## Facultad de Economía y Planificación

Departamento Académico de Estadística e Informática

## **Experimentals Design I**

## Practica Dirigida 9: Factorial Design in DCA & DBCA

- 1. Se realizó un experimento en piñas de variedad Hawaiana donde se evaluó el efecto de tres dosis de nitrógeno y dos tipos de manejo en parcelas de 30  $m^2$ . El interés fue evaluar el porcentaje de grados brix.
  - A: Dosis de nitrógeno (a1=50, a2=80 y a3=100 kg. N/Ha.)
  - B: Manejos (b1=convencional y b2=orgánico)

Los datos registrados se presentan en la siguiente tabla:

а	a1 a2		a2		3
b1	b2	b1	b2	b1	b2
23.4	23.1	22.2	18.4	19.6	23.4
22.4	20.9	24.4	17.5	19	20.8
24.4	20.1	26.5	19.7	18	21.5
23.4	20.7	24.4	19.3	18.9	21.9

Descriptive Statistics porcentajes by Dosis

Data Frame: prob1

N: 8

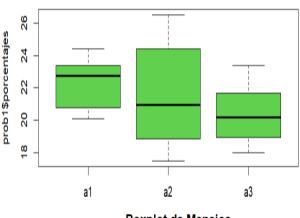
Mean 22.05 21.85 20.39	
Std.Dev 2.04 3.21 1.82	
Min 18.10 17.50 18.00 Q1 20.80 18.85 18.95	
Median 22.75 22.15 20.20 Q3 23.40 24.40 21.70	
Max 24.40 26.50 23.40 MAD 1.70 3.78 1.93	
IQR 2.55 5.32 2.62 CV 0.09 0.15 0.09 Skewness -0.68 -0.02 0.25	

Descriptive Statistics porcentajes by Manejos Data Frame: prob1

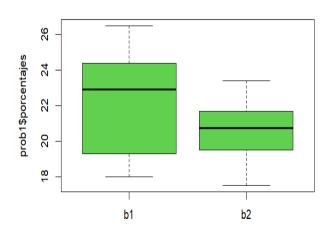
N: 12

	<b>b1</b>	b2
Mean	22.22	20.64
Std.Dev	2.72	1.94
Min	18.00	17.50
Q1	19.30	18.85
Median	22.90	20.85
Q3	24.40	22.00
Max	26.50	23.40
MAD	2.22	2.08
IQR	4.95	2.87
CV	0.12	0.09
Skewness	-0.20	-0.22

Boxplot de Dosis de Nitrogeno



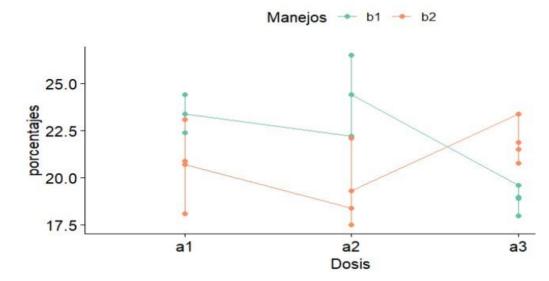
Boxplot de Manejos



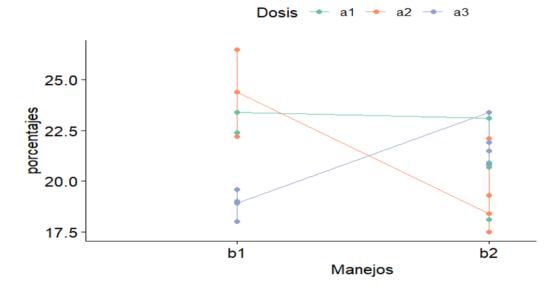
# Facultad de Economía y Planificación

Departamento Académico de Estadística e Informática

## Grafico de interaccion de Dosis vs Manejos



# Grafico de interaccion de Manejos vs Dosis



## **Tabla de Totales**

Dosis por a1 a2 a3	centajes 176.4 174.8 163.1	a1 a2 a3 a1 a2	Manejos b1 b1 b1 b2 b2	porcentajes 93.6 97.5 75.5 82.8 77.3	Manejos b1 b2	porcentajes 266.6 247.7
		a3	b2	87.6		

## Facultad de Economía y Planificación

#### Departamento Académico de Estadística e Informática

#### **Tabla de Promedios**

Dosis p	orcentajes	Dosis	Manejos	porcentajes	Manejos	porcentajes
a1	22.0500	a1	b1	23.400	b1	22.21667
a2	21.8500	a2	b1	24.375	b2	20.64167
a3	20.3875	a3	b1	18.875		
-		a1	b2	20.700		
		a2	b2	19.325		
		a3	b2	21.900		
Analy	sis of Varia	ınce Tabl	e			
Respo	nse: porcent	ajes				
	Df	Sum Sq M	ean Sq F	value P	r(>F)	
Dosis	2	13.181	6.590	2.9202 0.079	97292 .	
Manej	os 1	14.884	14.884	6.5951 0.019	93533 *	
Dosis	:Manejos 2	69.002	34.501 1	5.2876 0.00	01317 ***	

```
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
```

2.257

- a. Presente el modelo aditivo lineal e interprete cada uno de sus componentes en términos el enunciado.
- b. Interprete el gráfico de interacción.

Residuals 18 40.623

- c. Pruebe si existe interacción entre el tipo de manejo y la dosis de nitrógeno. Use  $\alpha=0.05$
- d. Use lo obtenido en c para realizar el análisis correspondiente. Use  $\alpha=0.05$

```
Df Sum of Sq
           Value
                                                  F
                                                       Pr(>F)
                       SE
                                    14.580 6.4605 0.0213692 *
a1
           2.700
                  1.0623
                          1.000
                                    51.005 22.6005 0.0004757 ***
           5.050
                 1.0623
                          1.000
a2
a3
          -3.025 1.0623
                          1.000
                                    18.301
                                            8.1094 0.0213692 *
                 18.0000 40.623
Residuals
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
         Dosis1 Dosis2
                         SE1
                                SE2 Df Sum of Sq
                                                    F
                                                          Pr(>F)
          4.525 5.500 1.0623 1.062 2
                                         68.902 15.2653 0.0002657 ***
b1
         -1.200 -2.575 1.0623 1.062 2
                                         13.282 2.9426 0.0783969 .
Residuals
                      18.0000 40.623
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
```

## Facultad de Economía y Planificación

## Departamento Académico de Estadística e Informática

- e. ¿Se puede afirmar que cuando las piñas reciben una dosis de nitrógeno de 80 Kg, el porcentaje medio de grados brix con el manejo convencional es mayor que el manejo orgánico en más de 2%? Use  $\alpha = 0.05$
- f. Según especialistas se recomienda el manejo orgánico. Sugiera las condiciones de abono nitrogenado bajo las cuales se maximiza el porcentaje de grados brix. Realice la prueba estadística más adecuada con un  $\alpha=0.05$ .

#	A tibble	e: 6 ×	10							
	Manejos	term	group1	group2	null.value	e estir	nate	conf.low	conf.high	p.adj
×	<fct></fct>	<chr></chr>	<chr></chr>	<chr></chr>	<db1.< td=""><td>&gt; &lt;(</td><td>db 7&gt;</td><td><db7></db7></td><td><db7></db7></td><td><db1></db1></td></db1.<>	> <(	db 7>	<db7></db7>	<db7></db7>	<db1></db1>
1	b1	Dosis	a1	a2	(	0.	. 975	-1.36	3.31	0.5
2	b1	Dosis	a1	a3	(	) -4.	. 53	-6.86	-2.19	0.001 <u>1</u>
3	b1	Dosis	a2	a3	(	) -5.	. 5	-7.83	-3.17	0.000 <u>266</u>
4	b2	Dosis	a1	a2	(	) -1.	. 38	-4.86	2.11	0.537
5	b2	Dosis	a1	a3	(	) 1.	. 20	-2.29	4.69	0.618
6	b2	Dosis	a2	a3	(	) 2.	. 57	-0.911	6.06	0.153
#	i 1 more	varia	ble: p.	adj.sig	nif <chr></chr>					

2. Un investigador realizó un experimento factorial para evaluar el rendimiento de arroz obtenido con dos dosis de potasio (a<sub>1</sub>=9.5 kg/ha y a<sub>2</sub>=12 kg/ha) y tres dosis de fertilizantes nitrogenados (b<sub>1</sub>=9 kg/ha, b<sub>2</sub>=12 kg/ha y b<sub>3</sub>=18 kg/ha). El experimento se ejecutó en 4 diferentes tipos de suelo. Se sabe que se cumplieron los supuestos necesarios. Los resultados en t/ha son los siguientes:

	Dosis de potasio							
	9.5	kg/ha (a₁)	)	1	12 kg/ha (a <sub>2</sub> )			
	Dosis de Fertilizante Nitrogenado			Dosis de Fertilizante Nitrogenado				
Tipo de suelo	9 kg/ha (b₁)	12 kg/ha (b <sub>2</sub> )	18 kg/ha (b <sub>3</sub> )	9 kg/ha (b₁)	12 kg/ha (b <sub>2</sub> )	18 kg/ha (b <sub>3</sub> )		
1	2,3	3	3	2,4	3,2	3,3		
2	2,3	2,8	2,7	2,5	3	3,5		
3	3	2,7	3,2	2,3	3,5	3,8		
4	2,4	3,2	3	2,7	3,5	3,6		

Descriptive Statistics

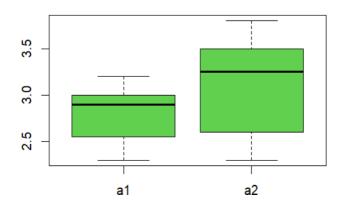
y by A

Data Frame: datos

N: 12

	a1	a2
Mean	2.80	3.11
Std.Dev	0.32	0.52
Min	2.30	2.30
Q1	2.55	2.60
Median	2.90	3.25
Q3	3.00	3.50
Max	3.20	3.80
MAD	0.30	0.44
IQR	0.37	0.85
CV	0.12	0.17
Skewness	-0.38	-0.33

Boxplot de Dosis de Potasio



# Facultad de Economía y Planificación

# Departamento Académico de Estadística e Informática

Descriptive Statistics

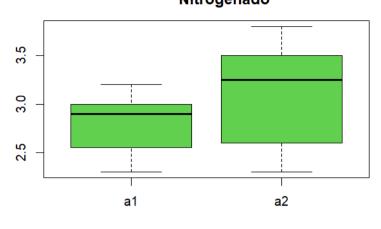
y by B

Data Frame: datos

N: 8

	b1	b2	b3
Mean	2.49	3.11	3.26
Std.Dev	0.25	0.29	0.36
Min	2.30	2.70	2.70
Q1	2.30	2.90	3.00
Median	2.40	3.10	3.25
Q3	2.60	3.35	3.55
Max	3.00	3.50	3.80
MAD	0.15	0.30	0.37
IQR	0.25	0.33	0.52
CV	0.10	0.09	0.11
Skewness	1.02	0.07	-0.02

## Boxplot de Dosis de Fertilizante Nitrogenado



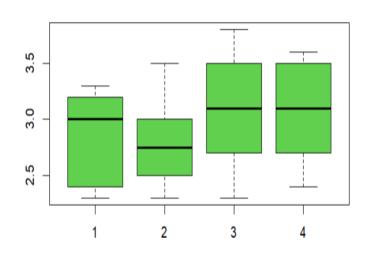
Descriptive Statistics

y by Bloque Data Frame: datos

N: 6

	1	2	3	4
Mean Std. Dev Min Q1 Median Q3 Max MAD IQR CV	2.87 0.42 2.30 2.40 3.00 3.20 3.30 0.37 0.60 0.15	2.80 0.42 2.30 2.50 2.75 3.00 3.50 0.37 0.40 0.15	3.08 0.54 2.30 2.70 3.10 3.50 3.80 0.59 0.65 0.18	3.07 0.46 2.40 2.70 3.10 3.50 3.60 0.59 0.65 0.15
Skewness	-0.37	0.45	-0.10	-0.19

# Boxplot de Tipo de Suelo



## **Tabla de Totales**

datos\$A	datos\$y	datos\$B	datos\$y	da
a1	33.6	b1	19.9	
a2	37.3	b2	24.9	
1	22	b3	26.1	

datos\$Bloque datos\$y 1 17.2 2 16.8 3 18.5 4 18.4

datos\$A	datos\$B	datos\$y
a1	b1	10.0
a2	b1	9.9
a1	b2	11.7
a2	b2	13.2
a1	b3	11.9
a2	b3	14.2

## Facultad de Economía y Planificación

Departamento Académico de Estadística e Informática

## **Tabla de Promedios**

datos\$A datos\$y a1 2.800000 a2 3.108333	datos\$B b1 b2 b3	datos\$y 2.4875 3.1125 3.2625	5	2	datos\$y 2.866667 2.800000 3.083333 3.066667
	datos\$A da	tos\$B d	atos\$y		3.000007
	a1	b1	2.500		
	a2	b1	2.475		
	a1	b2	2.925		
	a2	b2	3.300		
	a1	b3	2.975		
	a2	b3	3.550		

Grafico de interaccion de Dosis de Potasio vs Dosis de Fertilizante Nitrogenado

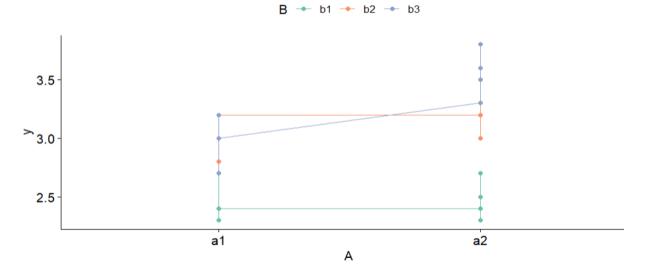
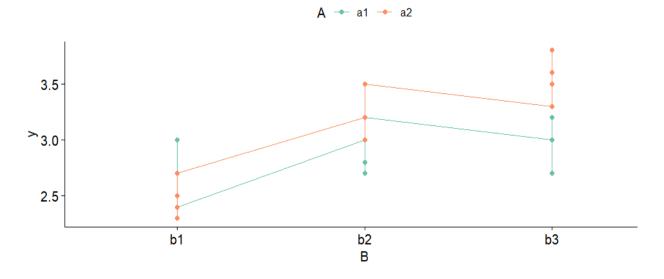


Grafico de interaccion de Dosis de Fertilizante Nitrogenado vs Dosis de Potasio



Lic. Mauricio Maguiña Melgar

## Facultad de Economía y Planificación

## Departamento Académico de Estadística e Informática

- Presente el modelo aditivo lineal e interprete cada uno de sus componentes en términos el enunciado.
- b. Complete el siguiente cuadro ANVA y realice la prueba de hipótesis más importante. Use  $\alpha=0.05$ .

F.V	G.L	SC	CM	Fcal
Potasio (A)	1		0.5704	
Nitrógeno (B)		2.7033		
Potasio*Nitrógeno (AB)				
Suelo(Bloque)	3		0.1215	
Error				
Total	23			

c. Según el resultado obtenido en b, realice las pruebas de hipótesis de efectos simples o principales para el factor dosis de potasio. Use  $\alpha = 0.05$ .

```
В2
                                 SE2 Df Sum of Sq
                                                       F
                         SE1
                                                            Pr(>F)
         -0.475 - 0.05
                                     2
a1
                       0.147 0.14696
                                          0.5450
                                                 6.3087
                                                           0.01028 *
a2
         -1.075 - 0.25
                       0.147 0.14696
                                     2
                                          2.5317 29.3055 1.317e-05 ***
                      15.000 0.64792
Residuals
               0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Signif. codes:
            Value
                       SE
                                Df Sum of Sq
                                                     F
                                                          Pr(>F)
b1
                    0.147
                          1.00000
                                      0.00125
                                                0.0289 0.867193
            0.025
                    0.147
b2
           -0.375
                          1.00000
                                      0.28125
                                                6.5113 0.044245
                   0.147 1.00000
           -0.575
b3
                                      0.66125 15.3087 0.004155
Residuals
                   15.000 0.64792
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' '1
```

d. Suponga que el investigador afirma que al aplicar una dosis de fertilizante de nitrógeno de 18 kg/ha, el rendimiento medio de arroz obtenido con una dosis de 12 Kg/ha de potasio es superior al obtenido con una dosis 9.5 Kg/ha.

Use  $\alpha = 0.05$ .

e. Según el investigador sugiere la Dosis de Nitrógeno Fertilizado. Sugiera las condiciones por la cual se optimiza el rendimiento de arroz. Realice la prueba estadística más adecuada con un  $\alpha=0.05$ .

```
A tibble: 6 \times 10
       term group1 group2 null.value estimate conf.low conf.high
<fct>
       <rhr>
             <chr>
                     <chr>
                                  <dh7>
                                            <dh7>
                                                      <dh7>
                                                    -0.0911
                                                                 0.941
                     b2
                                       0
                                           0.425
a1
             b1
                     b3
                                       0
                                           0.475
a1
       B
             b1
                                                    -0.0411
                                                                 0.991
                                           0.0500
                                                                 0.566
             b2
                     b3
                                       0
                                                    -0.466
a1
       B
                                       0
                                           0.825
                                                     0.410
       B
                     b2
                                                                 1.24
a2
             b1
a2
                     b3
                                                                 1.49
      B
             b1
                                       0
                                           1.08
                                                     0.660
      В
                                       0
                                           0.25
                                                                 0.665
a2
             b2
                     b3
                                                    -0.165
i 2 more variables: p.adj <dbl>, p.adj.signif <chr>
# A tibble: 3 \times 10
         term group1 group2 null.value estimate conf.low conf.high
  В
  <fct> <chr> <chr>
                       <chr>
                                    <db7>
                                              <db7>
                                                        <db7>
                                                                   <db7>
1 b1
                                                                   0.437
                                         0
                                            -0.025<u>0</u>
         A
               a1
                       a2
                                                      -0.487
                                             0.375
                                                      -0.0292
2 b2
         A
                       a2
                                         0
                                                                   0.779
               a1
                                         0
                                             0.575
                                                       0.217
                                                                   0.933
               a1
                       a2
# i 2 more variables: p.adj <dbl>, p.adj.signif <chr>
```