# WDWR projekt

# Jakub Ostrzołek

## Zadanie 1

## Wyznaczanie średnich dochodów dla każdego z produktów

Rozkład t-Studenta jest ciągły, wiec wartość oczekiwana na przedziale domkniętym jest taka sama jak wartość oczekiwana na przedziale otwartym.

$$R_1 \sim Tt_{(5;12)}(9, 16; 4)$$

$$R_2 \sim Tt_{(5;12)}(8, 9; 4)$$

$$R_3 \sim Tt_{(5;12)}(7, 4; 4)$$

$$R_4 \sim Tt_{(5;12)}(6, 1; 4)$$

$$\mathbb{E}(R_1) = 9 + 4 \cdot \frac{\Gamma(3/2) \cdot ((4 + (-1)^2)^{-3/2} - (4 + (\frac{3}{4})^2)^{-3/2}) \cdot 4^2}{2(F_4(\frac{3}{4}) - F_4(-1))\Gamma(2)\Gamma(1/2)} = 8,63$$

$$\mathbb{E}(R_2) = 8 + 3 \cdot \frac{\Gamma(3/2) \cdot ((4 + (-1)^2)^{-3/2} - (4 + (\frac{4}{3})^2)^{-3/2}) \cdot 4^2}{2(F_4(\frac{4}{3}) - F_4(-1))\Gamma(2)\Gamma(1/2)} = 8,30$$

$$\mathbb{E}(R_3) = 7 + 2 \cdot \frac{\Gamma(3/2) \cdot ((4 + (-1)^2)^{-3/2} - (4 + (\frac{5}{2})^2)^{-3/2}) \cdot 4^2}{2(F_4(\frac{5}{2}) - F_4(-1))\Gamma(2)\Gamma(1/2)} = 7,61$$

$$\mathbb{E}(R_4) = 6 + 1 \cdot \frac{\Gamma(3/2) \cdot ((4 + (-1)^2)^{-3/2} - (4 + (6)^2)^{-3/2}) \cdot 4^2}{2(F_4(6) - F_4(-1))\Gamma(2)\Gamma(1/2)} = 6,42$$

#### Model rozwiązania

Zbiory:

- $P = \{P1, P2, P3, P4\}$  produkty
- $M = \{SZ, WV, WH, FR, TO\}$  maszyny (odpowiednio: szlifierki, wiertarki pionowe, wiertarki poziome, frezarki, tokarki)
- $MP = \{(SZ, P1), (WV, P1), (WH, P1), (FR, P1), (SZ, P2), ...\}$  maszyny wymagane do produkcji danego produktu
- $N = \{1, 2, ..., m\}$  rozpatrywane miesiące (m = 3)

### Parametry:

- $n_m$  dla  $m \in M$  liczba dostępnych maszyn m [brak jednostki]
- $t_{mp}$  dla  $(m, p) \in MP$  jednostkowy czas produkcji produktu p na maszynie m [h/szt]
- $R_p$  dla  $p \in P$  średni jednostkowy dochód za produkt p [zł/szt] (wartości obliczone powyżej)
- $x_{pn}^{max}$ dla  $p \in P, n \in N$  maksymalna sprzedaż produktu p w miesiącu n
- $c^{mag} = 1$  cena magazynowania jednostki produktu przez miesiac [zł/szt]
- $m^{max} = 200$  maksymalna liczba zmagazynowanych jednostek danego produktu na miesiac [szt]
- $h^{rob} = 24 \cdot 8 \cdot 2 = 348$  liczba godzin roboczych w miesiącu [h]
- $m_p^{start}$  liczba zmagazynowanych produktów p na start (na koniec grudnia) [szt]

### Zmienne decyzyjne:

- $x_{pn}$  dla  $p \in P, n \in N$  sprzedaż produktu p w miesiącu n [szt]
- $p_{pn}$  dla  $p \in P, n \in N$  produkcja produktu p w miesiącu n [szt]
- $m_{pn}$ dla  $p \in P, n \in \{0,1,...,m\}$  liczba zmagazynowanych produktów pna koniec miesiaca m [szt]

#### Ograniczenia:

- $\forall p \in P, n \in N : x_{pn} \ge 0$  sprzedaż nieujemna
- $\forall p \in P, n \in N: p_{pn} \geq 0$  produkcja nieujemna  $\forall p \in P, n \in N: m_{pn} \geq 0$  stan magazynu nieujemny
- $\forall m \in M, n \in N : \sum_{\{p : (m,p) \in MP\}} p_{pn} \cdot t_{mp} \leq h^{rob} \cdot n_m$  łączny czas użycia maszyny m w miesiącu n nie przekracza liczby roboczych godzin  $\forall p \in P, n \in N : x_{pn} \leq x_{pn}^{max}$  sprzedaż produktu p nie przekracza
- rynkowego limitu na miesiąc n
- $\forall p \in P: m_{p0}=m_p^{start}$  początkowy stan magazynu dla produktu p  $\forall p \in P, n \in N: m_{pn} \leq m^{max}$  stan magazynu dla produktu p nie przekracza limitu na każdy produkt w miesiącu  $\boldsymbol{n}$
- $\forall n \in N : (m_{P1n} + m_{P2n}) \cdot (m_{P3n} + m_{P4n}) = 0$  w miesiącu n nie są składowane jednocześnie produkty z grupy (P1, P2) i (P3, P4)
- $\forall n\in N: \sum_{p\in P}p_{pn}+m_{p(n-1)}=\sum_{p\in P}x_{pn}+m_{pn}$  dla każdego miesiąca n produkty wyprodukowane i pozostałe w magazynach muszą zostać sprzedane lub zmagazynowane

#### Cel:

•  $max \sum_{n \in N} (\sum_{p \in P} (x_{pn} \cdot R_p - m_{pn} \cdot c^{mag}))$  – maksymalizacja łącznego zysku, czyli różnicy dochodu ze sprzedaży produktów i wydatków na magazynowanie produktów na przestrzeni rozpatrywanych miesięcy (koszty magazynowania na miesiac grudzień pominiete)