## TP555 – Inteligência Artificial e Machine Learning Josino Villela da Silva Neto – Matrícula: 854 – Mestrado em Engenharia de Telecomunicações

## Lista de Exercícios #7

| 1. | Exemplo    | A1 | A2 | А3 | Output y |
|----|------------|----|----|----|----------|
|    | <b>x</b> 1 | 1  | 0  | 0  | 0        |
|    | x2         | 1  | 0  | 1  | 0        |
|    | х3         | 0  | 1  | 0  | 0        |
|    | x4         | 1  | 1  | 1  | 1        |
|    | х5         | 1  | 1  | 0  | 1        |

Cálculo da entropia do objetivo:

$$H(y) = -1*[(3/5)*log2(3/5) + (2/5)*log2(2/5)] = 0.9709$$

Cálculo do ganho de informação para os parâmetros A1, A2 e A3: G(A1) = 0.9709 - [(4/5)\*H(2/4) + (1/5)\*H(1/1)] = 0.1709

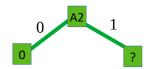
$$G(A2) = 0.9709 - [(3/5)*H(1/3) + (2/5)*H(2/2)] = 0.4199$$
 Termo de maior ganho de informação

$$G(A3) = 0.9709 - [(2/5)*H(1/2) + (3/5)*H(2/3)] = 0.0199$$

Quando:

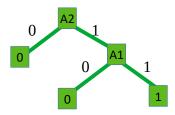
A2 = 0, y = 0;

A2 = 1, y = 0 ou 1; (necessário mais uma ramificação)



Cálculo do ganho de informação para os parâmetros A1 e A3:  $G(A1) = 0.9709 - \left[ (2/3)*H(0/2) + (1/3)*H(1/1) \right] = 0.9709 \text{ Termo de maior ganho de informação}$ 

$$G(A3) = 0.9709 - [(1/3)*H(0/1) + (2/3)*H(1/2)] = 0.3043$$



| XOR |          |   |  |  |  |  |
|-----|----------|---|--|--|--|--|
| х1  | х2       | У |  |  |  |  |
| 0   | 0        | 0 |  |  |  |  |
| 0   | 1        | 1 |  |  |  |  |
| 1   | 0        | 1 |  |  |  |  |
| 1   | 1        | 0 |  |  |  |  |
|     | <u> </u> |   |  |  |  |  |

## Cálculo da entropia do objetivo:

$$H(y) = -1*[(2/4)*log2(2/4) + (2/4)*log2(2/4)] = 1$$

Cálculo do ganho de informação para os parâmetros A1, A2 e A3: G(X1) = 1-[(2/4)\*H(1/)) + (2/4)\*H(1/2)] = 0 Como os ganhos são iguais, X1 foi escolhido.

$$G(X2) = g(x1) = 0$$

## Quando:

$$X1 = 0$$
,  $y = 0$  ou  $y = 1$ ; (necessário mais uma ramificação)  $X1 = 1$ ,  $y = 0$  ou  $y = 1$ ; (necessário mais uma ramificação)  $X2 = 0$ ,  $y = 0$  ou  $y = 1$ ; (necessário mais uma ramificação)  $X2 = 1$ ,  $y = 0$  ou  $y = 1$ ; (necessário mais uma ramificação)

Como para ambos os atributos, a escolha é a mesma, X1 será escolhido como primeiro nó.

