★ Sea G=(V,A) una gráfica, no necesariamente conexa, y un entero positivo k.

Sea E una expresión lógica en su forma normal conjuntiva,

*PC*: Determinar si G tiene un clan de orden mayor o igual que k.

- $\Gamma$ : Determinar si G tiene una subgráfica conexa con al menos k vértices.
- Ψ: Determinar si G una 4-coloración válida.
- ₱ : Determinar si E se satisface, donde cada cláusula tiene 4 variables,
  - 1. Proporcionar explícitamente un algoritmo No-determínistico Polinomial para los **dos** de los problemas  $\Gamma$ ,  $\Phi$  y  $\Psi$  correspondientes.

Primero daremos la solución de  $\Psi$ 

a) Se deberá especificar explícitamente **cómo** usa la primitiva elección-nd;

## Respuesta

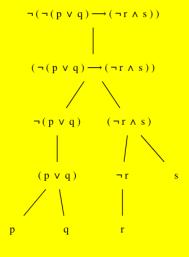
Tomaremos la expresión lógica y las dividiremos por secciones, con esto nos referimos a que cada variable tendrá un color, por ejemplo proponemos esta expresión lógica :  $\neg(\neg(p \lor q) \land (\neg r \lor s))$ 

En este caso A tendrá el color rojo, B azul, D rosa y E amarillo.

b)Se deberá proporcionar explícitamente el algoritmo de verificación.

## Respuesta

Verificamos si es correcta con la equivalencia semántica de la expresión lógica dada.



Ahora contestaremos  $\Phi$ 

a) Se deberá especificar explícitamente **cómo** usa la primitiva elección-nd;

## Respuesta

Para este problema lo primero que debemos de hacer es recibir una expresión lógica y después asignarles valores verdaderos (Verdadero o Falso) a la expresión lógica, estos valores se asignan de manera al azar. Por ultimo tenemos que verificar si se satisface la expresión lógica

b)Se deberá proporcionar explícitamente el algoritmo de verificación.

## Respuesta

Después de verificar la expresión lógica, si este es valido, significa que las clausulas de la expresión se cumplieron y si no, significa que no es satisfacible esa expresión lógica.

2. Para el problema **PC** y la Expresión lógica *E* construir la gráfica *G* e *ilustrar* la **Afirmación A**. Debes proporcionar la asignación de verdad para *E* y mostrar explícitamente el clan en la gráfica *G*... y viceversa.

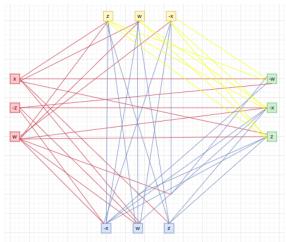
**Afirmación A**: E se satisface si y sólo si G tiene un clan de tamaño m.

$$E_A = (x + z + w) * (x + w + z) * (w + x + z) * (z + w + x);$$

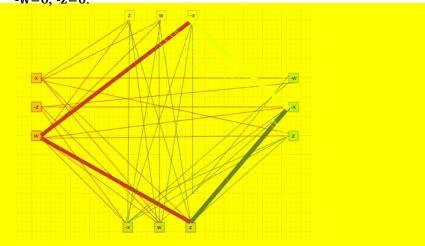
v es la negación de v

## Respuesta

Primero mostraremos la gráfica G que se nos da:



Y encontramos el clan de -x w z -x - x, donde -x=1, w= 1 y z= 1 y por ende sus valores son x=0,



Por ultimo sustituimos los valores en :

 $E_A = (x + z + w) * (x + w + z) * (w + x + z) * (z + w + x);$  y nos queda:

 $E_A = (0 + 0 + 1) * (-1 + 1 + 1) * (0 + 0 + 1) * (1 + 1 + -1);$ 

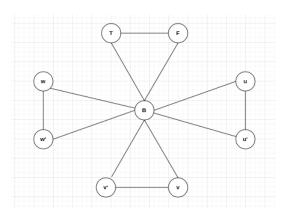
 $E_A = (1) * (1) * (1) * (1) = 1$  y con esto podemos decir que si se cumple, es correcta su validez y se cumple la condición de  $E_A$ 

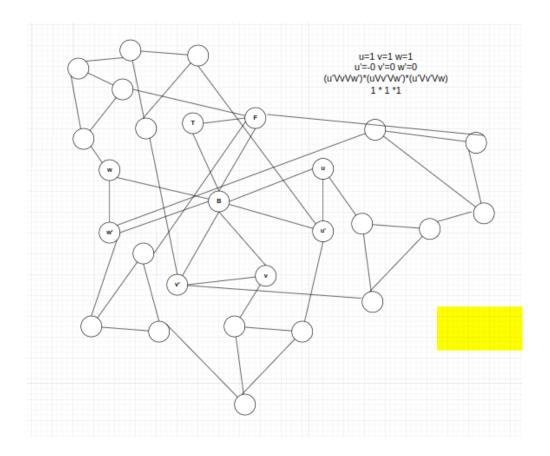
3. Para el problema 3-Coloración considera la reducción presentada en clase, con 3- SAT, donde se da la **Afirmación C**. Ilustra tal afirmación con una Expresión lógica de al menos tres cláusulas.

**Afirmación C**: Una gráfica G es 3-coloreable si y sólo si E se satisface.

Respuesta

Sea G 
$$f = (u' \lor v \lor w') * (u \lor v \lor w') * (u' \lor v' \lor w)$$



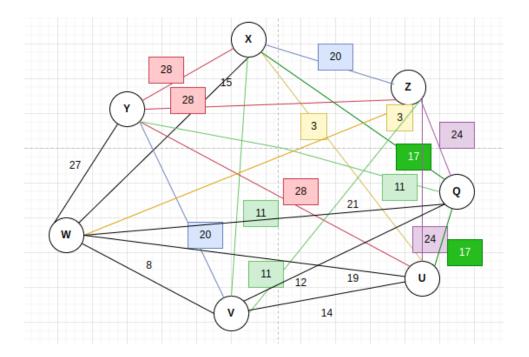


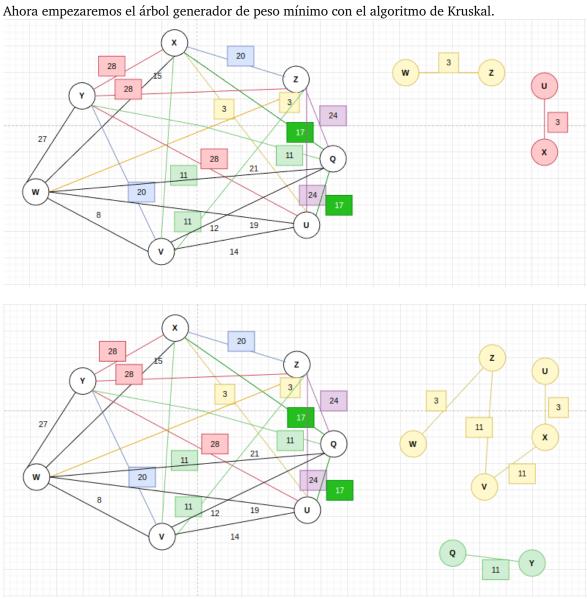
4. Para la siguiente matriz de adyacencias, un ejemplar del Agente Viajero (TSP) aplicar el primer algoritmo de aproximación dado en las notas y generar tour. Deberás detallar cada paso del algoritmo e ilustrar cómo se tomaron los atajos.

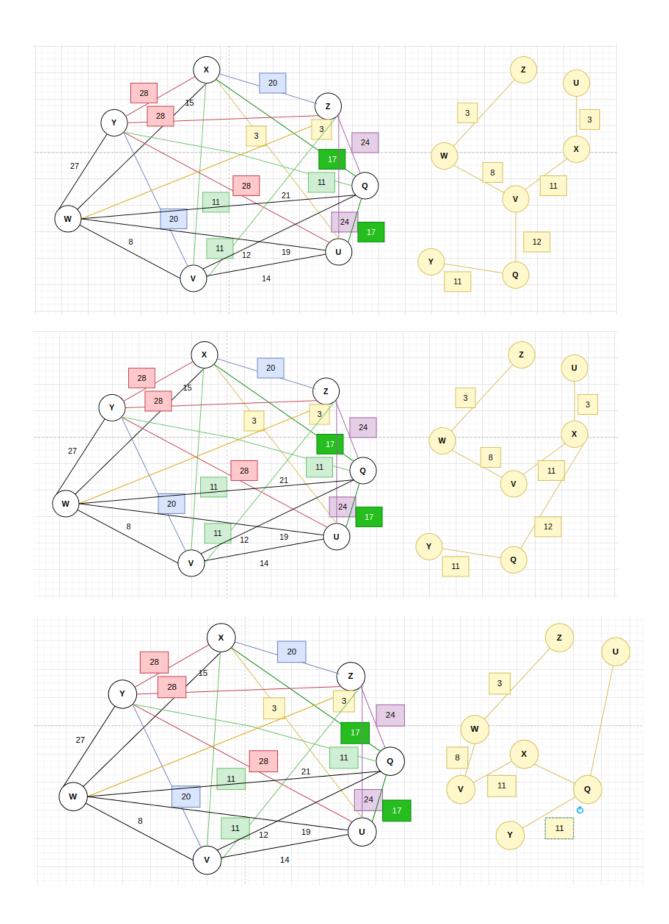
c	X	Y	Z	W	V	U	Q
X	0	28	20	15	11	3	17
Y	28	0	28	27	20	28	11
Z	20	28	0	3	11	24	24
W	15	27	3	0	8	19	21
V	11	20	11	8	0	14	12
U	3	28	24	19	14	0	17
Q	17	11	24	21	12	17	0

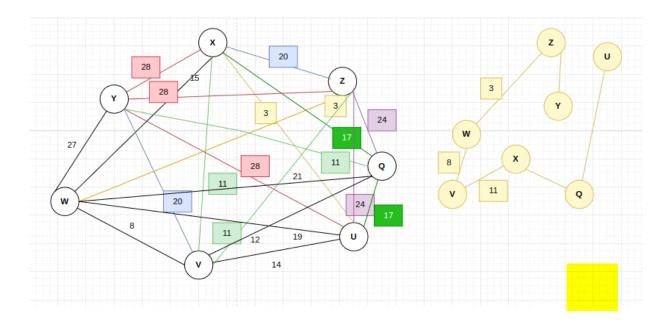
# Respuesta

Con la información de la tabla obtenemos esta gráfica

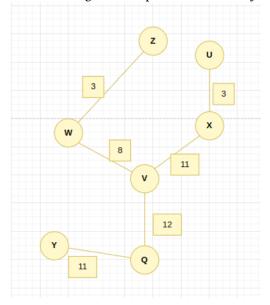








5. **[Opcional]** Aplicar el segundo algoritmo de aproximación dado en las notas y generar tour para el TSP. Deberás detallar cada paso del algoritmo e ilustrar cómo se tomaron los atajos. **Respuesta** Usaremos la gráfica de peso mínima del ejercicio anterior.



Ahora buscaremos los vértices de grado 1 y les agregaremos a otro vértice.

