

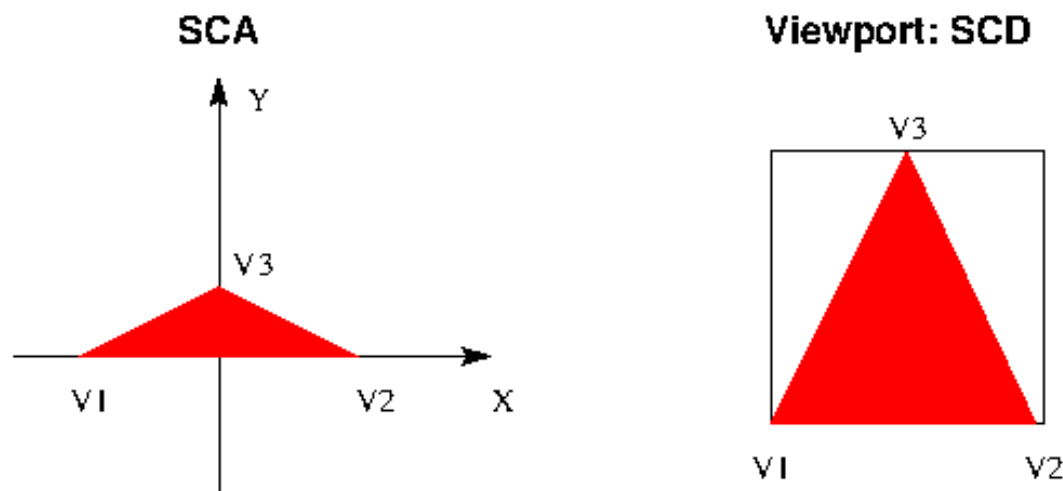
Nom i cognoms:

Temps: 1h 20'

1. (1.5 punts) Tenim una escena amb un triangle vermell amb vèrtexs $V1 = (-2, 0, 0)$, $V2 = (2, 0, 0)$ i $V3 = (0, 1, 0)$. Suposant que tenim un *viewport* quadrat de 600x600 píxels que ocupa tota la finestra gràfica.

Indica TOTS els paràmetres d'una càmera ortogonal (axonomètrica) que permeti veure a la vista un triangle de manera que els seus vèrtexs en coordenades de dispositiu siguin: $V1 = (0, 0)$, $V2 = (600, 0)$ i $V3 = (300, 600)$. Justifica la resposta.

Solució:



Per a veure el triangle en el *viewport* com indica l'enunciat (part dreta de la figura), s'ha de mirar des de la part positiva de les Z, perquè la base del triangle en el *viewport* té el vèrtex V1 a l'esquerra i el vèrtex V2 a la dreta.

El VRP pot ser el centre de la capsula contenidora del triangle (punt que queda projectat al centre del *viewport*), és a dir podria ser el punt $\mathbf{VRP} = (0, 0.5, 0)$, i per tant l'observador haurà d'estar en direcció perpendicular al triangle en la direcció de les Z positives, és a dir, per exemple en $\mathbf{OBS} = (0, 0.5, 5)$. La vertical de la càmera és la vertical del triangle original, per tant el vector $\mathbf{up} = (0, 1, 0)$.

Per als paràmetres de la càmera ortogonal cal donar el *window* (*left*, *right*, *bottom*, *top*), el ZNear i el ZFar. El *window*, que es dona en coordenades de l'observador, ha d'anar des del vèrtex V1 fins al vèrtex V2 en l'eix de les X de l'observador, per tant *left* = -2 i *right* = 2, i des de la base del triangle (aresta V1-V2) fins al vèrtex V3 en les Y de l'observador, per tant *bottom* = -0.5 i *top* = 0.5. El ZNear i ZFar poden ser, per exemple, ZNear = 5 i ZFar = 6, perquè tenim l'observador a distància 5 del triangle.

2. (1.5 punts) Es vol visualitzar una escena formada per dos objectes:

- Un prisma recte de base quadrada de costat 2 i alçada 5, que està situat amb el centre de la seva base al punt (0,0,0) i amb cares paral·leles als plans coordenats. Disposem del mètode `pintaCub()` que envia a pintar la geometria del model d'un cub de costat 1 centrat a l'origen de coordenades.
- Un Patricio d'alçada 2 que està situat al damunt de l'objecte anterior, és a dir, la base de la capsa del Patricio ha d'estar sobre la cara superior del prisma i mirant cap a les X+. Disposem del mètode `pintaPatricio()`, que pinta un Patricio que mira cap a les Z+ i la seva capsa contenidora està determinada pels punts: (Patxmin, Patymin, Patzmin), (Patxmax, Patymax, Patzmax).

Suposant que la càmera està correctament inicialitzada, indica el pseudocodi d'una funció `pintaEscena()` que permeti visualitzar l'escena descrita especificant el codi (o pseudocodi) que permet trobar les TGs requerides per a cada objecte i utilitzant els mètodes `pintaCub()` i `pintaPatricio()`. Justifica la resposta.

Solució:

Per a pintar el prisma de base quadrada de 2x2 i alçada 5, cal escalar el model del cub segons els factors d'escala (2, 5, 2). Com que el cub que es pinta amb el mètode `pintaCub()` està centrat a l'origen, caldrà finalment traslladar-lo la meitat de l'alçada cap a les Y positives per a fer que la base estigui centrada en el punt (0, 0, 0).

Transformacions al cub: $TG = T(0, 2.5, 0) * S(2, 5, 2)$

Per a pintar el Patricio com es demana, el seu model s'ha d'escalar i girar, per tant primer podem fer que aquest estigui situat amb el centre de la seva base a l'origen de coordenades, és a dir primer de tot el traslladem segons el vector (-CentreBasePat.x, -CentreBasePat.y, -CentreBasePat.z), on CentreBasePat és el centre de la base de la capsa contenidora del Patricio: $CentreBasePat = ((Patxmin+Patxmax)/2, Patymin, (Patzmin+Patzmax)/2)$.

Seguidament, com que ha de fer d'alçada 2 (escalat uniformement) cal escalar-lo en les tres coordenades pel factor: $escala = 2/(Patomy-Patymmin)$. I com que ha d'estar mirant cap a les X+ i originalment està mirant cap a les Z+, cal també fer-li una rotació de 90 graus respecte de l'eix Y.

I finalment cal posicionar el centre de la base del Patricio al punt (0, 5, 0) que és el punt central de la cara superior del prisma, per tant caldrà traslladar-lo segons el vector (0, 5, 0).

Transformacions al Patricio:

$TG = T(0, 5, 0) * Ry(90) * S(escala, escala, escala) * T(-CentreBasePat)$

Així doncs, el codi de la funció `pintaEscena()` quedaria de la següent manera:

```
pintaEscena()
{
    glm::mat4 TG = Translació (0, 2.5, 0);
    TG = TG * Escalat (2, 5, 2);
    modelMatrix (TG);
    pintaCub();
    glm::vec3 CentreBasePat((Patxmin+Patxmax)/2, Patymin, (Patzmin+Patzmax)/2);
    float escala = 2/(Patomy-Patymmin);
    TG = Translació (0, 5, 0);
    TG = TG * Rotació_y(90);
    TG = TG * Escalat (escala, escala, escala);
    TG = TG * Translació (-CentreBasePat);
    modelMatrix (TG);
    pintaPatricio();
}
```

Nom i cognoms:

Temps: 1h 20'

3. (1 punt) Suposant que tenim la matriu de transformació de model (**TG**), la matriu de canvi de punt de vista (**view**) i la matriu de projecció (**proj**), quina és la multiplicació correcta que transforma el vèrtex (**vertex**) a coordenades de clipping? (el vèrtex ja està en coordenades homogènies, és a dir és un $\text{vec4}(x,y,z,1)$).

- a) $\text{proj} * \text{TG} * \text{view} * \text{vertex}$.
- b) $\text{vertex} * \text{proj} * \text{view} * \text{TG}$.
- c) $\text{vertex} * \text{TG} * \text{view} * \text{proj}$.
- d) $\text{proj} * \text{view} * \text{TG} * \text{vertex}$.

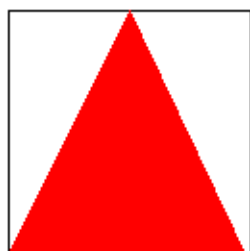
Solució: d)

4. (1 punt) Un estudiant defineix la seva càmera amb OBS, d, v i up, essent d la distància entre OBS i VRP i v el vector normalitzat que va d'OBS a VRP, i calculant VRP com: $\mathbf{VRP} = \mathbf{OBS} + \mathbf{d} * \mathbf{v}$. En un cert moment, l'estudiant incrementa d i actualitza VRP i la view matrix però no la projection matrix, quin efecte tindrà en la visualització de l'escena?

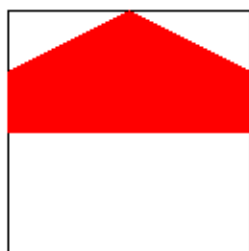
- a) Com que no actualitza l'òptica, retallarà l'escena per Znear.
- b) Veurà l'escena més petita, el punt d'enfoc està més lluny.
- c) Veurà exactament el mateix.
- d) Afectarà en la deformació perspectiva que observarà.

Solució: c)

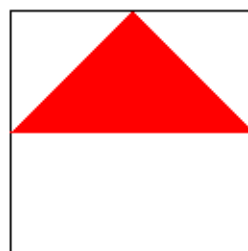
5. (1 punt) Donada la descripció de l'escena de l'exercici 1 i havent inicialitzat les matrius de càmera (view) i projecció (proj) a la matriu identitat, indica quina de les següents imatges és la que sortirà en un viewport de 600x600 (sabem que el Vertex Shader i el Fragment Shader estan correctament implementats):



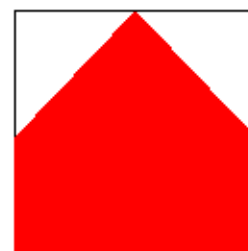
a)



b)



c)



d)

Solució: b)

6. (1 punt) Imaginem que tenim l'escena de l'exercici 2, és a dir tenim les TGs necessàries per ubicar els dos objectes de forma correcta. Volem posicionar una càmera de manera que es vegi en el *viewport* el Patricio centrat i mirant cap a la càmera (de cara a la càmera). Quina d'aquestes inicialitzacions dels paràmetres de càmera seria correcta?

- a) $VRP = (0, 6, 0)$, $OBS = VRP + 2 \cdot radi_esfera \cdot v$, amb $v=(0,1,0)$, $up = (1, 0, 0)$.
- b) $VRP = ((Patx_{min}+Patx_{max})/2, (Paty_{min}+Paty_{max})/2, (Patz_{min}+Patz_{max})/2)$,
 $OBS = (VRP.x + 10, VRP.y, VRP.z)$, $up = (0, 1, 0)$.
- c) $VRP = (1, 6, 0)$, $OBS = (15, 6, 0)$, $up = (0, 1, 0)$.
- d) $VRP = (0, 6, 0)$, $OBS = (0, 6, 10)$, $up = (0, 1, 0)$.

Solució: c)

7. (1 punt) Tenim un objecte al que se li ha aplicat la següent transformació de model (TG) per a ubicar-lo a l'escena (C és el centre de l'objecte):

```
TG = Translació (3,0,3);
TG = TG*Rotació_z (-90);
TG = TG*Rotació_x (90);
TG = TG*Rotació_y (90);
TG = TG*Escala (1/mida,1/mida,1/mida);
TG = TG*Translació (-C.x,-C.y,-C.z);
```

Indica amb quina de les següents transformacions aconseguiríem l'objecte centrat al mateix punt i orientat de la mateixa manera però essent el doble de gran.

- a) $TG = Translació (3,0,3);$
 $TG = TG*Rotació_x (90);$
 $TG = TG*Escala (2/mida,2/mida,2/mida);$
 $TG = TG*Translació (-C.x,-C.y,-C.z);$
- b) $TG = Translació (-3,0,-3);$
 $TG = TG*Rotació_z (90);$
 $TG = TG*Rotació_x (90);$
 $TG = TG*Rotació_y (-90);$
 $TG = TG*Escala (2/mida,2/mida,2/mida);$
 $TG = TG*Translació (-C.x,-C.y,-C.z);$
- c) $TG = Translació (3,0,3);$
 $TG = TG*Rotació_z (-90);$
 $TG = TG*Rotació_x (90);$
 $TG = TG*Rotació_y (90);$
 $TG = TG*Translació (-C.x,-C.y,-C.z);$
 $TG = TG*Escala (2/mida,2/mida,2/mida);$
- d) Cap de les altres és correcta.

Solució: a)

Nom i cognoms:

Temps: 1h 20'

8. (1 punt) Tenim una escena en la que utilitzem una càmera amb $OBS = (-5,0,3)$, $VRP = (5,0,3)$ i $up = (0,0,1)$. Quin conjunt de transformacions geomètriques permetrien definir la mateixa càmera, és a dir, generar la mateixa viewMatrix? (no modifiquem l'òptica).

- a)

```
VM = Translació(0,0,-10);
VM = VM*Rotació_z (90);
VM = VM*Rotació_y (-90);
VM = VM*Translació (-5,0,-3)
ViewMatrix (VM);
```
- b)

```
VM = Translació(0,0,-10);
VM = VM*Rotació_z (90);
VM = VM*Rotació_y (90);
VM = VM*Translació (-5,0,-3)
ViewMatrix (VM);
```
- c)

```
VM = Translació (-5,0,-3)
VM = VM*Rotació_y (90);
VM = VM*Rotació_z (90);
VM = VM*Translació(0,0,-10);
ViewMatrix (VM);
```
- d)

```
VM = Translació (-5,0,-3)
VM = VM*Rotació_y (-90);
VM = VM*Rotació_z (90);
VM = VM*Translació(0,0,-10);
ViewMatrix (VM);
```

Solució: b)

9. (1 punt) La crida `TP = perspective (M_PI/4, 1, 3, 6)`, defineix la matriu de projecció d'una càmera perspectiva. La ra del *viewport* és 1. S'envia a pintar un cub d'aresta 2 centrat a l'origen i es veu sencer com un quadrat que ocupa tot el *viewport*. Si es modifica la ra del window i passa a ser 2 (i no es modifica cap altre paràmetre de la càmera), què es veurà quan tornem a pintar el cub?

- a) Veurem un rectangle el doble d'alt que d'ample.
- b) Com que la ra del window és més gran que 1 es segueix veient un quadrat.
- c) Veurem un rectangle el doble d'ample que d'alt.
- d) Si no modifiquem el FOV el quadrat quedarà retallat.

Solució: a)