{x}) + a_0$$

$$g(h(\mathbf{x})) = \sum_{i=1}^{N} \lambda_i z_i < h(\mathbf{x_i}), h(\mathbf{x}) > +a_0$$

No se necesita  $h(\mathbf{x})$ , solo es necesario el kernel $< h(\mathbf{x_i}), h(\mathbf{x}) >$ 

### **SVM: Kernels**

$$K(\mathbf{x}', \mathbf{x}) = \langle h(\mathbf{x}'), h(\mathbf{x}) \rangle =$$

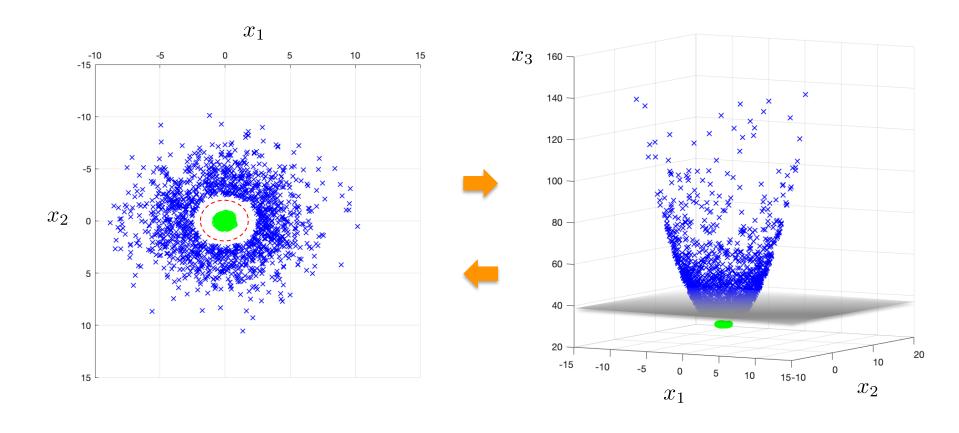
linear  $\langle \mathbf{x}', \mathbf{x} \rangle$ 

polynomial  $(1 + \langle \mathbf{x}', \mathbf{x} \rangle)^n$ 

radial basis  $\exp(-||\mathbf{x}' - \mathbf{x}||^2/c)$ 

sigmoid  $\tanh(K_1\langle \mathbf{x}', \mathbf{x}\rangle + K_2)$ 

### SVM: El truco del Kernel

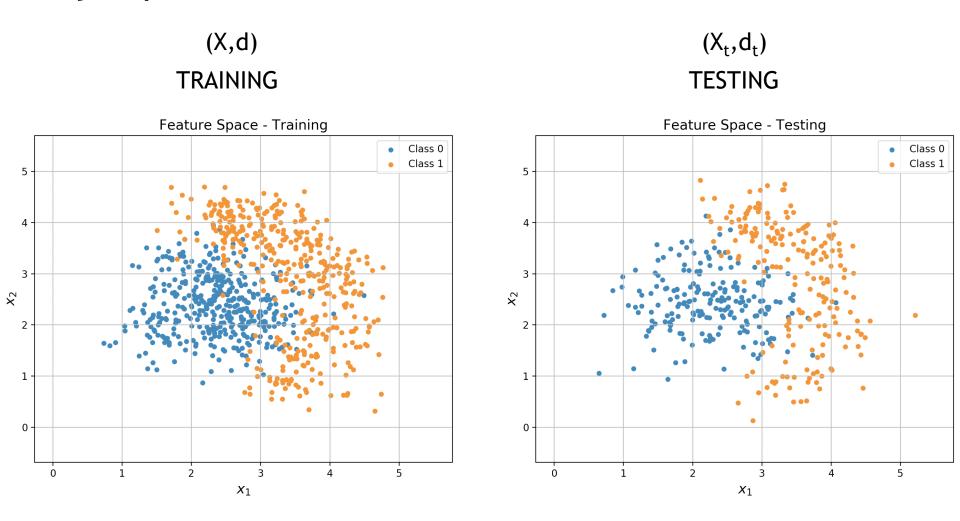


La separación lineal es imposible

La separación lineal es perfecta

# **Ejemplos**

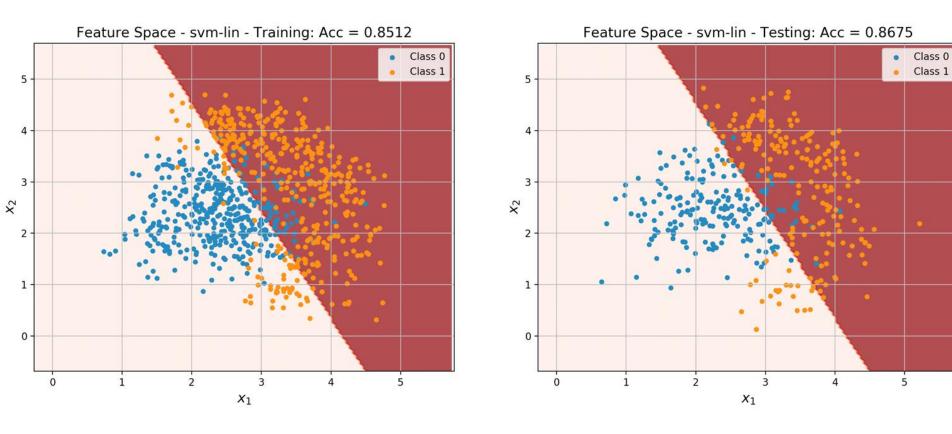
## Ejemplo



## Ejemplo

## **SVM-LIN**

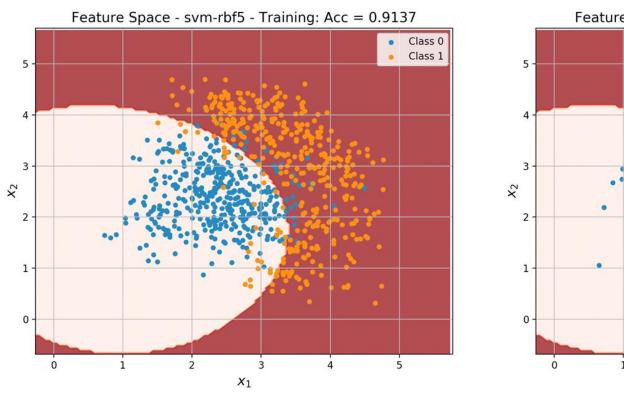


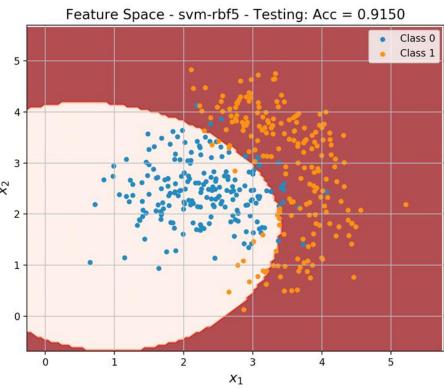


## Ejemplo

## **SVM-RBF**







# Bibliografía

- En memoria del profesor Patrick Winston. <a href="https://en.wikipedia.org/wiki/Patrick\_Winston">https://en.wikipedia.org/wiki/Patrick\_Winston</a>
- Corinna Cortes and V. Vapnik, "Support-Vector Networks", Machine Learning, 20, 1995. Disponible en <a href="http://homepages.rpi.edu/~bennek/class/mmld/papers/svn.pdf">http://homepages.rpi.edu/~bennek/class/mmld/papers/svn.pdf</a>
- Christopher J. C. Burges. "A Tutorial on Support Vector Machines for Pattern Recognition". Data Mining and Knowledge Discovery 2:121–167, 1998. Disponible en <a href="https://www.microsoft.com/en-us/research/wp-content/uploads/2016/02/symtutorial.pdf">https://www.microsoft.com/en-us/research/wp-content/uploads/2016/02/symtutorial.pdf</a>
- A Library for Support Vector Machines aplicación en línea <a href="http://www.csie.ntu.edu.tw/~cjlin/libsvm/">http://www.csie.ntu.edu.tw/~cjlin/libsvm/</a>
- 16. Learning: Support Vector Machines <a href="https://www.youtube.com/watch?v=\_PwhiWxHK80">https://www.youtube.com/watch?v=\_PwhiWxHK80</a>
- CVM Applet. aplicación en línea <a href="http://www.eee.metu.edu.tr/~alatan/Courses/Demo/AppletSVM.html">http://www.eee.metu.edu.tr/~alatan/Courses/Demo/AppletSVM.html</a>
- Bases para el código de ejemplo en Opencv tomado de <a href="http://opencv.jp/sample/svm.html">http://opencv.jp/sample/svm.html</a> "en japonés"
- Support Vector Machine Disponible en <a href="http://en.wikipedia.org/wiki/Support\_vector\_machine">http://en.wikipedia.org/wiki/Support\_vector\_machine</a>
- SVM with polynomial kernel visualization disponible en <a href="http://www.youtube.com/watch?v=3liCbRZPrZA">http://www.youtube.com/watch?v=3liCbRZPrZA</a>
- Excelente video resumiendo el concepto: <a href="https://www.youtube.com/watch?v=efR1C6CvhmE">https://www.youtube.com/watch?v=efR1C6CvhmE</a>